

## 华中科技大学计算机科学与技术学院

"你能做的 岂止如此"代码能力提升计划

# 语言基础

(Part 1)

2024 年 1 月 第一版

## 前言

华中科技大学计算机科学与技术学院历史悠久、人才辈出。在武敏颜学姐的倡议、带领下,经过一批优秀的学长学姐的精心工作,学 员洛谷题单诞生了。洛谷题单为维持与提升计算机学院本科生代码能 力发挥了重要作用。

随后,赵云霏学姐、周辰宇学长接过了维护题单的接力棒,在他们的工作下,学院洛谷团队实现了长期稳定运行,题单不断优化与迭代,获得了历代学生的一致好评。

周辰宇学长毕业后,维护洛谷团队、题单的重任交于我,我感到 无比荣幸,无上光荣,责任重大。为了实现洛谷团队良性发展,针对 之前题单中存在的一些问题,经谭志虎院长批准,启动了这一轮的题 单修订,并第一次以任务书的形式发布试题。

在计算机类 2301 班吴迪同学的建议下,我们决定将洛谷题单正式命名为"'你能做的 岂止如此'代码能力提升计划",希望我们的工作,能够帮助一届届的计算机学院本科生增加代码书写量,巩固代码能力,对数据结构与算法有更加深入的了解。

我要感谢参与到本轮题单修订过程中的同学,他们是:计算机学院 2022 级本科生杨治、汪文卓、李韦成、刘皓铭、黄子益、方昀昊; 计算机学院 2023 级本科生万睿朋、聂卓然、刘星佳、彭雨洋。我还要感谢谭志虎院长与王多强教授,没有他们的支持与指导,题单修订工作是不可能顺利完成的。另外,山东大学禚安垣协助渲染了任务书文档。 希望本轮修订的题单,能帮助同学巩固 C 语言基础,同时对 STL 等课程内容之外,但非常实用的语言工具有初步的了解。

由于水平有限, 题单难免存在疏漏, 欢迎同学们批评指正。

华中科技大学计算机科学与技术学院

刘柏年

2024年1月

江苏•淮安

## 小 L 在吃饭(hasmeal)

## 【题目描述】

众所周知,大学生是一种十分喜欢吃的生物,有一点钱就用来吃饭了。小 L 兜里只剩下 a 元 b 角钱了。然而一碗饭竟然只需要 1 元 9 角(怎么这么便宜),请你求出小 L 最多吃多少碗饭。

#### 【输入格式】

输入一行两个整数,分别表示 a 和 b。

## 【输出格式】

输出一行一个整数,表示小 L 最多可以吃多少碗饭。

## 【样例1输入】

10 3

## 【样例1输出】

1 5

#### 【子任务】

对于 100% 的测试数据,保证  $0 \le a \le 10^4$ ,  $0 \le b \le 9$ 。

## 小 W 在游泳(swim)

#### 【题目描述】

小 W 大三了,她选了游泳课。

虽然游泳很累,但是小 W 还是坚持游泳,可是她很快难过的发现,自己的力气不够,游泳好累哦。已知小玉第一步能游 2 米,可是随着越来越累,力气越来越小,她接下来的每一步都只能游出上一步距离的 98%。现在小 W 想知道,如果要游到距离 s 米的地方,她需要游多少步呢。

#### 【输入格式】

输入一个实数 s (单位:  $\Re$ ), 表示要游的目标距离。

#### 【输出格式】

输出一个整数,表示小 W 一共需要游多少步。

#### 【样例1输入】

4.3

#### 【样例1输出】

1 3

## 【子任务】

对于 100% 的测试数据,保证 0 < s < 100, s 小数点后最多只有一位。

## 小 C 在上课(finalscore)

#### 【题目描述】

小 C 在华中科技大学计算机科学与技术学院学习了 C 语言程序设计课程,这门课程的总成绩计算方法是:

- 平时成绩占 20%
- 期中成绩占 20%
- 期末成绩占 60%

小 C 想知道,这门课程自己最终能得到多少分。

#### 【输入格式】

三个非负整数 A, B, C,分别表示小 C 的平时成绩、期中成绩和期末考试成绩。相邻两个数之间用一个空格隔开,三项成绩满分都是 100 分。

#### 【输出格式】

一个整数,即小 C 这门课程的总成绩,满分也是 100 分。

#### 【样例1输入】

100 100 80

#### 【样例1输出】

1 90

### 【样例1解释】

小 C 的平时成绩是 100 分,期中成绩是 100 分,期末考试成绩是 80 分,总成绩是  $100 \times 20\% + 100 \times 30\% + 80 \times 50\% = 20 + 30 + 40 = 90$ 。

## 【样例 2 输入】

1 60 90 80

## 【样例2输出】

1 79

## 【样例2解释】

小 C 的平时成绩是 60 分,期中成绩是 90 分,期末考试成绩是 80 分,总成绩是  $60 \times 20\% + 90 \times 30\% + 80 \times 50\% = 12 + 27 + 40 = 79$ 。

## 【子任务】

对于 100% 的数据, 0 A, B, C 100 且 A, B, C 都是 10 的整数倍。

## 好数 (gnum)

#### 【题目描述】

对于任意整数, 我们定义如下两个性质。

- 性质 1: 是偶数;
- 性质 2: 大于 4 且不大于 12。

duoluoluo 喜欢这两个性质同时成立的整数; yazhi 喜欢这至少符合其中一种性质的整数; 600years 喜欢刚好有符合其中一个性质的整数; 盖亚喜欢不符合这两个性质的整数。现在给出一个整数 x,请问他们是否喜欢这个整数?

#### 【输入格式】

输入一个整数  $x(0 \le x \le 10000)$ 。

#### 【输出格式】

输出这 4 个人是否喜欢这个数字,如果喜欢则输出 1, 否则输出 0, 用空格分隔。输出顺序为: duoluoluo、yazhi、600years、盖亚。

#### 【样例1输入】

1 12

## 【样例1输出】

1 1 0 0

## 排序 (sort)

## 【题目描述】

给出三个整数  $a, b, c(0 \le a, b, c \le 100)$ , 要求把这三个整数从小到大排序。

## 【输入格式】

输入三个整数 a, b, c,以空格隔开。

## 【输出格式】

输出一行,三个整数,表示从小到大排序后的结果。

## 【样例1输入】

1 14 5

## 【样例1输出】

1 1 5 14

## 【样例 2 输入】

1 2 2 2

#### 【样例 2 输出】

1 2 2 2

## 谁更短 (leauingz)

#### 【题目描述】

LeauingZ 非常懂造题,如果让 LeauingZ 造题,一个题只需要造 3 分钟,如果你自己造题,则一个题需要花 5 分钟。但是如果让 LeauingZ 造题,因为 LeauingZ 很忙,他需要额外花费 11 分钟用来休息。(注意,总共多花费 11 分钟而不是每造一个题休息 11 分钟)

现在要造n个题,你可以选择自己造完或者让LeauingZ 造完所有题。如果你自己造题配置花费的总时间短,请输出Local,否则输出Luogu。

#### 【输入格式】

输入一个正整数 n,表示需要造的题目量。

#### 【输出格式】

输出一行,一个字符串。如果自己造花费的总时间短,请输出 Local,否则输出 Luogu。

#### 【样例1输入】

1 2

#### 【样例1输出】

1 Local

## 【样例 2 输入】

1 50

## 【样例 2 输出】

1 Luogu

#### 【子任务】

数据保证  $1 \le n \le 100$ 。

## 倍减 (double)

## 【题目描述】

倍增算法是算法领域中常用的一种优化算法,不过在这道题中,你并不需要用到这种算法。

对一个数 x ,规定一次操作为:将 x 除以 2 并向下取整,即将 x 变为  $\left[\frac{x}{2}\right]$ 。请问这个数需要多少次操作 x 才能变为 1 。

