

```
include <stdio.h>
include <stdlib.h>
include <math.h>

void imprimeAviso();

double **alocaMatriz(int n) {
    /* Caso haja memória disponível, aloca dinamicamente
    uma matriz de double com n linhas e n + 1 colunas e
    devolve um ponteiro para essa matriz; caso não haja
    memória disponível, devolve um ponteiro nulo. */
    int i, j;
    double **M;

    M = malloc(sizeof(double*) * n);

    if (M == NULL) // Sem memória disponível
        return NULL;

    for (i = 0; i < n; ++i) {
        M[i] = malloc(sizeof(double) * (n + 1));
        if (M[i] == NULL) { // Sem memória disponível
            for (j = 0; j < i; ++j)
                free(M[j]);
            free(M);
            return NULL;
        }
    }
    return M;
} /* ===== Fim alocaMatriz ===== */

void desalocaMatriz(double **M, int n) {
    // Libera a memória ocupada pela matriz
    // de double M de n linhas e n + 1 colunas.
    int i;

    for (i = 0; i < n; ++i)
        free(M[i]);
    free(M);
} /* ===== Fim desalocaMatriz ===== */

void leMatriz(double **M, int n, FILE *f) {
    // Lê valores para uma matriz de double alocada
    // dinamicamente com n linhas e n+1 colunas.
    int i, j;
    double diag, somalin = 0, somacol = 0;

    for (i = 0; i < n; ++i){
        for (j = 0; j <= n; ++j){
            fscanf(f, "%lf", &M[i][j]);
        }
    }
} /* ===== Fim leMatriz ===== */

int verificaCritérios(double **M, int n) {
    /* Lê valores para uma matriz de double alocada
    dinamicamente com n linhas e n + 1 colunas. */
    int i, j, flaglin = 0, flagcol = 0, tipo = 0;
    double somalin = 0, somacol = 0, diag = 0;

    for (i = 0; i < n; i++){
        for (j = 0; j < n; j++){
            diag = fabs(M[i][j]);

            if (j == 0){
                somalin += fabs(M[i][j]);
                somacol += fabs(M[j][i]);
            }
        }

        if((somalin / diag) > 1)
            flaglin = 1;
        if((somacol / diag) > 1)
            flagcol = 1;
        somalin = 0;
        somacol = 0;
    }

    /* Verifica se os critérios das linhas ou
    colunas é satisfeito (de acordo com a matriz
    de coeficientes) utilizando de uma flag para
    verificar essas condições */
    if(flaglin == 0 && flagcol == 0){
        printf("Os critérios foram satisfeitos\n\n");
        return tipo;
    }else{
        if(flaglin){
            printf("O critério das linhas não foi satisfeito\n");
            tipo++;
        }
        if(flagcol){
            printf("O critério das colunas não foi satisfeito\n\n");
            tipo++;
        }
        if(tipo == 2){
            printf("Os critérios não foram satisfeitos, logo Gauss-Seidel não irá convergir\n");
        }
        return tipo;
    }
} /* ===== Fim verificaCritérios ===== */

void imprimeMatriz(double **M, int n) {
    /* Imprime uma matriz de double alocada dinamicamente,
    com n linhas e n + 1 colunas. */
    int i, j;

    for (i = 0; i < n; ++i) {
        for (j = 0; j <= n; ++j)
            printf("%10.1lf", M[i][j]);
        printf("\n");
    }
} /* ===== Fim imprimeMatriz ===== */

/* Sessão da Opção C (conversao de bases) do menu */

char *conversao(double decimal, int base) {
    /* Se houver memória disponível, retorna um
    ponteiro para uma string contendo o número
    decimal convertido para a base indicada o tipo
    no parâmetro; caso contrário, retorna um
    ponteiro nulo. */

    const int tamanhosposta = 50;
    const int maxCasasDecimais = 20;
    int i, j, pos = 0;
    int parteInteira = decimal;
    double parteFracionaria = decimal - parteInteira;
    char *resposta = malloc(sizeof(char) * (tamanhosposta + 1));

    if (!resposta)
        return NULL;

    // Conversão da parte inteira
    int negativo = (decimal < 0);

    if (negativo) {
        resposta[pos++] = '-';
        parteInteira *= -1;
        parteFracionaria *= -1;
    }

    do {
        int resto = parteInteira % base;
        char digito = (resto <= 9 ? '0' + resto : 'A' + resto - 10);
        resposta[pos++] = digito;
        parteInteira /= base;
    } while (parteInteira > 0 && pos < tamanhosposta);

