

# Modélisation et résolution pour l'optimisation

## Rapport

Par Manon Girard & Paul Peyssard & Victor Tancrez



Master 2 Intelligence Artificielle & Apprentissage Automatique  
Aix-Marseille Université

# Contents

<b>1</b>	<b>Problèmes d'optimisation sous contraintes</b>	<b>3</b>
1.1	Cas 1 : Minimisation du nombre de fréquence utilisées . . . . .	3
1.2	Cas 2 : Utilisation des fréquences les plus basses . . . . .	3
1.3	Cas 3 : Minimiser la largeur de la bande de fréquence utilisées . . . . .	3
<b>2</b>	<b>Problèmes de satisfaction de contraintes valués</b>	<b>4</b>
2.1	Cas 2 . . . . .	4

# 1 Problèmes d'optimisation sous contraintes

**Les données**  $\forall i \in \{1, 2, \dots, n\}$  et  $\forall j \in \{1, 2, \dots, n\}$

- $n$  := le nombre de stations
- $k$  := le nombre de région
- $\Delta_{i,j}$  := l'écart minimum entre les fréquence des stations  $i$  et  $j$  (possiblement nul)
- $n_i$  := le nombre maximum de fréquences différentes utilisées pour la région  $i$
- $\delta_i$  := l'écart entre les deux fréquences de la sation  $i$
- $r_i$  := le numéro de région de la station  $i$

**Les variables :**  $\forall i \in \{1, 2, \dots, n\}$

- $fe_i$  := la fréquence pour l'émetteur de la station  $i$
- $fr_i$  := la fréquence pour le recepneur de la station  $i$

**Les contraintes**  $\forall i, j \in \{1, 2, \dots, n\}$ , et  $\forall t \in \{1, 2, \dots, k\}$

- L'écart entre les deux fréquences d'une même station doit être  $\delta_i$  :  $|fe_i - fr_i| = \delta_i$
- L'écart minimum à garantir entre les fréquences des stations  $i$  et  $j$  :
  - $|fe_i - fe_j| \geq \Delta_{i,j}$
  - $|fe_i - fr_j| \geq \Delta_{i,j}$
  - $|fr_i - fe_j| \geq \Delta_{i,j}$
  - $|fr_i - fr_j| \geq \Delta_{i,j}$
- Le nombre de fréquence différentes pour la région  $t$  est au maximum  $n_t$  :  $nValues(\{fr_i, fe_i | \forall i \in \{1, 2, \dots, n\}, r_i = t\}, \leq, n_t)$
- Si les stations  $i$  et  $j$  doivent pouvoir communiquer:  $fr_i = fe_j$  et  $fe_i = fr_j$

## 1.1 Cas 1 : Minimisation du nombre de fréquence utilisées

Dans ce cas, la fonction objective est :

$$\min_{n \in \mathbb{N}} nValue(\{e_i, r_i | \forall i \in \{1, 2, \dots, n\}, =, n)$$

## 1.2 Cas 2 : Utilisation des fréquences les plus basses

Dans ce cas,

$$\min_{n \in \mathbb{N}} \sum_{i=1}^n fe_i + fr_i$$

Option2 Dans ce cas,

$$\min\{\min\{\max_i fe_i, \max_i fr_i\}\}$$

## 1.3 Cas 3 : Minimiser la largeur de la bande de fréquence utilisées

Dans ce cas,

$$\min | \max_j \{ \max_j fe_j, \max_j fr_j \} - \min_j \{ \min_j fe_j, \min_j fr_j \} |$$

## 2 Problèmes de satisfaction de contraintes valués

**Les contraintes**  $\forall i, j \in \{1, 2, \dots, n\}$ , et  $\forall t \in \{1, 2, \dots, k\}$

- L'écart entre les deux fréquences d'une même station doit être  $\delta_i : |fe_i - fr_i| = \delta_i \rightarrow 0 + \infty$
- L'écart minimum à garantir entre les fréquences des stations  $i$  et  $j$  (Dures pour toutes les stations qu'on veut en liaison et grosse molles pour le reste) :
  - $|fe_i - fe_j| \geq \Delta_{i,j}$
  - $|fe_i - fr_j| \geq \Delta_{i,j}$
  - $|fr_i - fe_j| \geq \Delta_{i,j}$
  - $|fr_i - fr_j| \geq \Delta_{i,j}$
- Le nombre de fréquence différentes pour la région  $t$  est au maximum  $n_t$  :  $nValues(\{fr_i, fe_i | \forall i \in \{1, 2, \dots, n\}, r_i = t\}, \leq, n_t)$  0 pour inférieur à  $n_t$  et après ensuite 1 à chaque nouvelle station (donner un maximum pour pas faire exploser le nombre de fréquence)
- Si les stations  $i$  et  $j$  doivent pouvoir communiquer:  $fr_i = fe_j$  et  $fe_i = fr_j$   $0 + \infty$

Contraintes dures 2 pour toutes les stations devant être en liaisons.

### 2.1 Cas 2

**Les contraintes**  $\forall i, j \in \{1, 2, \dots, n\}$ , et  $\forall t \in \{1, 2, \dots, k\}$

- L'écart entre les deux fréquences d'une même station doit être  $\delta_i : |fe_i - fr_i| = \delta_i \rightarrow 0 + \infty$
- L'écart minimum à garantir entre les fréquences des stations  $i$  et  $j$  :
  - $|fe_i - fe_j| \geq \Delta_{i,j}$
  - $|fe_i - fr_j| \geq \Delta_{i,j}$
  - $|fr_i - fe_j| \geq \Delta_{i,j}$
  - $|fr_i - fr_j| \geq \Delta_{i,j}$
- Le nombre de fréquence différentes pour la région  $t$  est au maximum  $n_t$  :  $nValues(\{fr_i, fe_i | \forall i \in \{1, 2, \dots, n\}, r_i = t\}, \leq, n_t)$
- Si les stations  $i$  et  $j$  doivent pouvoir communiquer:  $fr_i = fe_j$  et  $fe_i = fr_j$
- On veut maximiser le nombre de liaison :  $\max_n nValues(\{(i, j) | i < j, fe_i = fr_j, fe_j = fr_i\}, =, n) \rightarrow$