Programare declarativă¹

Operatori, Funcții (din nou), Recursie (din nou)

Traian Florin Şerbănuță

Departamentul de Informatică, FMI, UNIBUC traian.serbanuta@fmi.unibuc.ro

21 octombrie 2016

¹bazat pe cursul Informatics 1: Functional Programming de la University of Edinburgh

Operatori Booleeni

not' :: Bool -> Bool

Operatori Booleeni

```
not' :: Bool -> Bool
not' True = False
not' False = True
```

Operatori Booleeni

```
not' :: Bool -> Bool
not' True = False
not' False = True
(&&&) :: Bool -> Bool -> Bool
```

Operatori Booleeni

```
not' :: Bool -> Bool
not' True = False
not' False = True
(&&&) :: Bool -> Bool -> Bool
True &&& b = b
False &&& _ = False
```

```
Prelude> mod 5 2
1
Prelude> 5 'mod' 2
```

```
Prelude> mod 5 2
1
Prelude> 5 'mod' 2
1
divide :: Int -> Int -> Bool
```

```
Prelude> mod 5 2
1
Prelude> 5 'mod' 2
1
divide :: Int -> Int -> Bool
x 'divide ' y = y 'mod' x == 0
```

```
Prelude> mod 5 2
1
Prelude> 5 'mod' 2
1
divide :: Int -> Int -> Bool
x 'divide ' y = y 'mod' x == 0
apartine :: Int -> [Int] -> Bool
```

```
Prelude> mod 5 2
1
Prelude> 5 'mod' 2
1

divide :: Int -> Int -> Bool
    x 'divide ' y = y 'mod' x == 0

apartine :: Int -> [Int] -> Bool
    x 'apartine ' [] = False
    x 'apartine ' (y:xs) = x == y || (x 'apartine ' xs)
```

Precedență și asociativitate

Prelude>
$$3+5*4:[6]++8-2+3:[2]==[23,6,9,2]||$$
True==**False**

Precedentă si asociativitate

Prelude> 3+5*4:[6]++8-2+3:[2]==[23,6,9,2]||True==False True

Precedență și asociativitate

Prelude> 3+5*4:[6]++8-2+3:[2]==[23,6,9,2]||True==False True

Precedence	Left associative	Non-associative	Right associative
9	!!		
8			^, ^^, **
7	*, /, 'div', 'mod',		
	'rem', 'quot'		
6	+, -		
5			:,++
4		==, /=, <, <=, >, >=,	
		'elem', 'notElem'	
3			&&
2			
1	>>, >>=		
0			\$, \$!, 'seq'

Declararea precedenței și a modului de grupare infix, infixr

```
(<+>) :: Int -> Int -> Int
x <+> y = x + y + 1
*Main> 1 <+> 2 * 3 <+> 4
```

Declararea precedenței și a modului de grupare

infix, infixl, infixr

Declararea precedenței și a modului de grupare

infix, infixl, infixr

```
infix1 6 <+>
(<+>) :: Int -> Int -> Int
x <+> y = x + y + 1

*Main> 1 <+> 2 * 3 <+> 4
13
```

infix, infixl, infixr

```
infix1 6 <+>
(<+>) :: Int -> Int -> Int
x <+> y = x + y + 1

*Main> 1 <+> 2 * 3 <+> 4
13
```

```
egal :: Float -> Float -> Bool
x 'egal' y = abs(x - y) <= 0.001
*Main> 1 / 32 'egal' 1 / 33
```

infix, infixl, infixr

```
infix1 6 <+>
(<+>) :: Int -> Int -> Int
x <+> y = x + y + 1

*Main> 1 <+> 2 * 3 <+> 4
13
```

```
egal :: Float -> Float -> Bool
x 'egal' y = abs(x - y) <= 0.001
*Main> 1 / 32 'egal' 1 / 33
```

Eroare de sintaxă

--(1 / (32 'egal' 1)) / 33

```
infix1 6 <+>
(<+>) :: Int -> Int -> Int
x < +> y = x + y + 1
*Main> 1 <+> 2 * 3 <+> 4
13
infix 4 'egal'
egal :: Float -> Float -> Bool
x 'egal' y = abs(x - y) <= 0.001
*Main> 1 / 32 'egal' 1 / 33
True
```

Precedență și asociativitate

Duasadanas	l eft coopeinting	Niew engelietisch	Dialet essesiative
Precedence	Left associative	Non-associative	Right associative
9	!!		
8			^, ^^, **
7	*, /, 'div', 'mod',		
	'rem', 'quot'		
6	+, -		
5			:,++
4		==, /=, <, <=, >, >=,	
		'elem', 'notElem'	
3			&&
2			
1	>>, >>=		
0			\$, \$!, 'seq'

De ce este operatorul - asociativ la stanga?

De ce este operatorul - asociativ la stanga?

De ce este operatorul - asociativ la stanga?

De ce este operatorul : asociativ la dreapta?

De ce este operatorul - asociativ la stanga?

$$5 - 2 - 1 == (5 - 2) - 1$$

De ce este operatorul : asociativ la dreapta?

