

## WYPEŁNIA UCZEŃ Miejsce na naklejkę. Sprawdź, czy kod na naklejce to O-100. Jeżeli tak – przyklej naklejkę. Jeżeli nie – zgłoś to nauczycielowi.



#### Egzamin ósmoklasisty Matematyka

DATA: 15 maja 2024 r.

GODZINA ROZPOCZĘCIA: 9:00

CZAS PRACY: 100 minut

#### Instrukcja dla ucznia

- 1. Sprawdź, czy na kolejno ponumerowanych 21 stronach jest wydrukowanych 19 zadań.
- 2. Sprawdź, czy do arkusza jest dołączona karta odpowiedzi.
- 3. Ewentualny brak stron lub inne usterki zgłoś nauczycielowi.
- 4. Na tej stronie i na karcie odpowiedzi w wyznaczonych miejscach wpisz swój kod, numer PESEL i przyklej naklejkę z kodem.
- 5. Czytaj uważnie wszystkie zadania i wykonuj je zgodnie z poleceniami.
- 6. Rozwiązania zadań zapisuj długopisem lub piórem z czarnym tuszem/atramentem.
- 7. Nie używaj korektora.
- 8. Rozwiązania zadań **zamkniętych**, tj. **1–15**, zaznacz na karcie odpowiedzi zgodnie z informacjami zamieszczonymi na następnej stronie. Pamiętaj, że tylko rozwiązania przeniesione na kartę odpowiedzi będą oceniane. W każdym zadaniu poprawna jest zawsze **tylko jedna** odpowiedź.
- 9. Rozwiązania zadań <u>otwartych</u>, tj. **16–19**, zapisz czytelnie i starannie w wyznaczonych miejscach w arkuszu egzaminacyjnym.
- 10. Ewentualne poprawki w odpowiedziach zapisz zgodnie z informacjami zamieszczonymi na następnej stronie.
- 11. Zapisy w brudnopisie nie będą sprawdzane i oceniane.

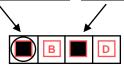
Powodzenia!

| WYPEŁNIA ZESPÓŁ NADZORUJĄCY   |                        |
|---|------------------------|
| Uprawnienia ucznia do: nieprzenoszenia odpowiedzi dostosowania ucznia do: dostosowania zasad oceniania. |                        |
| dozina do. Tia kartę odpowiedzi zasad ocemania.   | OMAP- <b>100</b> -2405 |

#### Zapoznaj się z poniższymi informacjami

1. Jak na karcie odpowiedzi zaznaczyć poprawną odpowiedź oraz pomyłkę w zadaniach zamkniętych?

Staraj się nie popełniać błędów przy zaznaczaniu odpowiedzi, ale jeśli się pomylisz, błędne zaznaczenie otocz kółkiem i zaznacz inną odpowiedź, np.



| Poprawna  | Układ możliwych      | Sposób zaznaczenia   | Sposób zaznaczenia         |
|-----------|----------------------|----------------------|----------------------------|
| odpowiedź | odpowiedzi na karcie | poprawnej odpowiedzi | <u>pomyłki</u> i poprawnej |
| w zadaniu | odpowiedzi           |                      | odpowiedzi                 |
| С         | A B C D              | A B D                | B                          |
| AD        | AC AD BC BD          | AC BC BD             | AC BC                      |
| FP        | PP PF FP FF          | PP PF FF             | PP FF                      |

2. Jak zaznaczyć pomyłkę i zapisać poprawną odpowiedź w zadaniach otwartych?

Jeśli się pomylisz, zapisując odpowiedź w zadaniu otwartym, <u>pomyłkę przekreśl</u> i <u>napisz</u> <u>poprawną odpowiedź</u>, np.

nad niepoprawnym fragmentem

64 cm<sup>2</sup>

Pole kwadratu jest równe <del>100 cm²</del>.

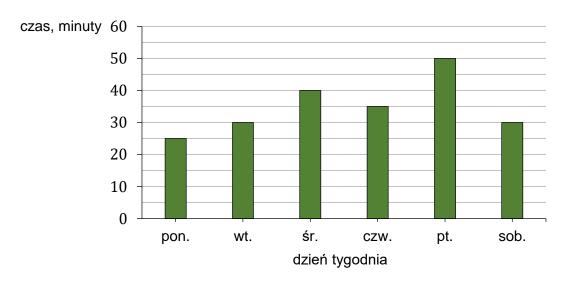
<u>lub obok niego</u>

Pole kwadratu jest równe <del>100 cm²</del>. 64 cm²

Zadania egzaminacyjne są wydrukowane na kolejnych stronach.

#### Zadanie 1. (0-1)

Ala codziennie uczyła się języka hiszpańskiego. Na diagramie przedstawiono, ile czasu przeznaczyła na naukę tego języka w kolejnych dniach tygodnia od poniedziałku do soboty.



