



# Criptografie și Securitate

## - Prelegerea 20 - Permutări cu trapă secretă

Adela Georgescu, Ruxandra F. Olimid

Facultatea de Matematică și Informatică  
Universitatea din București

# Cuprins

1. Definiție
2. Problema rucsacului
3. Construcția sistemelor de criptare asimetrice

# Permutări cu trapă secretă

- ▶ Reamintim noțiunea de funcție **one-way**;

# Permutări cu trapă secretă

- ▶ Reamintim noțiunea de funcție **one-way**;
- ▶ Aceasta este o funcție pentru care este **ușor** de calculat valoarea funcției...

# Permutări cu trapă secretă

- ▶ Reamintim noțiunea de funcție **one-way**;
- ▶ Aceasta este o funcție pentru care este **ușor** de calculat valoarea funcției...
- ▶ ... dar este **dificil** de calculat valoarea funcției inverse;

# Permutări cu trapă secretă

- ▶ Reamintim noțiunea de funcție **one-way**;
- ▶ Aceasta este o funcție pentru care este **ușor** de calculat valoarea funcției...
- ▶ ... dar este **dificil** de calculat valoarea funcției inverse;
- ▶ Am întâlnit noțiunea când am studiat funcțiile hash;

# Permutări cu trapă secretă

- ▶ Reamintim noțiunea de funcție **one-way**;
- ▶ Aceasta este o funcție pentru care este **ușor** de calculat valoarea funcției...
- ▶ ... dar este **dificil** de calculat valoarea funcției inverse;
- ▶ Am întâlnit noțiunea când am studiat funcțiile hash;
- ▶ Dacă  $H : \{0, 1\}^* \rightarrow \{0, 1\}^n$  este o funcție hash (rezistentă la prima preimagine), atunci:

# Permutări cu trapă secretă

- ▶ Reamintim noțiunea de funcție **one-way**;
- ▶ Aceasta este o funcție pentru care este **ușor** de calculat valoarea funcției...
- ▶ ... dar este **dificil** de calculat valoarea funcției inverse;
- ▶ Am întâlnit noțiunea când am studiat funcțiile hash;
- ▶ Dacă  $H : \{0, 1\}^* \rightarrow \{0, 1\}^n$  este o funcție hash (rezistentă la prima preimagine), atunci:
  - ▶ Fiind dat  $x$ , este *eficient* de calculat  $H(x)$ ;



# Permutări cu trapă secretă

- ▶ Reamintim noțiunea de funcție **one-way**;
- ▶ Aceasta este o funcție pentru care este **ușor** de calculat valoarea funcției...
- ▶ ... dar este **dificil** de calculat valoarea funcției inverse;
- ▶ Am întâlnit noțiunea când am studiat funcțiile hash;
- ▶ Dacă  $H : \{0, 1\}^* \rightarrow \{0, 1\}^n$  este o funcție hash (rezistentă la prima preimagine), atunci:
  - ▶ Fiind dat  $x$ , este *eficient* de calculat  $H(x)$ ;
  - ▶ Cunoscând  $H(x)$  este (*computațional*) *dificil* de calculat  $x$ .

# Permutări cu trapă secretă

- Definim noțiunea de **permutare cu trapă secretă** sau **TDP** (TrapDoor Permutation);

# Permutări cu trapă secretă

- ▶ Definim noțiunea de **permutare cu trapă secretă** sau **TDP** (TrapDoor Permutation);
- ▶ Acesta este o permutare one-way...

# Permutări cu trapă secretă

- ▶ Definim noțiunea de **permutare cu trapă secretă** sau **TDP** (**TrapDoor Permutation**);
- ▶ Acesta este o permutare one-way...
- ▶ ... care permite calculul eficient al inversului dacă se cunoaște o informație adițională, numită **cheie secretă**;

# Permutări cu trapă secretă

- ▶ Definim noțiunea de **permutare cu trapă secretă** sau **TDP** (**TrapDoor Permutation**);
- ▶ Acesta este o permutare one-way...
- ▶ ... care permite calculul eficient al inversului dacă se cunoaște o informație adițională, numită **cheie secretă**;
- ▶ Utilizarea cheii secrete permite deținătorului să folosească o **trapă secretă**, de unde provine și denumirea construcției.

