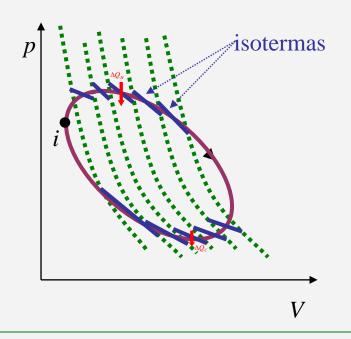
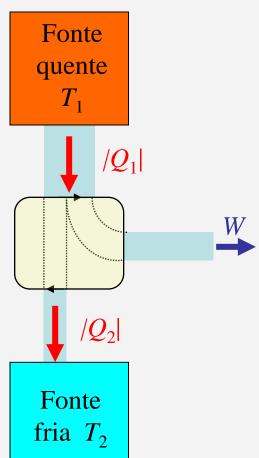
Aula-12

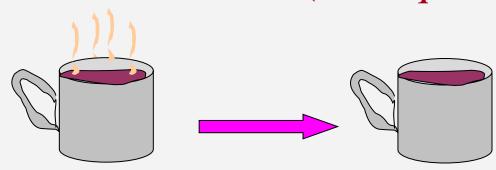
Entropia e a Segunda Lei da Termodinâmica - 1



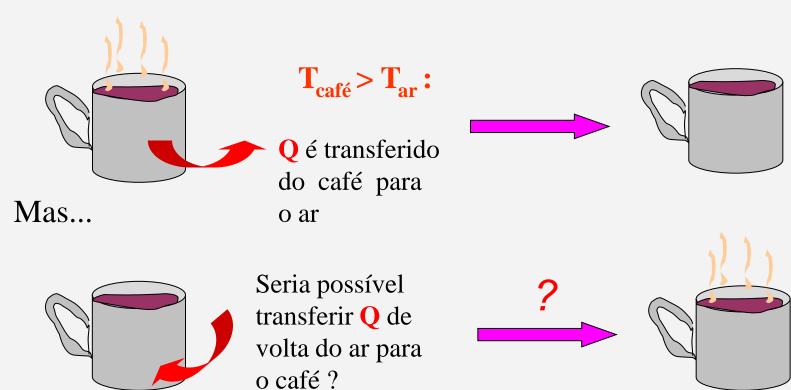
Física Geral II - F 228 1º semestre, 2021



Uma situação bem conhecida (Café que esfria):



Explicação:



Outros casos conhecidos:

- Um balão estoura e o gás He se mistura no ar...
- Um copo cai e se quebra em muitos pedaços...
- Um corpo é freado pelo atrito e aquece...

Seria possível reverter estes processos?

Em todos os casos: **A energia é conservada**; mas *nenhum destes processos pode ser revertido!*



IRREVERSIBILIDADE (A seta do tempo!)

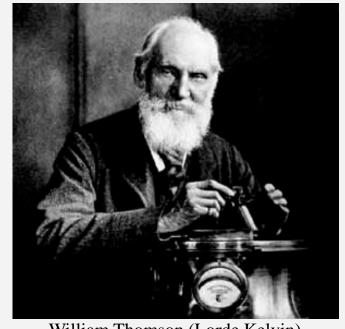


2ª Lei da Termodinâmica (Entropia)

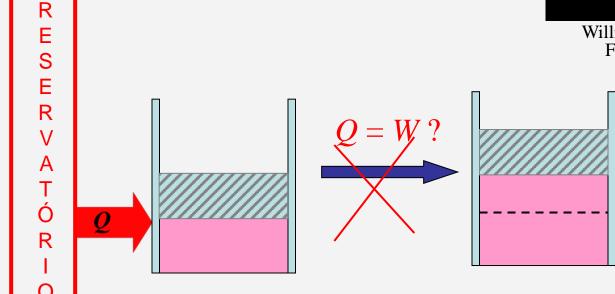
A segunda lei da Termodinâmica

O enunciado de Kelvin (K):

É impossível realizar um processo cujo <u>único efeito</u> seja remover calor de um reservatório térmico e produzir uma quantidade equivalente de trabalho.



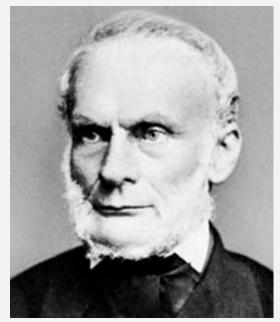
William Thomson (Lorde Kelvin) Físico Irlandês, 1824 -1907



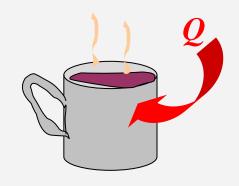
A segunda lei da Termodinâmica

O enunciado de Clausius:

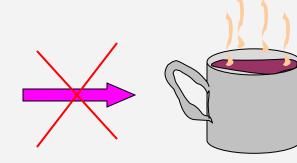
É impossível realizar um processo cujo <u>único efeito</u> seja transferir calor de um corpo mais frio para um corpo mais quente.



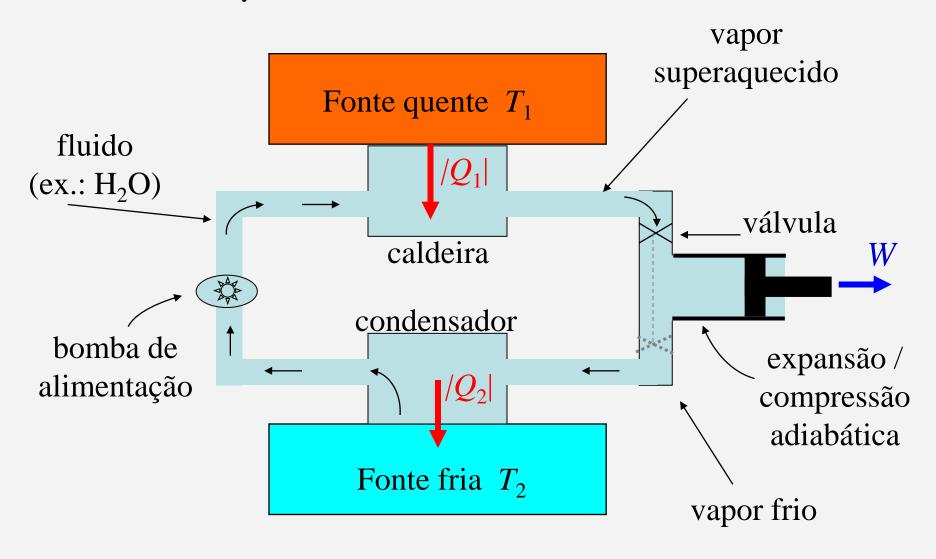
Rudolf Clausius – Físico Alemão 1822 - 1888



É impossível transferir *Q* de volta, do ar para o café.