Oceń prawdziwość podanych zdań. Wybierz P, jeśli zdanie jest prawdziwe, albo F – jeśli jest fałszywe.

| Ala przez cztery dni – od poniedziałku do czwartku – na naukę języka hiszpańskiego przeznaczyła łącznie 2 godziny i 10 minut. | Р | F |
|---|---|---|
| Na naukę języka hiszpańskiego w sobotę Ala przeznaczyła o 40% czasu mniej niż w piątek.                                       | Р | F |

#### Zadanie 2. (0-1)

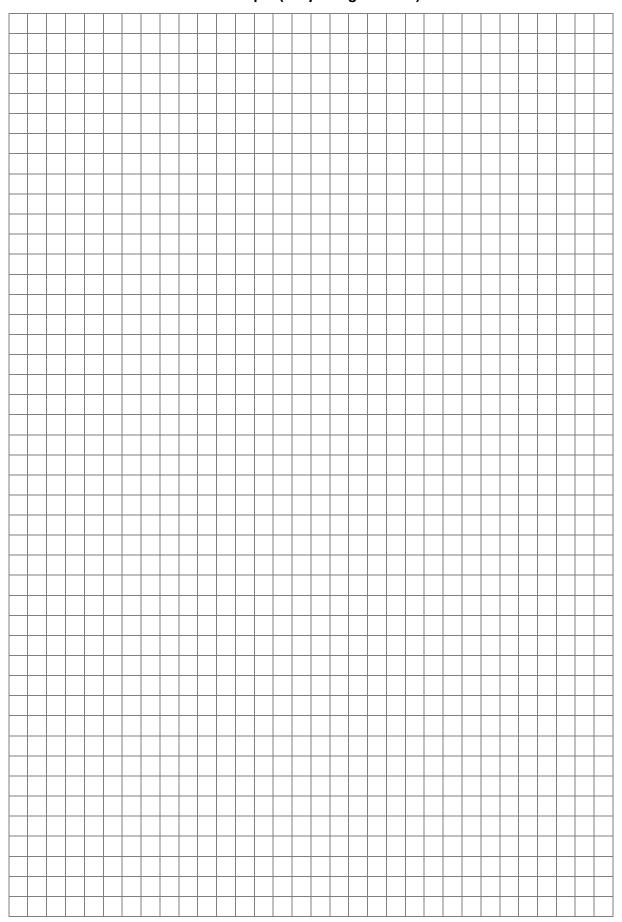
Wypisano ułamki spełniające łącznie następujące warunki:

- mianownik każdego z nich jest równy 4
- licznik każdego z nich jest liczbą naturalną większą od mianownika
- każdy z tych ułamków jest większy od liczby 3 oraz mniejszy od liczby 5.

#### Dokończ zdanie. Wybierz właściwą odpowiedź spośród podanych.

Wszystkich ułamków spełniających powyższe warunki jest

- A. sześć.
- **B.** siedem.
- C. osiem.
- D. dziewięć.



#### Zadanie 3. (0-1)

Średnia arytmetyczna trzech liczb: 12, 14, k, jest równa 16.

Oceń prawdziwość podanych zdań. Wybierz P, jeśli zdanie jest prawdziwe, albo F – jeśli jest fałszywe.

| Liczba $k$ jest równa 22.   | Р | F |
|---|---|---|
| Średnia arytmetyczna liczb: 12, 14, $k$ , 11, 17, jest większa od 16. | Р | F |

#### Zadanie 4. (0-1)

Dane są dwie liczby x i y zapisane za pomocą wyrażeń arytmetycznych:

$$x = \frac{4}{5} \cdot \left( -\frac{4}{3} \right)$$

$$y = \frac{4}{5} + \left(-\frac{4}{3}\right)$$

Uzupełnij zdania. Wybierz odpowiedź spośród oznaczonych literami A i B oraz odpowiedź spośród oznaczonych literami C i D.

Liczba y jest liczbą A B

A. ujemną

B. dodatnią

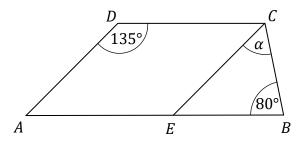
Liczba x jest  $\boxed{\mathbf{C} \quad \mathbf{D}}$  od liczby y.

C. mniejsza

D. większa

#### Zadanie 5. (0-1)

Dany jest trapez ABCD, w którym bok AB jest równoległy do boku DC. W tym trapezie poprowadzono odcinek EC równoległy do boku AD, podano miary dwóch kątów oraz oznaczono kąt  $\alpha$  (zobacz rysunek).



Dokończ zdanie. Wybierz właściwą odpowiedź spośród podanych.