#### 【输入格式】

输入一个正整数 x 。

### 【输出格式】

输出一个正整数,表示要多少次操作后 x 变为 1 。

## 【样例1输入】

1 101

## 【样例1输出】

1 7

#### 【子任务】

数据范围:  $1 \le x \le 10^9$ 。

## 有说服力的评分算法(rating)

#### 【题目描述】

数组是一种基础常用的数据类型,不过在这道题中,你并不需要用到这种数据类型。 某评分网站特有的评分算法如下:

该网站上,你可以给出 0 到 10 的评分。统计最终得分时,网站会去掉一个最高分和一个最低分(如果最高或最低不止一个,也只去掉一个),再计算其平均分。

现在有n人参与了评分,请问最终得分为多少,精确到2位小数。

#### 【输入格式】

第一行输入一个正整数 n。

第二行输入 n 个整数, 第 i 个整数表示第 i 个人的评分。

## 【输出格式】

输出一行一个两位小数,表示最终得分。

## 【样例1输入】

1 5

2 9 4 6 8 10

#### 【样例1输出】

7.67

#### 【子任务】

数据范围:  $3 \le n \le 1000$ 。

## 多项式筛素数 (poly)

#### 【题目描述】

线性筛素数是一种常用的素数筛法,不过在这道题中,你并不需要用到这个算法。 给出一个正整数 S ,请问最多可以选出多少个质数,使它们的和小于等于 S 。

## 【输入格式】

一行一个正整数 S 。

### 【输出格式】

将这些质数从小往大输出,随后输出质数个数。所有数单独占一行。 如果答案不止一个,则输出字典序最小的答案。

### 【样例1输入】

. 99

## 【样例1输出】

```
1 2 3 3 5 4 7 5 11 6 13 7 17 8 19 9 23 10 9
```

## 【样例 2 输入】

1 6

#### 【样例 2 输出】

## 【样例3输入】

1 12

#### 【样例3输出】

```
    2
    3
    5
    3
    3
```

#### 【子任务】

数据范围:  $1 < S < 10^5$ 。

#### (hints)

在数学中,字典或词典顺序(也称为词汇顺序,字典顺序,字母顺序或词典顺序) 是基于字母顺序排列的单词按字母顺序排列的方法。这种泛化主要在于定义有序完全有 序集合(通常称为字母表)的元素的序列(通常称为计算机科学中的单词)的总顺序。

对于数字 1、2、3...n 的排列,不同排列的先后关系是从左到右逐个比较对应的数字的先后来决定的。例如对于 5 个数字的排列 12354 和 12345,排列 12345 在前,排列 12354 在后。按照这样的规定,5 个数字的所有的排列中最前面的是 12345,最后面的是 54321。

## 数位枚举 (enum)

#### 【题目描述】

数位 DP 是一种常用的计数方法,不过在这道题中,你并不需要用到这个算法。 给出两个整数 n 和 x ,统计所有 1 到 n 的正整数中 x 出现了多少次。例如在 1 到 14 之间的正整数,5 出现了 1 次,4 出现了 2 次,1 在 1,10,12,13,14 中各出现 1 次,在 11 中出现 2 次,共计 7 次。

#### 【输入格式】

一行两个整数 n,x,用空格隔开。

#### 【输出格式】

一行一个整数,表示x出现的次数。

## 【样例1输入】

14 1

#### 【样例1输出】

1 7

#### 【子任务】

数据范围:  $1 \le n \le 10^6$ ,  $0 \le x \le 9$ 。

## 阅读论文 (read)

#### 【题目描述】

小明十分热爱学习数学,为了方便他查找相关数学定理,他有一个 M 页的笔记本。小明十分勤俭节约,他只会用铅笔在笔记本上书写,如果笔记本写完了,就把最早记录的那一页用橡皮擦擦干净。

小明现在在阅读一篇数学论文,在证明中依次提到了 N 个定理,同一定理可能被多次提及。由于小明的记性不太好,每次遇到一个定理,小明都会在自己的笔记本里面查询这个定理,假如没有这个定理,就翻看教材,然后用 1 页将这个定理记下。假如笔记本已经满了,那么他会将当前的笔记本中最先记录的那一页定理擦除,再记下这个定理。

小明现在想要知道,在阅读整篇论文的过程中,他需要翻阅多少次教材?起初,小明的笔记本是空的。

#### 【输入格式】

共2行。每行中两个数之间用一个空格隔开。

第一行为两个正整数 M,N,代表笔记本页数和论文提及定理的次数。

第二行为 N 个非负整数,按照论文的顺序,每个数(大小不超过 1000)代表一个数学定理。论文中提及的两个定理是同一个定理,当且仅当它们对应的非负整数相同。

#### 【输出格式】

一个整数,为小明需要翻教材的次数。

#### 【样例1输入】

1 3 7

2 1 2 1 5 4 4 1

#### 【样例1输出】

1 5

#### 【样例1解释】

整个阅读论文的过程如下:每行表示遇到了一个定理后的笔记本内容:

1. 1: 查找定理 1 并写进笔记本。

- 2. 1 2: 查找定理 2 并写进笔记本。
- 3. 1 2: 在笔记本中找到定理 1。
- 4. 1 2 5: 查找定理 5 并写进笔记本。
- 5. 2 5 4: 查找定理 4 并写进笔记本替代定理 1。
- 6. 2 5 4: 在笔记本中找到定理 4。
- 7. 5 4 1: 查找定理 1 并调入笔记本替代定理 2。

## 【子任务】

对于 10% 的数据有 M = 1,  $N \le 5$ ;

对于 100% 的数据有  $1 \le M \le 100$ ,  $1 \le N \le 1000$ 。

## 在线购物 (shopping)

#### 【题目描述】

某在线购物平台上有许多商品,每个商品都有一个商品特征码,这个特征码是一个正整数。每个消费者手中有一个需求码,也是一个正整数。如果一个商品的特征码恰好以消费者的需求码结尾,那么这个商品就是消费者所需要的。小 Z 刚刚成为该购物平台的后台管理员,他知道所有商品的特征码,他请你帮他写一个程序,对于每一位消费者,求出他所需要的商品中特征码最小的那个特征码,如果没有他需要的商品,请输出 -1。

#### 【输入格式】

第一行,包含两个正整数 n,q,以一个空格分开,分别代表该在线购物平台上商品的数量和消费者的数量。

接下来的 n 行,每行包含一个正整数,代表在线购物平台上某商品的商品特征码。 接下来的 q 行,每行包含两个正整数,以一个空格分开,第一个正整数代表在线购 物平台上消费者的需求码的长度,第二个正整数代表消费者的需求码。

#### 【输出格式】

共q行,每行包含一个整数,如果存在第i个消费者所需要的书,则在第i行输出第i个消费者所需要的商品特征码最小的那个商品的商品特征码,否则输出-1。

#### 【样例1输入】

```
1 5 5
2 2123
3 1123
4 23
5 24
6 24
7 2 23
8 3 123
9 3 124
10 2 12
11 2 12
```

## 【样例1输出】

```
1 23
2 1123
3 -1
4 -1
5 -1
```

#### 【子任务】

对于 20% 的数据, 1 n 2。

另有 20% 的数据, q = 1。

另有 20% 的数据, 所有消费者的需求码的长度均为 1。

另有 20% 的数据,所有的商品特征码按从小到大的顺序给出。

对于 100% 的数据,1 n 1000, 1 q 1000,所有的商品特征码和需求码均不超过  $10^7$ 。

## lhm 玩 01 (lhma)

#### 【题目描述】

lhm 喜欢 01, 于是他写了一个由  $N \times N$  的 0 和 1 的矩阵。

但 lhm 感觉这个矩阵太大了,于是他要压缩! 他要把矩阵压缩成一串数字,其中第一个数字是 N,剩下的数字为: 从矩阵的第一行第一个符号开始计算,按书写顺序从左到右,由上至下。第一个数表示连续有几个 0,第二个数表示接下来连续有几个 1,第三个数再接下来连续有几个 0,第四个数接着连续几个 1,以此类推……

例如: 以下矩阵:

1 0001000
2 0001000
3 0001111
4 0001000
5 0001000
6 0001000
7 111111

对应的压缩数字序列是: 731616431616137 (第一个数是 N, 其余各位表示交替表示 0 和 1 的个数,压缩数字序列保证  $N \times N =$  交替的各位数之和)

#### 【输入格式】

数据输入一行,由空格隔开的若干个整数,表示压缩数字序列。 其中,压缩数字序列的第一个数字就是 N,表示这个矩阵应当是  $N \times N$  的大小。 接下来的若干个数字,含义如题目描述所述。

#### 【输出格式】

输出一个  $N \times N$  的 01 矩阵 (点阵符号之间不留空格)。

#### 【样例1输入】

7 3 1 6 1 6 4 3 1 6 1 6 1 3 7

#### 【样例1输出】

- 1 0001000
- 2 0001000

3 0001111
 4 0001000
 5 0001000
 6 0001000
 7 1111111

## 【子任务】

数据保证,  $3 \le N \le 200$ 。

## bngg 与 hmgg 的决斗 (fight)

#### 【题目描述】

bngg 和 hmgg 在战斗。

两人一共开辟了n个战场,战场排列成一条线段,依次编号为 $1 \sim n$ ,相邻编号的战场之间相隔1 厘米,即所有战场为长度为n-1 厘米的线段。i 号战场现在有 $c_i$  名士兵在战斗。

bngg 的大本营在 1 号战场左侧,hmgg 的大本营在 n 号战场右侧,他们的势力范围以 m 号战场分界,m 号战场左侧 bngg 占优,m 号战场右侧 hmgg 占优,而 m 号战场是两人正在争夺的战场,没有人占优。

一个战场的士气为该战场的士兵数 $\times$ 该战场到m号战场的距离,一方的士气为自己占优战场士气之和。

bngg 奇袭了 hmgg,将  $s_1$  名士兵派往了  $p_1$  号战场。如果双方士气差距太大,会导致 hmgg 或者 bngg 红温。hmgg 还有  $s_2$  名士兵可供调动,请你确定一个战场  $p_2$ ,使得 hmgg 将全部  $s_2$  名士兵派遣往战场  $p_2$ ,两人士气差距尽可能小。

#### 【输入格式】

输入共三行。

输入的第一行为一个正整数 n。

接下来一行包含 n 个正整数, 第 i 个为  $c_i$ 。

接下来一行包含四个正整数,分别代表  $m, p_1, s_1, s_2$ 。

#### 【输出格式】

输出一行一个整数 p2, 若存在多个答案,输出编号最小的那个。

#### 【样例1输入】

1 6

2 2 3 2 3 2 3

3 4 6 5 2

#### 【样例1输出】

1 2

## 【样例 2 输入】

1 6

2 1 1 1 1 1 16

3 **5 4 1 1** 

## 【样例2输出】

1 1

#### 【子任务】

数据保证:  $1 \le n \le 10^5$ ,  $1 \le s_1, s_2 \le 10^9$ , 1 < m < n,  $1 \le p_1 \le n$ .

## [hints]

请考虑不同类型可以表示的数据范围,并选择合适的那个。

## lhm 玩数字(lhmb)

## 【题目描述】

lhm 有 n 个正整数,他很喜欢它们。lhm 突然想知道这些正整数中第 k 个最小整数 (大小一样的整数只算一次),你能帮帮他吗?

## 【输入格式】

第一行为 n 和 k。

第二行开始为 n 个正整数的值,整数间用空格隔开。

## 【输出格式】

第k个最小整数的值;若无解,则输出 NO RESULT。

## 【样例1输入】

1 10 3

2 1 3 3 7 2 5 1 2 4 6

## 【样例1输出】

1 3

## 【子任务】

数据保证:  $n \le 10000$ ,  $k \le 1000$ , 正整数均小于 30000。

## 小S与NLP(nlp)

#### 【题目描述】

小 S 是一位世界记录员,她的职责是将来自不同异世界的文字材料整理归档。

虽然异世界的文明不知道为何都是用日语交流,但是他们的文字各异。所以处理这些材料并非易事。

幸好小 S 是一位 NLP (自然语言处理) 高手,通过机器学习,她的模型帮她轻松地把所有文本翻译成了英文。

但是小 S 发现,她的语言模型不能很好的处理不同进制数值的转换,所以她只好进行人脑 NLP,手动完成异世界数字文本的替换工作。

幸好,小 S 有一份巨大的字典,其中包含 n 个异世界数字代表的数值。她只需要单纯的依此对翻译后的英文文本进行简单替换即可。

不过由于小 S 正在用电脑玩肉鸽游戏 tarjan lusa, 无法使用, 所以这项任务就被丢给了你。

为了方便本世界的计算机处理,需要进行替换的异世界数字都被替换成了小写英文字符串,并处于  $\{\}$  之间。简单的说,你需要把给出的英文文本里每一句话中全部的 $\{\}$  程此界数字 $\}$  替换为变量的值并输出。同时小  $\{\}$  保证,给你的每句话都满足仅由大小写英文字母、空格、半角逗号、半角句号和  $\{\}$  人间的,必然为字典中  $\{\}$  个异世界数字中的一个。

例如,有 a=20,b=10,对于句子 Kitsuki achieved a {b} game winning streak on advanced difficulty of {a}., 替换后将得到 Kitsuki achieved a 10 game winning streak on advanced difficulty of 20. $\circ$ 

#### 【输入格式】

输入共n+m+1行。

输入的第一行为两个整数 n, m。

接下来 n 行,每行一个小写英文字符串、一个整数,分别代表异世界数字和其代表的数值。

接下来 m 行,每行一个需要进行替换的句子。

#### 【输出格式】

输出 m 行,每行一个标注好的句子。

#### 【样例1输入】

```
1 4 2
2 shinki 1
3 a 3
4 tarjanlusa 4
5 d 5
6 We have {a} apples.
7 We {d}onot have pencils.
```

## 【样例1输出】

```
We have 3 apples.
We 5onot have pencils.
```

#### 【子任务】

对于 100% 的测试数据, $1 \le n \le 5000$ , $1 \le m \le 20$ 。保证 {} 成对合法出现,需要替换的句子长度不超过  $5 \times 10^4$ 。异世界数字为长度不超过 20 的英文小写字母串,且对应的数值在 int 范围内。每句话由大小写英文字母、空格、半角逗号、半角句号和 {、}组成。

## 小 S 与 MMORPG (mmorpg)

#### 【题目描述】

小 S 是一名 MMORPG 玩家, 她经常玩一款名为"狒狒食柿"的游戏。

(如果你不知道什么是 MMORPG,你可以将其简单理解为 *Many Men Online Role Playing as Girls* 的缩写。)

在狒狒食柿中,有一个叫做潜水艇的每日玩法,简单来说,你有一个海图,由大量 互相连接的节点组成,每个节点用一个字符串表示名字,一开始你只发现了一个节点, 每次派遣潜艇探索完一个节点以后,与之相连的节点有可能会被发现,从而允许你探索 更深的节点。该玩法的目的是探索尽可能多的节点,因此我们每天会且仅会向所有未探 索过的节点,或是存在相连节点未被发现的节点派遣潜艇。

潜水艇是一个每天都要处理的日常玩法,但是遗憾的是,小 S 打了一晚上高难度副本 P10S 变成脑瘫了。所以她只能把这个任务交给你来完成。

不过好心的小 S 已经帮你处理好了一部分任务。具体而言,她会告诉你三组节点信息:

- 昨天派遣潜艇的节点(即所有可能发现新节点的节点)
- 今天收回潜艇后,哪些节点的所有相连节点已被发现。
- 新发现了哪些节点

最后,你要给出所有今天应该探索的节点的列表,按字典序顺序输出。

### 【输入格式】

第一行有三个整数,依次表示昨天派遣潜艇的节点数量 n,所有相连节点已被发现的节点数量 m,和新发现的节点数量 k。

接下来 n 行,每行一个字符串,表示一个昨天派遣潜艇的节点名字。

接下来 m 行,每行一个字符串,表示一个所有相连节点已被发现的节点名字。

接下来 k 行,每行一个字符串,表示一个新发现的节点名字。

#### 【输出格式】

输出若干行,每行一个字符串。

按字典序从小到大的顺序输出今天应该探索的节点的名字。

#### 【样例1输入】

- 1 5 4 1
- 2 PureWhiteShallowBeach
- 3 DrowningSea1

- 4 DrowningSea2
- 5 MatteBasin
- 6 DrowningSea3
- 7 PureWhiteShallowBeach
- 8 DrowningSea1
- 9 DrowningSea2
- 10 MatteBasin
- 11 LimilalaTrench