Máquina Térmica



Ex.: Máquina a vapor – James Watt – Reino Unido, 1776

Máquina térmica

O diagrama (simplificado) ao lado representa o processo cíclico de uma máquina térmica, com $T_1 > T_2$

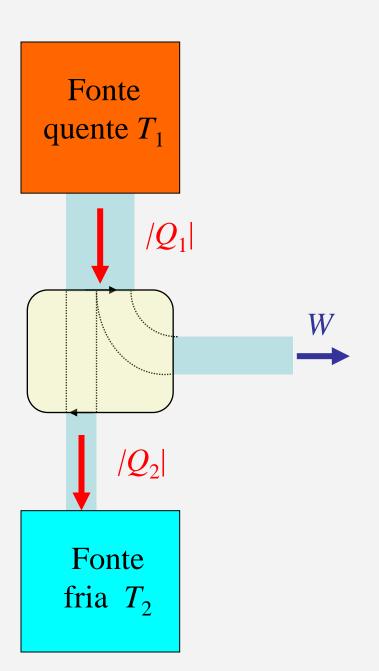
$$\Delta E_{\rm int} = Q - W$$

$$\Delta E_{\rm int} = 0 \rightarrow W = Q_1 + Q_2$$

Como: $Q_1 > 0$, $Q_2 < 0$ e W > 0



$$W = |Q_1| - |Q_2|$$



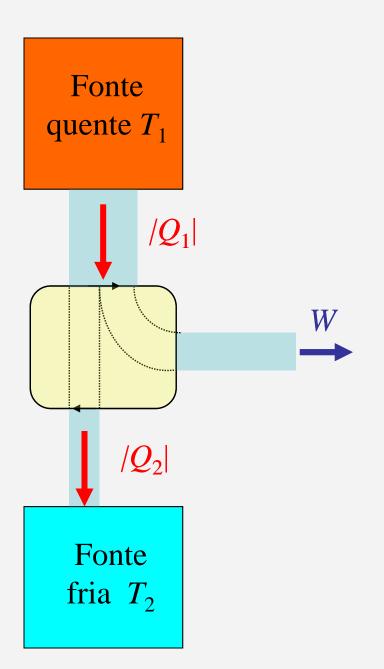
Máquina térmica

O <u>rendimento</u> (ou eficiência) de uma máquina térmica:

$$\eta = \frac{|W|}{|Q_1|} = \frac{\text{trabalho executado}}{\text{calor absorvido}}$$

$$W = |Q_1| - |Q_2|$$

$$\eta = 1 - \frac{|Q_2|}{|Q_1|} \qquad (\eta < 1)$$



A máquina de Carnot (Ideal!)



N. L. Sadi Carnot – Eng. Francês 1796 - 1832

Dadas uma fonte quente e uma fonte fria, qual é o máximo rendimento que se pode obter de uma máquina térmica operando entre elas?



Processos reversíveis

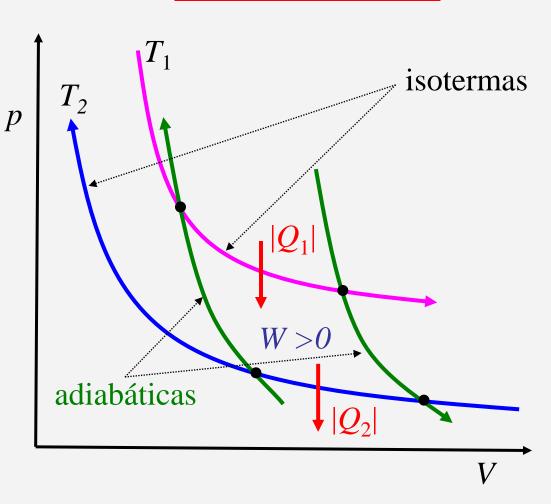
Nas máquinas térmicas reais:

- Existência de atrito reduz o rendimento pois a energia mecânica se transforma irreversivelmente em calor.
- Corpos a temperaturas diferentes, se postos em contato, transferem calor de um para o outro irreversivelmente.

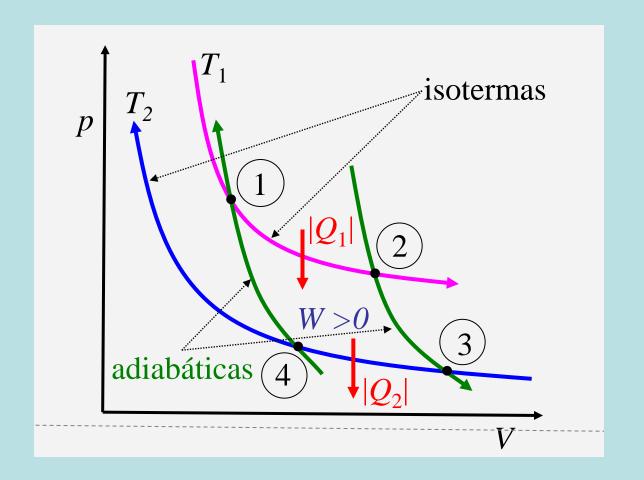
O ciclo de Carnot (1824)

- Substância de trabalho: Fluido Ideal;
- •A troca de calor deve ser feita isotermicamente;
- Mudanças de temperatura devem ser feitas adiabaticamente;
- Nenhuma máquina térmica pode ter rendimento superior ao de uma máquina de Carnot entre as mesmas temperaturas.

