

# A Evolução da Lógica e Sua Aplicação Computacional: Um Estudo de Caso em Simulação de Circuitos de Votação com Álgebra Booleana

**Resumo:** Este artigo explora a **evolução histórica da lógica** e sua intrínseca relação com a **ciência da computação**, com foco particular no **Período Booleano** e na **Álgebra Booleana**. A Lógica Computacional é apresentada como a base para a construção de algoritmos e a compreensão de linguagens de programação. Através de um estudo de caso prático, demonstra-se a aplicação desses princípios na simulação de um **circuito de votação de comitê** utilizando o Python, ilustrando a construção de expressões lógicas e a geração de **tabelas-verdade** para mapear e analisar condições complexas.

**Palavras-chave:** Lógica Computacional; Álgebra Booleana; Tabela-Verdade; Simulação; Python.

---

## 1. Introdução

A disciplina de Lógica Computacional oferece conteúdos fundamentais para a construção de algoritmos e a compreensão de linguagens de programação, sendo premissas importantes para diversas áreas ligadas à computação e ao desenvolvimento de sistemas. A **Unidade 1, Seção 2** do material aborda a evolução da lógica e sua conexão direta com a programação e algoritmos, enfatizando como o estudo da estrutura e dos princípios do raciocínio é crucial para determinar a validade de um argumento. Neste contexto, a lógica é o alicerce para que profissionais de tecnologia possam progredir na construção de sistemas de software, minimizando falhas e comportamentos inesperados (bugs).

Este artigo tem como objetivo discutir a evolução da lógica e, em particular, detalhar a aplicação da Álgebra Booleana e das tabelas-verdade na **simulação de um circuito de votação**, conforme apresentado nas fontes, destacando sua relevância prática para a lógica computacional e a engenharia de sistemas.

## 2. Fundamentação Teórica da Lógica Computacional

A lógica, compreendida como o estudo da estrutura e dos princípios do raciocínio, evoluiu através de três grandes períodos históricos, que culminaram na sua aplicação fundamental na computação:

- **Período Aristotélico (390 a.C. – 1840 d.C.):** Este período é marcado por **Aristóteles**, que desenvolveu a **teoria do silogismo**, um tipo de inferência dedutiva. A lógica aristotélica, conhecida como **Lógica Clássica**, baseia-se em três princípios:

- **Princípio da Identidade:** Todo objeto é idêntico a si mesmo ( $A = A$ ).
- **Princípio da Não Contradição:** É impossível que algo seja e não seja ao mesmo tempo (uma proposição não pode ser verdadeira e falsa simultaneamente).
- **Princípio do Terceiro Excluído:** Toda proposição é verdadeira ou falsa, sem uma terceira possibilidade.

- **Período Booleano (1840 – 1910):** O século XIX testemunhou o surgimento da **Lógica Formal ou Simbólica**, na qual símbolos computáveis substituem palavras e proposições. O grande expoente é **George Boole**, criador da **Álgebra Booleana**, que foi o primeiro sistema detalhado a tratar a lógica como um cálculo. Este sistema utiliza apenas dois dígitos, **0** e **1**, que representam, respectivamente, **falso** e **verdadeiro**. Essa estrutura se tornou a base da computação, conectando operações lógicas a circuitos e programação. Outros nomes importantes incluem **Georg Cantor**, com a Teoria de Conjuntos, e **Gottlob Frege**, criador da Lógica Matemática, que reformulou a lógica tradicional com linguagem matemática,

desenvolvendo o cálculo proposicional e de predicados, e introduzindo símbolos e quantificadores.

• **Período Atual (a partir de 1910):** Com nomes como Bertrand Russell e Alfred North Whitehead, este período se caracteriza pelo desenvolvimento de **sistemas formais polivalentes**, que vão além dos valores verdadeiro e falso. Surgem as **lógicas não clássicas**, como as paraconsistentes, paraconsistentes, modais e, notavelmente, a **lógica fuzzy**, que lida com conceitos vagos e valores de verdade entre 0 e 1, sendo crucial para a Inteligência Artificial e sistemas que gerenciam incertezas.

A **Álgebra Booleana** e as **tabelas-verdade** são ferramentas essenciais para a lógica computacional, permitindo organizar e analisar os resultados de operações lógicas. As **tabelas-verdade** são definidas como um "método exaustivo de geração de valorações para uma dada fórmula", testando todas as combinações possíveis de entradas ( $2^n$  combinações, onde  $n$  é o número de proposições). Os conectivos lógicos, como a **conjunção (AND ou 'e')** e a **disjunção (OR ou 'ou')**, são fundamentais para construir as expressões lógicas.

### 3. Metodologia: Simulação de Circuito de Votação com Python no Google Colab

Para ilustrar a aplicação prática da Álgebra Booleana e das tabelas-verdade, foi proposto um problema de simulação de um circuito de votação de um comitê diretor.

