## Prova 3

02 de abril de 2019

Nome:			

Questão:	1	2	3	4	5	6	Total
Valor:	2	2	11/2	2	11/2	2	11
Pontuação:							

- 1. (2 pontos) Considere a linguagem  $A = \{a^i b^j c^k | k \text{ \'e} \text{ igual \`a} \text{ soma de } i \text{ com } j, \text{ isto \'e}, i+j=k\}$ . Dê uma descrição formal de uma MT determinística para A (defina o tipo de máquina que está sendo utilizada).
- 2. (2 pontos) Prove que a classe das linguagens Turing-reconhecíveis é fechada sob a operação de interseção.
- 3.  $(1\frac{1}{2} \text{ pontos})$  Sobre a enumerabilidade de conjuntos é correto afirmar:
  - I O conjunto de todas as linguagens Turing-reconhecíveis é enumerável.
  - II O conjunto de todos os decisores não é enumerável.
  - III Se um conjunto A é enumerável e  $A \subseteq B$ , então B é enumerável.
    - a) Apenas I é correta.
- b) Apenas II é correta.
- c) Apenas I e II são corretas.
- d) Apenas II e III são corretas.

- e) n.d.a.
- 4. (2 pontos) Considere a linguagem  $A = \{ \langle M_1, M_2 \rangle | L(M_1) \neq \overline{L(M_2)} \}$ , onde  $M_1$  e  $M_2$  são MTs. Prove que A é indecidível.
- 5. (1½ pontos) Seja A um problema Turing-decidível, seja B um problema Turing-reconhecível, seja C um problema tal que  $\overline{C}$  não é Turing-reconhecível e seja D um problema sobre o qual não temos nenhuma informação. Considere as afirmações a seguir:
  - I Se  $\overline{D} \leq A$ , então D é Turing-decidível.
  - II Se  $\overline{D} \leq_m \overline{B}$ , então D é Turing-reconhecível.
  - III Se  $C \leq D$ , então  $\overline{D}$  não é Turing-reconhecível.
    - a) Apenas I é verdade.
    - b) Apenas III é verdade.
    - c) Apenas I e II são verdade.
    - d) I, II e III são verdade.
    - e) n.d.a.
- 6. (2 pontos) Mostre que a linguagem  $\overline{V}_{MT} = \{ \langle M_1 \rangle | L(M_1) \neq \emptyset \}$  é reconhecível ou não-reconhecível.

Coloque o seu nome em todas as folhas.

Provas respondidas a lápis não têm direito a reavaliação da nota.