





أحدث وأقوى سلسلة كتب تعليمية للمرحلة الابتدائية والإعدادية

طالع أولى إعدادي (الأصلي) الرياضيات



• قابلية القسمة:

- أ يقبل العدد القسمة على 2 إذا كان رقم آحاده عددًا زوجيًّا . أي رقم آحاده: 0 أه 2 أه 4 أه 6 أه 8
- ب يقبل العدد القسمة على 3 إذا كان مجموع أرقامه يقبل القسمة على 3
- ج يقبل العدد القسمة على 4 إذا كان العدد المكون من رقمي الآحاد والعشرات يقبل القسمة على 4
 - د يقبل العدد القسمة على 5 إذا كان رقم آحاده 0 أه 5
 - ه يقبل العدد القسمة على 6 إذا كان عددًا زوجيًّا ، ومجموع أرقامه يقبل القسمة على 3
 - و يقبل العدد القسمة على 10 إذا كان رقم آحاده «0»
 - عملية القسمة باستخدام الخوارزمية المعيارية:

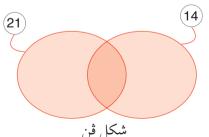
تدريب 1: أوجد خارج قسمة كل مما يأتي باستخدام الخوارزمية المعيارية .

1		2		3		
		Г		[
35	8,225	24	5,184	_17	2,108	
	<u> </u>	A (→	(<u> </u>	
	<u> </u>	((⊝	
						
	<u> </u>	(-	<u> </u>	(<u> </u>	
	خارج القسمة =		خارج القسمة = .		خارج القسمة =	-

تذكر أن :

• العامل المشترك الأكبر (ع. م. أ) والمضاعف المشترك الأصغر (م. م. أ):

تدريب 2 : حلل العددين 14 , 21 إلى عواملهما الأولية ، ثم استخدم مخطط ڤن لإيجاد :



(ع.م.١) (م.م.١) لهما.

(ع. م . ا) للعددين (14 , 21) =

(م.م.م) للعددين (14, 14) =

_____ مراجعة على ما سبقت دراسته

		جابة الصحيحة :	تدريب 3: اختر الإج
		بن 30 , 45 هو	1 (ع.م.١) للعددي
90 🔳	15 😞	5 .	3 (1)
		ن 8 , 16 هو	2 (م . م . ۱) للعددي
32 🔳	16 😞	4 ب	8 (1)
	ن هو	وحيد لأي عددين أوليير	3 العامل المشترك ال
د حاصل ضربهما	2 >	1 😛	0 (1
	ن هو	ك الأصغر لعددين أوليي	4 المضاعف المشتر
د حاصل ضربهما	2 ?	1 .	0 (1)
فإن : التعبير العددي الذي	12 باكو من البسكويت ،	لطعة من الشيكو لاتة ، و	5 إذا كان لديك 16 ق
قطعة شيكو لاتة أو باكو	للة منها دون أن يتبقى أي i	عدد من الأطباق المتماثا	يمثل تحضير أكبر
			بسكويت هو
4 + (4 × 3)	4 (4 – 3) >	4 (4 + 3) ب	4 (4 × 3) 1
لمجموعة الواحدة ، فإن :	6 أشياء من صنف ما في ا	+ 6) 9 يعبر عن وجود	6 التعبير العددي (5
		لأصناف يساوىي	إجمالي عدد هذه ا

ج 54

تذكر أن :

45 f

• الأعداد النسبية :

 $\frac{a}{b}$ الأعداد النسبية : يمكن التعبير عنها في صورة كسر اعتيادي a + الأعداد النسبية : a , b = عددان صحيحان ($b \neq 0$) .

ب 11

- * أعـــداد العــد: (مجموعة الأعداد الصحيحة الموجبة) 4 , 3 , 4 ,
 - * الأعداد الطبيعية: هي مجموعة الأعداد: 4, 3, 4, 0, 1, 2
- * الأعداد الصحيحة : هي مجموعة الأعداد : 3 , 2 , 1 , 0 , 1 , 2 ,
- * الأعداد النسبية: هي مجموعة تشمل جميع الأعداد السابقة، بالإضافة إلى الكسور الاعتيادية والأعداد الكسرية، والأعداد العشرية.

د 30

	عدد سالب.	من أي	عدد أكب	مدد م وجب هو	1 أي -
--	-----------	-------	---------	---------------------	--------

- 2 أي عدد موجب هو عدد أكبر من الصفر ، والصفر أكبر من أي عدد سالب .
 - 3 أي عدد سالب هو عدد أصغر من الصفر .
 - 4 أصغر عدد صحيح موجب هو 1 ، وأكبر عدد صحيح سالب هو 1 -
 - لا يمثل عددًا نسبيًّا . $\frac{b}{a-a}$

6 الأعداد المتعاكسة (المتقابلة) :

* هي أعداد تكون على نفس المسافة من العدد «٥» على خط الأعداد ، ويكون لها إشارتان مختلفتان ، ويسمى كل منهما معكوسًا جمعيًّا للآخر .

4 4

 $-\frac{3}{4}$

د لا شيء مما سبق

د ≥

د 0.48 م

د نسسة

د ليس موجبًا وليس سالبًا

* إذا كان العدد موجبًا: فإن: معكوسه الجمعي يكون عددًا سالبًا.

* إذا كان العدد سالبًا: فإن: معكوسه الجمعي يكون عددًا موجبًا.

* المعكوس الحمعي للعدد «0» هو نفسه «0».

