Sistemas de Equações Lineares

Denomina-se sistema linear mxn o conjunto S de m equações lineares em n incógnitas, pode ser representado assim:

$$\begin{cases} a_{11}x_1 + a_{12}x_2 + a_{13}x_3 + \ldots + a_{1n}x_n = b_1 \\ a_{21}x_1 + a_{22}x_2 + a_{23}x_3 + \ldots + a_{2n}x_n = b_2 \\ \ldots \\ a_{m1}x_1 + a_{m2}x_2 + a_{m3}x_3 + \ldots + a_{mn}x_n = b_n \end{cases}$$
 Dizemos que $\{\alpha_1, \alpha_2, \alpha_3, \ldots, \alpha_n\}$ é solução do sistema, quando satisfaz simultaneamente todas as equações.

Sistemas Lineares são **equivalentes** quando possuem o mesmo conjunto solução:

$$\begin{cases} x + y = 10 \\ x - y = 2 \end{cases}$$
 e
$$\begin{cases} 3x + 2y = 26 \\ 2x - 5y = -8 \end{cases}$$
 são equivalentes, pois resolvidos, ambos apresentam S={6,4}

Nos Sistemas Lineares Escalonados, cada equação apresenta uma incógnita a menos do que as equações anteriores.

$$\begin{cases} 3x - 5y = -2 \\ y = 4 \end{cases}$$
 e
$$\begin{cases} x + y - 2z = 11 \\ -y + z = 0 \\ z = -2 \end{cases}$$
 estão na forma escalonada.

Para transformar um sistema completo em outro na forma escalonada, utilizamos o método conhecido como <u>escalonamento</u> ou método de eliminação de Gauss. Algumas operações são aceitáveis para tal processo:

- Permutar (trocar) duas equações entre si.
- Multiplicar uma equação inteira por uma constante.
- Somar um múltiplo de uma equação a outra equação.

Exemplo:
$$\begin{cases} x + 2y + z = 7 \\ 2x + 7y + z = 21 \\ -3x - 5y + 2z = -8 \end{cases}$$
 copiar resolução da lousa...

Classificação dos sistemas lineares

- SPD Sistema Possível e Determinado apresenta uma única solução.
- SPI Sistema Possível Indeterminado apresenta infinitas soluções.
- SI Sistema Impossível não apresenta nenhuma solução.

Exercícios

1) Determine o conjunto solução dos sistemas lineares abaixo pelo método de eliminação de Gauss, reescrevendo-o de forma escalonada. Classifique os sistemas em Sistema Possível e Determinado (SPD), Sistema Possível e Indeterminado (SPI) ou Sistema Impossível (SI).

a)
$$\begin{cases} 3x - y + z = 7 \\ x + y + z = 9 \\ 2x + y - z = 3 \end{cases}$$
 b)
$$\begin{cases} x + 3y + z = -4 \\ 2x - y + z = 5 \\ 3x + 2y + 3z = 7 \end{cases}$$
 c)
$$\begin{cases} 3x + 15y + 6z = 3 \\ 2x + 10y + 4z = 10 \end{cases}$$

d)
$$\begin{cases} x+y-3z = 1 \\ 2x-3y+4z = 2 \end{cases}$$
 e)
$$\begin{cases} 3x-y+z = 2 \\ x-2y-z = 0 \\ 2x+y+2z = 2 \end{cases}$$

f)
$$\begin{cases} 2x + y + z + w = 1 \\ x + 2y + z + w = 2 \\ x + y + 2z + w = 3 \\ x + y + z + 2w = 4 \end{cases}$$

3) Determine o valor de
$$m$$
 para que o sistema
$$\begin{cases} x-2y+3z=0\\ 3x+y+z=2\\ 2x+3y+mz=2 \end{cases}$$
 seja possível e determinado.

4) Para que valores de
$$\mathbf{a}$$
 e \mathbf{b} o sistema
$$\begin{cases} x + 2y + 2z = a \\ 3x + 6y - 4z = 4 \\ 2x + by - 6z = 1 \end{cases}$$
 é indeterminado?

5) Para que valor de
$$\mathbf{a}$$
 o sistema
$$\begin{cases} ax + y + 2 = 0 \\ 2x - y + z - a = 0 \\ 4x + y + az + 5 = 0 \end{cases}$$
 é impossível?

6)
Determine o valor de
$$p$$
 para que o sistema
$$\begin{cases} px+y-z=4\\ x+py+z=0\\ x-y=2 \end{cases}$$
 admita uma solução única.