Kąt  $\alpha$  ma miarę

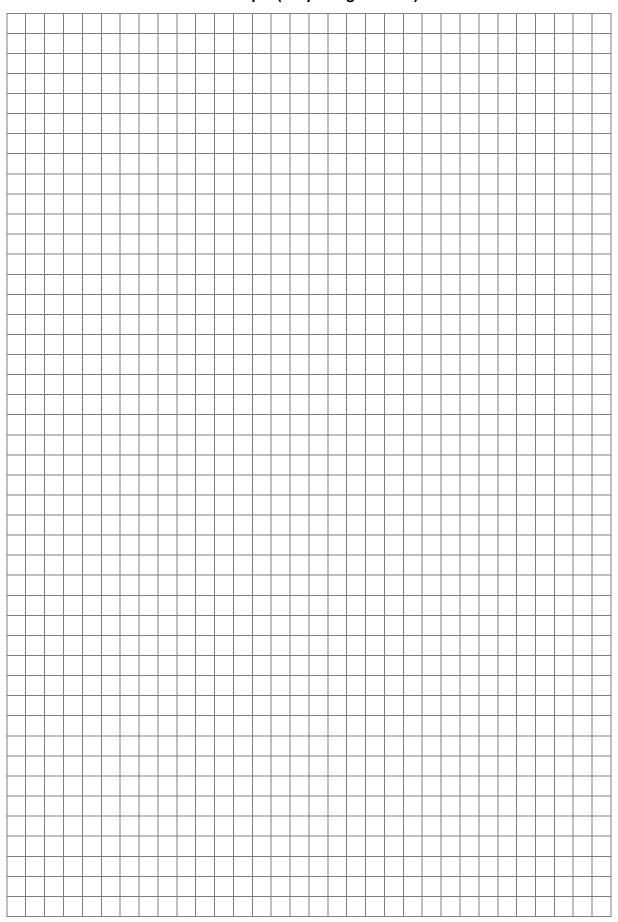
**A.** 55°

**B.** 50°

**C.** 45°

**D.** 20°

Przenieś rozwiązania zadań na kartę odpowiedzi!



#### Zadanie 6. (0-1)

Dane jest równanie

$$5x = \frac{y}{w}$$
, gdzie  $x, y, w$  są różne od  $0$ .

Zadaniem Pawła było przekształcanie tego równania tak, aby wyznaczyć x, y, w. Paweł otrzymał trzy równania:

$$1. \ \ x = \frac{y}{5w}$$

II. 
$$y = \frac{5x}{w}$$

III. 
$$w = \frac{y}{5x}$$

Które z równań I–III są poprawnymi przekształceniami równania  $5x = \frac{y}{w}$ ? Wybierz właściwą odpowiedź spośród podanych.

#### Zadanie 7. (0-1)

Oceń prawdziwość podanych zdań. Wybierz P, jeśli zdanie jest prawdziwe, albo F – jeśli jest fałszywe.

| Iloczyn $3 \cdot 9^5$ jest równy wartości wyrażenia $3^{11}$ .           | Р | F |
|--|---|---|
| Wyrażenie $\frac{2^8 \cdot 2^7}{2^{10}}$ można zapisać w postaci $2^5$ . | Р | F |

#### Zadanie 8. (0-1)

Karolina kupiła jedno pudełko balonów. W tabeli podano informacje dotyczące kolorów balonów oraz ich liczby w tym pudełku.

| Kolor balonu   | czerwony | niebieski | zielony | żółty |
|----------------|----------|-----------|---------|-------|
| Liczba balonów | 10       | 8         | 6       | 8     |

Karolina wyjmowała losowo po jednym balonie z pudełka. Pierwsze dwa wyjęte balony były w kolorze czerwonym.

Jakie jest prawdopodobieństwo, że trzeci balon losowo wyjęty przez Karolinę będzie w kolorze czerwonym? Wybierz właściwą odpowiedź spośród podanych.