# Permutări cu trapă secretă

## Definiție

O *permutare cu trapă secretă* sau *TDP (TrapDoor Permutation)* este un triplet  $(Gen, F, F^{-1})$  unde:

1. *Gen* este un algoritm nedeterminist PPT care generează o pereche de chei  $(pk, sk)$ ;
2.  $F(pk, \cdot) : \mathcal{X} \rightarrow \mathcal{X}$  este o funcție one-way;
3.  $F^{-1}(sk, \cdot) : \mathcal{X} \rightarrow \mathcal{X}$  este o funcție eficient calculabilă;

$$\forall x \in \mathcal{X}, F^{-1}(sk, F(pk, x)) = x$$

# Permutări cu trapă secretă

## Definiție

O *permutare cu trapă secretă* sau *TDP (TrapDoor Permutation)* este un triplet  $(Gen, F, F^{-1})$  unde:

1. *Gen* este un algoritm nedeterminist PPT care generează o pereche de chei  $(pk, sk)$ ;
2.  $F(pk, \cdot) : \mathcal{X} \rightarrow \mathcal{X}$  este o funcție one-way;
3.  $F^{-1}(sk, \cdot) : \mathcal{X} \rightarrow \mathcal{X}$  este o funcție eficient calculabilă;

$$\forall x \in \mathcal{X}, F^{-1}(sk, F(pk, x)) = x$$

- *F* este *sigură* dacă poate fi eficient evaluată, dar nu poate fi inversată fără cunoașterea cheii secrete  $sk$  (decât cu probabilitate neglijabilă);

# Permutări cu trapă secretă

## Definiție

O *permutare cu trapă secretă* sau *TDP (TrapDoor Permutation)* este un triplet  $(Gen, F, F^{-1})$  unde:

1. *Gen* este un algoritm nedeterminist PPT care generează o pereche de chei  $(pk, sk)$ ;
2.  $F(pk, \cdot) : \mathcal{X} \rightarrow \mathcal{X}$  este o funcție one-way;
3.  $F^{-1}(sk, \cdot) : \mathcal{X} \rightarrow \mathcal{X}$  este o funcție eficient calculabilă;

$$\forall x \in \mathcal{X}, F^{-1}(sk, F(pk, x)) = x$$

- ▶ *F* este *sigură* dacă poate fi eficient evaluată, dar nu poate fi inversată fără cunoașterea cheii secrete  $sk$  (decât cu probabilitate neglijabilă);
- ▶ Notății:  $F(pk, \cdot) = F_{pk}(\cdot)$ ,  $F^{-1}(sk, \cdot) = F_{sk}^{-1}(\cdot)$ .



# Problema rucsacului

- Un exemplu de funcție *one-way* este problema rucsacului;

# Problema rucsacului

- ▶ Un exemplu de funcție *one-way* este problema rucsacului;
- ▶ Se dă un vector  $A = (a_1, a_2, \dots, a_n)$  de  $n$  elemente distincte  $a_i \in \mathbb{Z}_+$  și o valoare  $k \in \mathbb{Z}_+$ ;

# Problema rucsacului

- ▶ Un exemplu de funcție *one-way* este problema rucsacului;
- ▶ Se dă un vector  $A = (a_1, a_2, \dots, a_n)$  de  $n$  elemente distincte  $a_i \in \mathbb{Z}_+$  și o valoare  $k \in \mathbb{Z}_+$ ;
- ▶ Se cere să se determine elementele vectorului a căror sumă este  $k$ ;

# Problema rucsacului

- ▶ Un exemplu de funcție *one-way* este problema rucsacului;
- ▶ Se dă un vector  $A = (a_1, a_2, \dots, a_n)$  de  $n$  elemente distincte  $a_i \in \mathbb{Z}_+$  și o valoare  $k \in \mathbb{Z}_+$ ;
- ▶ Se cere să se determine elementele vectorului a căror sumă este  $k$ ;
- ▶ Pentru un vector de  $n$  elemente, problema se poate rezolva verificând pe rând toate submulțimile lui  $A$ ;

# Problema rucsacului

- ▶ Un exemplu de funcție *one-way* este **problema rucsacului**;
- ▶ Se dă un vector  $A = (a_1, a_2, \dots, a_n)$  de  $n$  elemente distincte  $a_i \in \mathbb{Z}_+$  și o valoare  $k \in \mathbb{Z}_+$ ;
- ▶ Se cere să se determine elementele vectorului a căror sumă este  $k$ ;
- ▶ Pentru un vector de  $n$  elemente, problema se poate rezolva verificând pe rând toate submulțimile lui  $A$ ;
- ▶ Cum numărul submulțimilor este de în  $2^n - 1$ , această modalitate de rezolvare este imposibilă pentru  $n$  mare;

