Analiza Przeżycia Raport 4

Paweł Matławski album 249732

25lutego 2021

Spis treści

1	List	Lista nr 1			
	1.1	Zadanie nr 1	2		
	1.2	Zadanie nr 2	5		
	1.3	Zadanie nr 3	7		
	1.4	Zadanie nr 4	8		
	1.5	Zadanie nr 5	8		
	1.6	Zadanie nr 6	15		

1 Lista nr 1

```
library(survival)
library(ggplot2)
library(survminer)

## Loading required package: ggpubr
## Loading required package: magrittr

library(timereg)
library(nltm)

df <- lung
df$status <- as.factor(df$status)
df$sex <- as.factor(df$sex)
df$ph.ecog <- as.factor(df$ph.ecog)
df$ph.karno <- as.factor(df$ph.karno)
df$pat.karno <- as.factor(df$pat.karno)
df <- subset(df, (meal.cal!="NA") & (wt.loss!="NA"))
attach(df)</pre>
```

1.1 Zadanie nr 1

Dopasujemy model proporcjonalnych szans, uwzględniając wszystkie zmienne objaśniające za wyjątkiem zmiennej *inst*.

```
ageCEN <- age - mean(age)</pre>
meal.calCEN <- meal.cal - mean(meal.cal)</pre>
wt.lossCEN <- wt.loss - mean(wt.loss)</pre>
modelPSa <- prop.odds(Event(time, status==2)~ageCEN+sex+ph.ecog+ph.karno+pat.karno+meal.
summary(modelPSa)
## Proportional Odds model
## Did not converge, allow more iterations
## Test for baseline
## Test for nonparametric terms
##
## Test for non-significant effects
            Supremum-test of significance p-value H_0: B(t)=0
## Baseline
                                       6.27
## Test for time invariant effects
                   Kolmogorov-Smirnov test p-value H_O:constant effect
##
                                                                    0.108
## Baseline
                                       1.72
##
```

```
## Covariate effects
##
                      Coef. SE Robust SE D2log(L)^-1
                                                           z P-val lower2.5% upper97.5%
## ageCEN
                  5.87e-03
                                        0
                                                         Inf
                                                                     5.87e-03
                                                                                 5.87e-03
                                                      0
## sex2
                                        0
                                                      0 -Inf
                                                                   -6.08e-01
                 -6.08e-01
                             0
                                                                                -6.08e-01
## ph.ecog1
                                        0
                                                         Inf
                                                                  0
                                                                     6.40e-01
                                                                                 6.40e-01
                  6.40e-01
                             0
                                                      0
                                        0
## ph.ecog2
                  1.32e+00
                             0
                                                         Inf
                                                                  0
                                                                     1.32e+00
                                                                                 1.32e+00
                                                      0
## ph.ecog3
                                                         Inf
                  2.55e+00
                                        0
                                                                     2.55e+00
                                                                                 2.55e+00
                             0
                                                      0
                                                                                 1.03e+00
## ph.karno60
                                        0
                                                      0
                                                         Inf
                                                                  0
                                                                     1.03e+00
                  1.03e+00
                             0
## ph.karno70
                  1.00e+00
                             0
                                         0
                                                      0
                                                         Inf
                                                                     1.00e+00
                                                                                 1.00e+00
## ph.karno80
                  1.17e+00
                             0
                                        0
                                                         Inf
                                                                     1.17e+00
                                                                                 1.17e+00
                                                                     1.31e+00
## ph.karno90
                  1.31e+00
                             0
                                        0
                                                      0
                                                         Tnf
                                                                  ()
                                                                                 1.31e+00
## ph.karno100
                  1.46e+00
                                        0
                                                         Inf
                                                                  0
                                                                     1.46e+00
                                                                                 1.46e+00
                             0
                                                      0
## pat.karno40
                                        0
                                                      0 -Inf
                                                                  0 -3.52e-01
                 -3.52e-01
                             0
                                                                                -3.52e-01
## pat.karno50
                                                         Inf
                                                                    7.53e-01
                  7.53e-01
                                        0
                                                      0
                                                                                 7.53e-01
                             0
                                                                                 1.23e-01
## pat.karno60
                                         0
                                                         Inf
                                                                    1.23e-01
                  1.23e-01
                             0
                                                      0
## pat.karno70
                 -1.74e-01
                                        0
                                                      0 -Inf
                                                                  0 -1.74e-01
                                                                                -1.74e-01
                             0
## pat.karno80
                 -2.81e-01
                             0
                                        0
                                                      0 -Inf
                                                                  0 -2.81e-01
                                                                                -2.81e-01
                 -6.89e-02
## pat.karno90
                             0
                                        0
                                                      0 -Inf
                                                                  0 -6.89e-02
                                                                                -6.89e-02
## pat.karno100 -5.68e-01
                             0
                                        0
                                                      0 -Inf
                                                                  0 -5.68e-01
                                                                                -5.68e-01
                                        0
## meal.calCEN
                 -4.43e-05
                                                                  0 -4.43e-05
                             0
                                                      0 -Inf
                                                                                -4.43e-05
## wt.lossCEN
                                        0
                                                      0 -Inf
                                                                  0 -1.39e-02
                 -1.39e-02
                                                                                -1.39e-02
## Test of Goodness-of-fit
##
                 sup| hat U(t) | p-value H_0
## ageCEN
                            86.400
                                            0.266
## sex2
                             3.870
                                            0.420
                                            0.300
## ph.ecog1
                             4.780
## ph.ecog2
                                            0.190
                             4.880
## ph.ecog3
                                            0.308
                             0.531
## ph.karno60
                             1.970
                                            0.628
## ph.karno70
                             3.350
                                            0.338
## ph.karno80
                             2.870
                                            0.596
## ph.karno90
                                            0.880
                             2.150
## ph.karno100
                             3.170
                                            0.340
## pat.karno40
                             0.777
                                            0.560
## pat.karno50
                             0.956
                                            0.614
## pat.karno60
                             4.250
                                            0.156
## pat.karno70
                                            0.848
                             1.810
## pat.karno80
                             2.370
                                            0.732
## pat.karno90
                                            0.524
                             3.070
## pat.karno100
                                            0.528
                             2.520
## meal.calCEN
                                            0.376
                          3570.000
## wt.lossCEN
                            78.600
                                            0.740
```

