

Nome: _____

| | | | | | | | | |
|------------|----|----|----|----|----|---|----|-------|
| Questão: | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | Total |
| Valor: | 1½ | 1½ | 1½ | 1½ | 1½ | 2 | 1½ | 11 |
| Pontuação: | | | | | | | | |

- (1½ pontos) Escreva o conjunto de produções para uma gramática que gere $\{u\#xy\#v \mid u^R \text{ é uma subcadeia de } x \text{ e } v^R \text{ é uma subcadeia de } y \text{ para } u, v \in \{0, 1\}^*\}$.
- (1½ pontos) Descreva o diagrama de estados representando um autômato com pilha para a linguagem $\{w \in \{a, b, c\}^* \mid \text{a quantidade de } as \text{ é igual à quantidade de } bs \text{ mais a quantidade de } cs\}$.
- (1½ pontos) Use o procedimento visto em sala de aula para transformar a Gramáticas Livres de Contexto a seguir em um Autômato com Pilha: $S \rightarrow A1B \quad A \rightarrow 0A \mid \varepsilon \quad B \rightarrow 0B \mid 1B \mid \varepsilon$.
- (1½ pontos) Coloque a seguinte GLC na Forma Normal de Chomsky: $S \rightarrow aSbS \mid \varepsilon$.
- (1½ pontos) Use o procedimento visto em sala de aula para converter o autômato $A = (Q, \Sigma, \Gamma, \delta, q_0, F)$ descrito abaixo em uma Gramática Livre de Contexto.
 $Q = \{q_0, q_1, q_2, q_3\}, \Sigma = \{0, 1\}, \Gamma = \{0, \$\}, \delta(q_0, \epsilon, \epsilon) = \{(q_1, \$)\}, \delta(q_1, 0, \epsilon) = \{(q_1, 0)\}, \delta(q_1, \epsilon, \epsilon) = \{(q_2, \epsilon)\},$
 $\delta(q_2, 1, 0) = \{(q_2, \epsilon)\}, \delta(q_2, \epsilon, \$) = \{(q_3, \epsilon)\} \text{ e } F = \{q_3\}.$
- (2 pontos) Escreva um GLC que reconheça a linguagem $L = \{a^i b^j c^k \mid i = j \text{ ou } i = k, \text{ com } i, j, k \geq 0\}$. Sua gramática é ambígua? Justifique sua resposta.
- (1½ pontos) Considere a linguagem $L = \{0^n 1^n 0^n \mid n \geq 0\}$. Utilize o lema do bombeamento para mostrar que L não é livre de contexto.

Lema do Bombeamento: Se A é uma linguagem livre de contexto, então existe um número p onde, se s é uma cadeia qualquer em A de comprimento no mínimo p , então s pode ser dividida em cinco partes $s = uvxyz$ satisfazendo as condições:

- para cada $i \geq 0, uv^i xy^i z \in A$,
- $|vy| > 0$, e
- $|vxy| \leq p$.

Coloque o seu nome em todas as folhas.

Provas respondidas a lápis não têm direito a reavaliação da nota.