

# **STATISTIQUES**

MATHÉMATIQUES 4G

9 mai 2021

# 1 Série statistique

Une série statistique est une série d'observations, de mesures, de relevés (appelés données ou DATA)

Exemples :

- les âges des élèves de rhéto de la région bruxelloise (sciences sociales)
- les noms les plus utilisés par un internaute lors d'une recherche GOOGLE (marketing)
- les poids des camemberts PRESIDENT dans un lot (industrie)
- les températures quotidiennes du mois de mai (météorologie)
- les intentions de vote dans une ville aux prochaines élections (politique/sondage)
- les calories alimentaires dépensées au quotidien par les habitants de Bruxelles (santé)

L'objectif est d'analyser ces DATA afin d'en tirer des tendances, des conclusions. On note  $N$  le nombre total d'observations. Ces observations sont, le plus souvent, nombreuses et on range donc d'abord dans des tableaux.

# 2 Les tableaux statistiques

Par exemple, on étudie la couleur préférée (=le caractère observé) des élèves de quatrième (=la population). Le titre du graphique doit reprendre le caractère observé et la population considérée.

Les intitulés des colonnes sont :

- les valeurs des caractères observés triés dans l'ordre s'il s'agit de nombres (éventuellement regroupés en intervalles, appelés classes)
- les effectifs : le nombre de fois qu'on a observé chaque valeur du caractère
- la fréquence : le pourcentage avec lequel chaque valeur du caractère a été observée
- les fréquences cumulées : voir explication dans l'exercice

➤ des colonnes supplémentaires qui permettent d'effectuer certains calculs

Exercice collectif : créer un tableau de distribution qui correspond à une note d'autoévaluation (sur une échelle de 1 à 10) sur le niveau en mathématiques des élèves de la classe

### 3 Les indicateurs

Les indicateurs sont des outils mathématiques qui permettent d'analyser les DATA à partir du tableau de distribution. Dans cette section, nous décrivons quelques-uns d'entre-eux. Calculons ensuite ces indicateurs pour notre exemple précédent (exercice).

#### 3.1 L'étendue $E$

L'étendue est la différence entre la plus grande valeur observée et la plus petite.

$$E = x_{max} - x_{min}$$

#### 3.2 Le mode

Le mode est la (ou les) valeur(s) du caractère dont l'effectif est le plus grand.

#### 3.3 La moyenne $\bar{x}$

La moyenne est la somme de toutes les valeurs observées, divisée par le nombre total d'observations.

$$\bar{x} = \frac{\sum_i n_i \cdot x_i}{N}$$

#### 3.4 La médiane $M$

La médiane est une valeur telle qu'il y ait autant de valeurs inférieures que supérieures à cette valeur.

Pour déterminer la médiane :

➤ on range les valeurs par ordre croissant

➤ si  $N$  est impair : la médiane est la valeur se situant à la position  $\frac{N+1}{2}$

### 3.5 Le premier quartile $Q_1$

Le premier quartile est la valeur qui est telle qu'il y ait au moins 25 % de valeurs inférieures ou égales.

Pour la déterminer le premier quartile :

➡ on range les valeurs par ordre croissant

➡ nous calculons  $\frac{N}{4}$

➡ le premier quartile est l'arrondi par excès de  $\frac{N}{4}$

### 3.6 Le troisième quartile $Q_3$

Le troisième quartile est la valeur qui est telle qu'il y ait au moins 75 % de valeurs inférieures ou égales.

Pour déterminer le troisième quartile :

➡ on range les valeurs par ordre croissant

➡ nous calculons  $\frac{3N}{4}$

➡ le troisième quartile est l'arrondi par excès de  $\frac{3N}{4}$

### 3.7 L'écart-type $\sigma$

L'écart-type est un nombre qui exprime la dispersion des valeurs observées autour de la moyenne. Pour faciliter ce calcul, on ajoute une colonne à notre tableau.

$$\sigma = \sqrt{\frac{1}{N} \sum_i n_i (x_i - \bar{x})^2}$$

## 4 Exercices

### 4.1 Vérification

Vérifie que le calcul de la médiane et des quartiles est correct :

102	
104	
105	$Q_1$
107	
108	
109	$Q_2$ (médiane)
110	
112	
115	$Q_3$
116	
118	

### 4.2 Médiane

Selma a relevé le nombre de chiots mis bas par chacune des chiennes de son élevage.

Ranger les données dans l'ordre croissant.

11	14	7	2	9	6	2
----	----	---	---	---	---	---

Quel est le nombre médian de chiots ?

chiots

## 4.3 Fromage

### Exercice 1

Un prélèvement, par le service des fraudes, de 200 boîtes de fromage contenant en principe 170 g de fromage a donné les résultats suivants :

Poids	166,5	168	168,5	169	169,5	170	170,5	171	171,5	172
Effectifs	1	6	12	21	36	48	34	18	14	10
Fréquences										
Fréq. cum. croissantes										
Fréq. cum décroissantes										

1. Compléter le tableau.
2. Représenter graphiquement la série des effectifs par un nuage de points.

## 4.4 Ordinateur

### Exercice 2

Une société de services en informatique fait une analyse des temps d'utilisation devant un ordinateur. Elle réalise une enquête auprès d'un échantillon de 200 clients et obtient les résultats suivants.

Temps de connexion en heures par an	Nombre d'utilisateurs	Effectifs cumulés croissants
[200; 400[	15	
[400; 600[	32	
[600; 800[	35	
[800; 1000[	78	
[1000; 1200[	31	
[1200; 1400[	9	

1. Quel est le pourcentage d'utilisateurs qui se connectent au moins 1 000 heures?
2. Quel est le temps moyen d'utilisation d'un ordinateur?
3. Compléter le tableau avec les effectifs cumulés croissants.
4. Représenter graphiquement cette série des effectifs cumulés.