

- Prelegerea 16 -Criptografia asimetrică

Adela Georgescu, Ruxandra F. Olimid

Facultatea de Matematică și Informatică Universitatea din București

Cuprins

1. Limitările criptografiei simetrice

2. Criptografia asimetrică

Limitările criptografiei simetrice

Am studiat până acum criptografia simetrică;

Limitările criptografiei simetrice

- Am studiat până acum criptografia simetrică;
- Aceasta asigură confidențialitatea și integritatea mesajelor transmise pe canale nesecurizate;

Limitările criptografiei simetrice

- Am studiat până acum criptografia simetrică;
- Aceasta asigură confidențialitatea și integritatea mesajelor transmise pe canale nesecurizate;
- Însă rămân multe probleme nerezolvate...

 Criptarea simetrică necesită o cheie secretă comună părților comunicante;

- Criptarea simetrică necesită o cheie secretă comună părților comunicante;
- ▶ Întrebare: Cum se obțin și se distribuie aceste chei?

- Criptarea simetrică necesită o cheie secretă comună părților comunicante;
- Întrebare: Cum se obţin şi se distribuie aceste chei?
- Varianta 1. Se transmit printr-un canal de comunicație nesecurizat;

- Criptarea simetrică necesită o cheie secretă comună părților comunicante;
- ▶ Întrebare: Cum se obțin și se distribuie aceste chei?
- Varianta 1. Se transmit printr-un canal de comunicație nesecurizat;
- NU! Un adversar pasiv le poate intercepta şi utiliza ulterior pentru decriptarea comunicaţiei.

► Varianta 2. Se transmit printr-un canal de comunicație sigur care presupune un serviciu de mesagerie de încredere;

- ▶ Varianta 2. Se transmit printr-un canal de comunicație sigur care presupune un serviciu de mesagerie de încredere;
- Opțiunea poate fi posibilă la nivel guvernamental sau militar;

- ▶ Varianta 2. Se transmit printr-un canal de comunicație sigur care presupune un serviciu de mesagerie de încredere;
- Opțiunea poate fi posibilă la nivel guvernamental sau militar;
- Dar nu va fi niciodată posibilă în cazul organizațiilor numeroase;

- ▶ Varianta 2. Se transmit printr-un canal de comunicație sigur care presupune un serviciu de mesagerie de încredere;
- ▶ Opțiunea poate fi posibilă la nivel guvernamental sau militar;
- Dar nu va fi niciodată posibilă în cazul organizațiilor numeroase;
- Presupunem doar cazul în care fiecare manager trebuie să partajeze o cheie secretă cu fiecare subordonat;

- ▶ Varianta 2. Se transmit printr-un canal de comunicație sigur care presupune un serviciu de mesagerie de încredere;
- ▶ Opțiunea poate fi posibilă la nivel guvernamental sau militar;
- Dar nu va fi niciodată posibilă în cazul organizațiilor numeroase;
- Presupunem doar cazul în care fiecare manager trebuie să partajeze o cheie secretă cu fiecare subordonat;
- Problemele care apar sunt multiple: pentru fiecare nou angajat este necesară stabilirea cheilor, organizația are sedii în mai multe tări, ...

 Rămânem la exemplul anterior al unei organizații numeroase cu N angajați;

- Rămânem la exemplul anterior al unei organizații numeroase cu N angajați;
- ▶ Întrebare: Câte chei sunt necesare pentru ca fiecare 2 angajați să poată comunica criptat?