# Problema rucsacului

- ▶ Un exemplu de funcție *one-way* este **problema rucsacului**;
- ▶ Se dă un vector  $A = (a_1, a_2, \dots, a_n)$  de  $n$  elemente distincte  $a_i \in \mathbb{Z}_+$  și o valoare  $k \in \mathbb{Z}_+$ ;
- ▶ Se cere să se determine elementele vectorului a căror sumă este  $k$ ;
- ▶ Pentru un vector de  $n$  elemente, problema se poate rezolva verificând pe rând toate submulțimile lui  $A$ ;
- ▶ Cum numărul submulțimilor este de în  $2^n - 1$ , această modalitate de rezolvare este imposibilă pentru  $n$  mare;
- ▶ Problema este (în general) dificilă.

# Problema rucsacului

- ▶ Există însă clase ușoare ale problemei rucsacului;

## Problema rucsacului

- ▶ Există însă clase ușoare ale problemei rucsacului;
- ▶ Una dintre acestea o reprezintă vectorii **super-crescători**;



# Problema rucsacului

- ▶ Există însă clase ușoare ale problemei rucsacului;
- ▶ Una dintre acestea o reprezintă vectorii **super-crescători**;
- ▶ Un vector  $A = (a_1, a_2, \dots, a_n)$  este *super-crescător* dacă satisface:

$$\forall j \geq 2, a_j > \sum_{i=1}^{j-1} a_i$$

# Problema rucsacului

- ▶ Există însă clase ușoare ale problemei rucsacului;
- ▶ Una dintre acestea o reprezintă vectorii **super-crescători**;
- ▶ Un vector  $A = (a_1, a_2, \dots, a_n)$  este *super-crescător* dacă satisface:

$$\forall j \geq 2, a_j > \sum_{i=1}^{j-1} a_i$$

- ▶ Un exemplu este vectorul:

$$A = \{1, 3, 5, 11, 21, 44, 87\}$$

$$3 > 1$$

$$5 > 1 + 3$$

$$11 > 1 + 3 + 5$$

$$21 > 1 + 3 + 5 + 11$$

$$44 > 1 + 3 + 5 + 11 + 21$$

$$87 > 1 + 3 + 5 + 11 + 21 + 44$$

# Problema rucsacului

- ▶ Dăm un algoritm de rezolvare a problemei rucsacului pentru vectori super-crescători;

# Problema rucsacului

- ▶ Dăm un algoritm de rezolvare a problemei rucsacului pentru vectori super-crescători;
- ▶ Cunoscând  $k$ , se parcurge vectorul de la dreapta spre stânga;

# Problema rucsacului

- ▶ Dăm un algoritm de rezolvare a problemei rucsacului pentru vectori super-crescători;
- ▶ Cunoscând  $k$ , se parcurge vectorul de la dreapta spre stânga;
- ▶ Dacă  $k \geq a_i$ , atunci  $a_i$  face parte din sumă (suma tuturor celorlalte elemente este mai mică decât  $a_i$ );

# Problema rucsacului

- ▶ Dăm un algoritm de rezolvare a problemei rucsacului pentru vectori super-crescători;
- ▶ Cunoscând  $k$ , se parcurge vectorul de la dreapta spre stânga;
- ▶ Dacă  $k \geq a_i$ , atunci  $a_i$  face parte din sumă (suma tuturor celorlalte elemente este mai mică decât  $a_i$ );
- ▶ Dacă  $a_i$  face parte din sumă, atunci valoarea  $k$  se actualizează cu  $k - a_i$ ;

# Problema rucsacului

- ▶ Dăm un algoritm de rezolvare a problemei rucsacului pentru vectori super-crescători;
- ▶ Cunoscând  $k$ , se parcurge vectorul de la dreapta spre stânga;
- ▶ Dacă  $k \geq a_i$ , atunci  $a_i$  face parte din sumă (suma tuturor celorlalte elemente este mai mică decât  $a_i$ );
- ▶ Dacă  $a_i$  face parte din sumă, atunci valoarea  $k$  se actualizează cu  $k - a_i$ ;
- ▶ Se repetă procedeul până se parcurge întreg vectorul sau  $k$  devine 0.