    for (i = negativo, j = pos - 1; i < j; ++i, --j) {
        char aux = resposta[i];
        resposta[i] = resposta[j];
        resposta[j] = aux;
    }

    // Conversão da parte racional
    if (parteFracionaria != 0) {
        resposta[pos++] = '.';
        int tamanho = 0;

        while (parteFracionaria != 0 && tamanho < maxCasasDecimais && pos < tamanhosposta) {
            parteFracionaria *= base;
            parteInteira = (int) parteFracionaria;
            char digito = (parteInteira <= 9 ? '0' + parteInteira : 'A' + parteInteira - 10);
            resposta[pos++] = digito;
            parteFracionaria -= parteInteira;
        }
    }
    resposta[pos] = '\0';

    return resposta;
}

void imprimeConversao() {
    // Exibe os números já convertidos para as bases binária, octal e hexadecimal.

    double decimal;
    int i, bases[] = {2, 8, 16};
    char *nomes[] = {"Binário", "Octal", "Hexadecimal"};
    char *resultado;

    printf("\nInsira o número decimal a ser convertido");
    printf("\n(Utilize um ponto para números com parte fracionaria: ");
    scanf("%lf", &decimal);
    getchar();
    printf("\nDecimal: %lf\n", decimal);

    for (i = 0; i < 3; ++i) {
        resultado = conversao(decimal, bases[i]);
        if (!resultado) {
            printf("Memória insuficiente\n");
            imprimeAviso();
            return;
        }
        printf("%s: %s\n", nomes[i], resultado);
        free(resultado);
    }
    imprimeAviso();
}

/* Opção 5 */

double novoResultado(double **M, double x[1000], int j, int i, int n){
    int a, k;
    double soma = 0;

    for (a = n-1; k = 1; a >= 0; a--){
        if (a != j){
            soma = soma + (M[j][(i-k)*n] * -x[i-k]);
            k++;
        }
    }
    soma = (soma + M[j][n]) / M[j][i];

    return soma;
}

void aplicaGaussSeidel(double **M, int n) {
    /* Recebe M (a matriz aumentada de um SI com n variáveis
    e n equações) e a transforma em uma matriz aumentada de
    um SI diagonal equivalente */

    int i, j, k, l, flag = 1;
    double x[100000] = {0};
    double aux;
    int a;
    i = n;
    int iteracoes = 1000;

    while(iteracoes--){
        for (j = 0; j < n; j++){
            x[j] = novoResultado(M, x, j, i, n);
            i++;
        }
        for (k = i-n; k < n; k++){
            flag = 0;
            aux = x[k];
            if ((aux - ((int)aux)) > 0.000000009)
                flag = 1;
        }
        if (!flag)
            iteracoes = 0;
    }
    j = i - n;

    printf("Atraves do metodo de Gauss-Seidel:\n");

    for (i = 0; i < n; i++, j++){
        printf("%2d = %lf\n", i + 1, x[j]);
    }
}

void resolveSI() {
    /* Funcao que resolve o sistema linear contido
    no arquivo a ser lido */
    FILE *f;
    char nome[100];
    double **M, *x;
    int n, i, j, tipo;
    int criterio;

    printf("\nDigite o nome do arquivo de texto contendo o sistema linear: ");
    scanf("%s", nome);
    getchar();
    f = fopen(nome, "r");

    if (f == NULL) {
        printf("\nArquivo não encontrado\n");
        imprimeAviso();
        return;
    }

    fscanf(f, "%d", &n);
    M = malloc(sizeof(double) * n);
    x = malloc(sizeof(double) * n);

    if (M == NULL || x == NULL) {
        printf("Memória insuficiente para alocar a matriz\n");
        if (M == NULL)
            desalocaMatriz(M, n);
        if (x != NULL)
            free(x);
        return;
    }

    /* Verifica o critério das linhas ou colunas, caso
    seja possível, aplica o método de gauss-seidel */
    leMatriz(M, n, f);
    criterio = verificaCritérios(M, n);
    fclose(f);

    if (criterio != 2)
        aplicaGaussSeidel(M, n);

    imprimeAviso();
    desalocaMatriz(M, n);
    free(x);
} /* ===== Fim resolveSistemaLinear ===== */

/* ===== Opção E (equacao algébrica) ===== */

double aplicaLagrange(double *polinomio, int n, int positivas, int negativas) {
    // Aplica o teorema de Lagrange ao polinômio p e exibe
    // os intervalos onde se encontram as raízes reais negativas
    // e as raízes reais positivas da equação.