Sistemas de Equações Lineares

Denomina-se sistema linear mxn o conjunto S de m equações lineares em n incógnitas, pode ser representado assim:

$$\begin{cases} a_{11}x_1 + a_{12}x_2 + a_{13}x_3 + \ldots + a_{1n}x_n = b_1 \\ a_{21}x_1 + a_{22}x_2 + a_{23}x_3 + \ldots + a_{2n}x_n = b_2 \\ \ldots \\ a_{m1}x_1 + a_{m2}x_2 + a_{m3}x_3 + \ldots + a_{mn}x_n = b_n \end{cases}$$
 Dizemos que $\{\alpha_1, \alpha_2, \alpha_3, \ldots, \alpha_n\}$ é solução do sistema, quando satisfaz simultaneamente todas as equações.

Sistemas Lineares são **equivalentes** quando possuem o mesmo conjunto solução:

$$\begin{cases} x + y = 10 \\ x - y = 2 \end{cases}$$
 e
$$\begin{cases} 3x + 2y = 26 \\ 2x - 5y = -8 \end{cases}$$
 são equivalentes, pois resolvidos, ambos apresentam S={6,4}

Nos Sistemas Lineares Escalonados, cada equação apresenta uma incógnita a menos do que as equações anteriores.

$$\begin{cases} 3x - 5y = -2 \\ y = 4 \end{cases}$$
 e
$$\begin{cases} x + y - 2z = 11 \\ -y + z = 0 \\ z = -2 \end{cases}$$
 estão na forma escalonada.

Para transformar um sistema completo em outro na forma escalonada, utilizamos o método conhecido como <u>escalonamento</u> ou método de eliminação de Gauss. Algumas operações são aceitáveis para tal processo:

- Permutar (trocar) duas equações entre si.
- Multiplicar uma equação inteira por uma constante.
- Somar um múltiplo de uma equação a outra equação.

Exemplo:
$$\begin{cases} x + 2y + z = 7 \\ 2x + 7y + z = 21 \\ -3x - 5y + 2z = -8 \end{cases}$$
 copiar resolução da lousa...

Classificação dos sistemas lineares

- SPD Sistema Possível e Determinado apresenta uma única solução.
- SPI Sistema Possível Indeterminado apresenta infinitas soluções.
- SI Sistema Impossível não apresenta nenhuma solução.

Exercícios

1) Determine o conjunto solução dos sistemas lineares abaixo pelo método de eliminação de Gauss, reescrevendo-o de forma escalonada. Classifique os sistemas em Sistema Possível e Determinado (SPD), Sistema Possível e Indeterminado (SPI) ou Sistema Impossível (SI).

a)
$$\begin{cases} 3x - y + z = 7 \\ x + y + z = 9 \\ 2x + y - z = 3 \end{cases}$$
 b)
$$\begin{cases} x + 3y + z = -4 \\ 2x - y + z = 5 \\ 3x + 2y + 3z = 7 \end{cases}$$
 c)
$$\begin{cases} 3x + 15y + 6z = 3 \\ 2x + 10y + 4z = 10 \end{cases}$$

d)
$$\begin{cases} x+y-3z = 1 \\ 2x-3y+4z = 2 \end{cases}$$
 e)
$$\begin{cases} 3x-y+z = 2 \\ x-2y-z = 0 \\ 2x+y+2z = 2 \end{cases}$$

f)
$$\begin{cases} 2x + y + z + w = 1 \\ x + 2y + z + w = 2 \\ x + y + 2z + w = 3 \\ x + y + z + 2w = 4 \end{cases}$$

3) Determine o valor de
$$m$$
 para que o sistema
$$\begin{cases} x-2y+3z=0\\ 3x+y+z=2\\ 2x+3y+mz=2 \end{cases}$$
 seja possível e determinado.

4) Para que valores de
$$\mathbf{a}$$
 e \mathbf{b} o sistema
$$\begin{cases} x + 2y + 2z = a \\ 3x + 6y - 4z = 4 \\ 2x + by - 6z = 1 \end{cases}$$
 é indeterminado?

5) Para que valor de
$$\mathbf{a}$$
 o sistema
$$\begin{cases} ax + y + 2 = 0 \\ 2x - y + z - a = 0 \\ 4x + y + az + 5 = 0 \end{cases}$$
 é impossível?

6)
Determine o valor de
$$p$$
 para que o sistema
$$\begin{cases} px+y-z=4\\ x+py+z=0\\ x-y=2 \end{cases}$$
 admita uma solução única.