Ciclo reversível:

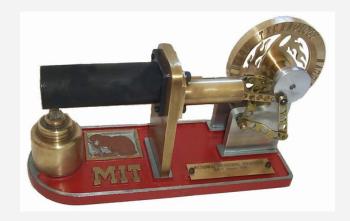


Implementação



Outros Ciclos

Máquina de Stirling Ideal



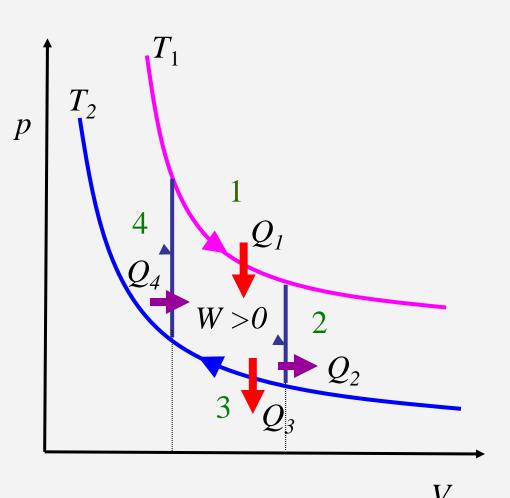
1 : Expansão Isotérmica

2: Resfriamento Isovolumétrico

3 : Compressão Isotérmica

4 : Aquecimento Isovolumétrico

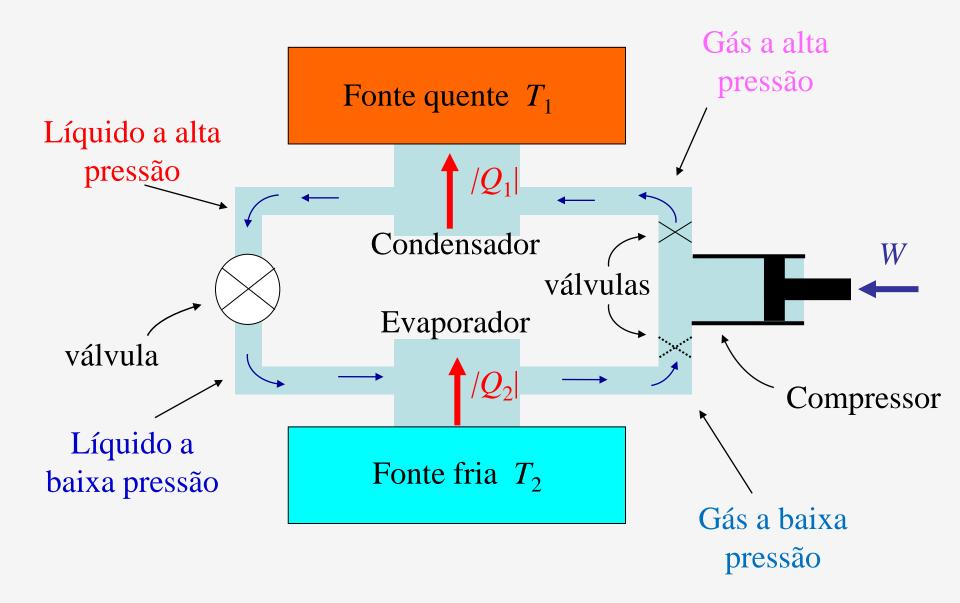
 Q_2 e Q_4 : Trocas de Calor com temperatura variável



Reversível! : ΔT lenta

$$\eta_{\it Stirling} < \eta_{\it Carnot}$$

Refrigerador



Refrigerador

O diagrama ao lado representa o processo cíclico de um refrigerador e $T_1 > T_2$

$$\Delta E_{\rm int} = Q - W$$



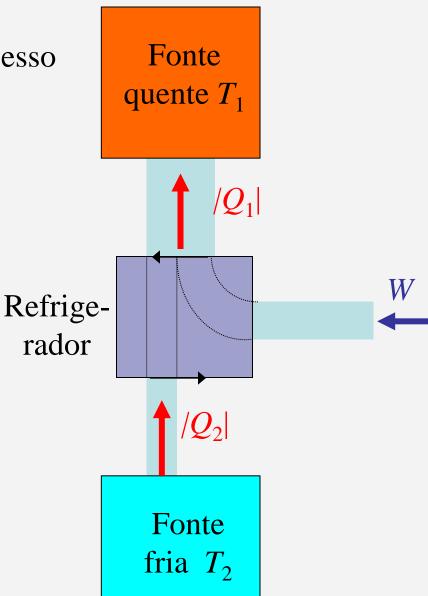
$$\Delta E_{\rm int} = 0 \rightarrow W = Q_1 + Q_2$$

Como $Q_1 < 0, Q_2 > 0, W < 0$

$$e |Q_1| > |Q_2|$$



$$|W| = |Q_1| - |Q_2|$$



Refrigerador

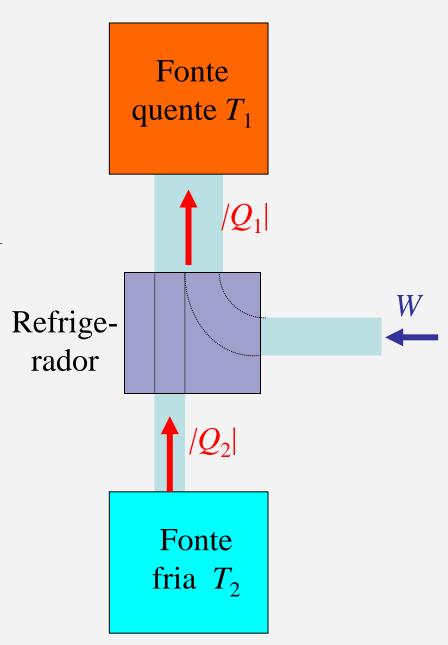
O <u>coeficiente de desempenho</u> de um refrigerador

$$\kappa = \frac{|\textit{Q}_2|}{|\textit{W}|} = \frac{\textit{calor absorvido}}{\textit{trabalho fornecido}}$$



$$\kappa = \frac{|Q_2|}{|Q_1| - |Q_2|}$$

$$(0 < \kappa < \infty)$$



Um refrigerador ideal com coeficiente de desempenho 4,7 extrai calor de um recipiente frio à taxa de 250 J/ciclo.