    int i, j, k[4];
    int abnegativo = polinomio[0] > 0.0 ? 1 : -1;
    int nlimpar = (n & 1) ? -1 : 1;
    double l[4], h[4];
    // A primeira linha da matriz "coeficientes" equivale a
    // p, a segunda a p1, a terceira a p2 e a quarta a p3.
    double coeficientes[4][n + 1];

    for (i = 0; i < n; i++) {
        int indiceImpar = (i & 1) ? -1 : 1;
        coeficientes[0][i] = polinomio[i];
        coeficientes[1][i - 1] = polinomio[i] * abnegativo;
        coeficientes[2][i] = polinomio[i] * indiceImpar * nlimpar;
        coeficientes[3][i - 1] = polinomio[i] * indiceImpar * nlimpar * abnegativo;
    }

    for (i = 0; i < 4; i++)
        k[i] = 8[i] - 1;
    for (i = 0; i < 4; i++) {
        for (j = n; j >= 0; j--)
            if (coeficientes[i][j] < 0) {
                if (k[i] == -1)
                    k[i] = j;
                if (fabs(coeficientes[i][j]) > 8[i])
                    8[i] = fabs(coeficientes[i][j]);
            }
        l[i] = 1 + pow(8[i] / coeficientes[i][n]), 1.0 / (n - k[i]));
    }
    printf("\nLimites para as raízes do polinômio:\n");
    if (positivas)
        printf("Positivas: %lf <= x <= %lf\n", 1.0 / l[1], l[0]);
    else
        printf("Não há raízes positivas para o polinômio.\n");
    if (negativas)
        printf("Negativas: %lf <= x <= %lf\n", -l[2], -1.0 / l[3]);
    else
        printf("Não há raízes negativas para o polinômio.\n");

    return l[0];
} /* ===== Fim aplicaLagrange ===== */

int calculaVariacoesPermanencias(double *p, int n) {
    /* Recebe p, o vetor de coeficientes de um
    polinômio, e n, o grau de p. Se houver
    memória disponível, retorna um ponteiro
    para um vetor com o número de variações
    e de permanências de sinal de p. Caso
    contrário, retorna um ponteiro nulo. */
    int variacoes = 0, permanencias = 0, i;
    int sinal = p[0] > 0 ? 1 : -1;
    int *resultado = malloc(sizeof(int) * 2);

    if (!resultado)
        return NULL;

    for (i = 1; i <= n; i++)
        if (p[i] != 0) {
            int atual = sinal > 0 ? 1 : -1;
            if (sinal != atual)
                variacoes++;
            else
                permanencias++;
            sinal = atual;
        }
    resultado[0] = variacoes;
    resultado[1] = permanencias;
} /* ===== Fim calculaVariacoesPermanencias ===== */

double metodoDeNewton(int grau, double vcoef[], double limiteSuperior){
    /* Recebe o grau do polinômio, juntamente com
    o vetor de polinômio(invertido) e o limite
    positivo superior para aplicar como a0 o limite
    superior positivo as iteracoes de newton. */

    int i, count = 0;
    double *limites;
    double aux, aux_linha, xi = 0.0, xprox = 0.0;
    xi = limiteSuperior;

    // Loop que garante as condições máximas das operações
    while(count < 1000 && fabs(xi - xprox) > 0.00000001)
        aux = 0;
        aux_linha = 0;

        if(xprox != 0.0)
            xi = xprox;
            for (i = 0; i <= grau; i++){
                aux = vcoef[i] * pow(xi, i); // soma da f(x)
                aux_linha += i * vcoef[i] * pow(xi, (i - 1)); // soma de f'(x)
            }
            xprox = xi - (aux/aux_linha);
            count += 1;
        }

