Cvičení k přednášce Atomová fyzika (NFUF301)

Pavel Stránský

11. října 2022

Obsah

1	Cerne teleso		
	1.1	Rayleighův-Jeansův zákon	2
	1.2	Planckův zákon	2
	1.3	Wienův posunovací zákon	2
	1.4	Stefanův-Boltzmannův zákon	2
	1.5	Střední energie fotonu	2
	1.6	Teplota Slunce	2
	1.7	Ztráta hmotnosti Slunce	2
	1.8	<u>Žárovka</u>	2
	1.9	Hlava	3
	1.10	Tělo	3
		Fotonová plachetnice	3
		Vlákno žárovky	3
		Kosmické mikrovlnné záření	3
2	Com	ıptonův jev	4
	2.1	Comptonův rozptyl	4
	2.2	Comptonova vlnová délka	4
	2.3	Úhel vylétávajícího elektronu	4
	2.4	Spektrum γ při měření v detektoru	4

1 Černé těleso

1.1 Rayleighův-Jeansův zákon

Odvoď te objemovou hustotu energie černého tělesa pro frekvenci ν a vlnovou délku λ . Předpokládejte, že energie jednotlivých módů elektromagnetického záření může nabývat jakýchkoliv hodnot.

1.2 Planckův zákon

Odvoď te objemovou hustotu energie černého tělesa za předpokladu, že energie jednotlivých energie módů elektromagnetického záření může nabývat jen celočíselných násobků frekvence módů v_i^1

$$E_n = h \nu n$$

kde *n* je přirozené číslo a *h* je konstanta (Planckova konstanta).

1.3 Wienův posunovací zákon

Odvoď te, pro jakou frekvenci a pro jakou vlnovou délku je objemová hustota energie černého tělesa daná Planckovým zákonem maximální.

1.4 Stefanův-Boltzmannův zákon

Odvoď te celkový zářivý výkon černého tělesa o teplotě *T*.

1.5 Střední energie fotonu

Určete počet fotonů v jednotkovém objemu pro frekvenci ν a vlnovou délku λ a celkový počet fotonů přes všechny vlnové délky. Jaká je střední energie jednoho fotonu v záření černého tělesa o teplotě T?

1.6 Teplota Slunce

Je-li Slunce v zenitu, je intenzita slunečního záření dopadající na vodorovný zemský povrch I_{\oplus} = 1367 Wm⁻². Za předpokladu, že vyzařování Slunce lze považovat za záření černého tělesa, a znáte-li poloměr Slunce R_{\odot} a vzdálenost Země od Slunce d, určete teplotu na povchu Slunce.

1.7 Ztráta hmotnosti Slunce

Jakou hmotnost ztratí Slunce vyzařováním za 1 s?

1.8 Žárovka

Wolframové vlákno v klasické žárovce se rozžhaví na teplotu $T = 3000 \,\text{K}$. Jaké procento vyzařované energie je ve viditelné části spektra mezi vlnovými délkami $\lambda \in [380 \,\text{nm}, 750 \,\text{nm}]$?

$$E_n = \hbar \omega n \tag{1.2.1}$$

 $^{^1}$ Vztah lze ekvivalentně zapsat pomocí úhlové frekvence ω a redukované Planckovy konstanty \hbar jako

1 ČERNÉ TĚLESO 1.9 Hlava

1.9 Hlava

Odhadněte celkový zářivý výkon holé lidské hlavy bez pokrývky. Jaký je rozdíl zářivého výkonu a zářivého příkonu v prostředí, které má $t_{\rm okolí}=0\,^{\circ}{\rm C}$? Bazální metabolismus dospělého člověka je přibližně $P_B=1700\,{\rm kcal\,den^{-1}}$. Určete, jaké procento energie získané metabolismem se v chladném počasí ztratí hlavou pouhým vyzařováním.

1.10 Tělo

Povrch lidského těla je přibližně $S_{\text{tělo}} \approx 2 \,\text{m}^2$. Za předpokladu, že by člověk ztrácel energii pouze vyzařováním, odhadněte, jakou nejmenší teplotu okolí by byl schopen přežít bez oblečení, aniž by zmrzl?

1.11 Fotonová plachetnice

Určete, jaká síla by díky slunečnímu záření působila na čtvercovou plachtu o rozměru 100 m × 100 m, nacházející se na oběžné dráze Země. Jak musí být plachta orientovaná, aby síla byla co největší? Je síla větší, když plachta záření pohltí, nebo když ho odrazí? Pokud by plachta byla vyrobena z běžného alobalu používaného v domácnosti, jakým zrychlením by se pohybovala? S jakým zrychlením by se pohybovala, pokud by se nacházela těsně nad povrchem Slunce?

1.12 Vlákno žárovky

Odhadněte délku a poloměr wolframového vlákna žárovky s příkonem $P=100\,\mathrm{W}$, víte-li, že teplota vlákna je $T=2700\,\mathrm{K}$.

1.13 Kosmické mikrovlnné záření

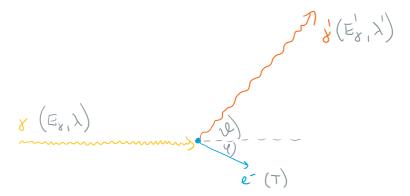
Kosmické mikrovlnné záření (reliktní záření) je odkaz z počátečních fází vývoje vesmíru. Má charakter přibližně izotropního záření černého tělesa o teplotě $T\approx 2,7\,\mathrm{K}$. Určete, na jaké frekvenci a pro jakou vlnovou délku je hustota energie nejvyšší. Spočítejte, kolik fotonů reliktního záření dopadá na jednotkovou plochu zemského povrchu za sekundu.

²Proto je dobré nosit v zimě čepici.

2 Comptonův jev

2.1 Comptonův rozptyl

Odvoď te vztah pro energii fotonu E'_{γ} a jeho vlnovou délku λ' , který se rozptýlil na elektronu na úhel θ (obrázek 1). Energie a vlnová délka fotonu před rozptylem je E_{γ} a λ . Předpokládejte, že před rozptylem je elektron v klidu. Hmotnost elektronu je m_e .



Obrázek 1: Comptonův rozptyl fotonu γ na elektronu e^- .

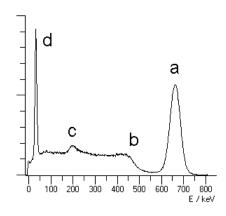
2.2 Comptonova vlnová délka

Vyjádřete vztah pro změnu vlnové délky fotonu při Comptonově rozptylu $\Delta \lambda = \lambda' - \lambda$ pomocí Comptonovy vlnové délky $\lambda_c = h/(m_e c)$, kde h je Planckova konstanta, m_e hmotnost elektronu a c rychlost světla.

2.3 Úhel vylétávajícího elektronu

Odvoď te vztah pro úhel φ , pod kterým vylétá elektron po Comptonově rozptylu (obrázek 1).

2.4 Spektrum γ při měření v detektoru



Obrázek 2: Detekované Comptonovské spektrum monochromatického γ záření.

Detektor vysokoenergetických kvant γ funguje na principu Comptonova rozptylu, kdy kinetická energie rozptýlených elektronů vytvoří impuls elektrického proudu, který se následně zesílí a změří.

Předpokládejte, že na detektor dopadá monochromatické záření s energií kvant E_{γ} vzniklé rozpadem radioaktivního nuklidu. Vysvětlete body a, b, c z obrázku 2; obrázek zobrazuje četnost, se kterou byla detektorem naměřena energie elektronu E. Odhadněte, jaká byla energie E_{γ} , a z této tabulky určete nuklid, jehož rozpad je měřen.