Sistemas de Equações Lineares

Denomina-se sistema linear mxn o conjunto S de m equações lineares em n incógnitas, pode ser representado assim:

$$\begin{cases} a_{11}x_1 + a_{12}x_2 + a_{13}x_3 + \ldots + a_{1n}x_n = b_1 \\ a_{21}x_1 + a_{22}x_2 + a_{23}x_3 + \ldots + a_{2n}x_n = b_2 \\ \ldots \\ a_{m1}x_1 + a_{m2}x_2 + a_{m3}x_3 + \ldots + a_{mn}x_n = b_n \end{cases}$$
 Dizemos que $\{\alpha_1, \alpha_2, \alpha_3, \ldots, \alpha_n\}$ é solução do sistema, quando satisfaz simultaneamente todas as equações.

Sistemas Lineares são **equivalentes** quando possuem o mesmo conjunto solução:

$$\begin{cases} x + y = 10 \\ x - y = 2 \end{cases}$$
 e
$$\begin{cases} 3x + 2y = 26 \\ 2x - 5y = -8 \end{cases}$$
 são equivalentes, pois resolvidos, ambos apresentam S={6,4}

Nos Sistemas Lineares Escalonados, cada equação apresenta uma incógnita a menos do que as equações anteriores.

$$\begin{cases} 3x - 5y = -2 \\ y = 4 \end{cases}$$
 e
$$\begin{cases} x + y - 2z = 11 \\ -y + z = 0 \\ z = -2 \end{cases}$$
 estão na forma escalonada.

Para transformar um sistema completo em outro na forma escalonada, utilizamos o método conhecido como <u>escalonamento</u> ou método de eliminação de Gauss. Algumas operações são aceitáveis para tal processo:

- Permutar (trocar) duas equações entre si.
- Multiplicar uma equação inteira por uma constante.
- Somar um múltiplo de uma equação a outra equação.

Exemplo:
$$\begin{cases} x + 2y + z = 7 \\ 2x + 7y + z = 21 \\ -3x - 5y + 2z = -8 \end{cases}$$
 copiar resolução da lousa...

Classificação dos sistemas lineares

- SPD Sistema Possível e Determinado apresenta uma única solução.
- SPI Sistema Possível Indeterminado apresenta infinitas soluções.
- SI Sistema Impossível não apresenta nenhuma solução.

Exercícios

1) Determine o conjunto solução dos sistemas lineares abaixo pelo método de eliminação de Gauss, reescrevendo-o de forma escalonada. Classifique os sistemas em Sistema Possível e Determinado (SPD), Sistema Possível e Indeterminado (SPI) ou Sistema Impossível (SI).

a)
$$\begin{cases} 3x - y + z = 7 \\ x + y + z = 9 \\ 2x + y - z = 3 \end{cases}$$
 b)
$$\begin{cases} x + 3y + z = -4 \\ 2x - y + z = 5 \\ 3x + 2y + 3z = 7 \end{cases}$$
 c)
$$\begin{cases} 3x + 15y + 6z = 3 \\ 2x + 10y + 4z = 10 \end{cases}$$

d)
$$\begin{cases} x+y-3z = 1 \\ 2x-3y+4z = 2 \end{cases}$$
 e)
$$\begin{cases} 3x-y+z = 2 \\ x-2y-z = 0 \\ 2x+y+2z = 2 \end{cases}$$

f)
$$\begin{cases} 2x + y + z + w = 1 \\ x + 2y + z + w = 2 \\ x + y + 2z + w = 3 \\ x + y + z + 2w = 4 \end{cases}$$

3) Determine o valor de
$$m$$
 para que o sistema
$$\begin{cases} x-2y+3z=0\\ 3x+y+z=2\\ 2x+3y+mz=2 \end{cases}$$
 seja possível e determinado.

4) Para que valores de
$$\mathbf{a}$$
 e \mathbf{b} o sistema
$$\begin{cases} x + 2y + 2z = a \\ 3x + 6y - 4z = 4 \\ 2x + by - 6z = 1 \end{cases}$$
 é indeterminado?

5) Para que valor de
$$\mathbf{a}$$
 o sistema
$$\begin{cases} ax + y + 2 = 0 \\ 2x - y + z - a = 0 \\ 4x + y + az + 5 = 0 \end{cases}$$
 é impossível?

6)
Determine o valor de
$$p$$
 para que o sistema
$$\begin{cases} px+y-z=4\\ x+py+z=0\\ x-y=2 \end{cases}$$
 admita uma solução única.