Fonte

Fonte fria T_2

a) Qual o trabalho necessário, por ciclo, para manter o refrigerador em funcionamento?

$$\kappa = \frac{|Q_2|}{|W|}$$
 $|W| = \frac{|Q_2|}{\kappa} = \frac{250J}{4.7} = 53J$

b) Qual o calor entregue ao meio ambiente por ciclo?

$$\Delta E_{\text{int}} = (|Q_1| - |Q_2|) - |W|$$

 $\Delta E_{\rm int} = 0$ em um ciclo:

$$|Q_1| = |Q_2| + |W| = 53J + 250J = 303J$$

A escala termodinâmica de temperatura

• Em sua máquina ideal Carnot demonstrou que a quantidade de calor fornecida pela fonte de aquecimento e a quantidade cedida à fonte de resfriamento são proporcionais às suas temperaturas absolutas:

(Forma final dada por Kelvin ~ 1848)

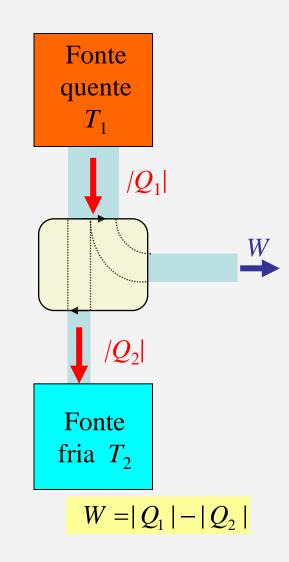
$$\frac{|Q_1|}{|Q_2|} = \frac{T_1}{T_2}$$

O rendimento será:

$$\eta = 1 - \frac{|Q_2|}{|Q_1|} = 1 - \frac{T_2}{T_1}$$

• Se:
$$\eta = 1 \rightarrow T_2 = 0$$
 pois: $T_1 < \infty$

Todo o calor vindo da fonte quente seria transformado em trabalho! Contrário à 2ª Lei!



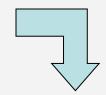
Conclui-se que o zero absoluto não é possível para um sistema físico.

A escala termodinâmica de temperatura

Em processos reversíveis (fluido ideal):

$$\frac{|Q_1|}{|Q_2|} = \frac{T_1}{T_2}$$





Máquina de Carnot

$$\eta = 1 - \frac{|Q_2|}{|Q_1|} = 1 - \frac{T_2}{T_1}$$

Refrigerador de Carnot

$$\kappa = \frac{|Q_2|}{|Q_1| - |Q_2|} = \frac{T_2}{T_1 - T_2}$$

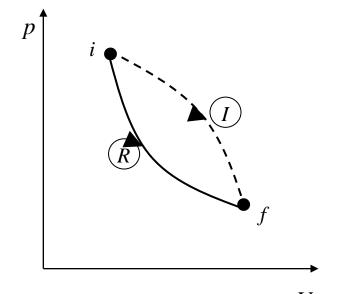
Qual o rendimento máximo teórico de uma máquina de Carnot, cujo fluido entra a 560°C e abandona o ciclo a 200°C ?

Entropia (S)

$$dS \equiv \frac{dQ}{T}$$

(Clausius – 1854)

$$\Delta S = S_f - S_i \ge \int_{i(I)}^f \frac{dQ}{T}$$



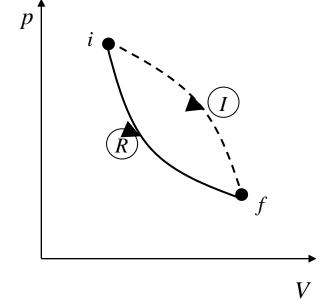
Entropia (S)

$$dS \equiv \frac{dQ}{T}$$

(Clausius – 1854)

$$\Delta S = S_f - S_i \ge \int_{i(I)}^f \frac{dQ}{T}$$







(Sistema isolado: dQ = 0)

$$\Delta S \ge 0$$

Teorema de Clausius — mais adiante...

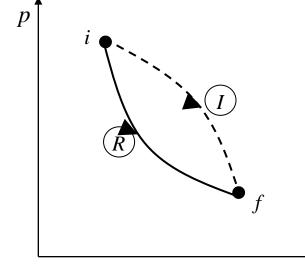


$$dS \equiv \frac{dQ}{T}$$

(Clausius – 1854)

$$\Delta S = S_f - S_i \ge \int_{i(I)}^f \frac{dQ}{T}$$







(Sistema isolado: dQ = 0)

$$\Delta S \ge 0$$

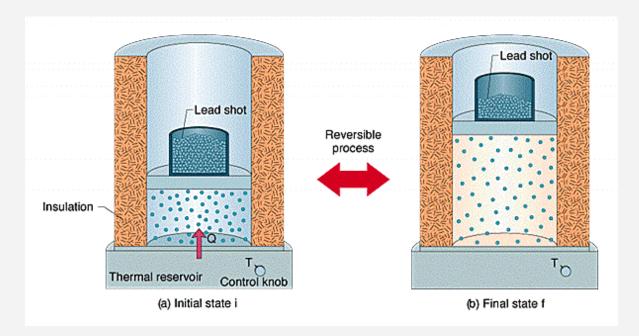


2^a Lei:

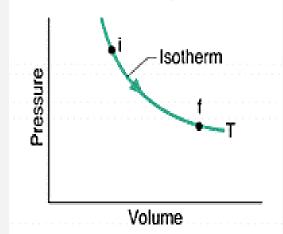
A entropia de um sistema termicamente isolado nunca pode decrescer: não se altera quando o processo é reversível mas aumenta quando o processo é irreversível!

Variação de entropia

Assim como pressão, temperatura, volume, a entropia é uma variável de estado que só depende dos estados iniciais e finais do sistema.



No caso da expansão isotérmica: $T_i = T_f$



Processo Reversível:

$$\Delta S = S_f - S_i = \int_i^f \frac{dQ}{T}$$



$$\Delta S = \frac{Q_{trocado}}{T}$$

Entropia

Num processo <u>reversível infinitesimal</u> podemos escrever:

$$dS = \frac{dQ}{T}$$

$$S = S(p,V)$$
; ou: $S = S(p,T)$; ou: $S = S(V,T)$

1^a lei da termodinâmica:

$$dE_{\rm int} = dQ - dW \longrightarrow dE_{\rm int} = TdS - pdV$$

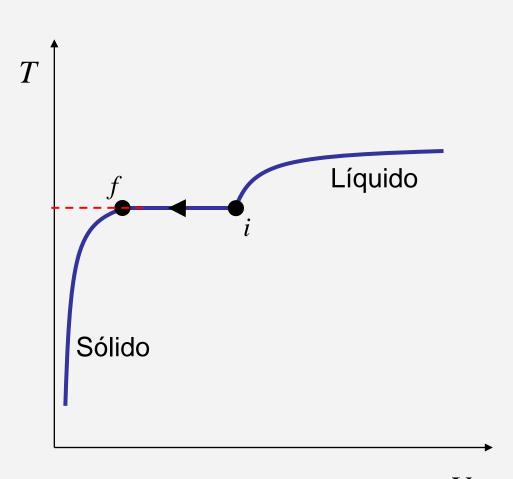
Entropia 1

Numa transição de fase

$$\Delta S = S_f - S_i = \frac{1}{T} \int_{S_i}^{f} dQ = \frac{\Delta Q}{T}$$

como: $\Delta Q = mL$

$$S_f - S_i = \frac{mL}{T}$$



L: Calor latente

O calor latente de fusão do gelo à pressão de 1 atm é de 79,6 cal/g. Qual a variação de entropia na fusão de 1 kg de gelo ?