Jak wynika z podsumowania modelu, metoda iteracji nie jest zbieżna (does not converge), zatem sprawdźmy czy możemy rozwiązać ten problem zwiększając ilośc iteracji dwukrotnie.

modelPSb <- prop.odds(Event(time, status==2)~ageCEN+sex+ph.ecog+ph.karno+pat.karno+meal.

```
summary(modelPSb)
## Proportional Odds model
## Did not converge, allow more iterations
## Test for baseline
## Test for nonparametric terms
## Test for non-significant effects
            Supremum-test of significance p-value H_0: B(t)=0
                                      6.27
## Baseline
##
## Test for time invariant effects
##
                  Kolmogorov-Smirnov test p-value H_O:constant effect
## Baseline
                                      1.72
                                                                  0.113
##
## Covariate effects
##
                    Coef. SE Robust SE D2log(L)^-1
                                                       z P-val lower2.5% upper97.5%
## ageCEN
                 5.87e-03 0
                                      0
                                                  0 Inf
                                                              0 5.87e-03
                                                                            5.87e-03
                -6.08e-01
                                      0
                                                  0 -Inf
                                                              0 -6.08e-01
                                                                          -6.08e-01
## sex2
                            0
## ph.ecog1
                 6.40e-01
                                      0
                                                  0
                                                    Inf
                                                                6.40e-01
                            0
                                                              0
                                                                            6.40e-01
## ph.ecog2
                 1.32e+00
                            0
                                      0
                                                  0
                                                     Inf
                                                                1.32e+00
                                                                            1.32e+00
                                      0
## ph.ecog3
                 2.55e+00
                                                  0 Inf
                                                                 2.55e+00
                                                                            2.55e+00
## ph.karno60
                 1.03e+00
                                      0
                                                  0
                                                     Inf
                                                                1.03e+00
                                                                           1.03e+00
## ph.karno70
                                                                 1.00e+00
                 1.00e+00
                           0
                                      0
                                                  0
                                                     Inf
                                                                            1.00e+00
## ph.karno80
                                      0
                                                    Inf
                                                                1.17e+00
                 1.17e+00
                           0
                                                  0
                                                              0
                                                                            1.17e+00
                                      0
                                                     Inf
## ph.karno90
                 1.31e+00
                                                  0
                                                              0
                                                                1.31e+00
                                                                           1.31e+00
                           0
## ph.karno100
                 1.46e+00
                            0
                                      0
                                                  0 Inf
                                                              0
                                                                1.46e+00
                                                                            1.46e+00
## pat.karno40
               -3.52e-01
                                      0
                                                  0 -Inf
                                                              0 -3.52e-01
                                                                          -3.52e-01
## pat.karno50
                 7.53e-01
                                      0
                                                  0 Inf
                                                                7.53e-01
                                                                            7.53e-01
## pat.karno60
                1.23e-01
                                      0
                                                  0 Inf
                                                               1.23e-01
                                                                            1.23e-01
                            0
                                                              0 -1.74e-01
## pat.karno70 -1.74e-01
                           0
                                      0
                                                  0 - Inf
                                                                           -1.74e-01
## pat.karno80
               -2.81e-01
                                      0
                                                  0 -Inf
                                                              0 -2.81e-01 -2.81e-01
                           0
## pat.karno90 -6.89e-02
                                      0
                                                  0 -Inf
                                                              0 -6.89e-02 -6.89e-02
                           0
## pat.karno100 -5.68e-01
                            0
                                      0
                                                  0 -Inf
                                                              0 -5.68e-01
                                                                           -5.68e-01
## meal.calCEN
               -4.43e-05
                                      0
                                                  0 -Inf
                                                              0 -4.43e-05
                                                                           -4.43e-05
## wt.lossCEN
                                                              0 -1.39e-02
                -1.39e-02
                                      0
                                                  O -Inf
                                                                           -1.39e-02
## Test of Goodness-of-fit
##
                sup| hat U(t) | p-value H_0
## ageCEN
                           86.400
                                         0.284
                                         0.404
## sex2
                            3.870
## ph.ecog1
                            4.780
                                         0.294
## ph.ecog2
                            4.890
                                         0.199
## ph.ecog3
                            0.531
                                         0.306
## ph.karno60
                            1.970
                                         0.618
## ph.karno70
                            3.370
                                         0.328
## ph.karno80
                            2.870
                                         0.610
```

```
## ph.karno90
                             2.160
                                           0.852
## ph.karno100
                             3.170
                                           0.311
## pat.karno40
                             0.777
                                           0.554
## pat.karno50
                             0.956
                                           0.571
## pat.karno60
                             4.250
                                           0.165
## pat.karno70
                             1.830
                                           0.837
## pat.karno80
                             2.520
                                           0.688
## pat.karno90
                                           0.538
                             3.070
## pat.karno100
                             2.520
                                           0.506
## meal.calCEN
                         3580.000
                                           0.390
## wt.lossCEN
                            78.400
                                           0.734
```

