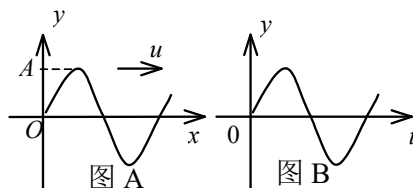


一、单选题 (15 分)

1. 图 A 表示  $t = T/4$  时的余弦波的波形图, 波沿  $x$  轴正向传播; 图 B 为一余弦振动曲线. 则图 A 中所表示的  $x = \lambda/4$  处振动的初相位与图 B 所表示的振动的初相位

- (A) 均为零. (B) 均为  $\frac{1}{2}\pi$   
 (C) 均为  $-\frac{1}{2}\pi$  (D) 依次分别为  $\frac{1}{2}\pi$  与  $-\frac{1}{2}\pi$ .  
 (E) 依次分别为  $-\frac{1}{2}\pi$  与  $\frac{1}{2}\pi$ .

[ C ]



2C.8 沿着相反方向传播的两列相干波, 其表达式为

$$y_1 = A \cos 2\pi(\nu t - x/\lambda) \quad \text{和} \quad y_2 = A \cos 2\pi(\nu t + x/\lambda).$$

叠加后形成的驻波中, 波节的位置坐标为

- (A)  $x = \pm k\lambda$ . (B)  $x = \pm \frac{1}{2}k\lambda$ .  
 (C)  $x = \pm \frac{1}{2}(2k+1)\lambda$ . (D)  $x = \pm(2k+1)\lambda/4$ .

其中的  $k = 0, 1, 2, 3, \dots$ .

[ D ]

3 单色光在折射率为  $n$  的均匀透明媒质的波长为  $\lambda$ 。若在该介质中从 A 点沿某一路径传播到 B 点, A、B 两点光振动位相差  $\Delta\phi$  为  $3\pi$ , 则该路径的长度为:

- (A)  $3n\lambda/2$  (B)  $3\lambda$  (C)  $3\lambda/2$  (D)  $3\lambda/(2n)$

[ C ]

4. 用白光光源进行双缝实验, 若用一个纯红色的滤光片遮盖一条缝, 用一个纯蓝色的滤光片遮盖另一条缝, 两个滤光片厚度相同, 折射率之比 5:4, 则:

- (A) 干涉条纹的宽度将发生改变  
 (B) 产生红光和蓝光的两套彩色干涉条纹  
 (C) 干涉条纹的亮度将发生改变  
 (D) 不产生干涉条纹

[ D ]

5 c.15 自然光以布儒斯特角由空气入射到一玻璃表面上, 反射光是

- (A) 在入射面内振动的完全线偏振光.  
 (B) 平行于入射面的振动占优势的部分偏振光.  
 (C) 垂直于入射面振动的完全线偏振光.

(D) 垂直于入射面的振动占优势的部分偏振光.

[ C ]

二、多选题 (6 分)

6. 两平面简谐波在弹性介质中形成驻波. 正确说法的是

(A) 在波节处的介质质元的动能始终为零。

(B) 在波腹处的介质质元的动能可以从零变到最大。

(C) 相邻波节和波腹之间的距离为 $\lambda/4$ .

(D) 若相邻两波节之间任意两点距离为  $d$ , 则它们的相位差为 $\frac{2\pi d}{\lambda}$ 。

[ ABC ]

7. 杨氏双缝干涉实验中, 下列说法正确的是 ( $k$  为自然数,  $\lambda$  为光波波长)

(A) 为使屏上的干涉条纹间距变大, 可以使屏靠近双缝.

(B) 为使屏上的干涉条纹间距变小, 可以改用波长较小的单色光源

(C) 在距双缝的路程差为  $k\frac{\lambda}{2}$  的点形成亮条纹

(D) 在距双缝的路程差为 $(k+\frac{1}{2})\lambda$  的点形成暗条纹

[ B D ]

三填空题 (14 分)

8 C.26(3 分)一点波源发出均匀球面波, 发射功率为 4 W. 不计媒质对波的吸收, 则距离波源为 2 m 处的强度是\_\_\_\_\_. 0.08 或  $1/(4\pi)$

9. (4 分) 牛顿的绝对时空概念的直接反映是\_\_\_\_\_坐标变换; 狭义相对论的时空观则是\_\_\_\_\_变换的具体体现。

答案: 伽利略。洛伦兹变换

10. (4 分)使光强为  $I_0$  的自然光依次垂直通过三块偏振片  $P_1$ ,  $P_2$  和  $P_3$ .  $P_1$  与  $P_2$  的偏振化方向成  $30^\circ$  角,  $P_2$  与  $P_3$  的偏振化方向成  $60^\circ$  角. 则透过三块偏振片的光强  $I$  为\_\_\_\_\_. 若交换  $P_2$  与  $P_3$  的顺序, 则透过三块偏振片的光强为\_\_\_\_\_.