Sistemas de Equações Lineares

Denomina-se sistema linear mxn o conjunto S de m equações lineares em n incógnitas, pode ser representado assim:

$$\begin{cases} a_{11}x_1 + a_{12}x_2 + a_{13}x_3 + \ldots + a_{1n}x_n = b_1 \\ a_{21}x_1 + a_{22}x_2 + a_{23}x_3 + \ldots + a_{2n}x_n = b_2 \\ \ldots \\ a_{m1}x_1 + a_{m2}x_2 + a_{m3}x_3 + \ldots + a_{mn}x_n = b_n \end{cases}$$
 Dizemos que $\{\alpha_1, \alpha_2, \alpha_3, \ldots, \alpha_n\}$ é solução do sistema, quando satisfaz simultaneamente todas as equações.

Sistemas Lineares são **equivalentes** quando possuem o mesmo conjunto solução:

$$\begin{cases} x + y = 10 \\ x - y = 2 \end{cases}$$
 e
$$\begin{cases} 3x + 2y = 26 \\ 2x - 5y = -8 \end{cases}$$
 são equivalentes, pois resolvidos, ambos apresentam S={6,4}

Nos Sistemas Lineares Escalonados, cada equação apresenta uma incógnita a menos do que as equações anteriores.

$$\begin{cases} 3x - 5y = -2 \\ y = 4 \end{cases}$$
 e
$$\begin{cases} x + y - 2z = 11 \\ -y + z = 0 \\ z = -2 \end{cases}$$
 estão na forma escalonada.

Para transformar um sistema completo em outro na forma escalonada, utilizamos o método conhecido como <u>escalonamento</u> ou método de eliminação de Gauss. Algumas operações são aceitáveis para tal processo:

- Permutar (trocar) duas equações entre si.
- Multiplicar uma equação inteira por uma constante.
- Somar um múltiplo de uma equação a outra equação.

Exemplo:
$$\begin{cases} x + 2y + z = 7 \\ 2x + 7y + z = 21 \\ -3x - 5y + 2z = -8 \end{cases}$$
 copiar resolução da lousa...

Classificação dos sistemas lineares

- SPD Sistema Possível e Determinado apresenta uma única solução.
- SPI Sistema Possível Indeterminado apresenta infinitas soluções.
- SI Sistema Impossível não apresenta nenhuma solução.

Exercícios

1) Determine o conjunto solução dos sistemas lineares abaixo pelo método de eliminação de Gauss, reescrevendo-o de forma escalonada. Classifique os sistemas em Sistema Possível e Determinado (SPD), Sistema Possível e Indeterminado (SPI) ou Sistema Impossível (SI).

a)
$$\begin{cases} 3x - y + z = 7 \\ x + y + z = 9 \\ 2x + y - z = 3 \end{cases}$$
 b)
$$\begin{cases} x + 3y + z = -4 \\ 2x - y + z = 5 \\ 3x + 2y + 3z = 7 \end{cases}$$
 c)
$$\begin{cases} 3x + 15y + 6z = 3 \\ 2x + 10y + 4z = 10 \end{cases}$$

d)
$$\begin{cases} x+y-3z = 1 \\ 2x-3y+4z = 2 \end{cases}$$
 e)
$$\begin{cases} 3x-y+z = 2 \\ x-2y-z = 0 \\ 2x+y+2z = 2 \end{cases}$$

f)
$$\begin{cases} 2x + y + z + w = 1 \\ x + 2y + z + w = 2 \\ x + y + 2z + w = 3 \\ x + y + z + 2w = 4 \end{cases}$$

3) Determine o valor de
$$m$$
 para que o sistema
$$\begin{cases} x-2y+3z=0\\ 3x+y+z=2\\ 2x+3y+mz=2 \end{cases}$$
 seja possível e determinado.

4) Para que valores de
$$\mathbf{a}$$
 e \mathbf{b} o sistema
$$\begin{cases} x + 2y + 2z = a \\ 3x + 6y - 4z = 4 \\ 2x + by - 6z = 1 \end{cases}$$
 é indeterminado?

5) Para que valor de
$$\mathbf{a}$$
 o sistema
$$\begin{cases} ax + y + 2 = 0 \\ 2x - y + z - a = 0 \\ 4x + y + az + 5 = 0 \end{cases}$$
 é impossível?

6)
Determine o valor de
$$p$$
 para que o sistema
$$\begin{cases} px+y-z=4\\ x+py+z=0\\ x-y=2 \end{cases}$$
 admita uma solução única.