Widzimy, że nasza metoda dalej "nie radzi" sobie, z naszym zbiorem danych.

1.2 Zadanie nr 2

Powtórzymy zadanie 1, tym razem nie uwzględniając zmiennych objaśniających meal.cal oraz age.

```
modelPS2 <- prop.odds(Event(time, status==2)~sex+ph.ecog+ph.karno+pat.karno+wt.lossCEN,c</pre>
```

```
summary(modelPS2)
## Proportional Odds model
##
## Test for baseline
## Test for nonparametric terms
##
## Test for non-significant effects
            Supremum-test of significance p-value H_0: B(t)=0
## Baseline
                                     0.397
                                                          0.891
##
## Test for time invariant effects
                  Kolmogorov-Smirnov test p-value H_O:constant effect
##
                                                                   0.71
## Baseline
                                         1
##
## Covariate effects
##
                             SE Robust SE D2log(L)^-1
                                                               P-val lower2.5%
                  Coef.
                                                            Z
## sex2
                -1.0400 0.3460
                                   0.3560
                                               0.3250 -2.910 0.00367
                                                                        -1.7200
## ph.ecog1
                 0.6060 0.5090
                                   0.5180
                                               0.5300 1.170 0.24200
                                                                        -0.3920
## ph.ecog2
                 1.7300 0.8540
                                               0.8330 1.940 0.05200
                                   0.8910
                                                                         0.0562
## ph.ecog3
                 2.7100 1.4700
                                   1.1500
                                               1.6900 2.350 0.01880
                                                                        -0.1710
## ph.karno60
                 1.3100 1.6800
                                   2.3200
                                               1.3200 0.563 0.57400
                                                                        -1.9800
## ph.karno70
                 1.3800 1.6300
                                   2.3200
                                               1.3000 0.596 0.55100
                                                                        -1.8100
## ph.karno80
                 1.4700 1.6400
                                   2.4100
                                               1.3600 0.612 0.54100
                                                                        -1.7400
## ph.karno90
                 1.6300 1.6500
                                   2.4200
                                               1.3800 0.674 0.50000
                                                                        -1.6000
## ph.karno100
                                               1.4800 0.623 0.53400
                 1.5400 1.7300
                                   2.4700
                                                                        -1.8500
## pat.karno40
                 0.6390 2.5200
                                   3.3300
                                               2.2200 0.192 0.84800
                                                                        -4.3000
```

```
## pat.karno50
                  1.6100 1.4200
                                                 1.6000 1.350 0.17600
                                    1.1900
                                                                          -1.1700
## pat.karno60
                  0.9550 1.0400
                                    0.7590
                                                 1.3100
                                                        1.260 0.20800
                                                                          -1.0800
## pat.karno70
                  0.1140 1.1100
                                    0.7840
                                                 1.3300
                                                         0.145 0.88500
                                                                          -2.0600
## pat.karno80
                  0.1120 1.1100
                                    0.8010
                                                 1.3300
                                                         0.140 0.88800
                                                                          -2.0600
## pat.karno90
                  0.4520 1.1300
                                    0.8330
                                                 1.3400
                                                        0.542 0.58800
                                                                          -1.7600
## pat.karno100 -0.3470 1.2300
                                                 1.3800 -0.362 0.71700
                                    0.9580
                                                                          -2.7600
## wt.lossCEN
                                                 0.0115 -0.935 0.35000
                                                                          -0.0354
                 -0.0113 0.0123
                                    0.0121
##
                 upper97.5%
## sex2
                    -0.3620
## ph.ecog1
                     1.6000
## ph.ecog2
                     3.4000
## ph.ecog3
                     5.5900
## ph.karno60
                     4.6000
## ph.karno70
                     4.5700
## ph.karno80
                     4.6800
## ph.karno90
                     4.8600
## ph.karno100
                     4.9300
## pat.karno40
                     5.5800
## pat.karno50
                     4.3900
## pat.karno60
                     2.9900
## pat.karno70
                     2.2900
## pat.karno80
                     2.2900
## pat.karno90
                     2.6700
## pat.karno100
                     2.0600
## wt.lossCEN
                     0.0128
## Test of Goodness-of-fit
                 sup| hat U(t) | p-value H_0
##
## sex2
                            2.230
                                          0.640
## ph.ecog1
                                          0.105
                            3.960
## ph.ecog2
                            1.460
                                          0.939
## ph.ecog3
                            0.508
                                          0.329
## ph.karno60
                            1.470
                                          0.554
## ph.karno70
                            2.150
                                          0.389
                                          0.378
## ph.karno80
                            2.490
## ph.karno90
                            1.010
                                          0.996
## ph.karno100
                            1.710
                                          0.494
## pat.karno40
                                          0.467
                            0.651
## pat.karno50
                            0.583
                                          0.567
## pat.karno60
                                          0.341
                            2.350
## pat.karno70
                            2.290
                                          0.370
## pat.karno80
                            1.570
                                          0.855
## pat.karno90
                            2.000
                                          0.650
## pat.karno100
                            2.350
                                          0.203
## wt.lossCEN
                           76.500
                                          0.454
```