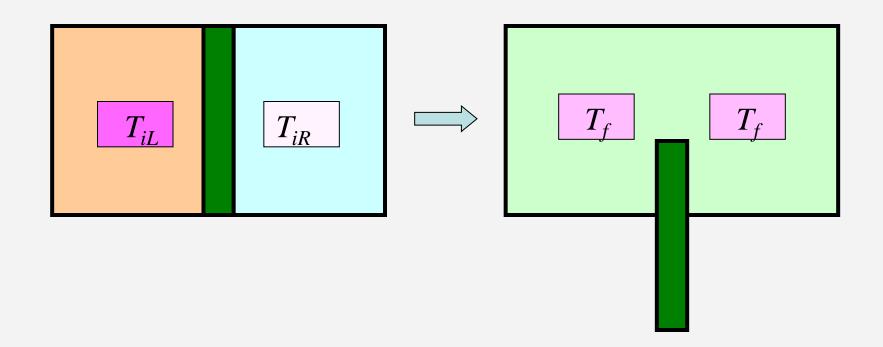
$$\Delta S = S_{\underline{agua}} - S_{\underline{gelo}} = \frac{mL_F}{T_F}$$

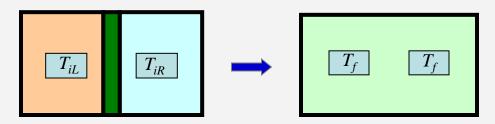
$$\Delta S = S_{água} - S_{gelo} = \frac{79,6 \, cal \, / \, g \times 10^3 \, g}{273 \, K}$$

$$S_{\acute{a}gua} - S_{gelo} \approx 292 \, cal / K \approx 1221 J / K$$

$$(1 \, cal = 4,1868 \, J)$$

Dois blocos de cobre de massa 1,5 kg são postos a temperaturas $T_{iL} = 60$ °C e $T_{iR} = 20$ °C em ambientes isolados. Removendo a divisória os corpos entram em equilíbrio térmico numa temperatura $T_f = 40$ °C. Calcule a mudança de entropia do sistema sabendo-se que o calor específico do cobre é 386 J/kg.K (suposto constante).





Temos que imaginar dois processos reversíveis para calcular a variação de entropia de cada bloco. Isso pode ser feito trazendose cada um dos corpos, quase estaticamente, ao equilíbrio com um reservatório onde T_f = 40 °C. (p e V aprox. constantes !)

$$\Delta S_{L} = \int_{i}^{f} \frac{dQ}{T} = mc \int_{T_{iL}}^{T_{f}} \frac{dT}{T} = mc \ln \frac{T_{f}}{T_{iL}}$$

$$T_{iL} = 60 + 273 = 333 K$$

$$T_{iR} = 20 + 273 = 293 K$$

$$T_{f} = 40 + 273 = 313 K$$

$$\Delta S_L = (1.5 \, kg)(386 \, J / kg \cdot K) \ln \frac{313}{333} = -35.86 \, J / K$$

$$\Delta S_R = mc \ln \frac{T_f}{T_{iR}} = (1.5 \, kg)(386 \, J \, / \, kg \cdot K) \ln \frac{313}{293} = +38,23 \, J \, / \, K$$

$$\Delta S_{irrev} = \Delta S_{rev} = \Delta S_R + \Delta S_L = 2.4 J/K > 0$$
!

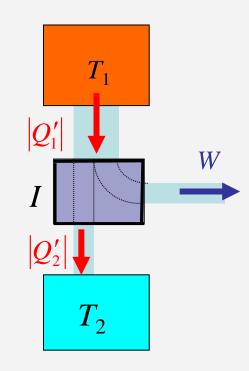


O Teorema de Clausius (1855) – Fluido Ideal

Se uma máquina irreversível (I) opera entre as temperaturas T_1 e T_2 o seu rendimento é sempre menor que o de uma máquina reversível (R):

$$\eta_I = \frac{W}{|Q_1'|} = 1 - \frac{|Q_2'|}{|Q_1'|} \le \eta_R = 1 - \frac{T_2}{T_1}$$

(A igualdade vale no caso limite de (I) se tornar reversível.)

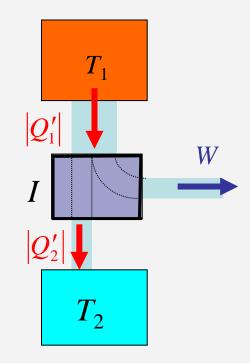


Então:
$$-\frac{|Q_2'|}{|Q_1'|} \le -\frac{T_2}{T_1} \to \frac{Q_2'}{Q_1'} \le -\frac{T_2}{T_1}$$
 pois:
$$Q_2' < 0 \quad e \quad Q_1' > 0$$

$$\frac{Q_2'}{Q_1'} \le -\frac{T_2}{T_1} \rightarrow \frac{Q_2'}{T_2} \le -\frac{Q_1'}{T_1}$$

Então:

$$\frac{Q_1'}{T_1} + \frac{Q_2'}{T_2} \le 0$$



Este resultado pode ser generalizado para qualquer processo cíclico!

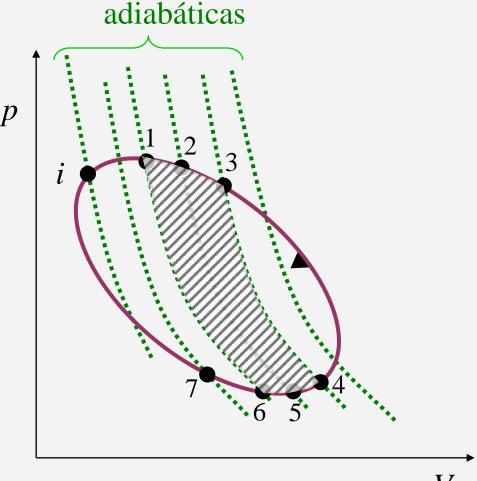




➤ Podemos substituir qualquer processo cíclico por uma sucessão de subciclos que contêm os trechos do ciclo original limitados por adiabáticas.