* أي عدد + معكوسه الجمعي = «0»

تدريب 4: اختر الإجابة الصحيحة:

 $-\frac{4}{3}$ $\sqrt{\frac{3}{4}}$ f 4 ج

3 الصفر عدد صحيح

ج أولى أ موجب بالب

< U

5 أي مما يلي لا يمثل عددًا نسبيًّا ؟

 $\frac{6}{4-4}$ $5.7 \cdot -2 \frac{1}{4} \cdot 1$

6 جميع الأعداد الصحيحة أعداد

ج طبيعية اً فردية ب زوجية

a > b : إذا كان العددان a , b عددين صحيحين موجبين ، وكان (7

فإن: 1 − 3 b − 1 فإن:

ج = < Î د لاشيء مما سبق ب <

ج =

- | 5 | 3

(د) ≥

تذكر أن:

• القيمة المطلقة للعدد:

*القيمة المطلقة للعدد: هي المسافة بين موضع أي عدد وموضع الصفر على خط الأعداد، وهي دائمًا موجبة أو مساوية للصفر، ويرمز لها بالرمز | |.

تدريب 5: اختر الإجابة الصحيحة:

|-5|=.....1

5 **-** | -5 | **.** -5 **i**

2 إذا كان : X | 3 | ، فإن : قيمة X =

3,-3 • 3 • 3 •

> (1)

 $\left| -4\frac{1}{5} \right| -\frac{21}{5}$ المعكوس الجمعى للعدد $\frac{21}{5}$

= > > (1)

تذكر أن :

• المقادير الجبرية والأسس:

* المقدار الجبرى: يتكون من حد جبرى أو أكثر من المتغيرات والأعداد ، ويفصل بين كل حد من حدود المقدار بعلامة (جمع) أو (طرح) .

* الحد الجبرى: هو كل ما يتكون من عدد فقط أو متغير فقط أو عدد ومتغير تربط بينهما عملية ضرب أو عملية قسمة .

- * الحد الجبرى الذي لا يحتوى على متغير يسمى ثابتًا .
 - * العامل هو العدد المضروب في المتغير.

* مثال : المقدار الجبرى : 9 + Y = X - 3 يتكون من ثلاثة حدود جبرية : معامل الحد الجبرى : X = X - 3 هو X = X - 3 هو X = X - 3 هو X = X - 4 هو X =

عندما يشتمل الحد الجبرى على متغير فقط مثل X ، يكون المعامل 1

• ترتيب العمليات الحسابية :

عند إيجاد قيمة تعبير عددي به أكثر من عملية حسابية ، يجب ترتيب العمليات الحسابية كما يلي :

- 1 إجراء العمليات الحسابية داخل الأقواس المستديرة ثم الأقواس المربعة من اليسار إلى اليمين .
 - 2 وضع القيمة الأسية في أبسط صورة.
 - 3 نجرى عمليتي الضرب أو القسمة حسب ترتيبهما من اليسار إلى اليمين.
 - 4 نجرى عمليتي الجمع أو الطرح حسب ترتيبهما من اليسار إلى اليمين.

تدريب 6: أوجد قيمة التعبيرات العددية الآتية:

 $c 5 \times 2^4 - 7^2$

a 3×2^3 b $5^2 - 4^2$

d $10^2 - 5 (12 - 8) \times 2^2$ e $4^2 (18 - 13) - 6^2$

 $f(5 \times 3^2 - 15) + 2 \times 7^2 \div 7$

=

تذكر أن :

• المعادلات والمتباينات:

- المعادلة: هي جملة رياضية تحتوى على علامة (=).
- حل المعادلة: هو إيجاد قيمة المتغير (المجهول) في المعادلة والذي يجعل طرفي المعادلة متساويين.

* إذا أجرينا أى عملية جمع أو طرح أو ضرب أو قسمة لأحد طرفى المعادلة ، يجب أن نقوم بنفس العملية مع الطرف الآخر من المعادلة حتى يظل الطرفان متساويين .

تدريب 7: أكمل ما يأتى:

$$X = \dots$$
 فإن: $X = \frac{2}{3} X = 8$ وذا كان: $X = \frac{1}{4} X = 5$ فإن: $X = \frac{1}{4} X = 5$

$$X =$$
 فإن : $X = 30$: فإن : $X = 30$ ، فإن : X

$$X = \dots$$
 فإن: $X = 1 = \frac{3}{5}$ فإن: $X = 1$

- المتباينة : هي جملة رياضية تتضمن إحدى علامات التباين (< أو > أو ≥ أو ≥) بين مقدارين جبريين.
- حل المتباينة : هو إيجاد كل القيم الممكنة للمتغيرات التي تجعل المتباينة صحيحة ، ويكون للمتباينة عدد لا نهائي من الحلول الممكنة ، ويمكن إيجاد مجموعة حل المتباينة في محمه عة الأعداد الصحيحة ومحمه عة الأعداد النسبة.

