	UNIVERSIDADE FEDERAL DA PARAÍBA CENTRO DE INFORMÁTICA	
	Disciplina	Aprendizagem de Máquina
	Semestre	2023.1
	Professores	Bruno Jefferson de Sousa Pessoa Gilberto Farias de Sousa Filho

Mini-ProjetoReconhecimento de Dígitos

1. Introdução

O reconhecimento de dígitos escritos a mão é um problema clássico de classificação na área de visão computacional. O problema consiste em receber uma imagem de um número escrito a mão, codificada em tons de cinza, e classificar o dígito decimal (0-9) ali contido. Para estudantes e pesquisadores das técnicas de aprendizado de máquina, o *dataset* MNIST, cujos exemplos de instâncias estão ilustrados na Figura 1, é utilizado para comparação de técnicas, competições e construções de novas soluções.

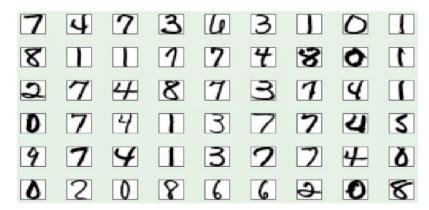


Figura 1. Dataset MNIST com imagens dos dígitos escritos a mão.

2. Dataset MNIST Adaptado

Os arquivos *train.csv* e *test.csv* contêm imagens do *dataset* MNIST, em escala de cinza, dos dígitos 0, 1, 4 e 5 escritos a mão. Cada imagem é composta por 28 linhas e 28 colunas em um total de 784 pixels. Cada pixel possui um valor associado único, que indica seu tom de cinza. Quanto mais alto é esse valor, mais escuro é o pixel. Os valores de cada pixel estão no intervalo fechado [0, 255].

Os dados de entrada, (*train.csv*), possuem 785 colunas. A primeira coluna, chamada "*label*", é o dígito que foi desenhado pelo usuário. O resto das colunas contém os valores dos pixels da imagem associada.

Cada coluna de pixel, nos dados de treino, é nomeada como "pixelx", onde x é um inteiro no intervalo [0,783]. Para localizar este pixel na imagem, suponha que decompomos x como x=i*28+j, onde i e j são inteiros no intervalor [0,27]. Então o "pixelx" está localizado na

linha i e coluna j de uma matriz 28x28 (indexada por zero). Por exemplo, "pixel31" indica o valor do pixel que está na quarta coluna, da esquerda pra direita, e na segunda linha.

Os dados de teste, (test.csv), possuem o mesmo formato dos dados de treinamento.

3. Descrição das atividades

Implementar três classificadores de dígitos contidos no dataset MNIST Adaptado, utilizando os três modelos lineares de Aprendizagem de Máquina (AM) estudados: **Perceptron, Regressão Linear e Regressão Logística**. Detalhes da implementação estão descritos a seguir.

3.1. Redução da dimensão das amostras

Para trabalharmos com modelos de AM que possuem muito pouco grau de liberdade para a construção de sua função hipótese, devemos diminuir a complexidade dos dados de entrada através da redução do número de parâmetros *p* das amostras de treinamento.

Como já foi dito na descrição do dataset, cada instância é composta por p=784 parâmetros de entrada, sendo um parâmetro por pixel. Logo, há a necessidade de reduzir a quantidade de parâmetros total, a fim de atingir bons resultados na classificação das de tais imagens usando-se modelos de AM mais simples. Uma forma de reduzir consideravelmente o vetor de características é sintetizar os dados das imagens em apenas duas informações de entrada (p=2) que são muito importantes na identificação de um dígito numérico: a intensidade e a simetria da imagem.

Intensidade da imagem

Como os pixel mais escuros possuem valores maiores (255 representa o preto), a intensidade de uma imagem pode ser calculada pela equação

$$I = \frac{\sum_{x=0}^{783} pixelx}{255}$$

que soma os tons de cinza de cada *pixel* e divide por 255, tentando uma aproximação da quantidade de *pixels* pretos na imagem.

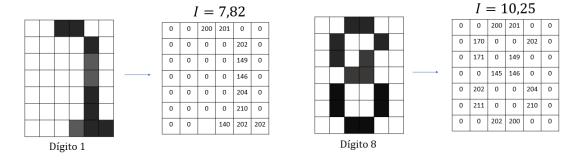


Figura 2. Comparação da intensidade I dos pixels entre os dígitos 1 e 8.

É possível perceber que a intensidade do dígito 1 é normalmente menor que a do dígito 8, como podemos observar na Figura 2.

Simetria da imagem

A simetria de uma imagem é computada a partir da definição de eixos de simetria. Existem duas simetrias fáceis de se computar: a vertical e horizontal. Por exemplo, na simetria vertical dividem-se as colunas da matriz de pixels em duas partes, lado direito e esquerdo, como ilustrado pelo eixo vertical da Figura 3, e computa-se a diferença dos valores dos pixels pertencentes as distintas partes.

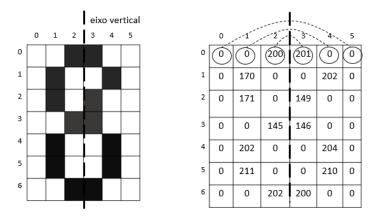


Figura 3. Eixo vertical da matriz de pixels do dígito 8.

A simetria vertical deve ser computada linha por linha. Em cada linha soma-se a diferença em módulo do valor do *pixel* da primeira coluna com o valor da última, da segunda com a penúltima, terceira com a antepenúltima e assim por diante.