Exemplo:

$$\begin{split} \Delta W_{1\rightarrow 2} + \Delta W_{2\rightarrow 3} + \\ \Delta W_{3\rightarrow 4} + \Delta W_{4\rightarrow 5} + \\ \Delta W_{5\rightarrow 6} + \Delta W_{6\rightarrow 1} = \end{split}$$



Podemos sempre substituir um trecho qualquer de um subciclo pelas mesmas duas adiabáticas e uma isoterma (*iabf*). Por construção (aprox.!):

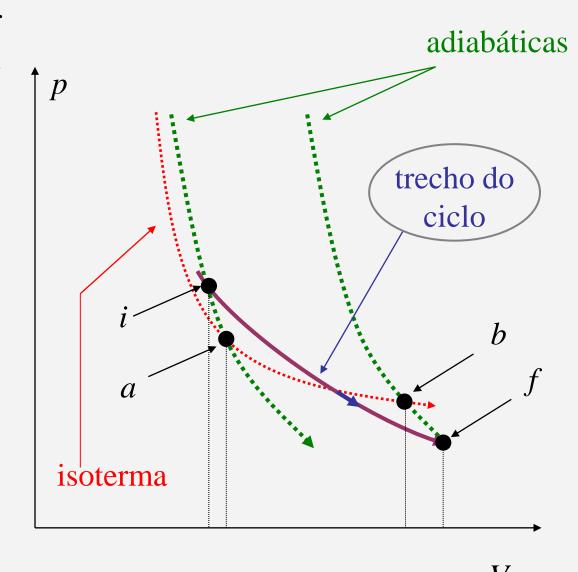
$$W_{if} \approx W_{iabf}$$

 ΔE_{int} ($\propto T$) é a mesma pelos dois caminhos; daí:

$$\Delta Q_{if} - W_{if} \approx \Delta Q_{iabf} - W_{iabf}$$

$$ightharpoonup \Delta Q_{if} \approx \Delta Q_{iabf}$$

$$\Delta Q_{if} \approx \underline{\Delta Q_{ia}} + \Delta Q_{ab} + \underline{\Delta Q_{bf}}$$



Assim, qualquer processo cíclico pode ser substituído por inúmeros <u>subciclos de</u> Carnot, tal que:

$$\sum_{i} \frac{\Delta Q_{i}}{T_{i}} \leq 0$$

(No limite infinitesimal)

$$\oint \frac{dQ}{T} \le 0$$

adiabáticas isotermas

igualdade para o caso reversível



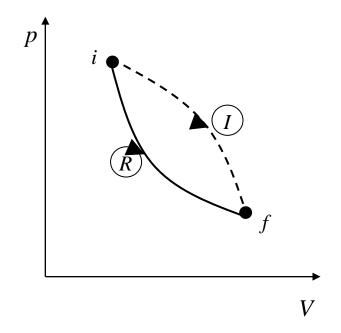
Entropia

O princípio do aumento da entropia

$$\oint \frac{dQ}{T} \le 0$$

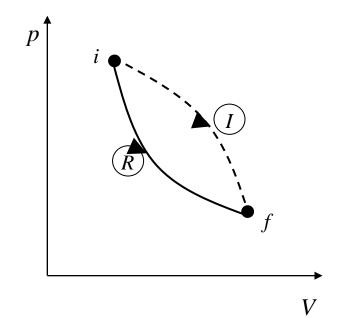
$$\oint \frac{dQ}{T} = \int_{f(R)}^{i} \frac{dQ}{T} + \int_{i(I)}^{f} \frac{dQ}{T} =$$

$$= -\int_{i(R)}^{f} \frac{dQ}{T} + \int_{i(I)}^{f} \frac{dQ}{T} \le 0$$



Entropia num processo reversível: $dS = \frac{dQ}{T}$

$$dS \equiv \frac{dQ}{T}$$





$$-\int_{i(R)}^{f} \frac{dQ}{T} + \int_{i(I)}^{f} \frac{dQ}{T} \le 0$$

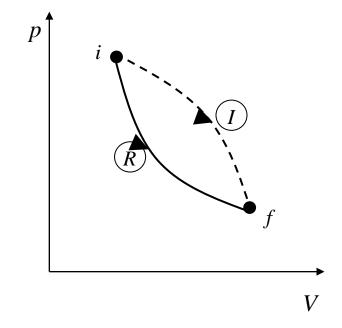
Entropia (S)

$$\Delta S = S_f - S_i \ge \int_{i(I)}^f \frac{dQ}{T}$$



(Sistema isolado: dQ = 0)

$$\Delta S \ge 0$$



Entropia (S)

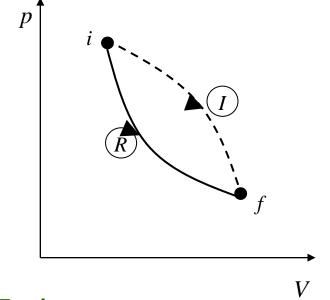
$$\Delta S = S_f - S_i \ge \int_{i(I)}^f \frac{dQ}{T}$$



(Sistema isolado: dQ = 0)

$$\Delta S \ge 0$$





A entropia de um sistema termicamente isolado nunca pode decrescer: não se altera quando o processo é reversível mas aumenta quando o processo é irreversível!

Num processo <u>reversível infinitesimal</u> podemos escrever:

$$dS = \frac{dQ}{T}$$

$$S = S(p,V)$$
; ou: $S = S(p,T)$; ou: $S = S(V,T)$

1^a lei da termodinâmica:

$$dE_{\rm int} = dQ - dW \longrightarrow dE_{\rm int} = TdS - pdV$$

Entropia De um Gás Ideal

1a lei:
$$\frac{dE_{\text{int}}}{dt} = TdS - pdV$$
 $\implies dS = \frac{dE_{\text{int}}}{T} + \frac{pdV}{T}$

mas:
$$dE_{\text{int}} = n C_V dT$$
 e $pV = nRT$ $\longrightarrow \frac{p}{T} = \frac{nR}{V}$

$$dS = \frac{nC_V dT}{T} + \frac{nRdV}{V}$$

$$S_{f} - S_{i} = \int_{S_{i}}^{S_{f}} dS = \int_{T_{i}}^{T_{f}} \frac{n C_{V}(T) dT}{T} + nR \int_{V_{i}}^{V_{f}} \frac{dV}{V}$$

$$S_{f} - S_{i} = \int_{S_{i}}^{S_{f}} dS = \int_{T_{i}}^{T_{f}} \frac{nC_{V}(T)dT}{T} + nR \int_{V_{i}}^{V_{f}} \frac{dV}{V}$$

$$C_V$$
 constante: $S_f - S_i = nC_V \ln\left(\frac{T_f}{T_i}\right) + nR \ln\left(\frac{V_f}{V_i}\right)$