#### 【样例1输出】

- 1 DrowningSea3
- 2 LimilalaTrench

#### 【子任务】

对全部的测试点,保证:  $-1 \le n \le 10^5 - 0 \le m \le n - 0 \le k \le 10^5$  - 除样例外,输入字符串的长度不超过 10。- 输入字符串仅含有大小写字母和数字。- 昨天派遣潜艇的节点名字。- 所有相连节点已被发现的节点名字互不相同,且均是昨天派遣潜艇的节点名字。- 新发现的节点名字互不相同,且均不是昨天派遣潜艇的节点名字。

## 小 S 与时间逆流(time)

#### 【题目描述】

小 S 是一名时空旅行者,她喜欢在不同的异世界见证文明的发展史。

一个持续时间为 |S| 的文明的发展史可以被记录为一个长度为 |S| 的 01 串,0 代表 这个文明处于和平时期,1 代表处于战争时期。

但是旅行结束后,小 S 发现这个世界发生了正好一次可怕的时间逆流!这打乱小 S 已经做好的文明记录!但是由于在异世界中感受不到时间逆流,小 S 并不知道它发生在了哪一段时间中。

简单来说,一次时间逆流对文明记录的影响是,将这段时间内的记录翻转。

形式化的,一次作用于时间区间 [l,r]  $(1 \le l \le r \le |S|$  ) 的时间逆流会将原记录 S 变成 T,同时 T 满足:

$$T_i = \begin{cases} S_i, & i < l \ \vec{\boxtimes} i > r \\ S_{r-(i-l)}, & l \le i \le r \end{cases}$$

这里 01 串的下标从 1 开始。

现在小 S 需要修复这个记录,虽然他不知道具体哪一段时间区间受到了翻转。但是她印象中这个文明的战争更多的发生在晚期。也就是说,字典序最小的修复后的文明记录 T 应该就是正确的。

不过小 S 现在在被她的妹妹拉去玩游戏, 所以请你帮帮她找到这个正确的记录。

#### 【输入格式】

输入只有一行一个字符串,表示被打乱的文明记录 S。

#### 【输出格式】

输出一行一个字符串,表示得到的正确文明记录 T ,其字典序应该是所有可能的文明记录中最小的。

#### 【样例1输入】

101

#### 【样例1输出】

011

## 【样例 2 输入】

1 0010100

## 【样例 2 输出】

1 0000101

## 【子任务】

对 100% 的数据,  $1 \le |S| \le 100$ 。 S 只含字符 0,1。其中 |S| 表示输入字符串的长度。

## 小 S 与历史长河(history)

#### 【题目描述】

小S是历史长河。

一条历史长河是对一个文明从发展到衰亡的记录,若有好事者对这个文明感兴趣,便可以从历史长河中一探究竟。

历史长河是一段仅包含大小写字母的字符串,记录了每一个时间点这个文明发生的 重要事件。字典序越小的字母代表的事件越重要。

现在,有两条不同的历史长河 S 和 T,作为好事者的你正打算对比研究它们。在研究过程中,你遇到了 Q 个问题,在每个问题中,你想要比较两个文明中特定时段的事件重要程度。

形式化的,每次给出  $l_s$ ,  $r_s$  和  $l_t$ ,  $r_t$ ,你需要判断  $S[l_s, r_s]$  和  $T[l_t, r_t]$  谁的字典序更小。 其中,S[l,r] 表示从字符串 S 的第 l 个字符到第 r 个字符连起来构成的字符串。例如,若 S 为 kitsuki,则 s[3,5] 为 tsu。

#### 【输入格式】

第一行是一个字符串 S。

第二行是一个字符串 T。

第三行是一个整数,表示询问次数 Q。

接下来 Q 行,每行四个整数  $l_s, r_s, l_t, r_t$ ,表示一次询问。

#### 【输出格式】

对每次询问,输出一行一个字符串:

- 如果  $S[l_s, r_s]$  的字典序更小,请输出 yifusuyi。
- 如果  $T[l_t, r_t]$  的字典序更小,请输出 erfusuer。
- 如果两者的字典序一样大,请输出 ovo。

#### 【样例1输入】

```
1 Yifusuyi
2 yifusuYi
3 3
4 1 2 7 8
5 1 2 1 2
6 7 8 7 8
```

## 【样例1输出】

- 1 ovo
- 2 yifusuyi
- 3 erfusuer

#### 【子任务】

对 100% 的数据, $1 \le |S|, |T|, Q \le 10^3$ , $1 \le l_s \le r_s \le |S|$ , $1 \le l_t \le r_t \le |T|$ 。输入字符串仅含大小写英文字母。其中 |S| 表示历史长河 S 的长度,|T| 表示历史长河 T 的长度。

## 任务管理(task)

#### 【题目描述】

你现在有 N 个任务,依次编号为  $1 \sim N$ 。部分任务有一些前置任务。现在,由于你编号为 1 的任务已经接近截止时间,十分紧急。你想要知道,如果要完成 1 号任务,至少一共要完成多少任务?

#### 【输入格式】

输入共N+1行。

输入的第一行为一个正整数 N。

接下来 N 行, 第 i 行描述了编号为 i 的任务的前置任务:

- 第 i 行共有  $C_i + 1$  个数。
- 第一个数为  $C_i$ 。
- 接下来 C; 个数, 描述了该任务的前置任务的编号。

#### 【输出格式】

输出一行一个整数,表示至少需要完成的任务数量。

#### 【样例1输入】

#### 【样例1输出】

1 4

#### 【子任务】

对于 100% 的测试数据, $1 \le N \le 5000$ , $0 \le C_i < N$ ,保证任务之间不会构成循环依赖。

## 直接输出(output)

#### 【题目描述】

任何正整数都可以以 2 的幂次方形式表示。例如,137 可以写成  $2^7 + 2^3 + 2^0$ 。

同时,我们约定使用括号表示次方,即  $a^b$  表示为 a(b)。

因此,137 可以表示为2(7) + 2(3) + 2(0)。

进一步拆解:

7 可以表示为  $2^2 + 2 + 2^0$  (其中  $2^1$  用 2 表示),而 3 可以表示为  $2 + 2^0$ 。

因此, 最终可以将 137 表示为 2(2(2) + 2 + 2(0)) + 2(2 + 2(0)) + 2(0)。

另一个例子是  $1315 = 2^{10} + 2^8 + 2^5 + 2 + 1$ 。

因此,1315 最终可以表示为 2(2(2+2(0))+2)+2(2(2+2(0)))+2(2(2)+2(0))+2+2(0)。

#### 【输入格式】

一行一个正整数 n。

#### 【输出格式】

符合约定的 n 的 0,2 表示 (在表示中不能有空格)。

#### 【样例1输入】

1315

#### 【样例1输出】

2(2(2+2(0))+2)+2(2(2+2(0)))+2(2(2)+2(0))+2+2(0)

#### 【子任务】

对于 100% 的数据, $1 < n < 2 \times 10^4$ 。

## 走 (walk)

#### 【题目描述】

在一个  $m \times m$  的棋盘上,每个方格可能是红色、黄色或无色。任务是从最左上角移动到最右下角。在任何时刻,所站的位置必须是有颜色的,只能向上、下、左、右四个方向移动。当从一个格子移动到另一个格子时,如果两个格子的颜色相同,则无需支付金币;如果颜色不同,则需要支付 1 个金币。

此外,可以花费 2 个金币使用魔法,将下一个无色格子短暂变为指定颜色。魔法不能连续使用,且持续时间有限。一旦使用了魔法,当走到这个暂时有颜色的格子上时不能再次使用魔法;只有在离开这个位置,走到原本有颜色的格子上时才能再次使用魔法。当离开位置时(通过施展魔法使其变为有颜色的格子),该格子恢复为无色。

现在的问题是,从最左上角移动到最右下角,要求达成的最少金币花费是多少?