- Rămânem la exemplul anterior al unei organizații numeroase cu N angajați;
- ▶ Întrebare: Câte chei sunt necesare pentru ca fiecare 2 angajați să poată comunica criptat?
- Răspuns: $C_N^2 = N(N-1)/2$;

- Rămânem la exemplul anterior al unei organizații numeroase cu N angajați;
- ▶ Întrebare: Câte chei sunt necesare pentru ca fiecare 2 angajați să poată comunica criptat?
- ▶ Răspuns: $C_N^2 = N(N-1)/2$;
- ► La acestea se adaugă cheile necesare pentru accesul la resurse (servere, imprimante, baze de date ...);

- Rămânem la exemplul anterior al unei organizații numeroase cu N angajați;
- ▶ Întrebare: Câte chei sunt necesare pentru ca fiecare 2 angajați să poată comunica criptat?
- ► Răspuns: $C_N^2 = N(N-1)/2$;
- ► La acestea se adaugă cheile necesare pentru accesul la resurse (servere, imprimante, baze de date ...);
- Apare o problemă de logistică: foarte multe chei sunt dificil de menținut și utilizat;

- Rămânem la exemplul anterior al unei organizații numeroase cu N angajați;
- ▶ Întrebare: Câte chei sunt necesare pentru ca fiecare 2 angajați să poată comunica criptat?
- ▶ Răspuns: $C_N^2 = N(N-1)/2$;
- ► La acestea se adaugă cheile necesare pentru accesul la resurse (servere, imprimante, baze de date ...);
- Apare o problemă de logistică: foarte multe chei sunt dificil de menținut și utilizat;
- ▶ Şi apare o problemă de **securitate**: cu cât sunt mai multe chei, cu atât sunt mai dificil de stocat în mod sigur, deci cresc sansele de a fi furate de adversari;

 Sistemele informatice sunt deseori infectate de programe malițioase care fură cheile secrete și le transmit prin internet către atacator;

- Sistemele informatice sunt deseori infectate de programe malițioase care fură cheile secrete și le transmit prin internet către atacator;
- Totuși dacă numărul de chei este mic, există soluții de stocare cu securitate crescută;

- Sistemele informatice sunt deseori infectate de programe malițioase care fură cheile secrete și le transmit prin internet către atacator;
- Totuși dacă numărul de chei este mic, există soluții de stocare cu securitate crescută;
- Un exemplu îl reprezintă dispozitivele de tip smartcard;

- Sistemele informatice sunt deseori infectate de programe malițioase care fură cheile secrete și le transmit prin internet către atacator;
- Totuși dacă numărul de chei este mic, există soluții de stocare cu securitate crescută;
- Un exemplu îl reprezintă dispozitivele de tip smartcard;
- Acestea realizează calculele criptografice folosind cheia stocată, asigurând faptul că niciodată cheia secretă nu ajunge în calculator;

- Sistemele informatice sunt deseori infectate de programe malițioase care fură cheile secrete și le transmit prin internet către atacator;
- Totuși dacă numărul de chei este mic, există soluții de stocare cu securitate crescută;
- Un exemplu îl reprezintă dispozitivele de tip smartcard;
- Acestea realizează calculele criptografice folosind cheia stocată, asigurând faptul că niciodată cheia secretă nu ajunge în calculator;
- Capacitatea de stocare a unui smartcard este însă limitată, neputând memora, de exemplu mii de chei criptografice.

Problema 3 - Medii de comunicare deschise

 Deși dificil de stocat sau utilizat, criptografia simetrică ar putea (cel puțin în teorie) să rezolve aceste probleme;

Problema 3 - Medii de comunicare deschise

- Deși dificil de stocat sau utilizat, criptografia simetrică ar putea (cel puțin în teorie) să rezolve aceste probleme;
- ▶ Dar este insuficientă în medii deschise, în care participanții nu se întâlnesc niciodată;

Problema 3 - Medii de comunicare deschise

- Deși dificil de stocat sau utilizat, criptografia simetrică ar putea (cel puțin în teorie) să rezolve aceste probleme;
- Dar este insuficientă în medii deschise, în care participanții nu se întâlnesc niciodată;
- Astfel de exemple includ: o tranzație prin internet sau un e-mail transmis unei persoane necunoscute;

"Solutions that are based on private-key cryptography are not sufficient to deal with the problem of secure communication in open systems where parties connot phisically meet, or where parties have transient interactions."