答案:  $3I_0/32$ , 0 或者  $3I_0/32$

11(3 分)用单色光观察空气中的牛顿环,其条纹分布的特点为:\_\_\_\_\_。  
圆形,内稀外密,高阶在外等。

四、推导题(共两题,计 15 分)

12(10 分)假设细弦上的张力为  $T$ , 线密度为  $\rho$ , 试推导细弦上横波的行波动力学方程。

$$\frac{\partial^2 y}{\partial t^2} = \frac{T}{\rho} \frac{\partial^2 y}{\partial x^2}$$

13(5 分)利用狭义相对论的质量公式,试推导能量-动量公式,即狭义相对论中的能量-动量三角形关系。

$$E^2 = E_0^2 + p^2 c^2$$

五、计算题(50 分, 6 小题)

14(10 分)图 1 为平面简谐波在  $t = 5s$  时的波形图。求:(1)此波的波动方程;(2)图中  $P$  点的振动方程。

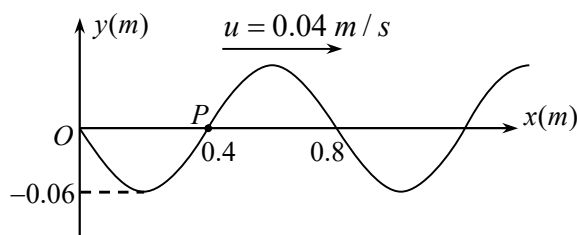


图 1

(1) 沿  $x$  轴正向传播的波,其标准式为:  $y = A \cos(\omega t - \frac{2\pi}{\lambda} x + \varphi)$

或者原点振动方程  $y_0 = A \cos(\omega t + \varphi)$  (其中任一种表达式给 2 分)

由图可知,  $A = 0.06m$ ,  $\lambda = 0.8m$ , (1 分)

由  $\omega = \frac{2\pi u}{\lambda}$  得圆频率  $\omega = \frac{1}{10}\pi$  (1 分)

由传播方向可知,  $t = 0$  时原点处质元向  $y$  轴正方向运动, 由旋转矢量法得

$\omega t + \varphi = -\frac{\pi}{2}$ , 即  $\varphi = \pi$  (2 分)

$\therefore$  波动方程为  $y = 0.06 \cos(\frac{1}{10}\pi t - \frac{5}{2}\pi x + \pi)$  (2 分)

(2) 将  $x=0.4$  代入波动方程, 有  $y_p = 0.06 \cos(\frac{1}{10} \pi t)$  (2 分)

15. (10 分) 波长为  $\lambda_1=500\text{nm}$  的单色光垂直照射到由两块光学平玻璃构成的空气劈尖上, 在观察反射光的干涉现象中, 距劈尖棱边  $l = 1.56\text{cm}$  的  $A$  处是从棱边算起的第四条暗条纹中心。

(1) 求此空气劈尖的劈尖角  $\theta$ 。

(2) 改用  $\lambda_2=600\text{nm}$  的单色光垂直照射到此劈尖上仍观察反射光的干涉条纹,  $A$  处是明条纹, 还是暗条纹?

(3) 若用  $\lambda_2=600\text{nm}$  的单色光垂直照射到此劈尖上, 写出透射光干涉的条件, 并说明棱边处是明条纹, 还是暗条纹?

解答及评分标准:

.因是空气薄膜,有  $n_1 > n_2 < n_3$ , 且  $n_2=1$ ,

得 
$$\delta = 2e + \frac{\lambda}{2}, \quad (2 \text{ 分})$$

暗纹应 
$$\delta = 2e + \frac{\lambda}{2} = (2k+1)\frac{\lambda}{2},$$

所以 
$$2e = k\lambda \quad e = \frac{k\lambda}{2}$$

因第一条暗纹对应  $k=0$ , 故第 4 条暗纹对应  $k=3$ ,

所以 
$$e = \frac{3\lambda}{2} \quad (3 \text{ 分})$$

(1) 空气劈尖角

$$\theta = \frac{e}{l} = \frac{3\lambda}{2l} = 4.8 \times 10^{-5} \text{ rad} \quad (3 \text{ 分})$$

(2) 因 
$$\frac{\delta}{\lambda'} = \frac{(2e + \frac{\lambda'}{2})}{\lambda'} = \frac{3\lambda}{\lambda'} + \frac{1}{2} = 3$$

故  $A$  处为第三级明纹, 棱边依然为暗纹。 (2 分)

(3) 若用  $\lambda_2=600\text{ nm}$  的单色光垂直照射到此劈尖上, 写出透射光干涉的条件为

$\delta = 2e = k\lambda$ , 为透射明纹条件;  $\delta = 2e = (k+1/2)\lambda$ , 为透射暗纹条件。对应透射光干涉情形, 棱边条纹为明纹。