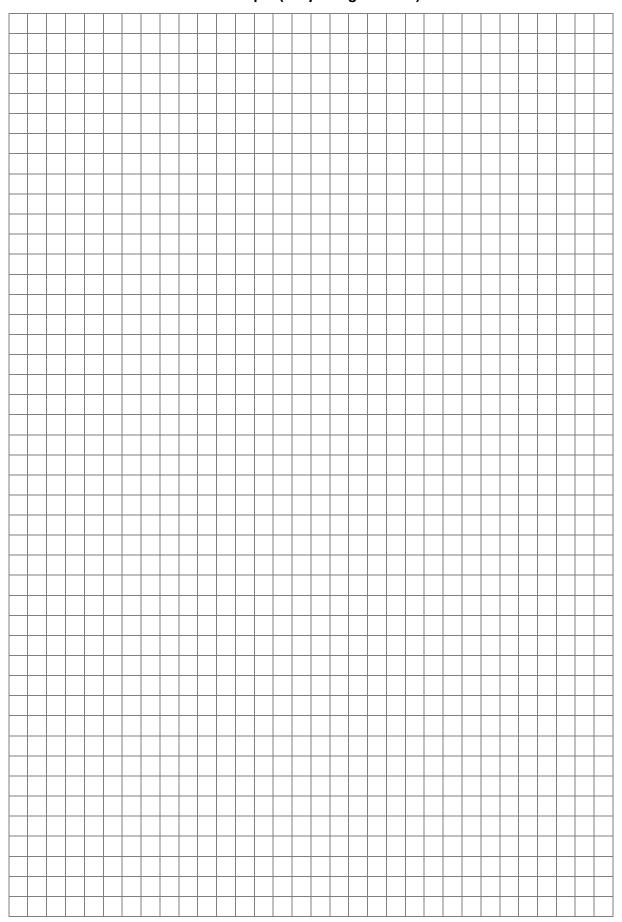
**A.** 
$$\frac{1}{3}$$

**B.** 
$$\frac{5}{16}$$

**c**. 
$$\frac{4}{15}$$

**D.** 
$$\frac{1}{4}$$

PRZENIEŚ ROZWIĄZANIA ZADAŃ NA KARTĘ ODPOWIEDZI!



#### Zadanie 9. (0-1)

Dokończ zdanie. Wybierz właściwą odpowiedź spośród podanych.

Wyrażenie x(x+4) - 3(2x-5) można przekształcić równoważnie do postaci

**A.** 
$$x^2 + 2x - 5$$

**B.** 
$$x^2 - 2x + 5$$

**C.** 
$$x^2 + 2x - 15$$

**D.** 
$$x^2 - 2x + 15$$

#### Zadanie 10. (0-1)

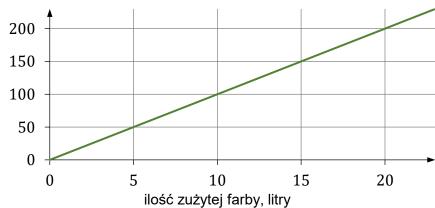
Podróż pociągiem z Olsztyna do Gdyni planowo trwa 2 godziny i 54 minuty. Pewnego dnia pociąg wyjechał z Olsztyna punktualnie o wyznaczonej godzinie, ale przyjechał do Gdyni z czterominutowym opóźnieniem o godzinie 17:31.

Dokończ zdanie. Wybierz właściwą odpowiedź spośród podanych.

Pociąg wyjechał z Olsztyna o godzinie

#### Zadanie 11. (0-1)

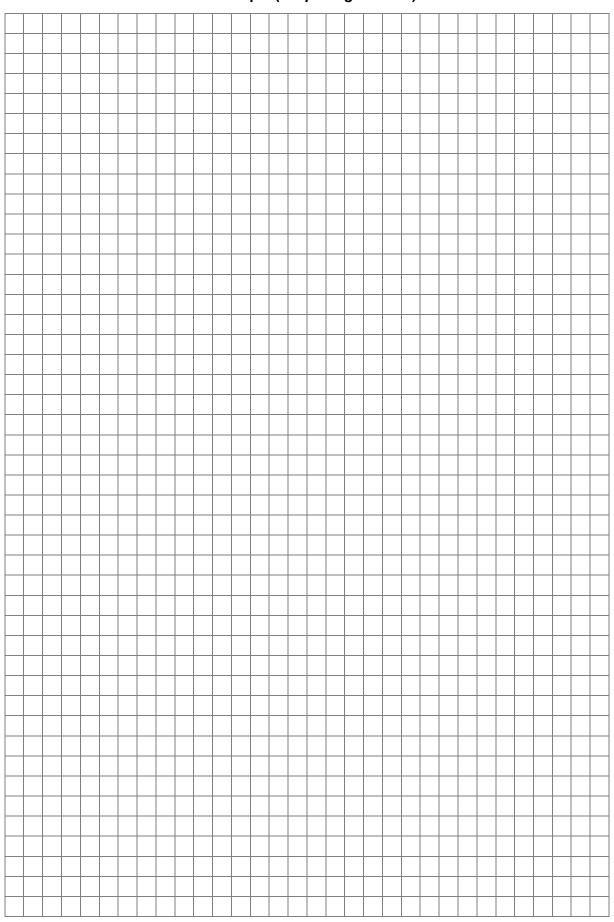
Na wykresie przedstawiono zależność pola pomalowanej powierzchni od ilości zużytej farby. Pole pomalowanej powierzchni jest wprost proporcjonalne do ilości zużytej farby.



Oceń prawdziwość podanych zdań. Wybierz P, jeśli zdanie jest prawdziwe, albo F – jeśli jest fałszywe.

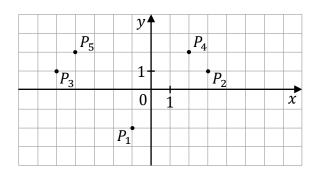
| 18 litrów tej farby wystarczy na pomalowanie 180 m² powierzchni. | Р | F |
|--|---|---|
| Na pomalowanie 125 m² powierzchni wystarczy 12 litrów tej farby. | Р | F |

Przenieś rozwiązania zadań na kartę odpowiedzi!