(J.Katz, Y.Lindell: Introduction to Modern Cryptography)

Problema 4 - Imposibilitatea non-repudierii

▶ O cheie simetrică este deținută de cel puțin 2 părți;

Problema 4 - Imposibilitatea non-repudierii

- O cheie simetrică este deţinută de cel puţin 2 părţi;
- Este imposibil de demonstrat de exemplu că un MAC a fost produs de una dintre cele 2 părți comunicante;

Problema 4 - Imposibilitatea non-repudierii

- O cheie simetrică este deţinută de cel puţin 2 părţi;
- Este imposibil de demonstrat de exemplu că un MAC a fost produs de una dintre cele 2 părți comunicante;
- ▶ De aceea nu se poate utiliza autentificarea simetrică pentru a atesta sursa unui mesaj sau document.

Criptografia asimetrică

Criptografia cu cheie publică este introdusă de W.Diffie şi M.Hellman in 1976 ca o soluție la problemele enumerate anterior:

"Two kinds of contemporary developments in cryptography are examined. Widening applications of teleprocessing have given rise to a need for new types of cryptographic systems, which minimize the need for secure key distribution channels and supply the equivalent of written signature. This paper suggests ways to solve these currently open problems."

(W.Diffie, M.Hellman: New Directions in Cryptography - abstract)

Criptografia asimetrică



[http://cisac.stanford.edu/people/whitfield_diffie/]



[http://www-ee.
stanford.edu/~hellman/]

Criptografia asimetrică





Home > Awards > CRYPTOGRAPHY PIONEERS RECEIVE ACM A.M. TURING AWARD

CRYPTOGRAPHY PIONEERS RECEIVE ACM A.M. TURING AWARD

Diffie and Hellman's Invention of Public-Key Cryptography and Digital Signatures Revolutionized Computer Security

ACM, the Association for Computing Machinery, today named Whitfield Diffie, former Chief Security Officer of Sun Microsystems and Martin E. Hellman, Professor Emeritus of Electrical Engineering at Stanford University, recipients of the 2015 ACM A.M. Turing Award for critical contributions to modern cryptography. The ability for two parties to use encryption to communicate privately over an otherwise insecure channel is fundamental for billions of people around the world. On a daily basis, individuals establish secure online connections with banks, e-commerce sites, email servers and the cloud. Diffie and Hellman's

[https://www.acm.org/awards/2015-turing]

Sisteme de criptare asimetrice

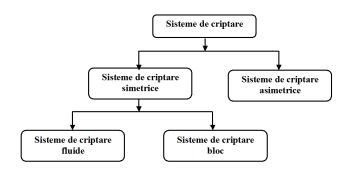
 Am studiat sisteme de criptare care folosesc aceeaşi cheie pentru criptare şi decriptare - sisteme de criptare simetrice;

Sisteme de criptare asimetrice

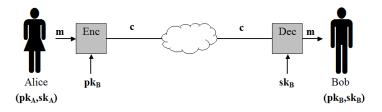
- Am studiat sisteme de criptare care folosesc aceeaşi cheie pentru criptare şi decriptare - sisteme de criptare simetrice;
- Vom studia sisteme de criptare care folosesc chei diferite pentru criptare și decriptare - sisteme de criptare asimetrice;

Sisteme de criptare asimetrice

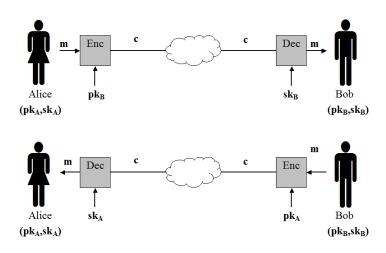
- Am studiat sisteme de criptare care folosesc aceeaşi cheie pentru criptare şi decriptare - sisteme de criptare simetrice;
- Vom studia sisteme de criptare care folosesc chei diferite pentru criptare și decriptare - sisteme de criptare asimetrice;



Criptarea asimetrică (cu cheie publică)



Criptarea asimetrică (cu cheie publică)



Criptarea asimetrică (cu cheie publică)

Definiție

Un sistem de criptare asimetric definit peste (K, M, C), cu:

- $\mathcal{K} = \mathcal{K}_{pk} \times \mathcal{K}_{sk} = spațiul cheilor, de forma unor perechi (pk, sk), unde pk este cheia publică și sk este cheia secretă$
- $\mathcal{M} = spațiul textelor clare (mesaje)$
- $ightharpoonup \mathcal{C} = spațiul textelor criptate$

este un dublet (Enc, Dec), unde:

- 1. Enc: $\mathcal{K}_{pk} \times \mathcal{M} \to \mathcal{C}$
- 2. Dec: $\mathcal{K}_{sk} \times \mathcal{C} \to \mathcal{M}$
- $a.\hat{i}. \ \forall m \in \mathcal{M}, (pk, sk) \in \mathcal{K} : Dec_{sk}(Enc_{pk}(m)) = m.$

► Spre deosebire de criptarea simetrică, criptarea asimetrică folosește o pereche de chei:

- ► Spre deosebire de criptarea simetrică, criptarea asimetrică folosește o pereche de chei:
- Cheia publică pk este folosită pentru criptare;

- Spre deosebire de criptarea simetrică, criptarea asimetrică folosește o pereche de chei:
- Cheia publică pk este folosită pentru criptare;
- ► Cheia secretă sk este folosită pentru decriptare;

- Spre deosebire de criptarea simetrică, criptarea asimetrică folosește o pereche de chei:
- Cheia publică pk este folosită pentru criptare;
- Cheia secretă sk este folosită pentru decriptare;
- Cheia publică este larg răspândită pentru a asigura posibilitatea de criptare oricui dorește să transmită un mesaj către entitatea căreia îi corespunde;

- Spre deosebire de criptarea simetrică, criptarea asimetrică folosește o pereche de chei:
- Cheia publică pk este folosită pentru criptare;
- Cheia secretă sk este folosită pentru decriptare;
- Cheia publică este larg răspândită pentru a asigura posibilitatea de criptare oricui dorește să transmită un mesaj către entitatea căreia îi corespunde;
- Cheia secretă este privată și nu se cunoaște decât de entitatea căreia îi corespunde;

- Spre deosebire de criptarea simetrică, criptarea asimetrică folosește o pereche de chei:
- Cheia publică pk este folosită pentru criptare;
- Cheia secretă sk este folosită pentru decriptare;
- Cheia publică este larg răspândită pentru a asigura posibilitatea de criptare oricui dorește să transmită un mesaj către entitatea căreia îi corespunde;
- Cheia secretă este privată și nu se cunoaște decât de entitatea căreia îi corespunde;
- Considerăm (pentru simplitate) că ambele chei au lungime cel puţin n biţi.

Criptografia asimetrică vs. Criptografia simetrică

Criptografia simetrică

- necesită secretizarea întregii chei
- folosește aceeași cheie pentru criptare și decriptare
- rolurile emiţătorului şi ale receptorului pot fi schimbate
- pentru ca un utilizator să primească mesaje criptate de la mai mulți emițători, trebuie să partajeze cu fiecare câte o cheie

Criptografia asimetrică

- necesită secretizarea unei jumătăți din cheie
- folosește chei distincte pentru criptare și decriptare
- rolurile emiţătorului şi ale receptorului nu pot fi schimbate
- o pereche de chei asimetrice permite oricui să transmită informație criptată către entitatea căreia îi corespunde

Criptografia asimetrică

Avantaje

- număr mai mic de chei
- simplifică problema distribuirii cheilor
- fiecare participant trebuie să stocheze o singură cheie secretă de lungă durată
- permite comunicarea sigură pe canale publice
- rezolvă problema mediilor de comunicare deschise

Dezavantaje

- criptarea asimetrică este mult mai lentă decât criptarea simetrică
- compromiterea cheii private conduce la compromiterea tuturor mesajelor criptate primite, indiferent de sursă
- necesită verificarea autenticității cheii publice (PKI rezolvă această problemă)

Important de reținut!

- Criptografia simetrică NU rezolvă toate problemele criptografiei
- Criptografia asimetrică apare în completarea criptografiei simetrice