Ou:
$$S(T,V) = nC_v \ln T + nR \ln V + const.$$

Como: pdV + Vdp = nRdT podemos ainda calcular:

$$S(p,T) = nC_p \ln T - nR \ln p + const.$$

$$S(p,V) = nC_V \ln pV^{\gamma} + const.$$

Numa transformação adiabática:

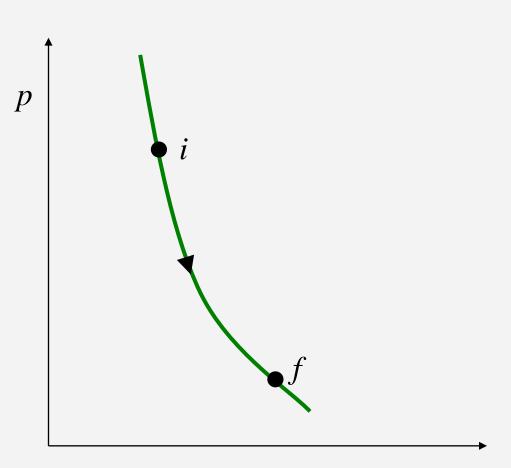
$$\Delta Q = 0$$

$$\downarrow \downarrow$$

$$dS = \frac{dQ}{T} = 0$$

$$\downarrow \downarrow$$

$$S_i = S_f$$

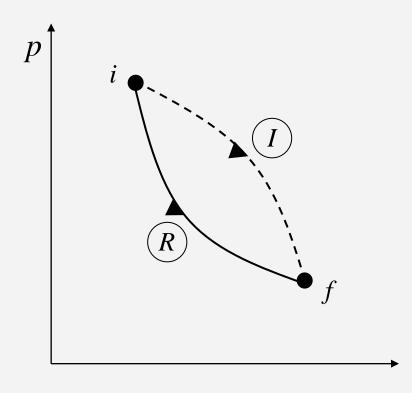


Entropia Em processos irreversíveis

Como a variação de entropia depende apenas dos pontos inicial e final do processo (em equilíbrio), pode-se escolher qualquer caminho reversível para calculá-la.



$$\int_{i(R)}^{f} \frac{dQ}{T} \equiv S_f - S_i$$



Entropia Em processos irreversíveis

Exemplo: Expansão livre (I)

Como:
$$\Delta E_{\text{int}} = \Delta Q_I = \Delta W_I = 0$$

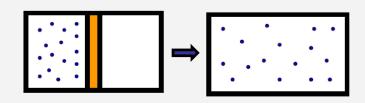
Podemos escolher uma expansão isotérmica reversível (R)

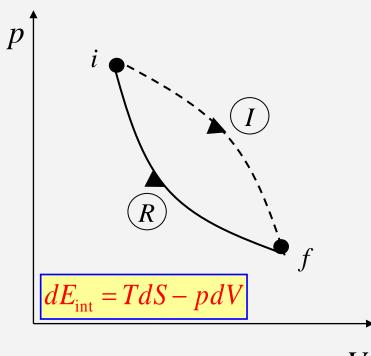
(Note que: $dW_{p} \neq dW_{p} = pdV = TdS$)



$$S_f - S_i = nC_V \ln\left(\frac{T_f}{T_i}\right) + nR \ln\left(\frac{V_f}{V_i}\right)$$

$$S_f - S_i = nC_V \ln \left(\frac{T_f}{T_i}\right) + nR \ln \left(\frac{V_f}{V_i}\right)$$







$$\left| S_f - S_i = nR \ln \left(\frac{V_f}{V_i} \right) > 0 \right|$$



Interpretação microscópica

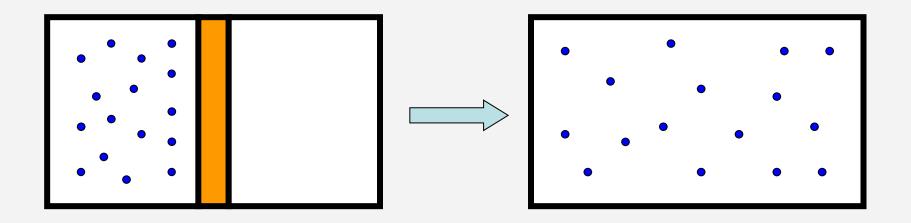
- Vimos que o estado termodinâmico (macroscópico) de um sistema pode ser descrito por um conjunto de variáveis de estado (ex.: *p*, *V*, *T*). A estas variáveis damos o nome de *macroestados*.
- Mas, há inúmeras configurações moleculares que são compatíveis com um determinado macroestado.

A estas, damos o nome de *microestados*.



Ludwig E. Boltzmann Físico Austríaco 1844 - 1906

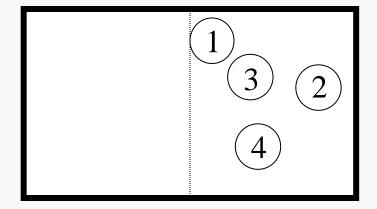
Exemplo: A expansão livre

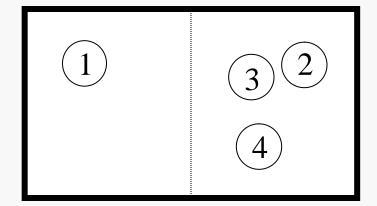


- Por que o sistema não retorna à sua configuração original espontaneamente ?
- Como podemos entender o aumento de entropia microscopicamente ?

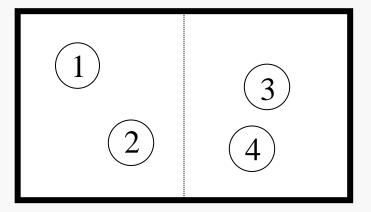
Exemplo simples

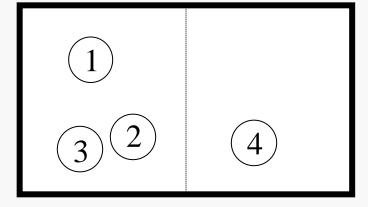
(só 4 partículas idênticas!)