#### Zadanie 12. (0-1)

W układzie współrzędnych (x,y) zaznaczono pięć punktów  $P_1$ ,  $P_2$ ,  $P_3$ ,  $P_4$  oraz  $P_5$  (zobacz rysunek). Wszystkie współrzędne tych punktów są liczbami całkowitymi. Punkt  $P_1$  ma współrzędne (-1,-2).



Dokończ zdanie. Wybierz właściwą odpowiedź spośród podanych.

Jeżeli współrzędną x punktu  $P_1$  zwiększymy o 4, a współrzędną y tego punktu zwiększymy o 3, to otrzymamy współrzędne punktu

A.  $P_2$ 

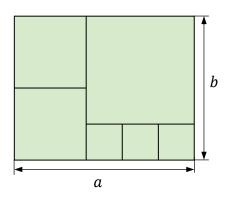
**B.**  $P_3$ 

C.  $P_{4}$ 

**D.**  $P_5$ 

Zadanie 13. (0-1)

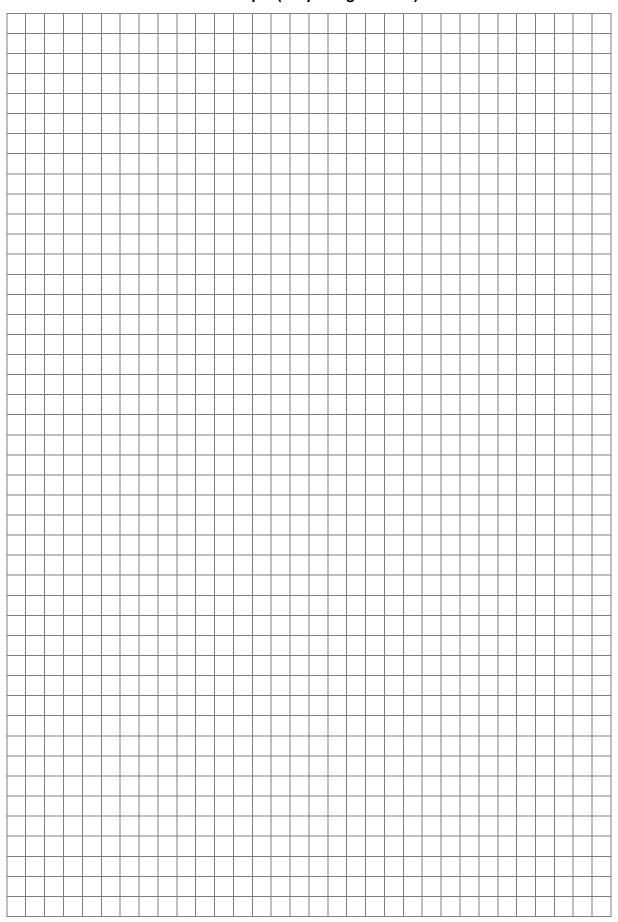
Na rysunku przedstawiono prostokąt o bokach długości  $\,a$  i  $b\,$  podzielony na sześć kwadratów.



Dokończ zdanie. Wybierz właściwą odpowiedź spośród podanych.

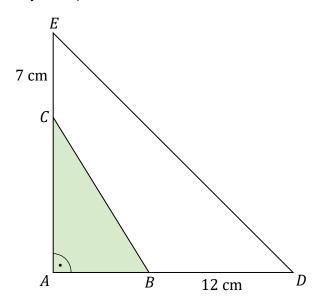
Stosunek długości boków a:b tego prostokąta jest równy

- **A.** 6:5
- **B.** 5:4
- **C.** 4:3
- **D.** 3:2



#### Zadanie 14. (0-1)

W trójkącie prostokątnym ABC przyprostokątną AC wydłużono o 7 cm, a przyprostokątną AB wydłużono o 12 cm i otrzymano trójkąt prostokątny równoramienny ADE o polu równym  $200 \text{ cm}^2$  (zobacz rysunek).



Oceń prawdziwość podanych zdań. Wybierz P, jeśli zdanie jest prawdziwe, albo F – jeśli jest fałszywe.

| Przyprostokątna trójkąta <i>ADE</i> jest równa 20 cm.    | Р | F |
|--|---|---|
| Pole trójkąta <i>ABC</i> jest równe 52 cm <sup>2</sup> . | Р | F |

#### Zadanie 15. (0-1)

Dany jest ostrosłup prawidłowy czworokątny. Pole powierzchni całkowitej tej bryły jest równe P, a jedna ściana boczna ma pole równe  $\frac{2}{9}P$ .

Uzupełnij zdania. Wybierz odpowiedź spośród oznaczonych literami A i B oraz odpowiedź spośród oznaczonych literami C i D.