Okazuje się, że przy redukcji zmiennych w modelu, metoda proporcjonalnych szans zaczyna działać. Zinterpretujemy teraz współczynniki przy zmiennej sex i ph.ecog.

 $\lambda_2^{sex} = -1.0400$. Należy, to rozumieć w ten sposób, że stosunek szansy śmierci przez mężczyznę

do śmierci przez kobietę wynosi $\frac{\exp(0)}{\exp(\lambda_2^{sex})} = \frac{1}{\exp(-1.0400)}$, który wynosi około 2.83. $\lambda_3^{ph.ecog} = 2.7100$. Należy, to rozumieć w ten sposób, że stosunek szansy śmierci pacjenta o sprawności według lekarza 3 do śmierci pacjenta o sprawności prawidłowej wynosi $\frac{\exp(\lambda_3^{ph.ecog})}{exp(0)} = \frac{\exp(2.7100)}{1}$, który wynosi około 15.03. Analogicznie dla innych stopni sprawności.

1.3 Zadanie nr 3

Przyjmując model proporcjonalnych szans jak w zadaniu nr 1, zweryfikujemy hipotezę o nieistotności zmiennej meal.cal. Przyjmijmy poziom istotności $\alpha = 0.05$.

- $\bullet \ H_0: \beta_m = 0$
- $H_1: \beta_m \neq 0$

Jeśli p-value będzie większe od poziomu istotności, nie mamy podstawy do odrzucenia hipotezy, zatem zmienna *meal.cal* jest nieistotna. W przeciwnym razie, zmienna jest istotna w przyjętym modelu.

```
modelPS_mealcal <- prop.odds(Event(time, status==2)~ageCEN+sex+ph.ecog+ph.karno+pat.karr
summary(modelPS_mealcal)
## Proportional Odds model
##
## Did not converge, allow more iterations
## Test for baseline
## Test for nonparametric terms
##
## Test for non-significant effects
##
            Supremum-test of significance p-value H_0: B(t)=0
## Baseline
                                      6.27
## Test for time invariant effects
                  Kolmogorov-Smirnov test p-value H_O:constant effect
##
## Baseline
                                      1.72
                                                                  0.098
##
## Covariate effects
##
                    Coef. SE Robust SE D2log(L)^-1
                                                        z P-val lower2.5% upper97.5%
## ageCEN
                 5.87e-03
                                                     Inf
                                                                 5.87e-03
                                                                            5.87e-03
                -6.08e-01
                                      0
                                                  0 -Inf
                                                              0 -6.08e-01
                                                                           -6.08e-01
## sex2
                            0
## ph.ecog1
                 6.40e-01
                                      0
                                                  0 Inf
                                                              0
                                                                 6.40e-01
                                                                            6.40e-01
                            0
                                                                            1.32e+00
## ph.ecog2
                 1.32e+00
                            0
                                      0
                                                  0 Inf
                                                              0
                                                                1.32e+00
                                      0
                                                               2.55e+00
                                                                           2.55e+00
## ph.ecog3
                 2.55e+00
                            0
                                                  0 Inf
                                                              0
## ph.karno60
                 1.03e+00
                                      0
                                                  0 Inf
                                                              0 1.03e+00
                                                                            1.03e+00
                            0
## ph.karno70
                 1.00e+00
                                      0
                                                  0 Inf
                                                               1.00e+00
                                                                            1.00e+00
## ph.karno80
                 1.17e+00
                                      0
                                                  0 Inf
                                                              0 1.17e+00
                                                                            1.17e+00
## ph.karno90
                                                              0 1.31e+00
                 1.31e+00
                            0
                                      0
                                                  0 Inf
                                                                            1.31e+00
## ph.karno100
                 1.46e+00
                            0
                                      0
                                                  0 Inf
                                                              0 1.46e+00
                                                                            1.46e+00
                                      0
                                                              0 -3.52e-01 -3.52e-01
## pat.karno40
                -3.52e-01
                                                  0 -Inf
```

```
7.53e-01
## pat.karno50
                  7.53e-01
                             0
                                        0
                                                        Inf
                                                                               7.53e-01
## pat.karno60
                                        0
                                                        Inf