**3.1. Descrição do Problema** Um comitê diretor, composto por três membros (Diretor Executivo - A, Vice-Diretor Financeiro - B, e Vice-Diretor de Relações Institucionais - C), vota um projeto. A regra de aprovação estabelece que "o projeto só passará se o diretor executivo votar a favor e obtiver maioria". O objetivo é projetar um circuito onde cada membro vota apertando um botão, e uma luz se acende se o projeto for aprovado.

**3.2. Representação Lógica e Expressão Booleana** Os votos são representados por valores binários: 1 para "Voto a Favor" e 0 para "Voto Contra". Esta representação é análoga aos estados "fechado" (1) e "aberto" (0) de um interruptor em um circuito elétrico, que é o fundamento da Álgebra Booleana.

A regra de aprovação "o diretor executivo votar a favor e obtiver maioria" é traduzida para a seguinte **expressão lógica booleana**:  $A \text{ AND } (B \text{ OR } C)$ . Isso significa que o Diretor Executivo (A) deve votar 'Sim' (True) E (o Vice-Diretor Financeiro (B) OU o Vice-Diretor de Relações Institucionais (C) deve votar 'Sim' (True)) para que o projeto seja aprovado.

**3.3. Implementação em Python** O código Python para a simulação, projetado para ser executado em ambientes como o Google Colab, realiza as seguintes etapas:

1. **Coleta de Entradas:** Solicita os votos (0 ou 1) de cada um dos três membros do comitê (`voto_diretor_executivo`, `voto_vice_diretor_financeiro`, `voto_vice_diretor_relacoes`).

2. **Validação de Entradas:** Inclui uma validação para garantir que os valores inseridos sejam apenas 0 ou 1. Embora esta validação não seja detalhada nas fontes sobre lógica, é uma boa prática de programação para garantir a robustez do software.

3. **Cálculo da Aprovação:** Utiliza os operadores lógicos `and` e `or` do Python para implementar a expressão  $A \text{ AND } (B \text{ OR } C)$ . O Python interpreta 1 como `True` e 0 como `False` em contextos booleanos.

4. **Exibição do Resultado:** Informa se a luz de aprovação está ACESA (projeto aprovado) ou APAGADA (projeto não aprovado).

5. **Geração da Tabela-Verdade:** Demonstra a tabela-verdade completa para a expressão  $A \text{ AND } (B \text{ OR } C)$ . Para isso, itera sobre todas as  $2^3 = 8$  combinações possíveis de votos para A, B e C, aplicando a mesma lógica booleana para cada combinação e exibindo o resultado.

6. **Tratamento de Exceções:** Utiliza um bloco `try-except ValueError` para lidar com entradas não numéricas, uma prática fundamental para a robustez do software.

### 4. Resultados e Discussão

A execução do código no Google Colab, conforme o exemplo fornecido, permite simular o processo de votação. Por exemplo, se o Diretor Executivo (A) votar 'Sim' (1), e os Vice-Diretores (B e C) votarem 'Não' (0), o resultado da votação será  $1 \text{ AND } (0 \text{ OR } 0)$ , que avalia para  $1 \text{ AND FALSE}$ , resultando em  $\text{FALSE}$ . Assim, o projeto **não é aprovado** e a luz permanece **APAGADA**.

A tabela-verdade gerada pelo código exaustivamente mapeia todas as 8 possibilidades, mostrando claramente quando a condição de aprovação é satisfeita:

A	B	C	Aprovação (A AND (B OR C))
1	1	1	1 (APROVADO)
1	1	0	1 (APROVADO)
1	0	1	1 (APROVADO)
1	0	0	0 (REPROVADO)
0	1	1	0 (REPROVADO)
0	1	0	0 (REPROVADO)
0	0	1	0 (REPROVADO)
0	0	0	0 (REPROVADO)

Este exemplo demonstra concretamente como os princípios da **Álgebra Booleana** e as **tabelas-verdade** são aplicados na prática. A simulação de um circuito de votação é um caso direto de **aplicação da lógica simbólica**, que permite a análise formal de condições complexas, convertendo-as em um modelo computacional exato. A capacidade de representar e processar informações de forma discreta (0s e 1s) é a base de todos os sistemas computacionais.

## 5. Conclusão

A compreensão da evolução da lógica, desde os fundamentos aristotélicos até a formalização simbólica de Boole, é essencial para qualquer profissional da área de tecnologia. A Álgebra Booleana, com sua simplicidade binária e capacidade de expressar relações lógicas complexas, é o pilar da computação moderna. A utilização de **tabelas-verdade**, tanto manual quanto programaticamente, é uma ferramenta indispensável para mapear e verificar a validade de condições lógicas em circuitos digitais, algoritmos e sistemas de tomada de decisão.

O estudo de caso do circuito de votação em Python ilustra de forma eficaz como esses conceitos teóricos se traduzem em soluções práticas, reforçando a importância do raciocínio lógico na formação e atuação de profissionais que desenvolvem sistemas de software