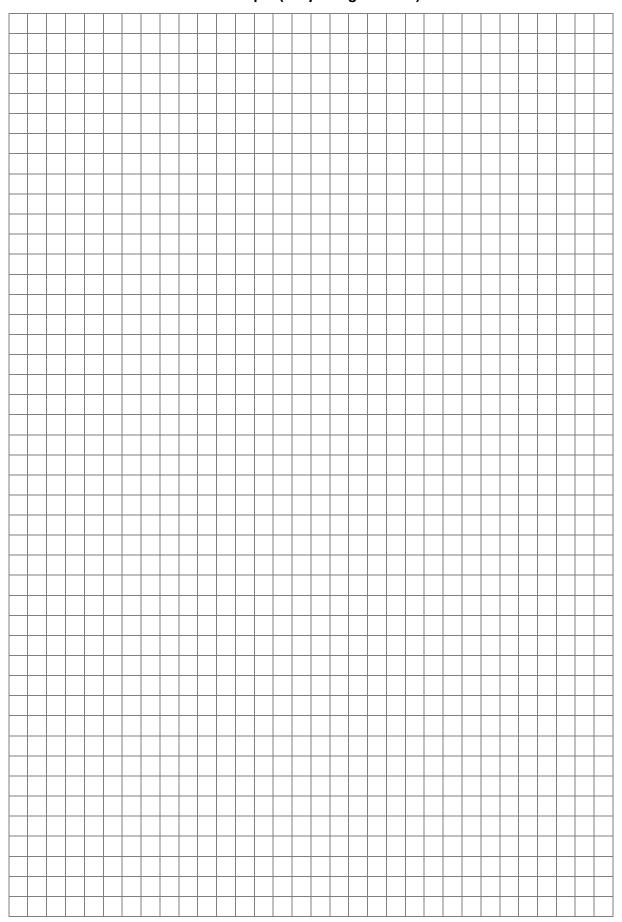
Pole powierzchni bocznej tego ostrosłupa jest równe A B

**A.** 
$$\frac{6}{9}P$$
 **B.**  $\frac{8}{9}P$ 

Pole powierzchni podstawy tego ostrosłupa jest dwa razy **C D** niż pole powierzchni jego jednej ściany bocznej.

C. mniejsze D. większe

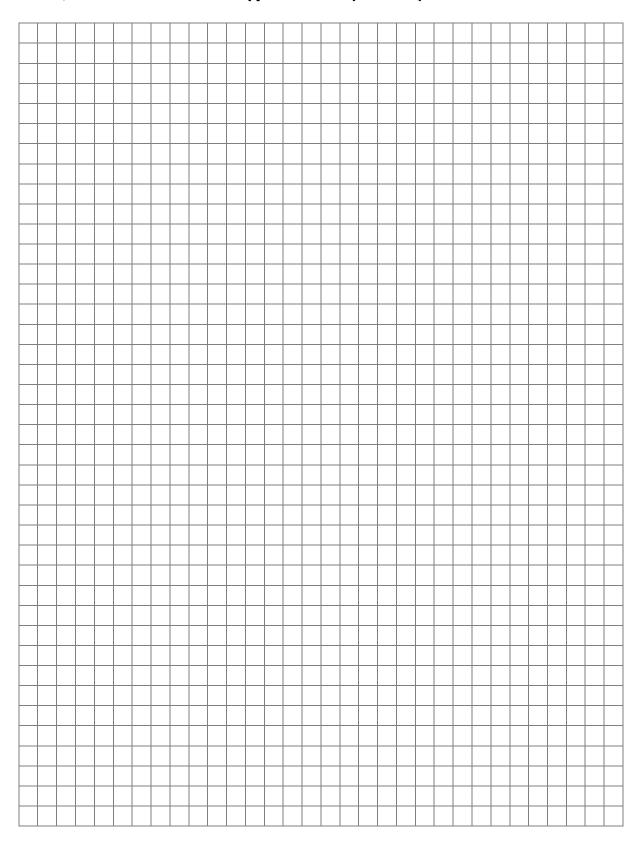
Przenieś rozwiązania zadań na kartę odpowiedzi!



#### Zadanie 16. (0-2)

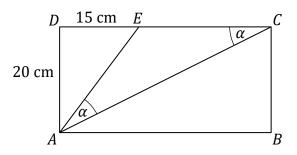
Ela i Ania dostały w prezencie po jednym zestawie puzzli o takiej samej liczbie elementów. Ela ułożyła  $\frac{2}{5}$  swoich puzzli, a Ania  $\frac{1}{3}$  swoich. Dziewczynki ułożyły łącznie 440 elementów.

Oblicz, z ilu elementów składa się jeden zestaw puzzli. Zapisz obliczenia.