16. (10 分 P145,15.23 在一个焦距为 1m 的凸透镜焦平面上, 观察单缝夫琅和费衍射图样。单缝宽  $a = 4 \times 10^{-4} \text{ m}$ , 入射光中有波长为  $\lambda_1$  和  $\lambda_2$  的光,  $\lambda_1$  的第四个极小和  $\lambda_2$  的第五个极小出现在同一点, 离中央极大值的距离为  $5 \times 10^{-3} \text{ m}$ , 求(1)波长  $\lambda_1$  和  $\lambda_2$ 。(2)若用波长为  $\lambda_1$  的光垂直入射单缝时, 求该波长下中央亮纹旁的第一个亮纹的宽度  $\Delta x$ 。(1 nm =  $10^{-9} \text{ m}$ )

解答及评分标准:

$$(1) a \sin \theta = k_1 \lambda_1, a \sin \theta = k_2 \lambda_2,$$

$$\tan \theta = \frac{x}{f} \approx \sin \theta, \text{ 于是有}$$

$$a \frac{x}{f} = k_1 \lambda_1, \text{ 得到 } \lambda_1 = a \frac{x}{fk_1} = 500 \text{ nm. 同理有}$$

$$\lambda_2 = a \frac{x}{fk_2} = 400 \text{ nm.}$$

(2) 第 1 个暗纹条件和位置坐标  $x_1$  为:

$$a \sin \theta_1 = \lambda_1$$

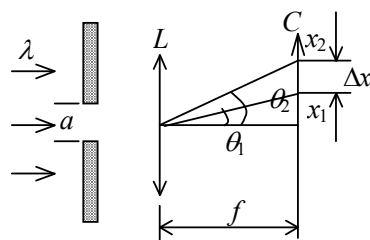
$$x_1 = f \tan \theta_1 \approx f \sin \theta_1 \approx f \lambda_1 / a \quad (\because \theta_1 \text{ 很小}) \quad (3 \text{ 分})$$

单缝衍射第 2 个暗纹条件和位置坐标  $x_2$  为:

$$a \sin \theta_2 = 2\lambda_2$$

$$x_2 = f \tan \theta_2 \approx f \sin \theta_2 \approx f 2\lambda_2 / a \quad (\because \theta_2 \text{ 很小}) \quad (3 \text{ 分})$$

$$\Delta x = f \lambda_1 / a = 1.25 \text{ 毫米.}$$



17 (10 分)一双缝间距  $d = 0.1\text{mm}$ ，缝宽  $a = 0.02\text{mm}$ ，用波长  $\lambda = 480\text{nm}$  的平行单色光垂直入射该双缝，双缝后透镜的焦距为  $50\text{cm}$ ，求

- (1) 透镜焦平面处屏幕上干涉条纹的间距
- (2) 单缝衍射中央明纹宽度
- (3) 单缝衍射中央明纹内有多少条干涉的主极大？

(1)  $\Delta x = \lambda f / d = 2.4\text{mm}$

(2)  $\Delta x' = 2\lambda f / a = 24\text{mm}$

(3)  $2 \cdot d/a - 1 = 9$

18 (5 分)物理学概论 58 页，7-10 一隧道长为  $L$ ，宽为  $d$ ，高为  $h$ ，拱顶为半圆。设想一列车以极高的速度  $v$  沿着隧道长度方向通过隧道。如果从列车上观察，

- (1) 隧道的尺寸如何？
- (2) 设列车的长度为  $L_0$ ，他全部通过隧道的时间是多少？

(1) 在隧道长度方向收缩，其余方向长度不变。

(2)  $t = (L_0 + L\sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}}) / v$

19. (5 分)一体积为  $V_0$ ，质量为  $m_0$  的立方体沿其一棱的方向相对于观察者  $A$  以速度  $v$  运动。求：观察者  $A$  测得其密度是多少？

解答及评分标准：

根据题意知，该立方体的变长  $l_0 = \sqrt[3]{V_0}$ ， (1 分)

根据长度收缩和质量膨胀公式，在运动方向上，有

$$l' = l_0 \sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}}, \quad m' = \frac{m_0}{\sqrt{1 - v^2/c^2}} \quad (4 \text{ 分})$$

而在垂直于该方向的边长长度不变。

所以，观测者看到的体积为

$$V' = l_0^2 \cdot l_0 \sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}} = V_0 \sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}} \quad (2 \text{ 分})$$

观察者测得的密度为

$$\rho' = \frac{m'}{V'} = \frac{m_0 / \sqrt{1 - v^2/c^2}}{V_0 \sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}}} = \frac{m_0}{V_0 \left(1 - \frac{v^2}{c^2}\right)} \quad (3 \text{ 分})$$