Задача 1. Куб, чиято повърхност е боядисана в червено, е разрязан на 1000 еднакви кубчета. Каква е вероятността случайно избрано кубче да има точно две червени страни?

Задача 2. Да предположим, че номерата на колите са равномерно разпределени. Каква е вероятността номерът на случайна лека кола

- (а) да не съдържа еднакви цифри;
- (б) да има точно две еднакви цифри;
- (в) да има три еднакви цифри;
- (г) да има две двойки еднакви цифри;
- (д) да има една и съща сума от първите две и последните две цифри?

Задача 3. Група от n човека се нарежда в редица по случаен начин. Каква е вероятността между две фиксирани лица да има точно r човека. А ако се нареждат в кръг?

 ${f 3}$ адача ${f 4}$. Картите от (случайно наредено) стандартно тесте се теглят последователно. А печели, ако се обърне седмица спатия, а ${\cal B}$, ако се обърнат общо две аса. Каква е вероятността ${f A}$ да спечели? ${f A}$ ако ${\cal B}$ чака две поредни аса?

Задача 5. От урна, която съдържа топки с номера $1, 2, \ldots, n, k$ пъти последователно се вади по една топка. Каква е вероятността номерата на извадените топки, записани по реда на изваждането, да образуват растяща редица, ако

- (а) извадката е без връщане;
- (б) извадката е с връщане?

Задача 6. Хвърлят се 10 различими зара. Каква е вероятността да се паднат равен брой единици и шестици?

Задача 7. Вероятността стрелец да улучи мишена е 2/3. Ако улучи, той получава право да стреля по друга мишена. Вероятността да уцели и двете мишени е 1/2. Каква е вероятността за улучване на втората мишена, ако стрелецът е получил право да стреля втори път?

Задача 8. Застрахователна компания води статистика за своите клиенти

- всички клиенти посещават поне веднъж годишно лекар;
- 60% посещават повече от веднъж годишно лекар;
- 17% посещават хирург;
- \bullet 15% от тези, които посещават повече от веднъж годишно лекар, посещават хирург.

Каква е вероятността случайно избран клиент, който посещава само веднъж годишно лекар, да не е бил при хирург?

Задача 9. Хвърлят се два зара. Каква е вероятността сумата от падналите се числа да е по-малка от 8, ако се знае, че тя е нечетна? Независими ли са двете събития?

Задача 10. Разполагаме с тесте от 36 карти (т.е. от шестица нагоре). Каква е вероятността да изтеглим дама, а пика? Независими ли са двете събития? А ако колодата е от 52 карти?

Задача 11. Около маса сядат 10 мъже и 10 жени. Каква е вероятността лица от еднакъв пол да не седят едно до друго?

Задача 12 (Birthday paradox). Какъв е най-малкият брой хора, които трябва да се изберат по случаен начин, така че вероятността поне двама от тях да имат един и същ рожден ден да е по-голяма от 1/2?

Задача 13. Двама играчи последователно хвърлят монета. Играта печели този, който първи хвърли ези. Каква е вероятността за спечелване на играта за всеки от играчите? А ако печели този, който хвърли същото като падналото се непосредствено преди това?

Задача 14. Секретарка написала n писма, сложила ги в пликове и ги запечатала. Забравила кое писмо в кой плик е, но въпреки това написала отгоре n-те различни адреса и изпратила писмата. Каква е вероятността никой да не получи своето писмо?

Задача 15. В урна има 5 бели, 8 зелени и 7 червени топки. От урната последователно се вадят топки. Каква е вероятността бяла топка да бъде извадена преди зелена, ако

- 1. след всяко изваждане топката се връща обратно в урната;
- 2. извадените топки не се връщат обратно?

Задача 16 (Monty Hall problem). Зад една от 3 затворени врати има чисто нова кола, а зад другите две няма нищо. Избирате врата, след това водещият отваря една от останалите две врати, зад които няма нищо. Сега трябва да решите - сменяте ли избраната врата или запазвате първоначалния си избор?

Задача 17 (Boy or Girl paradox). X има две деца. Ако по-старото е момиче, каква е вероятността и двете да са момичета? А ако знаете, че поне едно от тях е момче, каква е вероятността и двете да са момчета?

Задача 18 (Reservoir sampling). Да разгледаме масив A с различни елементи, които итерираме последователно. За удобство ще считаме, че A е индексиран от A . На стъпка A , генерираме (равномерно) случайно естествено число между A и A вкл. Ако генерираното число е A поставяме A-тия елемент на първа позиция. След пробягването на всички позиции, каква е вероятността A да не се е променил, а да е A-тия елемент от началния масив, а последния?

Задача 19 (Simpson's Paradox). Долната таблица показва истински данни от успеваемостта на две лекарства при лечение на бъбречни камъни:

| Размер на камънитеЛечение | A | Б |
|---------------------------|---------------|---------------|
| Малки | 93% (81/87) | 87% (234/270) |
| Големи | 73% (192/263) | 69% (55/80) |
| Общо | 78% (273/350) | 83% (289/350) |

Кое лечение е по-добро?