

Deep Learning

Paul Lehaut

October 2, 2025

Contents

1	Bases du Machine Learning	3
1.1	Types d'apprentissage	3
1.2	Apprentissage Supervisé Paramétrique	3
2	Premier Réseau de Neurones	3
2.1	Perceptron Multicouche (MLP)	3
2.2	Optimisation	4
2.3	Hyperparamètres Clés de l'Optimisation	4
3	Backpropagation	5
4	A Retenir Des Quizzes	5
4.1	Quizz 1	5

1 Bases du Machine Learning

Le Machine Learning est une discipline qui vise à concevoir des algorithmes généraux applicables à de nombreux problèmes et ce en partant uniquement des données.

Le data engineering consiste en l'étude approfondie des données et à les rendre exploitables. Il s'agit d'une étape cruciale qui concentre une grande partie du travail dans les problèmes réelles.

1.1 Types d'apprentissage

Selon les scénarios, il existe différents types d'apprentissage:

- L'apprentissage supervisé: les données sont composées à la fois des données d'entrées et des sorties attendues. Le but est d'implémenter un algorithme capable de généraliser proprement pour de nouvelles entrées.
- L'apprentissage non supervisé: les données sont fournies sans les sorties attendues, il s'agit alors de trouver des structures au sein des données (typiquement à l'aide de méthodes de clustering).
- Il en existe encore d'autres type comme le reinforcement learning qui permet à un algorithme d'interagir avec son environnement.

Il faut également faire la distinction entre deux types de méthodes:

- La méthode paramétrique: elle définit un ensemble de fonctions pour lesquelles il convient de trouver les meilleurs paramètres.
- La méthode non paramétrique: elle dépend directement des données.

1.2 Apprentissage Supervisé Paramétrique

Soit X un espace d'entrée et Y un espace de sortie, on va chercher à apprendre une fonction de prédiction: $f : X \rightarrow Y$ paramétrée par un paramètre θ . On va donc chercher les, voire les, paramètre θ qui maximise la performance de la fonction f .

Formellement, on définit une fonction de coût $l(y', y)$, qui mesure l'erreur entre la prédiction y' et la valeur attendue y , ainsi qu'une fonction de risque: $R(f) = \mathbb{E}_{(x,y)}(l(f(x), y))$.

Malheureusement, on ne connaît jamais la distribution réelle des données mais plutôt simplement un échantillon Z . On définit alors le risque empirique:

$$R_Z(f) = \frac{1}{|Z|} \sum_{(x,y) \in Z} l(f(x), y).$$

L'apprentissage consiste alors à minimiser une fonction de perte définie à partir de ce risque et, éventuellement, d'autres termes.

Pour éviter qu'un modèle over/underfit les données, il est souvent judicieux de séparer les données en trois sets: un pour l'entraînement (train set), un pour la validation du modèle (validation set) et enfin un pour estimer la performance réelle (test set).

2 Premier Résau de Neurones

2.1 Perceptron Multicouche (MLP)

Un (MLP) est la composition de couches linéaires ($x \mapsto Wx + b$ avec W le poids et b le biais) et non-linéaires. Ces architectures sont caractérisées par leurs hyperparamètres (taille des couches, type de non-linéarité).

Théorème: Cybenko

Un MLP à 2 couches peut approximer n'importe quelle fonction continue sur un compact avec une précision arbitraire.

Définition: Fonction de perte

On définit la perte quadratique moyenne (MSE) adaptée à la classification multi-classe via codage one-hot par:

$$L_{MSE}(\theta, D) = \frac{1}{N} \sum_{i=1}^N \|f_\theta(x_i) - y_i\|^2 \text{ où } D \text{ correspond au dataset.}$$

Cette fonction ne cherche qu'à réduire l'erreur sur les données d'entraînement, il y a donc un risque d'overfitting, on peut donc ajouter une pénalité sur la taille des poids, on définit alors le coefficient de régularisation $\lambda > 0$, la fonction à minimiser devient:

$$L(\theta, D) = L_{MSE}(\theta, D) + \lambda \|\theta\|^2$$

plus λ est grand plus le réseau est contraint de rester simple.

2.2 Optimisation

Même avec un modèle simple, on obtient un problème d'optimisation non convexe, on utilise donc la descente de gradient.

Le principe de la descente gradient est le suivant: à chaque itération, on déplace le paramètre (ici θ) dans la direction opposée au gradient de la fonction de perte: $\theta \leftarrow \theta - \nu \nabla_\theta L(\theta, D)$ où ν correspond au taux d'apprentissage.

Cette technique nécessite toutefois de calculer le gradient sur toutes les données ce qui est couteux sur les grands datasets.

Pour contourner ce problème, on utilise la méthode de descente gradient stochastique (SGD) qui consiste à ne pas calculer le gradient sur l'ensemble des données mais à partir d'un échantillon.

Il en existe deux variantes:

- SGD pur: à chaque itération on prend un seul exemple aléatoire: $\theta \leftarrow \theta - \nu \nabla_\theta l(f_\theta(x_i), y_i)$.
- Mini-batch SGD: à chaque itération on prend un petit lot de données (batch) de taille B:

$$\theta \leftarrow \theta - \nu \frac{1}{B} \sum_{i=1}^B \nabla_\theta l(f(x_i), y_i).$$

Cette version est plus simple en pratique car plus stable que le SGD pur et plus efficace que le gradient complet (elle est également bien adapté au GPU).

2.3 Hyperparamètres Clés de l'Optimisation

Les hyperparamètres clés sont:

- Le taux d'apprentissage: c'est le paramètre ν qui détermine la taille des pas dans l'espace des paramètres, lorsqu'il est trop grand le modèle diverge et lorsqu'il est trop petit l'apprentissage peut être très lent voire bloqué dans un minimum local. Souvent on choisit au départ $\nu \in [10^{-3}, 10^{-2}]$.
- La taille des batch B: une trop petite taille permet de mieux explorer le paysage de la perte mais augmente l'importance du bruit, lorsqu'elle est trop grande le modèle risque d'overfit. En pratique on choisit des batch de 32 ou 64 pour les petits modèles.
- Le calendrier du taux d'apprentissage: le taux d'apprentissage n'est souvent pas constant, on le fait varier de diverses façons (division toutes les x epochs, décroissance en forme de cosinus, augmentation au fur et à mesure etc). L'objectif est d'éviter de se retrouver coincé dans des minima locaux tout en assurant la convergence en fin d'entraînement.
- Le nombre d'époques (Epochs): l'algorithme voit l'ensemble des données d'entraînement en une epoch, lorsque le nombre d'epoch est trop grand le modèle risque d'overfit.

3 Backpropagation

La backpropagation se base essentiellement sur la règle de dérivation en chaîne. Cet algorithme considère chaque opération différentiable élémentaire comme un module capable de calculer;

4 A Retenir Des Quizzes

4.1 Quizz 1