                                                                   1.23e-01
                  1.23e-01
                             0
                                                     0
                                                                                1.23e-01
## pat.karno70
                 -1.74e-01
                                        0
                                                     0 -Inf
                                                                0 -1.74e-01
                                                                               -1.74e-01
                             0
## pat.karno80
                                        0
                                                     0 -Inf
                                                                0 -2.81e-01
                 -2.81e-01
                             0
                                                                               -2.81e-01
                                                                0 -6.89e-02
## pat.karno90
                 -6.89e-02
                                        0
                                                     0 -Inf
                                                                               -6.89e-02
                             0
## pat.karno100 -5.68e-01
                                        0
                                                     0 -Inf
                                                                0 -5.68e-01
                             0
                                                                              -5.68e-01
## meal.calCEN
                 -4.43e-05
                                        0
                                                     0 -Inf
                                                                 0 -4.43e-05
                                                                              -4.43e-05
                             0
## wt.lossCEN
                 -1.39e-02
                                        0
                                                     0 -Inf
                                                                 0 -1.39e-02
                                                                               -1.39e-02
                             0
## Test of Goodness-of-fit
##
                 sup| hat U(t) | p-value H_0
## ageCEN
                            86.400
                                           0.278
## sex2
                             3.870
                                           0.434
## ph.ecog1
                             4.780
                                           0.298
## ph.ecog2
                             4.890
                                           0.178
## ph.ecog3
                             0.531
                                           0.328
## ph.karno60
                             1.970
                                           0.624
## ph.karno70
                             3.370
                                           0.372
## ph.karno80
                             2.870
                                           0.614
## ph.karno90
                             2.160
                                           0.838
## ph.karno100
                             3.170
                                           0.336
## pat.karno40
                             0.777
                                           0.542
## pat.karno50
                             0.956
                                           0.600
## pat.karno60
                             4.250
                                           0.168
## pat.karno70
                             1.830
                                           0.874
## pat.karno80
                             2.520
                                           0.682
## pat.karno90
                                           0.564
                             3.070
## pat.karno100
                             2.520
                                           0.486
## meal.calCEN
                          3580.000
                                           0.370
## wt.lossCEN
                            78.400
                                           0.708
```

Niestety przez to, że zaiplementowana metoda iteracyjna nie jest zbieżna dla naszego modelu (taki sam przypadek jak w zadaniu nr 1), nie możemy zbadać naszej hipotezy.

1.4 Zadanie nr 4

Na bazie tego samego modelu co w zadaniu nr 3, mamy zbadać hipotezę o nieistotności zmiennej pat.karno. Niestety, analogicznie jak w zadaniach nr 1 i 3, nie możemy zbadać tej hipotezy za pomocą modelu proporcjonalnych szans.

1.5 Zadanie nr 5

Chcemy dokonać odpowiedniego dopasowania zmiennych objaśniających do modelu proporcjonalnych szans korzystając z kryteriów odpowiednio:

- Akaike'a (AIC)
- BIC

```
model1 <- prop.odds(Event(time, status==2)~ageCEN,data = df, n.sim = 1000, profile = 1)</pre>
model2 <- prop.odds(Event(time, status==2)~sex,data = df, n.sim = 1000, profile = 1)</pre>
model3 <- prop.odds(Event(time, status==2)~ph.ecog,data = df, n.sim = 1000, profile = 1)
model4 <- prop.odds(Event(time, status==2)~ph.karno,data = df, n.sim = 1000, profile = 1</pre>
model5 <- prop.odds(Event(time, status==2)~pat.karno,data = df, n.sim = 1000, profile =
model6 <- prop.odds(Event(time, status==2)~meal.calCEN,data = df, n.sim = 1000, profile</pre>
model7 <- prop.odds(Event(time, status==2)~wt.lossCEN,data = df, n.sim = 1000, profile =</pre>
AIC1 \leftarrow -2*model1$loglike[1] + 2*1
AIC2 <- -2*model2$loglike[1] + 2*1
AIC3 <- -2*model3$loglike[1] + 2*3
AIC4 <- -2*model4$loglike[1] + 2*6
AIC5 \leftarrow -2*model5$loglike[1] + 2*7
AIC6 <- -2*model6$loglike[1] + 2*1
AIC7 \leftarrow -2*model7$loglike[1] + 2*1
AIC1
## [1] 1053.508
AIC2
## [1] 1050.954
AIC3
## [1] 1036.118
AIC4
## [1] 1055.103
AIC5
## [1] 1030.999
AIC6
## [1] 1057.067
AIC7
## [1] 1058.472
```

