

# Inwersje

Zadanie: INW0
Limit pamięci: 32 MB
Limit czasu: 4 s

Jasio uwielbia matematykę. Zamiast bawić się zabawkami, bawi się obiektami matematycznymi (zawsze to też jakieś zabawki). Ostatnio bawi się permutacjami.

Permutacja N-elementowa to szczególny przypadek ciągu liczbowego, w którym każdy z elementów ze zbioru  $\{1,2,3,\ldots,N\}$  występuje dokładnie raz. Na przykład permutacją jest: (3,2,5,4,1), nie jest zaś (1,2,1) (jedynka występuje dwukrotnie), ani (1,5,4,3) (brakuje dwójki, a zamiast niej jest piątka).

Jasio konstruując permutacje bawi się w zliczanie ich inwersji. Inwersją w permutacji p, nazywamy parę indeksów (i,j), że i < j oraz  $p_i > p_j$ . Na przykład permutacja (2,3,1) zawiera dwie inwersje (element 2 i 1 tworzą jedną inwersję, zaś 3 i 1 drugą).

Jak to zwykle w zadaniach informatycznych bywa, Jasio napotkał na swojej drodze problem. Otóż zechciałby dla danego N oraz K skonstruować permutację N-elementową mającą dokładnie K inwersji. Twoim zadaniem jest mu pomóc. Aby nie było zbyt łatwo, jeśli istnieje wiele możliwych permutacji spełniających ten warunek, Jasio pyta o permutacje najmniejszą leksykograficznie.

Napisz program, który: wczyta N oraz K, wyznaczy najmniejszą leksykograficznie permutację N-elementową, w której występuje dokładnie K inwersji i wypisze wynik na standardowe wyjście.

## WEJŚCIE

W pierwszym (i jedynym) wierszu wejścia znajdują się dwie liczby naturalne, N i K, oddzielone pojedynczym odstępem.

## WYJŚCIE

Twój program powinien wypisać na wyjście szukaną permutację. Kolejne elementy tej permutacji powinny być pooddzielane pojedynczymi odstępami.

### OGRANICZENIA

$$1 \leqslant N \leqslant 1000000, 1 \leqslant K \leqslant \frac{N(N-1)}{2}$$

1 4 3 2

W testach wartych łącznie 40% maksymalnej punktacji zachodzi dodatkowy warunek:  $N \le 2\,000$ . W testach wartych łącznie 10% maksymalnej punktacji zachodzi dodatkowy warunek:  $N \le 10$ .

### Przykład

4 3

<b>Wejście</b> 3 2	<b>Wyjście</b> 2 3 1	Istnieją dwie permutacje trzyelementowe mające dwie inwersje: $(2,3,1)$ oraz $(3,1,2)$ , jednak $(2,3,1)$ jest mniejsza leksykograficznie i to ją należy wypisać.
Wejście	Wviście	