•			J
		سحيحة :	<mark>دريب 8: اختر الإجابة ال</mark> م
		المتباينة : 8 - ≤ X هو	1 أصغر عدد صحيح يحقق
– 10	-9	- 8 ·	-7 i
	-> X هو		2 العدد الصحيح الذي ينتم
-3 2	-1 -	- 5 v	-2 i
د الصحيحة ؟	X في مجموعة الأعدا	وعة حل المتباينة: 7≤	3 أي مما يلي ينتمي إلى مجم
د 10	0 😞	ب 8.5	9.6
المتباينة .	ينتمي لمجموعة حل	عددلا	إذا كان : 4 $<$ X ، فإن : ال
ر 7	3 😞	ب 6	5 (1)
بر عن ذلك العدد هي	فإن: المتباينة التي تعب	ت 30 جنيهًا على الأقل	5 إذا كان سعر علبة البسكويد
X ≤ 30 🔾	X ≥ 30 >	X > 30 ب	X < 30 (1)
	ما يلي هو	رل المتباينة : X < 5 في	6 العدد الذي يمثل أحد حلم
– 1 •	7 ?	6 🕠	5 (1)

تدريب 9: أجب عما يأتى:



تدريب 10: اختر الإجابة الصحيحة:

1 كل الأعداد التالية تحقق المتباينة : $|3 - 3| \le X$ في مجموعة الأعداد الصحيحة ، ما عدا

$$-3$$
 -2^3

2 العلاقة التي تمثل معادلة هي

$$X - 12 = 6$$

$$X-5$$
 1

$$-12 = 6$$

3 كل مما يلي يمثل متباينة ، ما عدا

$$X \le |-6|$$
 $X \ge |-2|$ $X = |-4|$ $X < |6-1|$

$$X < |6-1|$$

$$X = |-4|$$

4 أي من القيم الآتية تعتبر أحد حلول المتباينة : $0 \ge X$ في مجموعة الأعداد النسبية 2 + 1 = 1

$$-0.3$$
 (1)

5 إذا كان : b , a عددين صحيحين موجبين ، وكان : a > b : فإن : 2 a − 5 كان : a > b

ج 0

..... الأعداد التالية تحقق المتباينة : $2 - 2 \times \frac{1}{2}$ ، ما عدا 6

- 5 **f**

تذكر أن :

ضرب وقسمة الكسور:

* قسمة كسر اعتيادى على كسر اعتيادى : نكتب المقسوم كما هو ، ثم نضرب في مقلوب

المقسوم عليه .

* مقلوب المقسوم عليه (معكوسه الضربي) يعنى تبديل البسط والمقام.

$$\frac{5}{6} \div \frac{7}{12}$$

$$\frac{3}{4} \div \frac{3}{8}$$

a
$$\frac{5}{6} \div \frac{7}{12} = \frac{5}{6} \times \frac{12}{7} = \frac{10}{7} = 1 + \frac{3}{7}$$
 b $\frac{3}{4} \div \frac{3}{8} = \frac{3}{4} \times \frac{2}{8} = 2$

$$\frac{3}{4} \div \frac{3}{8} = \frac{3}{4} \times \frac{2}{8} = 2$$

تدریب 11 : أوجد حاصل ضرب ما یلی :

$$a \frac{2}{3} \div \frac{1}{6}$$

$$\frac{1}{2} \div 4$$

$$c \frac{9}{22} \div \frac{18}{33}$$

• ضرب الكسور والأعداد العشرية:

* مثال: أوجد حاصل ضرب ما يأتى:

$$c$$
 6.4 × 0.05

 $a 5.4 \times 0.05$

=

الحل: * نكتب الأعداد العشرية في صورة أعداد كسرية.

* نعبد كتابة الأعداد العشرية في صورة كسور غير فعلية .

* نقوم بإجراء عملية الضرب (ضرب بسط الكسر الأول في بسط الكسر الثاني) ، و (مقام الكسر الأول في مقام الكسر الثاني) ، وهذا يساعدنا في معرفة مكان العلامة العشرية.

b 4.5 × 1.2

a
$$1.2 \times 0.8 = \frac{12}{10} \times \frac{8}{10} = \frac{12 \times 8}{10 \times 10} = \frac{96}{100} = 0.96$$

b
$$4.5 \times 1.2 = \frac{45}{10} \times \frac{12}{10} = \frac{9 \times 6}{10} = \frac{54}{10} = 5.4$$

c
$$6.4 \times 0.05 = \frac{64}{10} \times \frac{5}{100} = \frac{320}{1,000} = 0.320 = 0.32$$

تدريب 12: أوجد حاصل ضرب ما يلي:

b
$$3.6 \times 1.5$$
 c 2.7×0.3

تدريب 13: اختر الإجابة الصحيحة:

4.8 ج

4.7 ع

• قسمة الكسور والأعداد العشرية:

* عند القسمة على كسر عشرى أو عدد عشرى ، نجعل المقسوم عليه عددًا صحيحًا ، وذلك بضرب كل من المقسوم والمقسوم عليه في قوى العدد 10 (10 أ) 100 أ) على حسب عدد خانات العلامة العشرية في المقسوم عليه ، ثم نجرى عملية القسمة بعد ذلك .

* مثال: أوجد خارج قسمة ما يأتي:

$$=46.5 \times 10 \div 3.1 \times 10$$

$$= 27.2 \times 100 \div 0.85 \times 100$$

$$=0.96 \times 1,000 \div 0.032 \times 1,000$$

30

$$= 2,720 \div 85$$

$$\begin{array}{c|c}
32 \\
\hline
85 & 2,720 \\
\hline
-2,550 \\
\hline
170 \\
\hline
-170
\end{array}$$

$$46.5 \div 3.1 = 15$$

000

$$0.96 \div 0.032 = 30$$

تدريب 14 : أوجد خارج قسمة ما يأتي :