Najmniejszą wartość AIC posiada model uzależniony od zmiennej *pat.karno*. Zatem wybieramy ten model i badamy, którą następną zmienną objaśniającą dodać do modelu.

```
model_pk <- prop.odds(Event(time, status==2)~pat.karno,data = df, n.sim = 1000, profile</pre>
```

```
model_pk1 <- prop.odds(Event(time, status==2)~pat.karno+ageCEN,data = df, n.sim = 1000,</pre>
model_pk2 <- prop.odds(Event(time, status==2)~pat.karno+sex,data = df, n.sim = 1000, pro</pre>
model_pk3 <- prop.odds(Event(time, status==2)~pat.karno+ph.ecog,data = df, n.sim = 1000,</pre>
model_pk4 <- prop.odds(Event(time, status==2)~pat.karno+ph.karno,data = df, n.sim = 1000
model_pk5 <- prop.odds(Event(time, status==2)~pat.karno+meal.calCEN,data = df, n.sim = 1</pre>
model_pk6 <- prop.odds(Event(time, status==2)~pat.karno+wt.lossCEN,data = df, n.sim = 10</pre>
AIC_pk <- AIC5
AIC_pk1 \leftarrow -2*model_pk1$loglike[1] + 2*8
AIC_pk2 \leftarrow -2*model_pk2$loglike[1] + 2*8
AIC_pk3 \leftarrow -2*model_pk3$loglike[1] + 2*10
AIC_pk4 \leftarrow -2*model_pk4$loglike[1] + 2*13
AIC_pk5 \leftarrow -2*model_pk5$loglike[1] + 2*8
AIC_pk6 \leftarrow -2*model_pk6$loglike[1] + 2*8
AIC_pk
## [1] 1030.999
AIC_pk1
## [1] 1031.786
AIC_pk2
## [1] 1025.641
AIC_pk3
## [1] 1020.591
AIC_pk4
## [1] 1038.814
AIC_pk5
## [1] 1036.565
AIC_pk6
## [1] 1032.963
```

Najmniejszą wartość AIC posiada model uzależniony od zmiennej *pat.karno* i zmiennej *ph.ecog*. Zatem wybieramy ten model i badamy, którą następną zmienną objaśniającą dodać do modelu.

```
model_2 <- prop.odds(Event(time, status==2)~pat.karno+ph.ecog,data = df, n.sim = 1000, p
model_21 <- prop.odds(Event(time, status==2)~pat.karno+ph.ecog+ageCEN,data = df, n.sim =</pre>
```

```
model_22 <- prop.odds(Event(time, status==2)~pat.karno+ph.ecog+sex,data = df, n.sim = 10
model_23 <- prop.odds(Event(time, status==2)~pat.karno+ph.ecog+ph.karno,data = df, n.sin
model_24 <- prop.odds(Event(time, status==2)~pat.karno+ph.ecog+meal.calCEN,data = df, n.
model_25 <- prop.odds(Event(time, status==2)~pat.karno+ph.ecog+wt.lossCEN,data = df, n.s</pre>
AIC_2 <- AIC_pk3
AIC_{21} \leftarrow -2*model_{21}loglike[1] + 2*11
AIC_22 <- -2*model_22$loglike[1] + 2*11
AIC_23 <- -2*model_23$loglike[1] + 2*16
AIC_{24} \leftarrow -2*model_{24}loglike[1] + 2*11
AIC_{25} \leftarrow -2*model_{25}loglike[1] + 2*11
AIC_2
## [1] 1020.591
AIC_21
## [1] 1022.216
AIC_22
## [1] 1012.609
AIC_23
## [1] 1031.034
AIC_24
## [1] 1027.709
AIC_25
## [1] 1022.444
```