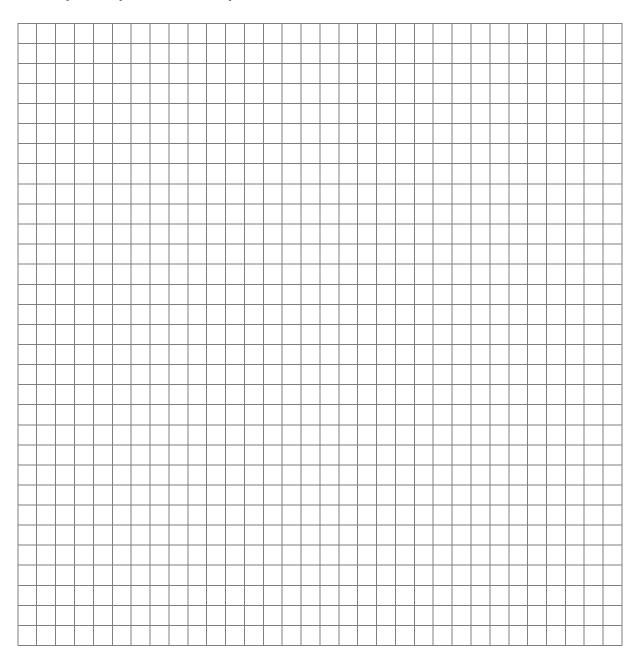


#### Zadanie 17. (0-3)

Prostokąt ABCD podzielono na trzy trójkąty: AED, ACE, ABC (zobacz rysunek). Na rysunku podano również długości dwóch boków trójkąta AED oraz zaznaczono dwa kąty trójkąta ACE, o takiej samej mierze  $\alpha$ .



#### Oblicz pole trapezu ABCE. Zapisz obliczenia.

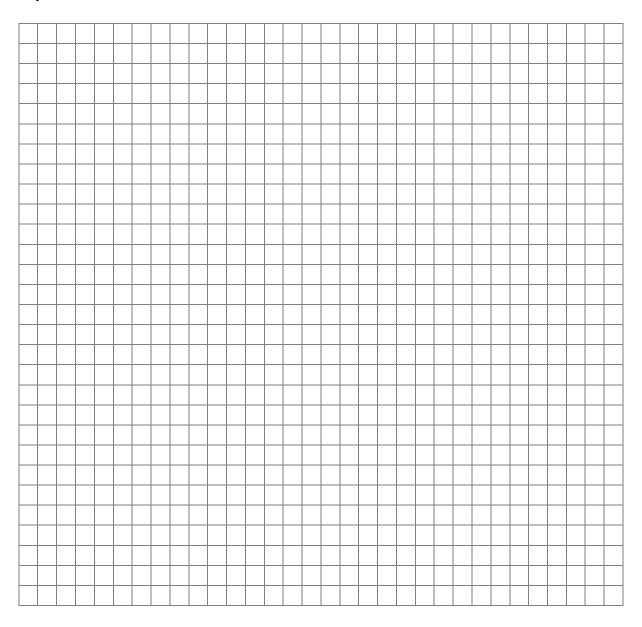


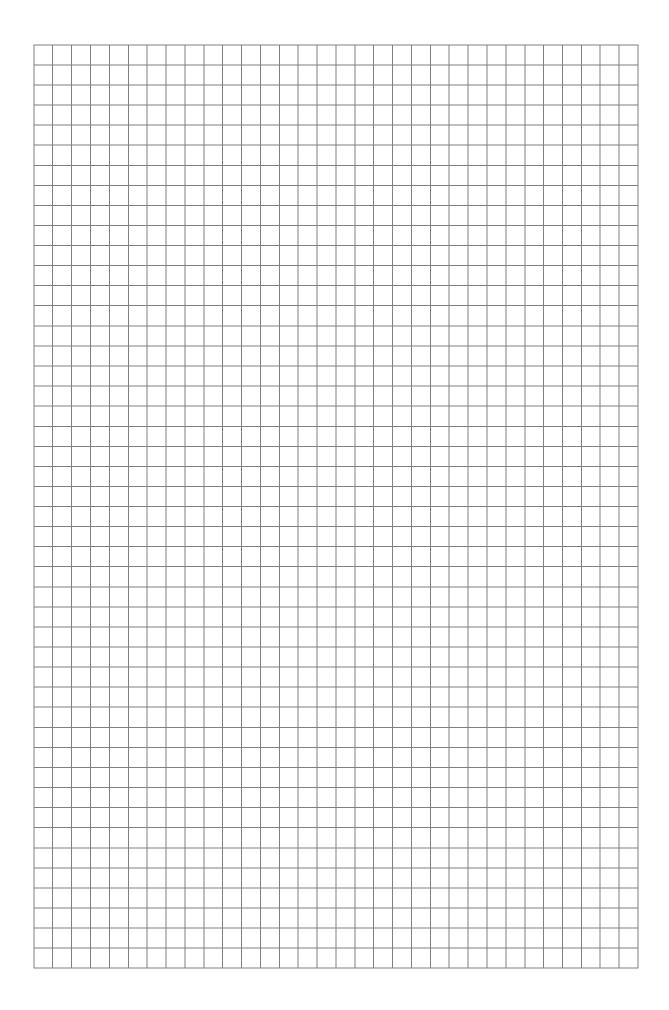
#### Zadanie 18. (0-3)