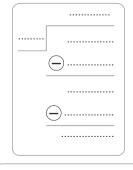
a 116.1 ÷ 4.3

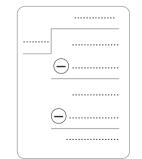
$$c$$
 16.24 \div 0.029

=÷



= ÷





$$116.1 \div 4.3 = \dots$$

$$16.24 \div 0.029 = \dots$$

1	I				
االبيته	، ما سیقت د	וכ מסאו	10		
راسس	ا سسس سر	احساعر	~		

15: اختر الإجابة الصحيحة:	تدری
---------------------------	------

1 الإجراء عملية القسمة: (0.57 ÷ 0.57) نقوم بضرب المقسوم والمقسوم عليه في

1,000 • 100 • 10

د 250

0.1 1

 $\frac{29}{100} \times \frac{15}{100}$ $\frac{29}{10} \times \frac{15}{100}$ $\frac{29}{10} \times \frac{15}{10}$ $\frac{29}{10} \times \frac{15}{100}$

3 خارج قسمة : (0.25 ÷ 6.25) يساوي

25 ع رج قسمه ، (0.25 ÷ 0.25) يساوی عسمه ، (0.25 ÷ 0.25) يساوی عسمه ، (0.25 ÷ 0.25)

تذكر أن :

• النسبة وتطبيقاتها:

* معنى النسبة هى المقارنة بين كميتين من نفس النوع ونفس الوحدة باستخدام عملية القسمة .

* النسبة بين الكميتين b, a يمكن التعبير عنها وكتابتها بإحدى الصيغ التالية:

$$a:b$$
 if $\frac{a}{b}$ if b

- * النسبة لها خواص الكسر الاعتيادي ، وهي تتكون من حدين: البسط والمقام.
- * فمثلًا: $\frac{3}{5}$ نسبة حدها الأول = 3 وهو البسط، وحدها الثانى = 5 وهو المقام.
- * يجب وضع النسبة في أبسط صورة ، بحيث (ع.م. ١) بين حديها يساوى الواحد.
 - * المعدل: هو المقارنة بين كميتين مختلفتين في النوع والوحدة.
- * مثل: المقارنة بين المسافة التي يقطعها القطار والزمن الذي يقطع فيه القطار هذه المسافة:

إذا كانت المسافة بالكيلومتر والزمن بالساعات ، فإن : المعدل هو كيلومتر لكل ساعة .

إذا كانت المسافة بالمـــتر والزمن بالدقائق ، فإن : المعدل هو متر لكل دقيقة .

إذا كانت المسافة بالسنتيمــتر والزمن بالثواني ، فإن : المعدل هو سنتيمتر لكل ثانية .

تدريب 16 : أكمل ما يأتي :

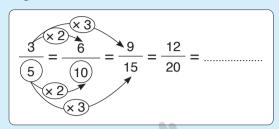
	٠.		/		** 1 **			
9	ىقسى	مہن	كميتين	سن	مفار به	ھے	النسبه	1
→	\cup	\mathcal{O}	U	0		ی	*	

2 النسبة بين العددين: 5 , 8 تكتب بالصيغ:أوأوأو

3 المعدل هو

• استخدام النسب في تكوين الأنماط:

* عند ضرب حدى النسبة في نفس العدد (..... أه 4 أه 3 أه 2) نحصل على نسب متكافئة .



تدريب 17: أكمل النمطين الآتيين:

a
$$\frac{1}{2} = \frac{2}{\dots} = \frac{7}{8} = \frac{7}{\dots}$$

b
$$\frac{3}{8} = \frac{6}{\dots} = \frac{21}{40} = \frac{21}{\dots}$$

* مثال : أوجد قيمة X التي تجعل كل زوج من النسب الآتية متكافئًا .

$$\frac{3}{8}$$
, $\frac{X}{24}$

$$\frac{X}{6}$$
, $\frac{60}{72}$

الحل:

$$\begin{array}{ccc}
3 & 9 \\
\hline
X & = 27 \\
\hline
X & 33 \\
\hline
\end{array}$$

$$\Rightarrow X = 33 \div 3 = 11 \Rightarrow 9 \\
\hline
11 & 33$$

4
$$\frac{X}{6} = \frac{60}{72}$$
 $\Rightarrow X = 60 \div 12 = 5$ $\Rightarrow \frac{5}{6} = \frac{60}{72}$

: أوجد قيمة X التي تجعل كل زوج من النسب الآتية متكافئًا : 18

$$\frac{2}{3}$$
, $\frac{X}{15}$

b
$$\frac{7}{8}$$
, $\frac{49}{X}$ **c** $\frac{5}{X}$, $\frac{35}{77}$ **d** $\frac{X}{13}$, $\frac{24}{26}$

$$\frac{5}{x}$$
, $\frac{35}{77}$

$$\frac{X}{13}$$
, $\frac{24}{26}$

تدريب 19: أكمل ما يأتي لإيجاد قيمة X:

a
$$\frac{X}{9} = \frac{7}{63} \implies X = \frac{3}{63} = 3$$

$$b \frac{4}{x} = \frac{16}{20} \implies X = \frac{4 \times \cdots}{} = \cdots$$

$$c \frac{5}{8} = \frac{X}{72} \implies X = \frac{5 \times \dots}{8} = \dots$$

d
$$\frac{3}{4} = \frac{24}{X} \implies X = \frac{24 \times \dots}{\dots} = \dots$$

تذكر أن :

• معدل الوحدة:

* هو نوع خاص من المعدلات يقارن بين كمية ما ووحدة واحدة من كمية أخرى .

* مشال : 120كيلومتر لكل ساعة 6 و جبات لكل تلميذ .