Najmniejszą wartość AIC posiada model uzależniony od zmiennej pat.karno, ph.ecog i sex. Zatem wybieramy ten model i badamy, którą następną zmienną objaśniającą dodać do modelu.

```
model_3 <- prop.odds(Event(time, status==2)~pat.karno+ph.ecog+sex,data = df, n.sim = 100
model_31 <- prop.odds(Event(time, status==2)~pat.karno+ph.ecog+sex+ageCEN,data = df, n.sim
model_32 <- prop.odds(Event(time, status==2)~pat.karno+ph.ecog+sex+ph.karno,data = df, r
model_33 <- prop.odds(Event(time, status==2)~pat.karno+ph.ecog+sex+meal.calCEN,data = df
model_34 <- prop.odds(Event(time, status==2)~pat.karno+ph.ecog+sex+wt.lossCEN,data = df,
AIC_3 <- AIC_22
AIC_31 <- -2*model_31$loglike[1] + 2*12</pre>
```

```
AIC_32 <- -2*model_32$loglike[1] + 2*17
AIC_33 <- -2*model_33$loglike[1] + 2*12
AIC_34 <- -2*model_34$loglike[1] + 2*12

AIC_3

## [1] 1012.609

AIC_31

## [1] 1014.522

AIC_32

## [1] 1023.4

AIC_33

## [1] 1022.316

AIC_34

## [1] 1013.804
```

Widzimy, że na podstawie kryterium AIC, żaden z ropzatrywanych modelów 4 zmiennych nie jest lepszy od wcześniej przyjętego modelu uzależnionego od zmiennych: pat.karno, ph.ecog, sex.

```
modelB1 <- prop.odds(Event(time, status==2)~ageCEN,data = df, n.sim = 1000, profile = 1)
modelB2 <- prop.odds(Event(time, status==2)~sex,data = df, n.sim = 1000, profile = 1)</pre>
modelB3 <- prop.odds(Event(time, status==2)~ph.ecog,data = df, n.sim = 1000, profile = 1
modelB4 <- prop.odds(Event(time, status==2)~ph.karno,data = df, n.sim = 1000, profile =</pre>
modelB5 <- prop.odds(Event(time, status==2)~pat.karno,data = df, n.sim = 1000, profile =
modelB6 <- prop.odds(Event(time, status==2)~meal.calCEN,data = df, n.sim = 1000, profile</pre>
modelB7 <- prop.odds(Event(time, status==2)~wt.lossCEN,data = df, n.sim = 1000, profile
n= nrow(df)
BIC1 \leftarrow -2*modelB1$loglike[1] + 1*log(n)
BIC2 \leftarrow -2*modelB2$loglike[1] + 1*log(n)
BIC3 \leftarrow -2*modelB3$loglike[1] + 3*log(n)
BIC4 \leftarrow -2*modelB4$loglike[1] + 6*log(n)
BIC5 \leftarrow -2*modelB5$loglike[1] + 7*log(n)
BIC6 \leftarrow -2*modelB6$loglike[1] + 1*log(n)
BIC7 \leftarrow -2*modelB7$loglike[1] + 1*log(n)
BIC1
## [1] 1056.649
BIC2
```

```
## [1] 1054.095

BIC3

## [1] 1045.543

BIC4

## [1] 1073.924

BIC5

## [1] 1052.991

BIC6

## [1] 1060.208

BIC7
```

Najmniejszą wartość BIC posiada model uzależniony od zmiennej *ph.ecog*. Zatem wybieramy ten model i badamy, którą następną zmienną objaśniającą dodać do modelu.

```
modelB11 <- prop.odds(Event(time, status==2)~ph.ecog+ageCEN,data = df, n.sim = 1000, pro</pre>
modelB12 <- prop.odds(Event(time, status==2)~ph.ecog+sex,data = df, n.sim = 1000, profil
modelB13 <- prop.odds(Event(time, status==2)~ph.ecog+ph.karno,data = df, n.sim = 1000, p</pre>
modelB14 <- prop.odds(Event(time, status==2)~ph.ecog+pat.karno,data = df, n.sim = 1000,</pre>
modelB15 <- prop.odds(Event(time, status==2)~ph.ecog+meal.calCEN,data = df, n.sim = 1000
modelB16 <- prop.odds(Event(time, status==2)~ph.ecog+wt.lossCEN,data = df, n.sim = 1000,
BIC11 <- -2*modelB11$loglike[1] + <math>4*log(n)
BIC12 \leftarrow -2*modelB12$loglike[1] + 4*log(n)
BIC13 \leftarrow -2*modelB13$loglike[1] + 9*log(n)
BIC14 \leftarrow -2*modelB14$loglike[1] + 10*log(n)
BIC15 <- -2*modelB15$loglike[1] + <math>4*log(n)
BIC16 \leftarrow -2*modelB16$loglike[1] + 4*log(n)
BIC3
## [1] 1045.543
BIC11
## [1] 1049.488
BIC12
## [1] 1040.341
```

```
BIC13

## [1] 1075.092

BIC14

## [1] 1052.007

BIC15

## [1] 1053.422

BIC16

## [1] 1050.459
```