Pan Jan sprzedał w swoim sklepie  $120~\rm kg$  truskawek. Połowę masy tych truskawek sprzedał w dużych opakowaniach, 10% masy truskawek – w średnich, a pozostałe truskawki w małych opakowaniach. W tabeli podano informacje dotyczące sprzedaży truskawek w sklepie pana Jana.

| SKLEP <i>U JANA</i>  |                                |                                  |  |
|----------------------|--------------------------------|----------------------------------|--|
| Rodzaj<br>opakowania | Masa truskawek<br>w opakowaniu | Cena opakowania<br>z truskawkami |  |
| duże                 | 1 kg                           | 18 zł                            |  |
| średnie              | 0,5 kg                         | 10 zł                            |  |
| małe                 | 0,25 kg                        | 6 zł                             |  |

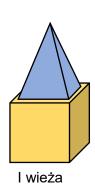
Oblicz, jaką kwotę otrzymał pan Jan ze sprzedaży wszystkich truskawek. Zapisz obliczenia.

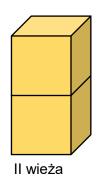




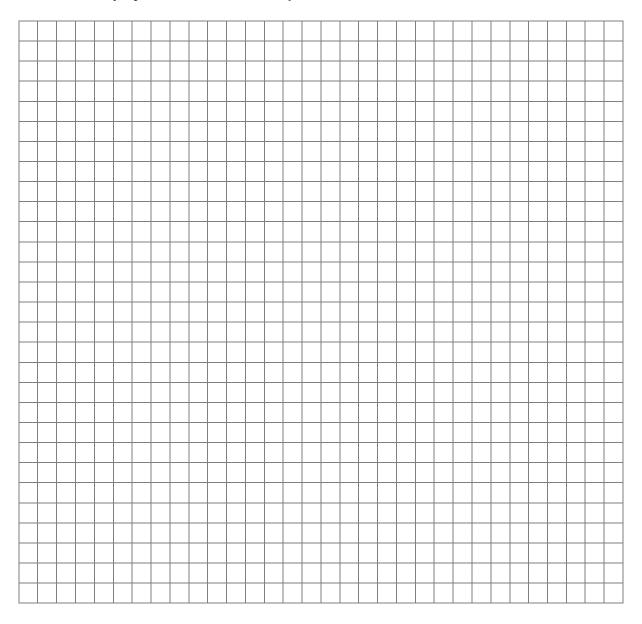
#### Zadanie 19. (0-2)

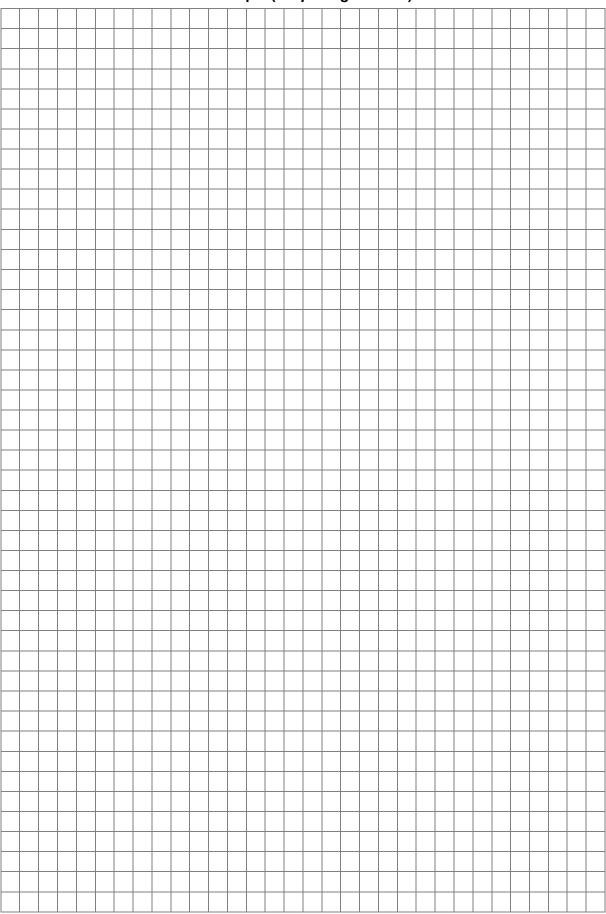
Z trzech jednakowych klocków w kształcie sześcianu i jednego klocka w kształcie ostrosłupa prawidłowego czworokątnego zbudowano dwie wieże (zobacz rysunek). Krawędź sześcianu ma długość  $10~\rm cm$ . Krawędź podstawy ostrosłupa prawidłowego czworokątnego ma długość  $9~\rm cm$ , a jego objętość jest równa  $324~\rm cm^3$ .





Oblicz różnicę wysokości obu wież. Zapisz obliczenia.





# MATEMATYKA Egzamin ósmoklasisty



## MATEMATYKA Egzamin ósmoklasisty



### MATEMATYKA

Egzamin ósmoklasisty