Sistemas de Equações Lineares

Denomina-se sistema linear mxn o conjunto S de m equações lineares em n incógnitas, pode ser representado assim:

$$\begin{cases} a_{11}x_1 + a_{12}x_2 + a_{13}x_3 + \ldots + a_{1n}x_n = b_1 \\ a_{21}x_1 + a_{22}x_2 + a_{23}x_3 + \ldots + a_{2n}x_n = b_2 \\ \ldots \\ a_{m1}x_1 + a_{m2}x_2 + a_{m3}x_3 + \ldots + a_{mn}x_n = b_n \end{cases}$$
 Dizemos que $\{\alpha_1, \alpha_2, \alpha_3, \ldots, \alpha_n\}$ é solução do sistema, quando satisfaz simultaneamente todas as equações.

Sistemas Lineares são **equivalentes** quando possuem o mesmo conjunto solução:

$$\begin{cases} x + y = 10 \\ x - y = 2 \end{cases}$$
 e
$$\begin{cases} 3x + 2y = 26 \\ 2x - 5y = -8 \end{cases}$$
 são equivalentes, pois resolvidos, ambos apresentam S={6,4}

Nos Sistemas Lineares Escalonados, cada equação apresenta uma incógnita a menos do que as equações anteriores.

$$\begin{cases} 3x - 5y = -2 \\ y = 4 \end{cases}$$
 e
$$\begin{cases} x + y - 2z = 11 \\ -y + z = 0 \\ z = -2 \end{cases}$$
 estão na forma escalonada.

Para transformar um sistema completo em outro na forma escalonada, utilizamos o método conhecido como <u>escalonamento</u> ou método de eliminação de Gauss. Algumas operações são aceitáveis para tal processo:

- Permutar (trocar) duas equações entre si.
- Multiplicar uma equação inteira por uma constante.
- Somar um múltiplo de uma equação a outra equação.

Exemplo:
$$\begin{cases} x + 2y + z = 7 \\ 2x + 7y + z = 21 \\ -3x - 5y + 2z = -8 \end{cases}$$
 copiar resolução da lousa...

Classificação dos sistemas lineares

- SPD Sistema Possível e Determinado apresenta uma única solução.
- SPI Sistema Possível Indeterminado apresenta infinitas soluções.
- SI Sistema Impossível não apresenta nenhuma solução.

Exercícios

1) Determine o conjunto solução dos sistemas lineares abaixo pelo método de eliminação de Gauss, reescrevendo-o de forma escalonada. Classifique os sistemas em Sistema Possível e Determinado (SPD), Sistema Possível e Indeterminado (SPI) ou Sistema Impossível (SI).

a)
$$\begin{cases} 3x - y + z = 7 \\ x + y + z = 9 \\ 2x + y - z = 3 \end{cases}$$
 b)
$$\begin{cases} x + 3y + z = -4 \\ 2x - y + z = 5 \\ 3x + 2y + 3z = 7 \end{cases}$$
 c)
$$\begin{cases} 3x + 15y + 6z = 3 \\ 2x + 10y + 4z = 10 \end{cases}$$

d)
$$\begin{cases} x+y-3z = 1 \\ 2x-3y+4z = 2 \end{cases}$$
 e)
$$\begin{cases} 3x-y+z = 2 \\ x-2y-z = 0 \\ 2x+y+2z = 2 \end{cases}$$

f)
$$\begin{cases} 2x + y + z + w = 1 \\ x + 2y + z + w = 2 \\ x + y + 2z + w = 3 \\ x + y + z + 2w = 4 \end{cases}$$

3) Determine o valor de
$$m$$
 para que o sistema
$$\begin{cases} x-2y+3z=0\\ 3x+y+z=2\\ 2x+3y+mz=2 \end{cases}$$
 seja possível e determinado.

4) Para que valores de
$$\mathbf{a}$$
 e \mathbf{b} o sistema
$$\begin{cases} x + 2y + 2z = a \\ 3x + 6y - 4z = 4 \\ 2x + by - 6z = 1 \end{cases}$$
 é indeterminado?

5) Para que valor de
$$\mathbf{a}$$
 o sistema
$$\begin{cases} ax + y + 2 = 0 \\ 2x - y + z - a = 0 \\ 4x + y + az + 5 = 0 \end{cases}$$
 é impossível?

6)
Determine o valor de
$$p$$
 para que o sistema
$$\begin{cases} px+y-z=4\\ x+py+z=0\\ x-y=2 \end{cases}$$
 admita uma solução única.