De ce este operatorul - asociativ la stanga?

$$5 - 2 - 1 == (5 - 2) - 1$$

De ce este operatorul : asociativ la dreapta?

De ce este operatorul ++ asociativ la dreapta?

De ce este operatorul - asociativ la stanga?

De ce este operatorul : asociativ la dreapta?

Care este complexitatea aplicării operatorului ++?

De ce este operatorul ++ asociativ la dreapta?

De ce este operatorul - asociativ la stanga?

$$5 - 2 - 1 == (5 - 2) - 1$$

De ce este operatorul : asociativ la dreapta?

Care este complexitatea aplicării operatorului ++?

$$(++)$$
 :: [a] -> [a] -> [a]
[] ++ ys = ys
(x:xs) ++ ys = x:(xs ++ ys)

liniară în lungimea primului argument

De ce este operatorul ++ asociativ la dreapta?

De ce este operatorul - asociativ la stanga?

De ce este operatorul : asociativ la dreapta?

Care este complexitatea aplicării operatorului ++?

liniară în lungimea primului argument

De ce este operatorul ++ asociativ la dreapta?

Vrem ca lungimea primului argument să fie cât mai mică

$$|1 + |2 + |3 + |4 + |5 = |1 + (|2 + (|3 + (|4 + |5 |)))$$

Recursie (din nou)

Generarea [m..n]

```
Prelude> [3..7]
[3,4,5,6,7]
Prelude> enumFromTo 3 7
[3,4,5,6,7]
[m..n] este o notație pentru enumFromTo m n
enumFromTo :: Integer -> [Integer]
```

Generarea [m..n]

```
Prelude> [3..7]
[3,4,5,6,7]
Prelude> enumFromTo 3 7
[3,4,5,6,7]
[m..n] este o notație pentru enumFromTo m n
enumFromTo :: Integer -> Integer -> [Integer]
enumFromTo m n | m > n = []
| otherwise = m : enumFromTo (m + 1) n
```

Generarea [m..]

```
[m..] este o notație pentru enumFrom m
enumFrom :: Integer -> [Integer]
```

Generarea [m..]

```
[m..] este o notație pentru enumFrom m
enumFrom :: Integer -> [Integer]
enumFrom m = m : enumFrom (m + 1)
```

Exemplu de rulare

```
enumFrom 4
= 4 : enumFrom 5
= 4 : 5 : enumFrom 6
= 4 : 5 : 6 : enumFrom 7
= 4 : 5 : 6 : 7 : enumFrom 8
= . . . . . .
```

Zip

Zip împerechează (în ordine, câte două) elementele a două liste

$$zip :: [a] \rightarrow [b] \rightarrow [(a,b)]$$

Zip

Zip împerechează (în ordine, câte două) elementele a două liste

```
zip :: [a] -> [b] -> [(a,b)]
zip [] ys = []
zip xs [] = []
zip (x:xs) (y:ys) = (x, y) : zip xs ys
```

Exemplu de rulare

Zip cu liste infinite

```
zip :: [a] -> [b] -> [(a,b)]
zip [] ys = []
zip xs [] = []
zip (x:xs) (y:ys) = (x, y) : zip xs ys
```

Exemplu de rulare (leneșă)

```
zip [0..] "abc"
= zip (0:[1..]) "abc"
= zip (0:[1..]) ('a':"bc")
= (0,'a') : zip [1..] "bc"
= (0,'a') : ((1,'b') : zip [2..] "c")
= (0,'a') : ((1,'b') : ((2,'c') : zip [3..] ""))
= (0,'a') : ((1,'b') : ((2,'c') : zip (3:[4..]) ""))
= (0,'a') : ((1,'b') : ((2,'c') : []))
= [(0,'a'),(1,'b'),(2,'c')]
```

Produs scalar

Pentru doi vectori \overline{a} și \overline{b} de aceeași lungime, produsul scalar este $\sum_i a_i * b_i$

dot :: Num a =>
$$[a] -> [a] -> a$$

Produs scalar

Pentru doi vectori \overline{a} și \overline{b} de aceeași lungime, produsul scalar este $\sum_i a_i * b_i$

```
dot :: Num a => [a] -> [a] -> a
dot xs ys = sum [x * y | (x,y) <- xs 'zip' ys]
```

Exemplu de rulare

Search

search caută toate pozițiile dintr-o listă pe care apare un element dat.

search :: Eq a
$$\Rightarrow$$
 [a] \Rightarrow a \Rightarrow [Int]

Search

search caută toate pozițiile dintr-o listă pe care apare un element dat.

```
search :: Eq a => [a] -> a -> [Int]
search xs x = [i | (i,y) <- [0..] 'zip' xs, y == x]
```

Exemplu de rulare

```
search "abac" 'a'
= [i | (i,y) <- [0..] 'zip' "abac", y == 'a']
= [i | (i,y) <- [(0,'a'),(1,'b'),(2,'a'),(3,'c')], y == 'a']
= [0|'a' == 'a'] ++ [1 | 'b' == 'a'] ++ [2 | 'a' == 'a'] ++
      [3 | 'c' == 'a']
= [0,2]</pre>
```