تدريب 20: اختر الإجابة الصحيحة:

1 معدل الوحدة الذي يعبر عن قطع مسافة 45 كيلومتر لكل ساعة هو

2 معدل الوحدة لكتابة 270 كلمة في 3 دقائق هو

تذكر أن :

• معامل التحويل :

* هو نسبة بين كميتين متساويتين يعبر عنها بوحدات مختلفة داخل نظام القياس نفسه.

* مثال : أمتر , مثال : 1,000 جرام ، 1,000 ملليلتر ، 60 ثانية المتر ، 1 دقيقة

تدريب 21: اختر الإجابة الصحيحة:

معامل التحويل المستخدم للتحويل من ساعة إلى ثانية هو

النسة المئونة:

* يمكننا تحويل الكسور الاعتيادية إلى نسب مئوية بإيجاد كسر مكافئ لها مقامه 100

a
$$\frac{2}{5} = \frac{2 \times 20}{5 \times 20} = \frac{40}{100} = 40\%$$

a
$$\frac{2}{5} = \frac{2 \times 20}{5 \times 20} = \frac{40}{100} = 40\%$$
 b $\frac{3}{4} = \frac{3 \times 25}{4 \times 25} = \frac{75}{100} = 75\%$

تدريب 22: أكمل بكتابة النسبة المئوية لكل من الكسور الآتية:

a
$$\frac{1}{4} = \dots \%$$
 b $\frac{1}{5} = \dots \%$ c $\frac{4}{25} = \dots \%$ d $0.18 = \dots \%$

c
$$\frac{4}{25}$$
 = %

* مثال (1): مدرسة ابتدائية عدد تلاميذها 800 تلميذ، تغيب في أحد الأيام 96 تلميذًا.

أوجد النسبة المئوية لعدد الحاضرين في هذا اليوم.

$$(\frac{96}{800} = \frac{12}{100} = 12\% : 5\%)$$

$$(\frac{704}{800} = \frac{88}{100} = 88\%$$
: ذَنْ $)$

$$(\frac{704}{800} = \frac{88}{100} = 888)$$
 النسبة المئوية لعدد الحاضرين = 88% النسبة المئوية لعدد الحاضرين = 88%

* مثال (2): إذا كان %35 من عدد ما يساوي 140 ، فأوجد العدد.

الحـــل: بفرض أن العدد = X

$$X = 100\%$$
 $140 = 35\%$
 $\Rightarrow X = \frac{140 \times 100\%}{35\%} = \frac{\overset{4}{140} \times 100}{35 \text{ 1}} = 400$

* مثال (3) : بلغت نسبة النجاح للصف السادس الابتدائي في إحدى المدارس %83 وكان عدد

الناجحين بهذه المدرسة 249 تلميذًا ، أوجد عدد المتقدمين للامتحان .

$$X = 100\%$$

$$249 = 83\%$$

$$\Rightarrow X = \frac{\overset{3}{249 \times 100}}{83 \text{ }^{1}} = 300$$

عدد المتقدمين للامتحان 300 تلمنذ.

٠,	ىأتـ	امد	أجب	÷	23	الب	تد
- (\mathcal{L}	~~	\sim				

تتدرب آية أسبوعيًّا 3 ساعات على القفز بالزانة ، فإذا تدربت يوم السبت 36 دقيقة فقط ، فاحسب النسبة المئوية لوقت تدريبها يوم السبت . الحل :	a
دفعت رحاب 900 جنيه لشراء تى شرت ، فإذا كان سعره الأصلى قبل التخفيض 1,200 جنيه فما النسبة المئوية التى تمثل المبلغ الذى ستدفعه ؟ الحل :	
فصل دراسي به 40 تلميذًا ، %10 منهم أطوالهم تزيد عن 156 سنتيمترًا ، ما عدد التلاميذ الذين تقل أطوالهم عن 156 سنتيمترًا في الفصل ؟ الحل :	C
إذا كان %35 من تلاميذ إحدى المدارس يدرسون اللغة الصينية ، وكان عدد تلاميذ هذه المدرسة 800 تلميذ ، فما عدد التلاميذ الذين لا يدرسون اللغة الصينية ؟ الحل :	d
بدلة ثمنها 1,200 جنيه عليها تخفيض %40 ، وعليها تخفيض آخر بنسبة %15 على السعر الجديد بعد التخفيضين ؟ الحل :	е

• المستوى الإحداثي :

مستوى يتكون من خطى أعداد متعامدين ومتقاطعين في نقطة تسمى نقطة الأصل (0 6 0) ويرمز لها بالرمز (0)

* يُقسم المستوى الإحداثي إلى (4 أرباع) ويمكن تحديد الربع الذي يتواجد فيه الزوج المرتب (X, Y) تبعًا لإشارة الإحداثيات (X, Y) كما بالشكل المقابل.

 \cdot الانعكاس في المحور X والانعكاس في المحور \cdot

الانعكاس في المستوى الإحداثي

• الانعكاس في (المحور الأفقى) X يحول النقطة :

من (X , Y) إلى (X , Y)

فمثلًا : * صورة النقطة (5, 3)

بالانعكاس في المحور X

هی (5 – , 3)

* صورة النقطة (5, 3 –)

بالانعكاس في المحور X

هي (5 - , 3 –)

• الانعكاس في (المحور الرأسي) Y يحول النقطة :

من (X , Y) إلى (X , Y)

فمثلًا: * صورة النقطة (5, 3)

بالانعكاس في المحور Y

هي (5 , 3 –)

* صورة النقطة (5, 3-)

بالانعكاس في المحور Y

هي (5 , 3)

* انعكاس أي نقطة على محور الانعكاس تكون هي نفس النقطة .