Sistemas de Equações Lineares

Denomina-se sistema linear mxn o conjunto S de m equações lineares em n incógnitas, pode ser representado assim:

$$\begin{cases} a_{11}x_1 + a_{12}x_2 + a_{13}x_3 + \ldots + a_{1n}x_n = b_1 \\ a_{21}x_1 + a_{22}x_2 + a_{23}x_3 + \ldots + a_{2n}x_n = b_2 \\ \ldots \\ a_{m1}x_1 + a_{m2}x_2 + a_{m3}x_3 + \ldots + a_{mn}x_n = b_n \end{cases}$$
 Dizemos que $\{\alpha_1, \alpha_2, \alpha_3, \ldots, \alpha_n\}$ é solução do sistema, quando satisfaz simultaneamente todas as equações.

Sistemas Lineares são **equivalentes** quando possuem o mesmo conjunto solução:

$$\begin{cases} x + y = 10 \\ x - y = 2 \end{cases}$$
 e
$$\begin{cases} 3x + 2y = 26 \\ 2x - 5y = -8 \end{cases}$$
 são equivalentes, pois resolvidos, ambos apresentam S={6,4}

Nos Sistemas Lineares Escalonados, cada equação apresenta uma incógnita a menos do que as equações anteriores.

$$\begin{cases} 3x - 5y = -2 \\ y = 4 \end{cases}$$
 e
$$\begin{cases} x + y - 2z = 11 \\ -y + z = 0 \\ z = -2 \end{cases}$$
 estão na forma escalonada.

Para transformar um sistema completo em outro na forma escalonada, utilizamos o método conhecido como <u>escalonamento</u> ou método de eliminação de Gauss. Algumas operações são aceitáveis para tal processo:

- Permutar (trocar) duas equações entre si.
- Multiplicar uma equação inteira por uma constante.
- Somar um múltiplo de uma equação a outra equação.

Exemplo:
$$\begin{cases} x + 2y + z = 7 \\ 2x + 7y + z = 21 \\ -3x - 5y + 2z = -8 \end{cases}$$
 copiar resolução da lousa...

Classificação dos sistemas lineares

- SPD Sistema Possível e Determinado apresenta uma única solução.
- SPI Sistema Possível Indeterminado apresenta infinitas soluções.
- SI Sistema Impossível não apresenta nenhuma solução.

Exercícios

1) Determine o conjunto solução dos sistemas lineares abaixo pelo método de eliminação de Gauss, reescrevendo-o de forma escalonada. Classifique os sistemas em Sistema Possível e Determinado (SPD), Sistema Possível e Indeterminado (SPI) ou Sistema Impossível (SI).

a)
$$\begin{cases} 3x - y + z = 7 \\ x + y + z = 9 \\ 2x + y - z = 3 \end{cases}$$
 b)
$$\begin{cases} x + 3y + z = -4 \\ 2x - y + z = 5 \\ 3x + 2y + 3z = 7 \end{cases}$$
 c)
$$\begin{cases} 3x + 15y + 6z = 3 \\ 2x + 10y + 4z = 10 \end{cases}$$

d)
$$\begin{cases} x+y-3z = 1 \\ 2x-3y+4z = 2 \end{cases}$$
 e)
$$\begin{cases} 3x-y+z = 2 \\ x-2y-z = 0 \\ 2x+y+2z = 2 \end{cases}$$

f)
$$\begin{cases} 2x + y + z + w = 1 \\ x + 2y + z + w = 2 \\ x + y + 2z + w = 3 \\ x + y + z + 2w = 4 \end{cases}$$

3) Determine o valor de
$$m$$
 para que o sistema
$$\begin{cases} x-2y+3z=0\\ 3x+y+z=2\\ 2x+3y+mz=2 \end{cases}$$
 seja possível e determinado.

4) Para que valores de
$$\mathbf{a}$$
 e \mathbf{b} o sistema
$$\begin{cases} x + 2y + 2z = a \\ 3x + 6y - 4z = 4 \\ 2x + by - 6z = 1 \end{cases}$$
 é indeterminado?

5) Para que valor de
$$\mathbf{a}$$
 o sistema
$$\begin{cases} ax + y + 2 = 0 \\ 2x - y + z - a = 0 \\ 4x + y + az + 5 = 0 \end{cases}$$
 é impossível?

6)
Determine o valor de
$$p$$
 para que o sistema
$$\begin{cases} px+y-z=4\\ x+py+z=0\\ x-y=2 \end{cases}$$
 admita uma solução única.

