

Zdanie. Zaprzeczenie zdania

Definicja 1.

Zdaniem nazywamy wypowiedź oznajmująca, o której możemy powiedzieć, że jest prawdziwa lub fałszywa.

Prawdę i fałsz nazywamy wartościami logicznymi. Prawdę oznaczamy I, a fałsz o. Zdania oznaczamy zwykle małymi literami: p, q, r, s, t, \dots Jeśli zdanie p jest prawdziwe, to piszemy w(p) = I, jeśli fałszywe, to w(p) = o.

Przykład 1.

Zdaniami są następujące wypowiedzi:

- a) 2 + 3 = 5
- b) 7 < 0
- c) W każdym trójkącie suma kątów wewnętrznych jest równa 180

Definicja 2.

Zaprzeczeniem zdania p nazywamy zdanie "nieprawda, że p" i oznaczamy ¬p; zaprzeczeniem zdania prawdziwego jest zdanie fałszywe; zaprzeczeniem zdania fałszywego jest zdanie prawdziwe.

Koniunkcja zdań. Alternatywa zdań

Zdania możemy łączyć różnymi spójnikami i ten sposób otrzymywać zdania złożone. Zdania wchodzące w skład zdania złożonego nazywamy zdaniami prostymi. Przykładem zdania złożonego jest koniunkcja zdań.

Definicja 1.

Koniunkcją zdań p oraz q nazywamy zdanie "p i q" i oznaczamy " $p \land q$ "; koniunkcja dwóch zdań jest prawdziwa tylko wtedy, gdy oba tworzące ją zdania są prawdziwe.

Definicja 2.

Alternatywa zdań p oraz q nazywamy zdanie "p lub q" i oznaczamy " $p \lor q$ "; alternatywa dwóch zdań jest prawdziwa wtedy, gdy co najmniej jedno ze zdań ją tworzących jest prawdziwe.

Implikacja. Równoważność zdań

Definicja 1. Implik

Implikacją o poprzedniku p i następniku q nazywamy zdanie "jeśli p, to q" i oznaczamy "p →q"; implikację uznajemy za prawdziwą wtedy, gdy poprzednik i następnik są prawdziwe oraz wtedy, gdy poprzednik jest fałszywy.

Definicja 2. Równoważnością zdań p oraz q nazywamy zdanie "p wtedy i tylko

wtedy, gdy q" i oznaczamy " $p \leftrightarrow q$ "; równoważność dwóch zdań uznajemy a prawdziwą tylko wtedy, gdy tworzące ją zdania mają tę samą wartość logiczną, tzn. oba są prawdziwe lub oba są fałszywe.

logiczną. ↔

Równoważność jest fałszywa tylko wtedy, gdy tworzące ją zdania mają różną wartość