فمثلًا: * انعكاس النقطة (0, 4) بالانعكاس في المحور x هي (0, 4)

* انعكاس النقطة (5-,0) بالانعكاس في المحور y هي (5-,0)

• حساب المسافة بين نقطتين على المستوى الإحداثي:

نقاط لها نفس الإحداثي X ولكن الإحداثي Y مختلف :

نو جد القيمة المطلقة لكلا إحداثى Y ، ثم نجمعهما إذا كان إحداثا Y مختلفين فى الإشارة . أو نطر حهما إذا كان إحداثا Y لهما نفس الإشارة .

* مثال : المسافة بين النقطتين (5, 3) ، (3, - 3) هي 8 وحدات.

المسافة بين النقطتين (1 - , 5) (4 - , 5) هي 3 وحدات .

إذا كانت النقاط لها نفس الإحداثي Y ولكن الإحداثي X مختلف :

نوجد القيمة المطلقة لكلا إحداثي X ، ثم نجمعهما إذا كان إحداثا X مختلفين في الإشارة أو نطرحهما إذا كان إحداثا X لهما نفس الإشارة .

* مثال : المسافة بين النقطتين (1 - , 5) ، (1 - , 2 -) هي 7 وحدات .

المسافة بين النقطتين (5 , 7 -) ، (5 , 4 -) هي 3 وحدات .

3) إذا كانت النقاط لها نفس الإحداثي X ولكن الإحداثي Y لإحداهما يساوي صفرًا:

نوجد القيمة المطلقة للإحداثي Y

4 إذا كانت النقاط لها نفس الإحداثي Y ولكن الإحداثي X لإحداهما يساوي صفرًا:

نو جد القيمة المطلقة للإحداثي X

و جد العيمة المطلقة
$$0 = 0 = 0$$
 الله المطلقة المطلقة $0 = 0 = 0 = 0$ الله $0 = 0 = 0 = 0$ الله $0 = 0 = 0 = 0$ المسافة بين النقطتين $0 = 0 = 0 = 0$ المسافة بين النقطتين $0 = 0 = 0 = 0$ المسافة بين النقطتين $0 = 0 = 0 = 0$ المسافة بين النقطتين $0 = 0 = 0 = 0$ المسافة بين النقطتين $0 = 0 = 0 = 0$ المسافة بين النقطتين $0 = 0 = 0 = 0$ المسافة بين النقطتين $0 = 0 = 0 = 0 = 0$

• مما سبق: * إذا كانت النقاط تقع في نفس الربع على المستوى الإحداثي ، نوجد القيمة المطلقة للإحداثين المختلفين ثم نطرحهما .

* إذا كانت النقاط تقع في أرباع مختلفة على المستوى الإحداثي ، نوجد القيمة المطلقة للإحداثين المختلفين ثم نجمعهما .

* مثال : النقطتان (4 - , - 3) * (4 + , - 6) تقعان في الربع الرابع .

إذن : المسافة بينهما هي 3 وحدات (لأن : 3 = 3 - 6 = | 3 | - | 6 |)

النقطتان (2, 3 -) 6 (5 - , 3 -) تقعان في ربعين مختلفين.

إذن : المسافة بينهما هي 7 وحدات (لأن : 7 = 2 + 5 = | 2 | + | 5 - |)

• رسم الأشكال الهندسية على المستوى الإحداثي:

- * يكون الشكل مثلثًا قائم الزاوية إذا كانت إحدى زواياه قائمة .
- * يكون الشكل الرباعي مربعًا إذا كانت جميع أطوال أضلاعه متساوية في الطول وجميع زواياه قائمة .
- * يكون الشكل الرباعى مستطيلًا إذا كان كل ضلعين متقابلين متساويين في الطول وجميع زواياه قوائم .
- * يكون الشكل الرباعي شبه منحرف إذا كان به ضلعان فقط متوازيان وغير متساويين في الطول.

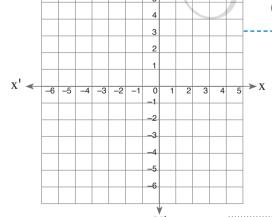
تدريب 24: اختر الإجابة الصحيحة:

- 1 انعكاس النقطة (2, 3) في المحور X هو
- (3,2) (-2,-3) (2,-3) (2,-3)
 - 2 انعكاس النقطة (2 , 5 -) في المحور Y هو
- (-5, 2) (5, -2) (5, 2) (5, 2)
 - 3 انعكاس النقطة (0 , 6 -) في المحور X هو
- (-6,0) \bigcirc (0,-6) \bigcirc \bigcirc (0,6) \bigcirc \bigcirc
 - 4 انعكاس النقطة (3 , 0) في المحور Y هو
 - (0,3) (0,-3) (0,-3)
- - (-2,7) (1,2) (3,-3) (-2,-3)
 - (-7, 2) (-2, 5) (1, -7) (-2, -7)



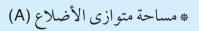
(-3, -6) (4, 1) (4, -6) ارسم النقاط (6 -, 3)

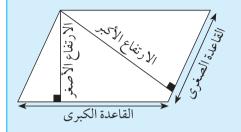
- هل يُكوِّن هذا الشكل زاوية قائمة ؟
- إذا كانت الإجابة نعم ، فما إحداثي هذا الرأس؟
- ب ما النقطة التي يمكن إضافتها لتكوين مستطيل؟



مساحة بعض المضلعات

مساحة متوازى الأضلاع:





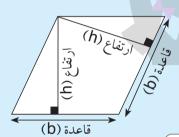
= طول القاعدة (b) × الارتفاع المناظر (h)

* طول القاعدة (b) = مساحة متوازى الأضلاع (A) الارتفاع المناظر (h)

* الارتفاع (h) = مساحة متوازى الأضلاع (A) طول القاعدة (b)

مساحة متوازي الأضلاع = طول القاعدة الصغري × الارتفاع الأكبر مساحة متوازى الأضلاع = طول القاعدة الكبرى × الارتفاع الأصغر

• مساحة المعين:



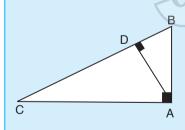
* مساحة المعين (A) = طول القاعدة (b) × الارتفاع (h)

 $\frac{(A)}{(b)} = \frac{(b)}{(b)}$ * طول قاعدة المعين

 $\frac{(A)}{(b)} = \frac{(a)}{(b)}$ ارتفاعدة (b) القاعدة (b)

 $S^2 = S$ مساحة المربع (A) = طول الضلع \times عطول الضلع

• ارتفاعات المثلث:



* ارتفاع المثلث: هو القطعة المستقيمة العمودية على القاعدة

والمرسومة من الرأس المقابل لهذه القاعدة.

* عدد ارتفاعات المثلث يساوى 3 ارتفاعات.

AB : هو الارتفاع المناظر للقاعدة CA

 \overline{AB} : هو الارتفاع المناظر للقاعدة

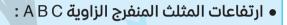
AD : هو الارتفاع المناظر للقاعدة CB

* تتقاطع ارتفاعات المثلث الحاد الزوايا عند رأس الزاوية القائمة .

• ارتفاعات المثلث حاد الزوايا A B C •

- \overline{B} ارتفاع يناظر القاعدة \overline{AD}
- \overline{AC} ارتفاع يناظر القاعدة: \overline{BF}
- $\overline{\mathsf{B}}\,\mathsf{A}$: ارتفاع يناظر القاعدة : $\overline{\mathsf{C}}\,\mathsf{E}$





- \overline{BC} : ارتفاع يناظر القاعدة \overline{AD}
- \overline{AC} : ارتفاع يناظر القاعدة : \overline{BE}
- * CF: ارتفاع يناظر القاعدة AB



• مساحة المثلث:

* مساحة المثلث القائم (A)

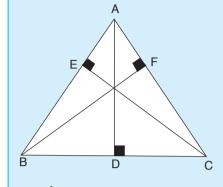


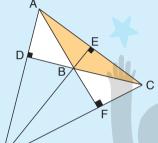
 $A = \frac{b \times h}{2} *$

(A) مساحة المثلث
$$(a)$$
 طول القاعدة (b) = (b) مساحة المثلث (b) = (b) الارتفاع (b) الارتفاع (b) الارتفاع (b) الارتفاع (b) الارتفاع (b) الارتفاع (b)

• مساحة شبه المنحرف:

- * شبه المنحرف هو شكل رباعي فيه ضلعان متوازيان فقط.
 - * لإيجاد مساحة شبه المنحرف ، نحلل شبه
 - المنحرف إلى أشكال هندسية يمكن حساب
 - مساحتها ، مثل : (المستطيل ، المربع ، المثلث) .





القاعدة

تدريب 26: اختر الإجابة الصحيحة:

- 1 عدد ارتفاعات متوازي الأضلاع يساوي ..
 - 1 f
- 2 مثلث طول قاعدته 8 سم ، وارتفاعه المناظر للقاعدة 6 سم ، فإن : مساحته = د 24

3 🤿

د 4

- 3 معين طول ضلعه 12 سم ، وارتفاعه 6 سم ، فإن : مساحته =سم²
- 4 متوازي أضلاع طول قاعدته 8 ديسيمترات ، وارتفاعه 7 سم ، فإن : مساحته = ب 280 560 😞 5,600
 - 5 مثلث مساحته 20 سم² ، وارتفاعه 5 سم ، فإن : طول قاعدته =سسسسسسس ج 5

تدريب 27 : أكمل ما يأتي:

- 1 حديقة مربعة الشكل طول ضلعها 2.5 متر ، فإن : مساحتها =
- 2 في الشكل المقابل: ABCD متوازى أضلاع فيه : ABCD سم ، 8 = AE سم ، 4E = BC سم فإن : AF
- 3 معين محيطه 32 سم ، وارتفاعه 3 سم ، فإن : مساحته =
- 4 القطعة العمودية المرسومة من رأس المثلث إلى القاعدة المقابلة لها تسمى
 - 5 مساحة المثلث =× الارتفاع المناظر لها .

تدريب 28 : أجب عما يأتي :

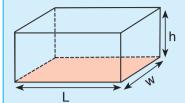
1 من الشكل المقابل: أوجد مساحة شبه المنحرف.

2 من الشكل المقابل: أو جد مساحة شبه المنحرف.



3 أيهما أكبر ؟ : مساحة مثلث طول قاعدته 12 مترًا ، والارتفاع المناظر لهذه القاعدة 18 مترًا. أم مساحة متوازى أضلاع طول قاعدته 12 مترًا ، والارتفاع المناظر لهذه القاعدة 10 أمتار .