## Problema rucsacului

- Pentru exemplul anterior  $A = \{1, 3, 5, 11, 21, 44, 87\}$ , fie  $k = 58$ ;



# Problema rucsacului

- ▶ Pentru exemplul anterior  $A = \{1, 3, 5, 11, 21, 44, 87\}$ , fie  $k = 58$ ;
- ▶ Se obține:  
 $k = 58 < 87 \Rightarrow 87$  nu apare în sumă

# Problema rucsacului

- ▶ Pentru exemplul anterior  $A = \{1, 3, 5, 11, 21, 44, 87\}$ , fie  $k = 58$ ;
- ▶ Se obține:  
 $k = 58 < 87 \Rightarrow 87$  nu apare în sumă  
 $k = 58 > 44 \Rightarrow 44$  apare în sumă și  $k = 58 - 44 = 14$

# Problema rucsacului

- ▶ Pentru exemplul anterior  $A = \{1, 3, 5, 11, 21, 44, 87\}$ , fie  $k = 58$ ;
- ▶ Se obține:
  - $k = 58 < 87 \Rightarrow 87$  nu apare în sumă
  - $k = 58 > 44 \Rightarrow 44$  apare în sumă și  $k = 58 - 44 = 14$
  - $k = 14 < 21 \Rightarrow 21$  nu apare în sumă

# Problema rucsacului

- ▶ Pentru exemplul anterior  $A = \{1, 3, 5, 11, 21, 44, 87\}$ , fie  $k = 58$ ;
- ▶ Se obține:
  - $k = 58 < 87 \Rightarrow 87$  nu apare în sumă
  - $k = 58 > 44 \Rightarrow 44$  apare în sumă și  $k = 58 - 44 = 14$
  - $k = 14 < 21 \Rightarrow 21$  nu apare în sumă
  - $k = 14 > 11 \Rightarrow 11$  apare în sumă și  $k = 14 - 11 = 3$

# Problema rucsacului

- ▶ Pentru exemplul anterior  $A = \{1, 3, 5, 11, 21, 44, 87\}$ , fie  $k = 58$ ;
- ▶ Se obține:
  - $k = 58 < 87 \Rightarrow 87$  nu apare în sumă
  - $k = 58 > 44 \Rightarrow 44$  apare în sumă și  $k = 58 - 44 = 14$
  - $k = 14 < 21 \Rightarrow 21$  nu apare în sumă
  - $k = 14 > 11 \Rightarrow 11$  apare în sumă și  $k = 14 - 11 = 3$
  - $k = 3 < 5 \Rightarrow 5$  nu apare în sumă

# Problema rucsacului

- ▶ Pentru exemplul anterior  $A = \{1, 3, 5, 11, 21, 44, 87\}$ , fie  $k = 58$ ;
- ▶ Se obține:
  - $k = 58 < 87 \Rightarrow 87$  nu apare în sumă
  - $k = 58 > 44 \Rightarrow 44$  apare în sumă și  $k = 58 - 44 = 14$
  - $k = 14 < 21 \Rightarrow 21$  nu apare în sumă
  - $k = 14 > 11 \Rightarrow 11$  apare în sumă și  $k = 14 - 11 = 3$
  - $k = 3 < 5 \Rightarrow 5$  nu apare în sumă
  - $k = 3 = 3 \Rightarrow 3$  apare în sumă și  $k = 3 - 3 = 0$

# Problema rucsacului

- ▶ Pentru exemplul anterior  $A = \{1, 3, 5, 11, 21, 44, 87\}$ , fie  $k = 58$ ;
- ▶ Se obține:
  - $k = 58 < 87 \Rightarrow 87$  nu apare în sumă
  - $k = 58 > 44 \Rightarrow 44$  apare în sumă și  $k = 58 - 44 = 14$
  - $k = 14 < 21 \Rightarrow 21$  nu apare în sumă
  - $k = 14 > 11 \Rightarrow 11$  apare în sumă și  $k = 14 - 11 = 3$
  - $k = 3 < 5 \Rightarrow 5$  nu apare în sumă
  - $k = 3 = 3 \Rightarrow 3$  apare în sumă și  $k = 3 - 3 = 0$
- ▶ S-a obținut deci  $k = 44 + 11 + 3$ .