#### 【输入格式】

第一行包含两个正整数 \$ m, n\$,以一个空格分开,分别代表棋盘的大小,棋盘上有颜色的格子的数量。

接下来的\$n\$行,每行三个正整数\$x, y, c\$,分别表示坐标为(x,y)的格子有颜色\$c\$。

其中 \$ c=1\$ 代表黄色,\$ c=0\$ 代表红色。棋盘左上角的坐标为 (1,1),右下角的坐标为 (m,m)。

棋盘上其余的格子都是无色。保证棋盘的左上角一定是有颜色的。

#### 【输出格式】

一个整数,表示花费的金币的最小值,如果无法到达,输出-1。

#### 【样例1输入】

```
      1
      5
      7

      2
      1
      1
      0

      3
      1
      2
      0

      4
      2
      2
      1

      5
      3
      3
      1

      6
      3
      4
      0

      7
      4
      4
      1

      8
      5
      5
      0
```

## 【样例1输出】

1 8

## 【样例 2 输入】

```
      1
      5
      5

      2
      1
      1
      0

      3
      1
      2
      0

      4
      2
      2
      1

      5
      3
      3
      1

      6
      5
      5
      0
```

## 【样例 2 输出】

1 -1

## 【子任务】

对于 30% 的数据, $1 \le m \le 5$ , $1 \le n \le 10$ 。 对于 60% 的数据, $1 \le m \le 20$ , $1 \le n \le 200$ 。 对于 100% 的数据, $1 \le m \le 100$ , $1 \le n \le 1000$ 。

# 选择 (choose)

# 【题目描述】

给你 n 个数和一个整数 k。 问有你有多少种方法从 n 个数里面选 k 个数使得和为质数?

# 【输入格式】

第一行两个空格隔开的整数 n, k。 第二行 n 个整数,分别为  $x_1, x_2, \dots, x_n$ 。

# 【输出格式】

输出一个整数,表示种类数。

# 【样例1输入】

1 4 3

2 3 7 12 19

# 【样例1输出】

1 1

# 【子任务】

数据保证:  $1 \le n \le 20$ , k < n,  $1 \le x_i \le 5 \times 10^6$ 。

# 大物要挂了 (nnzdqzrc)

### 【题目描述】

期末到了,盖亚开始搞学习了。于是在"你能做的,岂止如此"的恐吓下,盖亚开始刷习题集,每科都有一个习题集,一共有四科,分别有  $s_1, s_2, s_3, s_4$  道题目。虽然盖亚已经完成了超进化,但是完成每道题目都需要一些时间,这些时间并不相等,分别用  $A_i, B_i, C_i, D_i$  表示。

盖亚有一个能力,他可以拉雷伊过来做题,于是他可以同时计算 2 道不同的题目,但是仅限于同一科。因此,盖亚必须一科一科的复习。

因为大二下要到了,因此盖亚非常急,希望在不挂科的情况下尽快把事情做完,所以他希望知道能够完成复习的最短时间。

### 【输入格式】

本题包含 5 行数据: 第 1 行,为四个正整数  $s_1, s_2, s_3, s_4$ 。

第 2 行,为  $A_1, A_2, \ldots, A_{s_1}$  共  $s_1$  个数,表示第一科习题集每道题目所消耗的时间。

第 3 行,为  $B_1, B_2, \ldots, B_{s_2}$  共  $s_2$  个数。

第 4 行,为  $C_1, C_2, \ldots, C_{s_3}$  共  $s_3$  个数。

第 5 行,为  $D_1, D_2, \ldots, D_{s_4}$  共  $s_4$  个数,意思均同上。

## 【输出格式】

输出一行,为盖亚复习完毕最短时间。

#### 【样例1输入】

#### 【样例1输出】

L 20

#### 【子任务】

数据保证:  $1 \le s_1, s_2, s_3, s_4 \le 20$ ,  $1 \le A_i, B_i, C_i, D_i \le 60$ 。

# 世界是一个巨大的二分(binary)

#### 【题目描述】

小 F 会给出一个长度为 n 的数列 a,并进行以下五种询问:

- 1 x: 查询数列中有多少个数**刚好等于** x 。
- 2 x y: 查询数列中有多少个数大于等于 x 并且小于等于 y 。
- 3 x y: 查询数列中有多少个数大于等于 x 并且小于 y 。
- 4 x y: 查询数列中有多少个数大于 x 并且小于等于 y 。
- 5 x y: 查询数列中有多少个数大于 x 并且小于 y 。

### 【输入格式】

第一行读入两个整数 n, m,表示数列的长度为 n,一共有 m 次询问。

第二行读入 n 个整数表示数列 a。

接下来 m 行,每行输入  $p \times g \times g \times g$ ,表示一个询问,其中 p 表示询问类型。

#### 【输出格式】

对于每次询问输出一行一个整数表示询问的答案。

#### 【样例1输入】

```
1 6 6
2 3 -7 3 6 -2 3
3 1 3
4 1 999
5 2 -2 3
6 3 -2 3
7 4 -2 3
8 5 -2 3
```

### 【样例1输出】

```
1 3
2 0
3 4
4 1
5 3
```

6 0

## 【样例 2 输入】

```
1 5 1
```

2 0 0 0 50 105

3 **5 100 1** 

## 【样例 2 输出】

1 0

# 【样例3输入】

```
1 5 1
```

2 0 50 50 50 105

3 **5 100 1** 

# 【样例3输出】

1 0

# 【子任务】

对于 100% 的数据:  $1 \le n, m \le 10^5, -10^9 \le a_i, x, y \le 10^9$ 。

### (hints)

如果你直接通过了本题,请尝试使用同一个自定义函数完成全部操作。

STL 为我们提供了二分查找的强大利器 lower\_bound 函数与 upper\_bound 函数,请你自行查阅资料,学习前面两个函数的用法,并尝试使用这两个函数通过本题。

# 方程求解 (answer)

#### 【题目描述】

小 A 有 n 个关于 x 的方程,第 i 个方程形如  $a_ix_i + b_i = c_i$ 。方程的解 x 均为正整数,例如下面几个方程都是符合要求的方程:

```
1 2x+4=10
2 -3x+13=10
3 4x-8=16
```

其中,第一组方程的解为  $x_1 = 3$ ,第二组方程的解为  $x_2 = 1$ ,第三组方程的解为  $x_3 = 6$ 。

小 A 想要知道,给定 L, R,在  $L \le x \le R$  的范围内,有多少个正整数 x 满足 x 是其中至少一个方程的解。为了防止你欺骗他,他会询问你 Q 次。

#### 【输入格式】

第一行输入两个正整数 n,Q,分别表示小 A 有的方程数,以及小 A 想要向你询问的次数。

第二行开始,往下n行,每行一个字符串,描述一个方程。

第 (n+2) 行开始,往下 Q 行,每行两个正整数 L,R,表示一次询问,即给定 L,R,询问在 L < x < R 的范围内,有多少个正整数 x 满足 x 是其中至少一个方程的解。

### 【输出格式】

对于每次询问,输出一行一个整数,表示有多少个在  $L \le x \le R$  的范围内的正整数 x,满足 x 是其中至少一个方程的解。

#### 【样例1输入】

```
1 3 4
2 2x+4=10
3 -3x+13=10
4 4x-8=16
5 1 6
6 1 8
7 3 6
8 4 5
```

## 【样例1输出】

```
    1 3
    2 3
    3 2
    4 0
```

#### 【样例1解释】

对于第一组样例,即为题目中的举例。三组方程的解分别为  $x_1=3, x_2=1, x_3=6$ 。则:

- 对于  $1 \le x \le 6$  的范围,有  $3 \land x$  的取值 (x = 1, 3, 6) 是其中至少一个方程的解;
- 对于  $1 \le x \le 8$  的范围,同上所述;
- 对于  $3 \le x \le 6$  的范围, 有  $2 \land x$  的取值 (x = 3, 6) 是其中至少一个方程的解;
- 对于 4 < x < 5 的范围,不存在一个 x 是其中至少一个方程的解;
- 因此分别输出 3,3,2,0。

## 【样例 2 输入】

```
1 5 3
2 5x-2=13
3 8x+5=45
4 4x-12=8
5 -2x+10=4
6 3x-7=2
7 1 3
8 1 5
9 3 5
```

# 【样例 2 输出】

## 【样例2解释】

对于第二组样例, 五组方程的解分别为  $x_1 = 3, x_2 = 5, x_3 = 5, x_4 = 3, x_5 = 3$ 。则:

- 对于  $1 \le x \le 3$  的范围,只有 x = 3 满足是其中至少一个方程的解;
- 对于 1 < x < 5 的范围, 有  $2 \land x$  的取值 (x = 3, 5) 是其中至少一个方程的解;
- 对于 3 < x < 5 的范围, 有  $2 \land x$  的取值 (x = 3, 5) 是其中至少一个方程的解;
- 因此分别输出 1,2,2。

### 【子任务】

数据保证, $1 \le n, Q \le 2 \times 10^5$ ,方程中  $a_i, b_i, c_i$  满足  $1 \le |a_i|, |b_i|, |c_i| \le 10^9$ ,每一组 方程的解  $x_i$  必定为正整数。询问时的 L, R 满足  $1 \le L \le R \le 2 \times 10^9$ 。

本题输入数据较大,请注意代码输入输出的运行效率。

#### (hints)

将方程作为字符串处理,是否有一些繁琐?

可否通过 getchar 函数,自行实现一个输入函数,忽略其他字符,只读入数字? 上面的函数被称为快速读入函数,可查阅资料学习。

# IT 中国课程报告 (report)

#### 【题目描述】

你的桌子被沁苑鼠鼠啃坏了! 但是现在是 1 月 17 日 23:00, 距离 IT 中国报告截止还有 1 小时, 你必须找一块平整的地方来放置电脑撰写报告。

你决定用你的书摞起书堆,直到书堆**不低于**你的身高。你一共有 N 本书,第 i 本书的厚度为  $H_i$ ,你的身高为 B。

显而易见,书的数目越多,书堆越不稳定。请问你至少使用多少本书,可以达到目标。

## 【输入格式】

输入共两行。

输入的第一行为两个正整数 N, B。

输入的第二行为 N 个正整数, 第 i 个代表  $H_i$ 。

#### 【输出格式】

输出一行一个整数,表示最少使用的书的本数。

### 【样例1输入】

```
6 40
6 40
18
11
13
19
11
```

# 【样例1输出】

1 3

## 【子任务】

对于 100% 的测试数据,  $1 \le N \le 20000$ ,  $1 \le H_i \le 10000$ ,  $1 \le B \le \sum H_i \le 2 \times 10^9$ .

# 自助售货机 (vem)

#### 【题目描述】

你运营了一个自助售货机,售货机共有 n 层,每层 m 个货槽,每个货槽中放置一种商品。

顾客购买商品后,对应货槽吐出商品,商品经过自由落体摔落到自助售货机的底部。如果商品摆放在从下向上数第 i 层的货槽,商品的摔落距离即为 i。如果摔落距离过高,则可能损坏商品。

现在小 F 需要安排  $k(k \le n \cdot m)$  种商品在自助售货机上的摆放位置。第 i 种商品的 摔落距离不能超过  $H_i$ 。请你判断是否存在这样的一种摆放方式。

#### 【输入格式】

输入共两行。

输入的第一行为三个正整数 n, m, k。

输入的第二行为 k 个正整数, 第 i 个代表  $H_i$ 。

## 【输出格式】

输出一行一个字符串,表示是否存在合法的摆放方式:

- 若存在,输出 Yes。
- 若不存在,输出 No。

#### 【样例1输入】

1 5 5 5

2 20 20 20 20 20

#### 【样例1输出】

L Yes

#### 【样例 2 输入】

1 5 5 6

2 1 1 1 1 1 1

### 【样例 2 输出】

1 No

## 【子任务】

本题使用 Subtask, 仅有通过该 Subtask 中全部的测试点方可获得该 Subtask 的分数。

对于 100% 的测试数据,  $1 \le n, m \le 5000$ ,  $1 \le k \le \min\{n \cdot m, 10^5\}$ ,  $1 \le H_i \le 10000$ .

- Subtask 1(7 pts):  $H_i = 1$ ;
- Subtask 2(8 pts): n = 1;
- Subtask 3(15 pts): m = 1;
- Subtask 4(15 pts):  $k \le 5000$ ;
- Subtask 5(15 pts): *H<sub>i</sub>* 单调不降给出。
- Subtask 6(40 pts): 无特殊限制。

## hints

冒泡排序的时间复杂度为  $O(n^2)$ ,一般来说,在时间限制为 1s 的情况下,只能通过  $n \le 5000$  的数据。

在本题中,你可能需要使用时间复杂度为  $O(n \log n)$  的排序算法,你可以尝试搜索 sort 函数相关的资料,这是 C++ algorithm 头文件中提供的一个函数。

# 矩阵加速 (matrix)

## 【题目描述】

假设有数列 f, f(i) 为数列的第 i 项, $f(i) = a \cdot f(i-1) + b \cdot f(i-2) + c(i>2)$ 。 求 f(n),由于答案可能很大,只需要输出答案对 998244353 取模的结果。

#### 【输入格式】

输入共三行。

输入的第一行为一个正整数 n。

输入的第二行为两个正整数, 依次表示 f(1), f(2)。

输入的第三行为三个非负整数 a,b,c。

## 【输出格式】

输出一行一个整数,表示答案。

#### 【样例1输入】

1 4

2 2 2

3 **1 2 3** 

# 【样例1输出】

1 16

# 【样例 2 输入】

1 6

# 【样例 2 输出】

1 2

2 3

3 **2** 

# 【子任务】

对于 100% 的测试数据,  $1 \le n \le 10^{18}$ ,  $1 \le f(1), f(2) < 998244353$ ,  $0 \le a, b, c < 998244343$ 。

### [hints]

计算  $a^b$ ,存在  $O(\log b)$  的算法,请自行查找资料学习**快速幂**算法。

假设  $A \neq n$  阶方阵, $A^k$  亦可使用快速幂计算,只需要将快速幂中的普通乘法全部换为矩阵乘法。

有递推公式, $f(i) = a \cdot f(i-1) + b \cdot f(i-2) + c$ ,我们可以用矩阵来表示这个递推式。

$$\begin{bmatrix} f(i) & f(i-1) & c \end{bmatrix} = A \times \begin{bmatrix} f(i-1) & f(i-2) & c \end{bmatrix}$$

容易发现,A 一定是一个  $3 \times 3$  的方阵,那么核心就是得到 A,请自行进行推导。 求出 A 后,容易得到,

$$\begin{bmatrix} f(n) & f(n-1) & c \end{bmatrix} = A^{n-2} \times \begin{bmatrix} f(2) & f(1) & c \end{bmatrix}$$

即可在  $O(\Sigma^2 \log n)$  的时间复杂度求得答案,其中  $\Sigma$  代表 A 的阶。

# 向量 (vector)

#### 【题目描述】

现在给你  $n \uparrow m$  维向量,你先对每一个向量找一个所有维度都比他大的向量,如果有多个这样的向量,则输出编号最小的。

# 【输入格式】

输入共n+1行。

输入的第一行包含两个正整数 n 和 m,分别表示向量个数和维数。

接下来 n 行依次输入 m 个向量。

## 【输出格式】

输出共n行,每行一个整数,表示找到的向量编号,如果没有,输出0。

# 【样例1输入】

## 【样例1输出】

# 【子任务】

对于 100% 的测试数据,保证  $0 < m \le 10$ ,  $0 < n \le 1000$ , 所有元素的绝对值均为不大于  $10^6$  的整数。

