Зад. 9 (Минимална описана окръжност)

Разглеждаме множество от точки в равнината. Точките имат целочислени координати в интервала [0, Integer.MAX_VALUE]. Съществуват безброй много окръжности в равнината, съдържащи това множество от точки.

Вашата задача е да напишете програма намираща **минималната**, описана около множеството от точки окръжност. Програмата намира минималната описана окръжност използвайки паралелни процеси (нишки).

Изискванията към програмата са следните:

(о) Броят на точките задаваме с подходящо избран команден параметър – например "-n 1024". Координатите на точките, генерираме произволно с помощта на Math.random() (класа java.util.Random) или java.util.concurrent.ThreadLocalRandom;

Разликата между двата начина - **Math.random()** е достъпен във всички версии на Java и ужасно бавен. Не е проектиран за работа в много-нишкова (multi-threaded) среда; В Java 7 и 8, разполагаме с **ThreadLocalRandom**, който е специално проектиран за работа в рамките на отделен thread (респективно multi-threaded среда);

Ще бъде много интересно да реализирате програма, използваща и двата начина и съответно получим два вида резултати от работата на програмата;

(о) Команден параметър указващ входен текстов файл, съдържащ координатите на точките, чийто минимална описана окръжност ще търсим – например "-i points-data.in". Параметрите "-n" и "-i" са взаимно-изключващи се; Ако все пак бъдат зададени и двата решението как да реагира програмата е Ваше.

Форматът на файла points-data.in е следният:

```
=== цитат ===

n

x1 y1

x2 y2

...

xn yn

=== цитат ===
```

Тоест:

1вият ред съдържа единствено число, указващо броят точки;

На оставащите \mathbf{n} реда във файла са разположени координатите по Ох и Оу на всяка от \mathbf{n} -те точки, разделени с интервал;

- (о) Друг команден параметър задава максималния брой нишки (задачи) на които разделяме работата по намирането на минималната описана окръжност например "-t 1" или "-tasks 3";
- (о) Програмата извежда подходящи съобщения на различните етапи от работата си, както и времето отделено за изчисление и резултата от изчислението радиуса на минималната описана окръжност (и евентуално координатите на центъра и). Последните, в общия случай са реални числа;

Примери за подходящи съобщения:

```
"Thread-<num> started.",

"Thread-<num> stopped.",

"Thread-<num> execution time was (millis): <num>",

"Threads used in current run: <num>",

"Total execution time for current run (millis): <num>" и т.н.;
```

(о) Да се осигури възможност за "quiet" режим на работа на програмата, при който се извежда само времето отделено за изчисление (намиране) на минималната описана окръжност. Освен това се извеждат радиуса и координатите на центъра на намерената окръжност. Режима реализираме чрез подходящо избран друг команден параметър – например "-q";

ЗАБЕЛЕЖКА:

(о) При желание за направата на подходящ графичен потребителски интерфейс (GUI) с помощта на класовете от пакета javax.swing задачата може да се изпълни от двама души; Разработването на графичен интерфейс не отменя изискването Вашата програма да поддържа изредените командни параметри. В този случай към функцията на параметъра параметъра "-q" се добавя изискването да не пуска графичният интерфейс. Причината за това е, че Вашата програма трябва да позволява отдалечено тестване, а то ще се извършва в terminal.

Уточнения (hints) към задачата:

(о) В условието на задачата се говори за разделянето на работата на две или повече нишки. Работата върху съответната задача, в случаят в който е зададен "-t 1" (т.е. цялата задача се решава от една нишка) ще служи за еталон, по който да измерваме евентуално ускорение (т.е. това е Т1). В кода реализиращ решението на задачата трябва да се предвиди и тази възможност – задачата да бъде решавана от единствена нишка (процес); Пускайки програмата да работи върху задачата с помощта на единствена нишка, ще считаме че използваме серийното решение на задачата; Измервайки времето за работа на програмата при използването на "р" нишки – намираме Тр и съответно можем да изчислим Sp. Представените на защитата данни за работата на програмата, трябва да отразят и ефективността от работата и, тоест да се изчисли и покаже Ep.

Като обобщение - данните събрани при тестването на програмата Ви, трябва да отразяват **Тр**, **Sp** и **Ep**. Желателно е освен табличен вид, да добавите и графичен вид на **Tp**, **Sp**, **Ep**, в три отделни графики.

- (о) Не се очаква от Вас да реализирате библиотека, осигуряваща математически операции със комплексни числа. Подходяща за тази цел е например **Apache Commons Math3** (http://commons.apache.org/proper/commons-math/userguide/complex.html). При изчисленията, свързани с генерирането на множеството на Манделброт (задачите за фрактали), определено ще имате нужда от нея.
- (о) Не се очаква от вас да реализирате библиотека, осигуряваща математически операции със голяма точност. Подходяща за тази цел библиотека е например **Apfloat** (http://www.apfloat.org). Ако програмата Ви има нужда от работа с големи числа, можете да използвате нея.

Pазбира се **BigInteger** и **BigDecimal** класовете в **java.math** са също възможно решение – въпрос на избор и вкус.

Преди да направите избора, проверете дали избраната библиотека не използва също нишки – това може да доведе до неочаквани и доста интересни резултати; ;)

- (о) Не се очаква от Вас да търсите (пишете) библиотека за генериране на .png изображения. Јаva има прекрасна за нашите цели вградена библиотека, която може да се ползва. Примерен проект, показващ генерирането на чернобялата и цветната версия на фрактала на Манделброт /множество на Манделброт за формула (2)/, цитирани в задачите за фрактали, е качена на http://rmi.yaht.net/docs/example.projects/ pfg.zip.
- (о) Командните аргументи (параметри) на терминална Java програма, получаваме във масива **String args**[] на **main()** метода, намиращ се в стартовият клас. За "разбирането" им (анализирането им) може да ползвате и външни библиотеки писани специално за тази цел . Един добър пример за това е: **Apache Commons CLI** (http://commons.apache.org/cli/).