# Problema rucsacului

- ▶ Transformăm o problemă **simplă** a rucsacului într-o problemă **dificilă** pe baza unei informații secrete și obținem astfel o **funcție cu trapă secretă**;



# Problema rucsacului

- ▶ Transformăm o problemă **simplică** a rucsacului într-o problemă **dificilă** pe baza unei informații secrete și obținem astfel o **funcție cu trapă secretă**;
- ▶ Fie un vector supercrescător  $A = (a_1, a_2, \dots, a_n)$ ;

# Problema rucsacului

- ▶ Transformăm o problemă **simplică** a rucsacului într-o problemă **dificilă** pe baza unei informații secrete și obținem astfel o **funcție cu trapă secretă**;
- ▶ Fie un vector supercrescător  $A = (a_1, a_2, \dots, a_n)$ ;
- ▶ Se aleg un **modul**  $m$  și un **multiplicator**  $t$  a.î.  $\gcd(c, m) = 1$ ;

# Problema rucsacului

- ▶ Transformăm o problemă **simplică** a rucsacului într-o problemă **dificilă** pe baza unei informații secrete și obținem astfel o **funcție cu trapă secretă**;
- ▶ Fie un vector supercrescător  $A = (a_1, a_2, \dots, a_n)$ ;
- ▶ Se aleg un **modul**  $m$  și un **multiplicator**  $t$  a.î.  $\gcd(c, m) = 1$ ;
- ▶ Se calculează  $B = (b_1, b_2, \dots, b_n)$ , unde  $b_i = a_i \cdot t \pmod{m}$ ;

# Problema rucsacului

- ▶ Transformăm o problemă **simplică** a rucsacului într-o problemă **dificilă** pe baza unei informații secrete și obținem astfel o **funcție cu trapă secretă**;
- ▶ Fie un vector supercrescător  $A = (a_1, a_2, \dots, a_n)$ ;
- ▶ Se alege un **modul**  $m$  și un **multiplicator**  $t$  a.î.  $\gcd(c, m) = 1$ ;
- ▶ Se calculează  $B = (b_1, b_2, \dots, b_n)$ , unde  $b_i = a_i \cdot t \pmod{m}$ ;
- ▶ Cunoscând  $A$  problema este simplă, dar cunoscând  $B$  problema este dificilă.

## Problema rucsacului

- Pentru exemplul anterior:  $A = \{1, 3, 5, 11, 21, 44, 87\}$ , fie  $t = 43$  și  $m = 1590$ ;

## Problema rucsacului

- ▶ Pentru exemplul anterior:  $A = \{1, 3, 5, 11, 21, 44, 87\}$ , fie  $t = 43$  și  $m = 1590$ ;
- ▶ Se obține  $B = \{43, 129, 215, 473, 903, 302, 561\}$ ;

# Problema rucsacului

- ▶ Pentru exemplul anterior:  $A = \{1, 3, 5, 11, 21, 44, 87\}$ , fie  $t = 43$  și  $m = 1590$ ;
- ▶ Se obține  $B = \{43, 129, 215, 473, 903, 302, 561\}$ ;
- ▶ Se cere rezolvarea problemei rucsac pentru  $k = 904$  și  $B$ , care este dificilă (facem abstracție de dimensiunea lui  $n$ );

# Problema rucsacului

- ▶ Pentru exemplul anterior:  $A = \{1, 3, 5, 11, 21, 44, 87\}$ , fie  $t = 43$  și  $m = 1590$ ;
- ▶ Se obține  $B = \{43, 129, 215, 473, 903, 302, 561\}$ ;
- ▶ Se cere rezolvarea problemei rucsac pentru  $k = 904$  și  $B$ , care este dificilă (facem abstracție de dimensiunea lui  $n$ );
- ▶ Pentru deținătorul trapei secrete  $(t, m) = (43, 1590)$  problema devine ușoară;



# Problema rucsacului

- ▶ Pentru exemplul anterior:  $A = \{1, 3, 5, 11, 21, 44, 87\}$ , fie  $t = 43$  și  $m = 1590$ ;
- ▶ Se obține  $B = \{43, 129, 215, 473, 903, 302, 561\}$ ;
- ▶ Se cere rezolvarea problemei rucsac pentru  $k = 904$  și  $B$ , care este dificilă (facem abstracție de dimensiunea lui  $n$ );
- ▶ Pentru deținătorul trapei secrete  $(t, m) = (43, 1590)$  problema devine ușoară;
- ▶ Aceasta se rezumă la rezolvarea problemei pentru  $k = 904 \cdot 43^{-1} \pmod{1590} = 58$  și  $A$  pe care am rezolvat-o anterior.