# 没有意义的组成部分 (meaningless)

#### 【题目描述】

已知每个数都可以通过唯一分解定理分解成若干个质数相乘的形式, 形如  $a = p_1^{a_1} \times p_2^{a_2} \times ... \times p_n^{a_n}$ , 现在我们想求出通过分解 a,忽略的指数小于 k 的质数,剩下数的乘积。

#### 【输入格式】

输入共 q+1 行 输入的第一行包含一个正整数 q ,表示询问个数 接下来 q 行每行包含两个整数 a , k 表示一个询问

## 【输出格式】

输出共q行,每行一个整数,表示所求的数。

### 【样例1输入】

```
1 3
2 2155895064 3
3 2 2
4 10000000000 10
```

#### 【样例1输出】

```
1 2238728
2 1
3 1000000000
```

#### 【子任务】

对于 100% 的测试数据, $1 < k, q \le 10$ , $0 < a \le 10^{10}$ 。

# 跳跃 (jump)

#### 【题目描述】

现在给你平面直角坐标系上的 m 个点  $(x_i, y_i)$ , 现在让这些坐标做 n 次位移,每次位移由两个参数  $(dx_i, dy_i)$  表示,将 (x, y) 变化为  $(x + dx_i, y + dy_i)$ ,现在让你求出这 m 个点经过这 n 次位移之后的坐标。

#### 【输入格式】

输入共n+m+1行。

输入的第一行包含空格分隔的两个正整数 n 和 m,分别表示位移和点个数。

接下来 n 行依次输入 n 个操作, 其中第  $i(1 \le i \le n)$  行包含空格分隔的两个整数  $dx_i$ 、 $dy_i$ 。

接下来 m 行依次输入 m 个坐标,其中第  $i(1 \le i \le m)$  行包含空格分隔的两个整数  $x_i$ 、 $y_i$ 。

#### 【输出格式】

输出共 m 行,每行两个整数,表示经过位移变化后的坐标。

# 【样例1输入】

```
1 3 2
2 10 10
3 0 0
4 10 -20
5 1 -1
6 0 0
```

#### 【样例1输出】

```
1 21 -11
2 20 -10
```

#### 【子任务】

对于 100% 的测试数据, $1 \le n, m \le 100, x, y, dx, dy$  均为整数且绝对值不超过 10000。

# 变换 (change)

#### 【题目描述】

对于平面直角坐标系上的点 (x,y),我们现在有两种坐标变换的方法,方法一是拉伸 k 倍,把坐标变换成 (kx,ky),方法二是通过旋转  $\theta$ ,把坐标变换为  $(xsin\theta+ycos\theta)$ 。现在有一个包含了 n 个坐标变换的序列  $(t_1,t_2,t_3,...,t_n)$  ,其中  $t_i$  表示了一个坐

现在有一个包含了 n 个坐标变换的序列  $(t_1, t_2, t_3, ..., t_n)$  , 其中  $t_i$  表示了一个坐标变换,然后现在又定义了一个询问,给定 (i, j, x, y) 四元组,询问坐标 (x, y) 经过  $(t_i, t_{i+1}, ..., t_i)$  坐标变换后的坐标,共有 m 个这样的询问,计算出每个询问的结果。

### 【输入格式】

输入共 n+m+1 行。

输入的第一行包含空格分隔的两个正整数 n 和 m,分别表示坐标变换和询问个数。接下来 n 行依次输入 n 个坐标变换,第一个数表示采用的方法 (1 表示拉伸,2 表示旋转),第二个实数表示 k 或  $\theta$ 

接下来 m 行依次输入 m 个询问,每行包含空格分隔的四个整数 i,j,x,y。

## 【输出格式】

输出共m行,每行两个实数,表示经过位移变化后的坐标,需要保证绝对误差不大于0.1。

#### 【样例1输入】

```
1 10 5
2 2 0.59
3 2 4.956
4 1 0.997
5 1 1.364
6 1 1.242
7 1 0.82
8 2 2.824
9 1 0.716
10 2 0.178
11 2 4.094
12 1 6 -953188 -946637
13 1 9 969538 848081
14 4 7 -114758 522223
```

```
15 | 1 9 -535079 601597
16 | 8 8 159430 -511187
```

# 【样例1输出】

```
1 -1858706.758 -83259.993

2 -1261428.46 201113.678

3 -75099.123 -738950.159

4 -119179.897 -789457.532

5 114151.88 -366009.892
```

#### 【子任务】

对于 100% 的测试数据, $0 \le n, m \le 100000$ ,x, y 均为整数且绝对值不超过 1000000,单个拉伸操作系数  $0.5 \le k \le 2$ ,任意区间的拉伸系数 k 的乘积满足  $0.001 \le k \le 1000$ 。

# 图案重现 (pattern)

### 【题目描述】

现在给你 n 个  $8 \times 8$  的字符矩阵, 仅由大小写的 \*、k、q、r、b、n、q 组成, 你需要判断第 i 个字符矩阵在之前出现过几次。

#### 【输入格式】

输入共 $8 \cdot n + 1$ 行。

输入的第一行包含两个正整数 n , 分别表示有 n 个字符矩阵。

接下来  $8 \cdot n$  行, 依次表示这 n 个字符矩阵。

## 【输出格式】

输出共 n 行,表示这个字符矩阵是第几次出现。

# 【样例1输入】

```
8
1
   *****
2
   *****pk
3
   ****r*p
4
   p*pQ****
5
   *****
  **b*B*PP
   ****qP**
8
   **R***K*
   ******
10
   *****pk
11
   ****r*p
12
   p*p0****
13
   *b*****
14
   ****B*PP
  ****qP**
   **R***K*
17
   ******
18
  ******pk
   *****r*p
20
```

```
p*p****
21
   *b**Q***
22
   ****B*PP
23
   ****qP**
24
   **R***K*
25
   *****k*
26
   *****p*
27
   ****r*p
28
   p*p****
29
   *b**Q***
30
   ****B*PP
31
   ****qP**
32
   **R***K*
33
   *****k*
34
   *****p*
35
   ****r*p
36
   p*pQ****
37
   *b*****
38
   ****B*PP
39
   ****qP**
40
41
   **R***K*
   *****
42
   *****pk
43
   ****r*p
44
   p*pQ****
45
   *b*****
46
   ****B*PP
47
   ****qP**
48
   **R***K*
49
   *****
50
   *****pk
51
   ****r*p
52
   p*p****
   *b**Q***
54
   ****B*PP
55
   ****qP**
56
   **R***K*
57
```

# 【样例1输出】

```
1
1
  1
2
  1
3
 1
4
5
  1
 2
6
7
 2
8
  1
```

# 【子任务】

对于 100% 的测试数据, $1 \le n \le 100$ 。

# [hints]

可用字符串哈希进行判断。

亦可以使用 STL 提供的 map、set、unordered\_map 等容器进行去重,请自行查找资料学习。

# 人工智能(ai)

## 【题目描述】

Softmax 函数是人工智能重要应用,一些矩阵对其非常重要。

给你  $3 \uparrow n$  行 d 列的矩阵 Q, K, V,和一个 n 维的向量 W,现在让你求出  $(W \cdot (Q \times K^T))$ ,并输出这个计算之后的矩阵。

#### 【输入格式】

输入的第一行包含两个正整数 n,d , 表示矩阵的大小。接下来一次输入矩阵 Q,K,V , 每个矩阵输入 n 行,每行包含 d 个整数。最后一行输入 n 个整数,表示向量 W。

#### 【输出格式】

输出共n行,每行d个整数,表示计算的结果。

#### 【样例1输入】

```
1 3 2
2 1 2
3 3 4
4 5 6
5 10 10
6 -20 -20
7 30 30
8 6 5
9 4 3
10 2 1
11 4 0 -5
```

#### 【样例1输出】

```
1 480 240
2 0 0
3 -2200 -1100
```

# 【子任务】

对于 100% 的测试数据, $0 < n \le 10000$ , $d \le 20$ ,输入的元素均为整数,且绝对值均不超过 1000。

# 大厦建设(constr)

#### 【题目描述】

华中科技大学土地辽阔,现在有 N 块土地已经被用作建设开发,每块土地可以被视作平面直角坐标系下的一块矩形区域,由左下角坐标  $(x_1,y_1)$  和右上角坐标  $(x_2,y_2)$  确定。这 N 块土地没有重合,仅在边界上可能重叠。

计算机学院需要土地进行计算机大楼的建设。在学校的大力支持下,计算机学院选定了左下角坐标 (0,0),右上角坐标 (a,b) 的土地用作大厦建设。学校需要对这块土地内,已经被用于建设开发的土地进行征收,每单位面积的土地征收需要一枚金币。

请问学校至少花费多少枚金币,才能为计算机大楼的建设征收完土地?