Sistemas de Equações Lineares

Denomina-se sistema linear mxn o conjunto S de m equações lineares em n incógnitas, pode ser representado assim:

$$\begin{cases} a_{11}x_1 + a_{12}x_2 + a_{13}x_3 + \ldots + a_{1n}x_n = b_1 \\ a_{21}x_1 + a_{22}x_2 + a_{23}x_3 + \ldots + a_{2n}x_n = b_2 \\ \ldots \\ a_{m1}x_1 + a_{m2}x_2 + a_{m3}x_3 + \ldots + a_{mn}x_n = b_n \end{cases}$$
 Dizemos que $\{\alpha_1, \alpha_2, \alpha_3, \ldots, \alpha_n\}$ é solução do sistema, quando satisfaz simultaneamente todas as equações.

Sistemas Lineares são equivalentes quando possuem o mesmo conjunto solução:

$$\begin{cases} x + y = 10 \\ x - y = 2 \end{cases}$$
 e
$$\begin{cases} 3x + 2y = 26 \\ 2x - 5y = -8 \end{cases}$$
 são equivalentes, pois resolvidos, ambos apresentam S={6,4}

Nos Sistemas Lineares Escalonados, cada equação apresenta uma incógnita a menos do que as equações anteriores.

$$\begin{cases} 3x - 5y = -2 \\ y = 4 \end{cases}$$
 e
$$\begin{cases} x + y - 2z = 11 \\ -y + z = 0 \\ z = -2 \end{cases}$$
 estão na forma escalonada.

Para transformar um sistema completo em outro na forma escalonada, utilizamos o método conhecido como <u>escalonamento</u> ou método de eliminação de Gauss. Algumas operações são aceitáveis para tal processo:

- Permutar (trocar) duas equações entre si.
- Multiplicar uma equação inteira por uma constante.
- Somar um múltiplo de uma equação a outra equação.

Exemplo:
$$\begin{cases} x + 2y + z = 7 \\ 2x + 7y + z = 21 \\ -3x - 5y + 2z = -8 \end{cases}$$
 copiar resolução da lousa....

Classificação dos sistemas lineares

- SPD Sistema Possível e Determinado apresenta uma única solução.
- SPI Sistema Possível Indeterminado apresenta infinitas soluções.
- SI Sistema Impossível não apresenta nenhuma solução.

Exercícios

1) Determine o conjunto solução dos sistemas lineares abaixo pelo método de eliminação de Gauss, reescrevendo-o de forma escalonada. Classifique os sistemas em Sistema Possível e Determinado (SPD), Sistema Possível e Indeterminado (SPI) ou Sistema Impossível (SI).

a)
$$\begin{cases} 3x - y + z = 7 \\ x + y + z = 9 \\ 2x + y - z = 3 \end{cases}$$
 b)
$$\begin{cases} x + 3y + z = -4 \\ 2x - y + z = 5 \\ 3x + 2y + 3z = 7 \end{cases}$$
 c)
$$\begin{cases} 3x + 15y + 6z = 3 \\ 2x + 10y + 4z = 10 \end{cases}$$

d)
$$\begin{cases} x+y-3z = 1 \\ 2x-3y+4z = 2 \end{cases}$$
 e)
$$\begin{cases} 3x-y+z = 2 \\ x-2y-z = 0 \\ 2x+y+2z = 2 \end{cases}$$

f)
$$\begin{cases} 2x + y + z + w = 1\\ x + 2y + z + w = 2\\ x + y + 2z + w = 3\\ x + y + z + 2w = 4 \end{cases}$$

3) Determine o valor de
$$m$$
 para que o sistema
$$\begin{cases} x-2y+3z=0\\ 3x+y+z=2\\ 2x+3y+mz=2 \end{cases}$$
 seja possível e determinado.

4) Para que valores de
$$\mathbf{a}$$
 e \mathbf{b} o sistema
$$\begin{cases} x + 2y + 2z = a \\ 3x + 6y - 4z = 4 \\ 2x + by - 6z = 1 \end{cases}$$
 é indeterminado?

5) Para que valor de
$$\mathbf{a}$$
 o sistema
$$\begin{cases} ax + y + 2 = 0 \\ 2x - y + z - a = 0 \\ 4x + y + az + 5 = 0 \end{cases}$$
 é impossível?

6)
Determine o valor de
$$p$$
 para que o sistema
$$\begin{cases} px+y-z=4\\ x+py+z=0\\ x-y=2 \end{cases}$$
 admita uma solução única.