# Algoritmul lui Euclid extins

- Pentru calculul  $43^{-1} \pmod{1590}$  am folosit **algoritmul lui Euclid extins**;

# Algoritmul lui Euclid extins

- ▶ Pentru calculul  $43^{-1} \pmod{1590}$  am folosit **algoritmul lui Euclid extins**;
- ▶ Se fac împărțiri cu rest repetate (împărțitorul se împarte la rest) până se obține restul 1:  
$$1590 = 43 \cdot 36 + 42$$
$$43 = 42 \cdot 1 + 1$$

# Algoritmul lui Euclid extins

- ▶ Pentru calculul  $43^{-1} \pmod{1590}$  am folosit **algoritmul lui Euclid extins**;
- ▶ Se fac împărțiri cu rest repetate (împărțitorul se împarte la rest) până se obține restul 1:  
$$1590 = 43 \cdot 36 + 42$$
$$43 = 42 \cdot 1 + 1$$
- ▶ Se înlocuiesc valorile restului în sens invers:  
$$1 = 43 - 42 \pmod{1590}$$
$$1 = 43 - (1590 - 43 \cdot 36) \pmod{1590} = 43 \cdot 37 \pmod{1590}$$

# Algoritmul lui Euclid extins

- ▶ Pentru calculul  $43^{-1} \pmod{1590}$  am folosit **algoritmul lui Euclid extins**;
- ▶ Se fac împărțiri cu rest repetate (împărțitorul se împarte la rest) până se obține restul 1:  
$$1590 = 43 \cdot 36 + 42$$
$$43 = 42 \cdot 1 + 1$$
- ▶ Se înlocuiesc valorile restului în sens invers:  
$$1 = 43 - 42 \pmod{1590}$$
$$1 = 43 - (1590 - 43 \cdot 36) \pmod{1590} = 43 \cdot 37 \pmod{1590}$$
- ▶ Cum  $43 \cdot 37 \pmod{1590} = 1 \Rightarrow 43^{-1} \pmod{1590} = 37$ .

# Construcția sistemelor de criptare asimetrice

- ▶ Folosim TDP pentru construcția sistemelor de criptare asimetrice;

## Construcție

*Fie  $(Gen, F, F^{-1})$  TDP cu  $F : \mathcal{X} \rightarrow \mathcal{Y}$ ,  $(Enc, Dec)$  un sistem de criptare simetric sigur cu autentificarea mesajelor definit peste  $(\mathcal{X}, \mathcal{Y})$  și  $H : \mathcal{X} \rightarrow \mathcal{K}$  o funcție hash. Definim un sistem de criptare asimetrică peste  $(\mathcal{K}, \mathcal{X}, \mathcal{Y})$  în felul următor:*

- ▶  $Enc_{pk}(m) = (y, c) = (F_{pk}(x), Enc_k(m))$ , unde  $k = H(x)$  și  $x \xleftarrow{R} \mathcal{X}$ ;
- ▶  $Dec_{sk}(y, c) = Dec_k(c)$ , unde  $k = H(x)$  și  $x = F_{sk}^{-1}(y)$ ;

# Exemple

## ▶ Merkle-Hellman

- ▶ definit în 1978 de R.Merkle și M.Hellman
- ▶ bazat pe problema rucsacului
- ▶ spart la numai câțiva ani de la publicare

# Exemple

## ▶ Merkle-Hellman

- ▶ definit în 1978 de R.Merkle și M.Hellman
- ▶ bazat pe problema rucsacului
- ▶ spart la numai câțiva ani de la publicare

## ▶ RSA

- ▶ definit în 1977 de R.Rivest, A.Shamir și L.Adleman
- ▶ bazat pe problema RSA și indirect a factorizării numerelor mari
- ▶ cel mai cunoscut sistem de criptare cu cheie publică



# Important de reținut!

- ▶ Noțiunea de permutare cu trapă secretă (TDP)
- ▶ Construcția sistemelor de criptare asimetrice folosind TDP