Seja pix_{28x28} a matriz de valores dos *pixels* da imagem, então, temos a equação

$$S_v = \frac{\sum_{i=0}^{27} \sum_{j=0}^{13} \left\| pix_{i,j} - pix_{i,27-j} \right\|}{255}$$

para a simetria vertical. O valor de S_v define uma aproximação da quantidade de *pixels* pretos assimétricos. Ou seja, quando $S_v=0$, a imagem possui simetria vertical perfeita.

A simetria horizontal é análoga a simetria vertical, sendo que o eixo horizontal divide as linhas da matriz pelo meio, criando duas partes, superior e inferior. Nesse caso, a diferença de valores entre os *pixels* é computada de cima para baixo. Logo, através de algumas adaptações da equação da simetria vertical, é possível computar o S_h e, por fim, somar ao S_v e obter o valor de simetria da imagem completa.

Nesta atividade, deve-se construir novos arquivos de treino e teste a serem chamados de *train_redu.csv* e *test_redu.csv*. Esses arquivos conterão 3 as seguintes colunas: label, intensidade e simetria.

Para cada linha do arquivo *train.csv*, deve-se extrair o valor da coluna *label*, depois os 784 valores de *pixels* da imagem das outras colunas, computar os valores de intensidade e simetria associados e registrar tais valores nas colunas "label", "intensidade" e "simetria" como uma linha do arquivo *train_redu.csv*. O mesmo tratamento deve ser feito no arquivo *test.csv* para criar o arquivo *test redu.csv*.

3.2. Classificação dos dígitos 1 x 5

Como no modelo *Perceptron* a classificação é binária, uma alternativa para realizar classificações multiclasse de dígitos é construir, inicialmente, uma solução que classifique apenas dois valores de dígitos: 1 e 5, por exemplo. Para isto, deve-se:

- Realizar um filtro nos dados dos arquivos train_redu.csv e test_redu.csv, deixando apenas as imagens com valores 1 ou 5 na coluna label, construindo as instâncias train1x5 e test1x5;
- Plotar os dados de train1x5 em um gráfico de duas dimensões (intensidade X simetria) como ilustrado na Figura 4. Dados com label = 1 plotar de azul e dados com label = 5 plotar de vermelho;

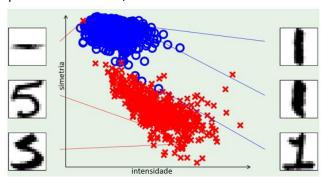


Figura 4. Dígitos 1 e 5 com seus valores de intensidade e simetria plotados.

- Treinar os três classificadores com os dados de train1x5. Construir o vetor $X = \{(intensidade, simetria)\}$ para toda imagem de train1x5. Atribuir o valor alvo y = +1 para a imagem com valor label = 1 e y = -1 para label = 5;
- Criar um método de predição do dígito que retorne o valor 1 quando o classificador linear classificar a saída como y=+1 e retorne o valor 5 quando y=-1;
- Construir o vetor $X = \{(intensidade, simetria)\}$ para toda imagem de test1x5. Atribuir o valor alvo y = label para cada imagem de test1x5;
- Testar os três classificadores com os dados de *test1x5*.
- Gerar a matriz de confusão e os relatórios de eficácia de classificação de cada classificador.

3.3. Classificador de dígitos completo

Para construir um classificador para os quatro dígitos contidos na base, deve-se implementar uma estratégia conhecida como "um contra todos". Nessa estratégia, inicialmente, escolhe-se o dígito 0 para ser a classe y=+1 e todas os outros dígitos (1, 4 e

5), temporariamente, definidos como a classe y=-1. Essa transformação está ilustrada na Figura 5.

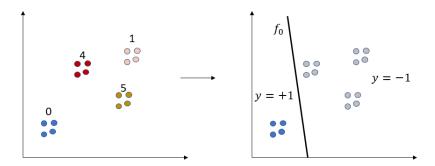


Figura 5. Transformação dos dados multiclasse em dados para classificação binário digito 0 contra todos.

A função hipótese f_0 é inferida pelos novos dados de treino e usada para classificar os dados de teste. Se f_0 classificar o novo dado como da classe +1, então podemos afirmar que a imagem associada é do dígito 0. Se o dado for classificado como -1, nada pode ser afirmado. O próximo passo é criar uma nova instância de treino, eliminando as instâncias com label=0, e construindo uma classificação binária do dígito 1 contra todos.

Ao final serão construídas três funções hipótese que juntas irão realizar a classificação multiclasse dos quatro dígitos. Seja x a imagem teste a ser classificada, classifique x com o seguinte algoritmo:

```
para os dígitos i \in [0,1,4]

se f_i(x) = +1

classifique como dígito i

senão

se i == 4

classifique como dígito 5
```

3.4. Comparação entre os classificadores

Para comparar os três classificadores, implemente a estratégia "um contra todos" para cada um dos algoritmos de classificação, construa a matriz de confusão e o relatório de eficácia de classificação contendo: acurácia, precisão, recall e f1 score.

4. Implementações avançadas

- Adotar a heurística weight decay para o algoritmo de regressão logística a fim de regularizar o parâmetro lambda.
- Implementar a estratégia de "um contra todos" definindo a ordem de teste dos dígitos que leve a melhor acurácia global. Ou seja, a ordem proposta anteriormente pode ser alterada para uma ordem arbitrária que produza uma melhor acurácia de classificação.

5. Instruções gerais

- O presente projeto deve ser desenvolvido em duplas.
- O projeto deverá ser enviado ao professor (bruno@ci.ufpb.br) até o dia 21/09/2023 e apresentado no dia 22/09/2023, em horários a serem definidos posteriormente.
- Deverá ser enviado um arquivo zipado, contendo o código fonte, no formato descrito a seguir:
 - o AM-Projeto1-Autor1-Autor2.zip
 - o Ex.: AM-Projeto1-Jose_Silva-Maria_Oliveira.zip