Sistemas de Equações Lineares

Denomina-se sistema linear mxn o conjunto S de m equações lineares em n incógnitas, pode ser representado assim:

$$\begin{cases} a_{11}x_1 + a_{12}x_2 + a_{13}x_3 + \ldots + a_{1n}x_n = b_1 \\ a_{21}x_1 + a_{22}x_2 + a_{23}x_3 + \ldots + a_{2n}x_n = b_2 \\ \ldots \\ a_{m1}x_1 + a_{m2}x_2 + a_{m3}x_3 + \ldots + a_{mn}x_n = b_n \end{cases}$$
 Dizemos que $\{\alpha_1, \alpha_2, \alpha_3, \ldots, \alpha_n\}$ é solução do sistema, quando satisfaz simultaneamente todas as equações.

Sistemas Lineares são equivalentes quando possuem o mesmo conjunto solução:

$$\begin{cases} x + y = 10 \\ x - y = 2 \end{cases}$$
 e
$$\begin{cases} 3x + 2y = 26 \\ 2x - 5y = -8 \end{cases}$$
 são equivalentes, pois resolvidos, ambos apresentam S={6,4}

Nos Sistemas Lineares Escalonados, cada equação apresenta uma incógnita a menos do que as equações anteriores.

$$\begin{cases} 3x - 5y = -2 \\ y = 4 \end{cases}$$
 e
$$\begin{cases} x + y - 2z = 11 \\ -y + z = 0 \\ z = -2 \end{cases}$$
 estão na forma escalonada.

Para transformar um sistema completo em outro na forma escalonada, utilizamos o método conhecido como <u>escalonamento</u> ou método de eliminação de Gauss. Algumas operações são aceitáveis para tal processo:

- Permutar (trocar) duas equações entre si.
- Multiplicar uma equação inteira por uma constante.
- Somar um múltiplo de uma equação a outra equação.

Exemplo:
$$\begin{cases} x + 2y + z = 7 \\ 2x + 7y + z = 21 \\ -3x - 5y + 2z = -8 \end{cases}$$
 copiar resolução da lousa....

Classificação dos sistemas lineares

- SPD Sistema Possível e Determinado apresenta uma única solução.
- SPI Sistema Possível Indeterminado apresenta infinitas soluções.
- SI Sistema Impossível não apresenta nenhuma solução.

Exercícios

1) Determine o conjunto solução dos sistemas lineares abaixo pelo método de eliminação de Gauss, reescrevendo-o de forma escalonada. Classifique os sistemas em Sistema Possível e Determinado (SPD), Sistema Possível e Indeterminado (SPI) ou Sistema Impossível (SI).

a)
$$\begin{cases} 3x - y + z = 7 \\ x + y + z = 9 \\ 2x + y - z = 3 \end{cases}$$
 b)
$$\begin{cases} x + 3y + z = -4 \\ 2x - y + z = 5 \\ 3x + 2y + 3z = 7 \end{cases}$$
 c)
$$\begin{cases} 3x + 15y + 6z = 3 \\ 2x + 10y + 4z = 10 \end{cases}$$

d)
$$\begin{cases} x+y-3z = 1 \\ 2x-3y+4z = 2 \end{cases}$$
 e)
$$\begin{cases} 3x-y+z = 2 \\ x-2y-z = 0 \\ 2x+y+2z = 2 \end{cases}$$

f)
$$\begin{cases} 2x + y + z + w = 1\\ x + 2y + z + w = 2\\ x + y + 2z + w = 3\\ x + y + z + 2w = 4 \end{cases}$$

3) Determine o valor de
$$m$$
 para que o sistema
$$\begin{cases} x-2y+3z=0\\ 3x+y+z=2\\ 2x+3y+mz=2 \end{cases}$$
 seja possível e determinado.

4) Para que valores de
$$\mathbf{a}$$
 e \mathbf{b} o sistema
$$\begin{cases} x + 2y + 2z = a \\ 3x + 6y - 4z = 4 \\ 2x + by - 6z = 1 \end{cases}$$
 é indeterminado?

5) Para que valor de
$$\mathbf{a}$$
 o sistema
$$\begin{cases} ax + y + 2 = 0 \\ 2x - y + z - a = 0 \\ 4x + y + az + 5 = 0 \end{cases}$$
 é impossível?

6)
Determine o valor de
$$p$$
 para que o sistema
$$\begin{cases} px+y-z=4\\ x+py+z=0\\ x-y=2 \end{cases}$$
 admita uma solução única.