

Nr. albumu: 210254

Imię i nazwisko:

PATRYK LISIK

Nr. albumu: 210310

Imię i nazwisko:

ADAM SADOWSKI

Nr. albumu: 210279

Imię i nazwisko:

BARBARA

MORAWSKA

Kierunek: INFORMATYKA

rok akademicki: 2018/2019

grupa PONIEDZIAŁEK 12:30

## Kryptografia

### Szyfr ElGamel'a

# 1 Wstęp

Kryptosystem ElGamel'a jest szyfrem asymetrycznym bazującym na problemie logarytmu dyskretnego w ciele liczb całkowitych modulo duża liczba pierwsza.

## 2 Zasada działania

1. Po stronie odbiorcy:
  - (a) Wybór dużej liczby pierwszej –  $p$
  - (b) Wybór  $\alpha$  takiego, że  $\alpha \in \{2, 3 \dots p-1\}$
  - (c) Wybór klucza prywatnego  $k_{pr}$  takiego, że  $k_{pr} = d \in \{2, 3 \dots p-2\}$
  - (d) Obliczenie klucza publicznego  $k_{pb} = \beta \equiv \alpha^{k_{pr}} \pmod{p}$
  - (e) Publikujemy  $(\beta, \alpha, p)$  jako klucz publiczny
2. Po stronie nadawcy:
  - (a) Wybór klucza prywatnego  $i \in \{2, 3 \dots, p-2\}$
  - (b) Obliczenie klucza publicznego  $k_E \equiv \alpha^i \pmod{p}$
  - (c) Obliczanie klucza maskującego/sesji  $k_M \equiv \beta^i \pmod{p}$
  - (d) Szyfrowanie wiadomości  $Y \equiv X \cdot k_M \pmod{p}$ , gdzie:
    - $X$  - niezaszyfrowana wiadomość
    - $Y$  - zaszyfrowana wiadomość
  - (e) Publikujemy  $(Y, K_E)$
3. Po stronie odbiorcy:
  - (a) Obliczanie klucza maskującego/sesji  $k_M \equiv k_m^d \pmod{p}$
  - (b) Deszyfrowanie wiadomości  $X \equiv Y \cdot k_M^{-1} \pmod{p}$ , gdzie:
    - $X$  - niezaszyfrowana wiadomość
    - $Y$  - zaszyfrowana wiadomość
  - (c) Profit

## 3 Implementacja

Program zaimplementowana w języku Python3. Odbiorca i nadawca są dwoma oddzielnymi skryptami komunikującymi się za pomocą plików.

### 3.1 Generowanie dużych liczb pierwszych

#### 3.1.1 Test Millera–Rabina

### 3.2 Szybkie potęgowanie modulo $p$

### 3.3 Szybkie odwracanie modulo $p$

### 3.4 Szyfrowanie