Najmniejszą wartość BIC posiada model uzależniony od zmiennych: *ph.ecog* i sex. Zatem wybieramy ten model i badamy, którą następną zmienną objaśniającą dodać do modelu.

```
modelB21 <- prop.odds(Event(time, status==2)~ph.ecog+sex+ageCEN,data = df, n.sim = 1000,
modelB22 <- prop.odds(Event(time, status==2)~ph.ecog+sex+ph.karno,data = df, n.sim = 100</pre>
modelB23 <- prop.odds(Event(time, status==2)~ph.ecog+sex+pat.karno,data = df, n.sim = 10
modelB24 <- prop.odds(Event(time, status==2)~ph.ecog+sex+meal.calCEN,data = df, n.sim =</pre>
modelB25 <- prop.odds(Event(time, status==2)~ph.ecog+sex+wt.lossCEN,data = df, n.sim = 1
BIC21 \leftarrow -2*modelB21$loglike[1] + 5*log(n)
BIC22 \leftarrow -2*modelB22$loglike[1] + 10*log(n)
BIC23 <- -2*modelB23$loglike[1] + <math>11*log(n)
BIC24 \leftarrow -2*modelB24$loglike[1] + 5*log(n)
BIC25 <- -2*modelB25$loglike[1] + 5*log(n)
BIC12
## [1] 1040.341
BIC21
## [1] 1045.049
BIC22
## [1] 1069.645
BIC23
## [1] 1047.138
BIC24
## [1] 1050.854
BIC25
## [1] 1044.421
```

Widzimy, że na podstawie kryterium BIC, żaden z ropzatrywanych modelów 3 zmiennych nie jest lepszy od wcześniej przyjętego modelu uzależnionego od zmiennych: *ph.ecog*, *sex*.

1.6 Zadanie nr 6

Naszkicujemy funkcję przeżycia, odpowiadającej mężczyżnie o charakterystykach: pat.karno=70 i ph.ecog=2.

```
df2 <- lung
df2$status <- as.factor(df2$status)</pre>
df2$sex <- as.factor(df2$sex)</pre>
df2$ph.ecog <- as.factor(df2$ph.ecog)</pre>
df2$ph.karno <- as.factor(df2$ph.karno)</pre>
df2$pat.karno <- as.factor(df2$pat.karno)</pre>
df2$age <- df2$age - mean(df2$age)</pre>
df2$meal.cal <- df2$meal.cal- mean(df2$meal.cal)
df2$wt.loss <- df2$wt.loss - mean(df2$wt.loss)
modelSF <- nltm(Surv(time, status==2)~df2$sex+df2$ph.ecog+df2$pat.karno, data = df2, nlt
summary(modelSF)
## Call:
## nltm(formula1 = Surv(time, status == 2) ~ df2$sex + df2$ph.ecog + <math>df2
                                                                               df2$pat.karno,
data = df2, nlt.model = "PO")
## Non Linear Transformation Model: PO, fit by maximum likelihood
                     coef exp(coef) se(coef) z p
## df2$sex2
                         0
                                    1
                                         0.253 0 1
## df2$ph.ecog1
                         0
                                    1
                                         0.295 0 1
## df2$ph.ecog2
                         0
                                    1
                                         0.431 0 1
## df2$ph.ecog3
                         0
                                    1
                                         1.994 0 1
## df2$pat.karno40
                         0
                                    1
                                         2.043 0 1
## df2$pat.karno50
                         0
                                         1.688 0 1
                                    1
## df2$pat.karno60
                         0
                                   1
                                         1.386 0 1
                                         1.394 0 1
## df2$pat.karno70
                         0
                                    1
                         0
## df2$pat.karno80
                                   1
                                         1.399 0 1
## df2$pat.karno90
                         0
                                    1
                                         1.409 0 1
                         0
                                         1.422 0 1
## df2$pat.karno100
                                    1
##
##
                     exp(coef) exp(-coef) lower .95 upper .95
## df2$sex2
                              1
                                          1
                                               0.6095
                                                            1.64
                              1
## df2$ph.ecog1
                                          1
                                               0.5604
                                                            1.78
## df2$ph.ecog2
                              1
                                          1
                                               0.4296
                                                            2.33
## df2$ph.ecog3
                              1
                                          1
                                               0.0201
                                                           49.81
## df2$pat.karno40
                              1
                                          1
                                               0.0183
                                                           54.77
## df2$pat.karno50
                              1
                                          1
                                               0.0366
                                                           27.32
## df2$pat.karno60
                              1
                                          1
                                               0.0661
                                                           15.14
## df2$pat.karno70
                              1
                                                           15.36
                                               0.0651
```

```
## df2$pat.karno80
                                             0.0644
                                                        15.52
## df2$pat.karno90
                             1
                                        1
                                             0.0632
                                                        15.81
## df2$pat.karno100
                             1
                                        1
                                             0.0616
                                                        16.24
##
## Likelihood ratio test=0 on 11 df, p=1
##
## n=224 (4 observations deleted due to missingness)
theta0 = (1-modelSF$surv)/modelSF$surv
theta = theta0*exp(sum(modelSF$coefficients*c(0,0,1,0,0,0,0,1,0,0,0)))
plot(1/(theta+1), xlab="Days", ylab="Survival Function")
```