    printf("\nPor meio do metodo de Newton, a aproximacao da raíz é: %lf\n", xprox);

    return 0.0;
} /* ===== Fim metodoDeNewton ===== */

void resolveEquacaoAlgebraica() {
    /* Recebe um polinômio como entrada, aplica o teorema
    de Lagrange e usa o método de Newton calculo da
    aproximação de uma raiz, usando do limite superior
    intervalo indicado positivo pelo método de Lagrange */

    int grauPolinomio, l, raizesImpares;
    double *polinomio, limitesEq, limiteDir, aux;

    printf("\nQual o grau do polinômio? ");
    scanf("%d", &grauPolinomio);

    if (grauPolinomio < 1) {
        printf("\nO grau do polinômio deve ser no mínimo 1!\n");
        getchar();
        imprimeAviso();
        return;
    }
    polinomio = malloc(sizeof(double) * (grauPolinomio + 1));
    if (polinomio == NULL) {
        printf("Memória insuficiente para alocar os coeficientes\n");
        imprimeAviso();
        return;
    }
    printf("\nDigite os coeficientes a partir de an até a0: ");

    for (i = grauPolinomio; i >= 0; i--)
        scanf("%lf", &polinomio[i]);

    if (polinomio[grauPolinomio] < 0.0) {
        printf("\nNão deve ser maior do que zero!\n");
        getchar();
        imprimeAviso();
        return;
    }
    else if (polinomio[0] == 0.0) {
        printf("\nNão deve ser diferente de zero!\n");
        getchar();
        imprimeAviso();
        return;
    }

    int *variacoesPermanencias = calculaVariacoesPermanencias(polinomio, grauPolinomio);
    if (!variacoesPermanencias) {
        printf("Memória insuficiente!\n");
        imprimeAviso();
        return;
    }

    int var = variacoesPermanencias[0];
    int per = variacoesPermanencias[1];
    double limitesSuperior = aplicaLagrange(polinomio, grauPolinomio, var, per);

    metodoDeNewton(grauPolinomio, polinomio, limitesSuperior);

    free(variacoesPermanencias);
    free(polinomio);
} /* ===== Fim resolveEquacaoAlgebraica ===== */

void imprimeAviso() {
    printf("\nAperte ENTER para voltar para o menu\n");
    getchar(); // Limpa o buffer
}

int menu() {
    /* O menu é um switch que chama funcoes correspondentes
    as opcoes inseridas pelo usuario */
    char op = getchar();

    switch(op) {
        case 'C':
            imprimeConversao();
            break;
        case 'S':
            resolveSI();
            break;
        case 'E':
            resolveEquacaoAlgebraica();
            break;
        case 'F':
            return 0;
        default:
            getchar();
            printf("Opcao invalida!\n");
            imprimeAviso();
    }
    return 1;
} /* ===== Fim Menu ===== */

void imprimeMenu() {
    //Exibe as opcoes do menu

    printf("\n\n===== Menu =====\n\n");
    printf("\tC -> Conversao\n");
    printf("\tS -> Sistema Linear\n");
    printf("\tE -> Equacao Algebraica\n");
    printf("\tF -> Finalizar\n");
    printf("Escolha uma das opcoes acima digitando a letra correspondente: ");
    printf("\n\n===== Fim ImprimeMenu =====\n\n");
}

int main() {
    /* Um loop que mantém o programa em execucao
    ate o momento em que o usuario o encerra */
    do
        imprimeMenu();
    while (menu());

    return 0;
}
```