# Cvičení k přednášce Atomová fyzika (NFUF301)

# Pavel Stránský

# 4. října 2022

# Obsah

1	Ceri	né těleso	2
	1.1	Rayleighův-Jeansův zákon	2
	1.2	Planckův zákon	2
		Wienův posunovací zákon	
		Stefanův-Boltzmannův zákon	
		Slunce	
	1.6	Žárovka	2
	1.7	Hlava	2
	1.8	Fotonová plachetnice	2
	1.9	Vlákno žárovky	3

# 1 Černé těleso

## 1.1 Rayleighův-Jeansův zákon

Odvoď te objemovou hustotu energie černého tělesa pro frekvenci  $\nu$  a vlnovou délku  $\lambda$ . Předpokládejte, že energie jednotlivých módů elektromagnetického záření může nabývat jakýchkoliv hodnot.

### 1.2 Planckův zákon

Odvoď te objemovou hustotu energie černého tělesa za předpokladu, že energie jednotlivých energie módů elektromagnetického záření může nabývat jen celočíselných násobků frekvence módů v, 1

$$E_n = h \nu n$$

kde *n* je přirozené číslo a *h* je konstanta (Planckova konstanta).

### 1.3 Wienův posunovací zákon

Odvoď te, pro jakou frekvenci a pro jakou vlnovou délku je objemová hustota energie černého tělesa daná Planckovým zákonem maximální.

#### 1.4 Stefanův-Boltzmannův zákon

Odvoď te celkový zářivý výkon černého tělesa o teplotě *T*.

#### 1.5 Slunce

Je-li Slunce v zenitu, je intenzita slunečního záření dopadající na Zemi  $I_{\oplus} = 1367 \, \mathrm{Wm}^{-2}$ . Za předpokladu, že vyzařování Slunce lze považovat za záření černého tělesa, a znáte-li poloměr Slunce  $R_{\odot}$  a vzdálenost Země od Slunce d, určete teplotu na povchu Slunce.

### 1.6 Žárovka

Wolframové vlákno v klasické žárovce se rozžhaví na teplotu  $T = 4000 \,\text{K}$ . Jaké procento vyzařované energie je ve viditelné části spektra mezi vlnovými délkami  $\lambda \in [380 \,\text{nm}, 750 \,\text{nm}]$ ?

#### 1.7 Hlava

Odhadněte celkový zářivý výkon holé lidské hlavy bez pokrývky. Jaký je rozdíl zářivého výkonu a zářivého příkonu v prostředí, které má  $t_{\rm okolí}=0\,^{\circ}{\rm C}$ ? Bazální metabolismus dospělého člověka je přibližně  $P_B=1700\,{\rm kcal\,den^{-1}}$ . Určete, jaké procento energie získané metabolismem se v chladném počasí ztratí hlavou vyzařováním.<sup>2</sup>

### 1.8 Fotonová plachetnice

Určete, jaká síla by díky slunečnímu záření působila na čtvercovou plachtu o rozměru 100 m × 100 m, nacházející se ve vzdálenosti Země. Jak musí být plachta orientovaná, aby síla byla co největší? Je síla větší, když plachta záření pohltí, nebo když ho odrazí?

$$E_n = \hbar \omega n \tag{1.2.1}$$

 $<sup>^{1}</sup>$ Vztah lze ekvivalentně zapsat pomocí úhlové frekvence  $\omega$  a redukované Planckovy konstanty  $\hbar$  jako

<sup>&</sup>lt;sup>2</sup>Proto je dobré nosit v zimě čepici.

# 1.9 Vlákno žárovky

Odhadněte délku a poloměr wolframového vlákna žárovky s příkonem  $P=100\,\mathrm{W},$  víte-li, že teplota vlákna je  $T=2700\,\mathrm{K}.$