### 【输入格式】

从文件 constr.in 中读入数据。

输入共N+1行。

输入的第一行为三个整数 N, a, b。

接下来 N 行,每行四个整数  $x_1, y_1, x_2, y_2$ ,描述了一块已用作建设开发土地的位置。

## 【输出格式】

输出到文件 constr.out 中。

输出一行一个整数,代表学校最少花费的金币数目。

#### 【样例1输入】

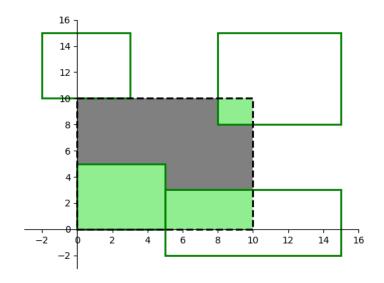
```
1  4 10 10
2  0 0 5 5
3  5 -2 15 3
4  8 8 15 15
5 -2 10 3 15
```

#### 【样例1输出】

. 44

#### 【样例1解释】

总花费金币数目为44。



# 【样例 2 输入】

```
1 6 5 5

2 6 6 7 7

3 7 7 8 8

4 11 11 12 12

5 5 6 6

6 8 8 9 9

7 9 9 10 10
```

# 【样例 2 输出】

1 0

# 【子任务】

对于所有测试数据,保证  $1 \le N \le 10^5$ ,  $1 \le a,b \le 10^7$ ,  $0 \le |x_i|,|y_i| \le 10^9$ ,  $x_2 > x_1$ ,  $y_2 > y_1$ 。

测试点编号	$N \leq$	$a,b \leq$	$ x_i ,  y_i  \le$	性质 A	性质 B
1, 2, 3	1	100	1000	×	
4,5	15	5000	10000		×
6,7				×	
8, 9, 10					×
11, 12	1000				
13, 14				×	<b>√</b>
15, 16		$10^{7}$	$10^{9}$		
17, 18, 19, 20				×	×

性质 A: 保证  $x_2 = x_1 + 1$ ,  $y_2 = y_1 + 1$ 。

性质 B: 保证  $x_i, y_i > 0$ 。

# 技能冷却(skill)

## 【题目描述】

在一款游戏中,一个英雄有 n 个技能, 冷却时间分别为  $t_i$ ,技能升级可以减少冷却时间,现在你有 m 次技能点,使用  $c_i$  个技能点可以给第 i 个技能减少 1 冷却时间,但是因为使用技能消耗时间,所以技能的冷却时间最少有 k 秒,现在这个英雄想让 $\max(t_1,t_2,...,t_n)$  最小,请问最小是多少?

# 【输入格式】

输入共n+1行.

输入的第一行包含三个正整数 n, m, k , 含义见上文

接下来 n 行,每行含有两个正整数  $t_i, c_i$ ,表示技能 i 原本的冷却时间和升级所需要的技能点。

#### 【输出格式】

输出一个整数,表示最小化的冷却时间的最大值。

## 【样例1输入】

```
      1
      4
      9
      2

      2
      6
      1

      3
      5
      1

      4
      6
      2

      5
      7
      1
```

# 【样例1输出】

L 5

# 【样例 2 输入】

```
      1
      4
      30
      2

      2
      6
      1

      3
      5
      1

      4
      6
      2

      5
      7
      1
```

# 【样例 2 输出】

1 2

# 【子任务】

对于 100% 的测试数据, $0 < n, t_i, c_i \le 100000$ , $0 < m \le 10^9$ 。

# 信息编码(code)

## 【题目描述】

小 F 得到了一组由 n 个数组成的信息。第 i 个数  $b_i$  可能的取值范围为  $0 \sim a_i - 1$ 。 小 F 发明了一种编码方式,可以用一个数 m 来表示这些信息。记  $c_i = a_1 \cdot a_2 \cdot \ldots \cdot a_i (i \ge 1), c_0 = 1$ ,则 m 的计算公式如下:

$$m = \sum_{i=1}^{n} c_{i-1} \cdot b_i = c_0 \cdot b_1 + c_1 \cdot b_2 + \dots + c_{n-1} \cdot b_n$$

现在,给出m和数组a,请你还原出数组b。

#### 【输入格式】

输入共两行。

输入的第一行为两个整数 n, m。

输入的第二行为 n 个整数, 第 i 个表示  $a_i$ 。

## 【输出格式】

输出一行 n 个整数,表示数组 b。

# 【样例1输入】

1 15 32767

## 【样例1输出】

1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1

#### 【样例 2 输入】

1 4 0

2 2 3 2 5

#### 【样例 2 输出】

0000

# 【样例3输入】

1 7 23333

2 3 5 20 10 4 3 10

# 【样例3输出】

1 2 2 15 7 3 1 0

# 【子任务】

对于 100% 的测试数据, $1 \le n \le 20$ , $2 \le a_i \le 20$ , $\prod a_i \le 10^9$ 

# [hints]

对于所有的 j > i,有  $c_j$  是  $c_i$  的倍数。 $m \mod c_i = \sum_{k=1}^i c_{k-1} \cdot b_k$ 。

# Emily 家里的饭(meal)

#### 【题目描述】

Emily 想要在 t 时间中做出 n 道菜,其中第 i 道菜耗时  $t_i$ ,大部分菜品可以同时制作,但是有的菜品之间存在依赖关系,如果菜品 i 依赖于菜品 j ,那么只有在菜品 j 制作完成后才能制作菜品 i ,如果 a 时刻开始制作菜品 j ,那么菜品 i 只能在第  $a+t_j$  时刻开始制作,每个菜品至多依赖一个别的菜品,没有依赖的菜品,可以从时刻 1 开始制作。

对于每一个菜品,需要计算:

- 1. 最早可以制作的时间。
- 2. 在不耽误 t 时间做完所有菜的前提下,最晚多久开始制作该菜品。

## 【输入格式】

输入共3行。

输入的第一行包含两个正整数 t,n,含义见上文。

输入的第二行包含 n 个正整数,其中第 i 个整数  $p_i$  表示菜品 i 依赖的菜品,满足  $0 \le p_i < i, p_i = 0$  表示菜品 i 无依赖。

### 【输出格式】

输出的第一行包含 n 个正整数,表示每个菜品的最早开始时间。如果可以在 t 时间中做出这 n 道菜,则输出第二行,否则不输出。输出的第二行包含 n 个正整数,表示每个菜品的最晚开始时间。

#### 【样例1输入】

```
1 10 5
```

2 0 0 0 0 0

3 1 2 3 2 10

### 【样例1输出】

```
1 1 1 1 1 1
```

2 10 9 8 9 1

# 【样例 2 输入】

1 10 7

2 0 1 0 3 2 3 0

3 2 1 6 3 10 4 3

# 【样例 2 输出】

1 1 3 1 7 4 7 1

## 【样例3输入】

1 10 5

2 0 1 2 3 4

3 **10 10 10 10 10** 

# 【样例3输出】

1 11 21 31 41

# 【子任务】

对于 100% 的测试数据, $0 < t \le 365$ , $0 < n \le 100$ 。