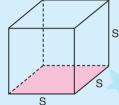
• مساحة سطح متوازى المستطيلات :



* مساحة سطح متوازى المستطيلات (A) الذى طوله (L) وعرضه (w) وارتفاعه (h)

$$A = 2 L w + 2 L h + 2 w h$$

• مساحة سطح المكعب:

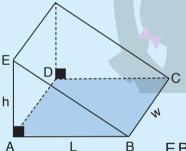


 (S^2) مساحة سطح المكعب $(A) = 6 \times \infty$ مساحة الوجه الواحد (S^2) أي أن : مساحة سطح المكعب (A) = 6

• مساحة سطح المنشور الثلاثي:

* حساب مساحة سطح المنشور الثلاثي يكون من خلال إيجاد مساحة كل وجه من أوجهه ، ثم جمع جميع المساحات للحصول على مساحة سطح الشكل .





4 = L = AB سم ، 3 = W = BC سم

. سم 3 = h = AE سم . 3 = h

الحل: مساحة سطح المنشور الثلاثي

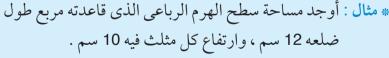
= مساحة القاعدة ABCD + مساحة الوجه ADFE

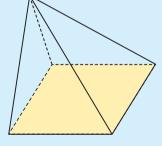
+ ضعف مساحة الوجه EBCF + مساحة الوجه

مساحة سطح المنشور الثلاثي = 3 × 4 + 3 × 3 + 2 × ($\frac{1}{2}$) × 2 + 3 × 3 + 4 × 5) + 5 × 5 مساحة سطح المنشور الثلاثي = 12 + 9 + 12 + 5 = 48 سم

• مساحة سطح الهرم الرباعي :

مساحة سطح الهرم الرباعي = مجموع مساحات أوجهه المثلثة الشكل + مساحة القاعدة المربعة



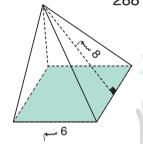


الحل: مساحة أوجه الهرم = 4 × مساحة الوجه الواحد مساحة أوجه الهرم = 4 × $(10 \times 12 \times \frac{1}{2}) \times 4 = 240$ سم² مساحة القاعـــدة = 12 × 12 = 144 سم² مساحة سطح الهرم = 240 + 144 = 384 سم²

تدريب 29: اختر الإجابة الصحيحة:

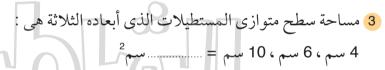
- 1 مساحة سطح المكعب الذي طول حرفه 5 سم تساوىسسسسم²
- 250 125 100 f
- 2 مساحة سطح متوازى المستطيلات الذي أبعاده L, w, h تساوىوحدة مربعة .
- 2(Lw + wh + Lh) $2Lwh \Rightarrow 2(L+w)h \rightarrow Lw + wh + Lh$

 - 288 ح 144 ب 216
 - 4 من الشكل المقابل:
 - مساحة سطح الهرم =سم²
 - 32 f ب 288
 - د 128 ج 132

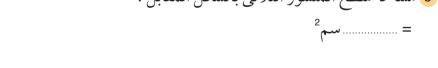


تدريب 30 : أكمل ما يأتى :

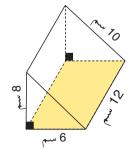
- 1 مساحة سطح المكعب الذي طول حرفه S =سسم
 - 2 مساحة سطح الهرم الرباعي بالشكل المقابل ==



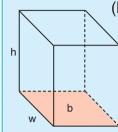
- 4 مساحة سطح متوازي المستطيلات الذي مساحة أوجهه الثلاثة ه 20 سم²، 40 سم² ، 50 سم² =
 - 5 مساحة سطح المنشور الثلاثي بالشكل المقابل: = سـم



- مكعب مساحة سطحه 150 سم 2 ، فإن : طول حرفه =سس. سم .
 - 7 مكعب مجموع أطوال أحرفه 60 سم ، أوجد مساحة سطحه .



• حجم متوازی المستطیلات:



(h) × العرض (w) × الارتفاع (لا) × العرض (w) × الارتفاع (h) V = L w h

(h) × الارتفاع (ا) × الارتفاع (ا) \times الارتفاع (ا) × الارتفاع (ا) \times الارتفاع (ا)

* مثال (1) : أو جد حجم متوازى المستطيلات الذى أبعاده 6 سم ، 4 سم ، 5 سم . الحل : حجم متوازى المستطيلات = $5 \times 4 \times 6 = 120$ سم 3

* مثال (2) : أو جد حجم متوازى المستطيلات الذي مساحة قاعدته 30 سم وارتفاعه 6 سم.

 3 الحل : حجم متوازى المستطيلات = $6 \times 30 = 180$ سم

تدريب 31: اختر الإجابة الصحيحة:

- 1 حجم متوازى المستطيلات =
- L + (w + h) (L + w) h \Rightarrow L × w × h \Rightarrow L + w + h \uparrow
- 2 متوازى مستطيلات مساحة قاعدته 32 سم² ، وارتفاعه 4 سم ، فإن : حجمه =
- 3 متوازى مستطيلات أبعاده أعداد أولية فردية مجموعها 15 سم ، فإن : حجمه =سسسسه 8
 - 105 36 0 56 1

: أجب عما يأتي : ئاتى : ت**دريب** 32

- . سم 2 ، وارتفاعه 10 سم 2 ، وارتفاعه 10 سم 2
- 2 متوازی مستطیلات أبعاده 8 سم ، 6 سم ، 10 سم ، احسب حجمه .
 - احسب مساحة قاعدة متوازى المستطيلات الذي حجمه 147 سم $^{\mathrm{s}}$ ، وارتفاعه 7 سم .