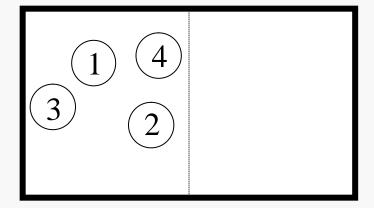




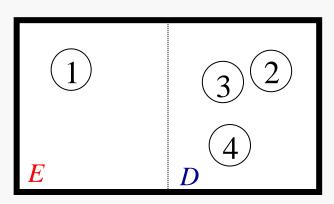
N+1 Macroestados



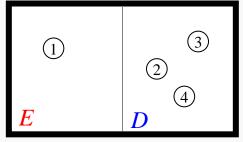


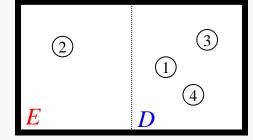


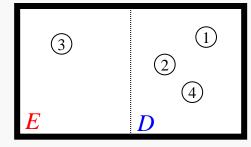
Macroestado

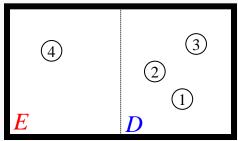


Microestados correspondentes









$$N = 4$$

Coeficientes binomiais:

$$\binom{N}{k} = \frac{N!}{k!(N-k)}$$

N+1 macroestados

Total de microestados:

$$\sum_{k=1}^{N} \binom{N}{k} = 2^{N}$$

	1	2	3	4	$n_{ m E}$	$n_{ m D}$	Número de microestados Ω	Probabilidade $P(n_{\rm E}, n_{\rm D})$
	Е	E	E	E	4	0	$\binom{4}{0} = 1$	$\left(\frac{1}{2}\right)^4 = \frac{1}{16}$
	D	E	Е	Е	3	1	$\binom{4}{1} = 4$	$\binom{4}{1} \left(\frac{1}{2}\right)^4 = \frac{4}{16} = \frac{1}{4}$
	E	D	Е	Е				
	E	E	D	Е				
	Е	Е	Е	D				
	D	D	Е	Е		2	$\binom{4}{2} = 6$	$\binom{4}{2} \left(\frac{1}{2}\right)^4 = \frac{6}{16}$
	D	E	D	Е				
	D	E	Е	D	2			
	E	D	D	Е	-			
	E	D	E	D				
	Е	Е	D	D				
	D	D	D	Е	1	3		$\binom{4}{3} \left(\frac{1}{2}\right)^4 = \frac{4}{16} = \frac{1}{4}$
	D	D	Е	D				
	D	E	D	D				
	Е	D	D	D				
	D	D	D	D	0	4	$\binom{4}{4} = 1$	$\left(\frac{1}{2}\right)^4 = \frac{1}{16}$
	Total						16	1

Hipótese: equiprobabilidade de microestados

 2^N microestados

• No caso geral de *N* moléculas a Probabilidade de um macroestado será:

 $P(n,N) = \binom{N}{n} \left(\frac{1}{2}\right)^{N}$

Onde n é , por exemplo, o número de moléculas na direita.

• Portanto, vemos que a probabilidade de <u>todas as partículas</u> ocuparem só o volume da direita ou só o da esquerda é:

$$P(N,N) = {N \choose N} \left(\frac{1}{2}\right)^N = \left(\frac{1}{2}\right)^N$$

$$P_{E,D} = \left(\frac{1}{2}\right)^{N}$$
 • Note que para $N = 1$: $P_{E,D} = 0.5$...

... mas $P_{E,D}$ é extremamente pequena, se $N=N_A$.

Entropia de Boltzmann

Peso estatístico de um macroestado

- Seja Ω o número de microestados (peso estatístico ou multiplicidade), compatíveis com um dado macroestado.
 - Em 1877 Boltzmann propôs a seguinte relação entre a entropia, S, de uma configuração de um gás e Ω :

$$S = k \ln \Omega$$
 $k \to \text{Constante de Boltzmann}$

• Entre os estados *inicial* e *final* de um processo termodinâmico: Ω_f

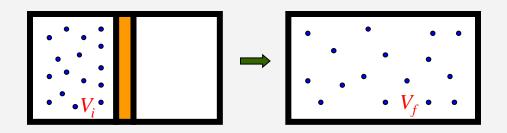
$$\Delta S = S_f - S_i = k \ln \frac{\Omega_f}{\Omega_i}$$

 $S = k \ln \Omega$

Túmulo de L. Boltzmann, no cemitério central de Viena.



Entropia na Expansão Livre



- Consideremos que um gás passa de V_i para V_f (expansão livre);
- Podemos subdividir os volumes em células com o volume V_m de cada molécula;
- Para *N* moléculas o número de microestados possíveis será, em cada caso:

$$\Omega_i = \left(\frac{V_i}{V_m}\right)^N \qquad e \qquad \Omega_f = \left(\frac{V_f}{V_m}\right)^N$$

Entropia na Expansão Livre

$$S = k \ln \Omega$$

Então:
$$\left(\frac{\Omega_f}{\Omega_i}\right) = \left(\frac{V_f}{V_i}\right)^N$$

$$R = k N_A$$
 e $n = \frac{N}{N_A}$

Daí:
$$S_f - S_i = k \ln \left(\frac{\Omega_f}{\Omega_i}\right) = kN \ln \left(\frac{V_f}{V_i}\right) = nR \ln \left(\frac{V_f}{V_i}\right)$$

Que é o mesmo resultado obtido pela termodinâmica para um processo de expansão isotérmica, onde $\Delta E_{int} = 0$:

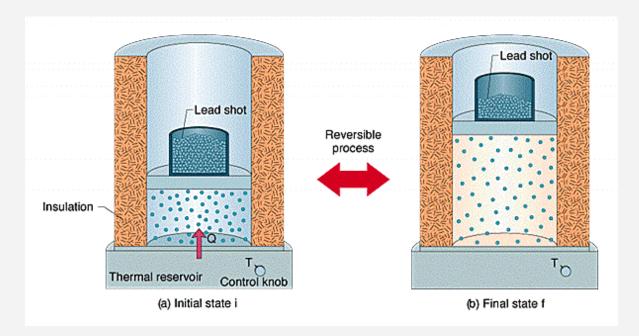
$$dQ = dW \rightarrow TdS = pdV \rightarrow dS = nR\frac{dV}{V}$$

$$\longrightarrow S_f - S_i = nR \int_{V_i}^{V_f} \frac{dV}{V} = nR \ln \left(\frac{V_f}{V_i} \right)$$

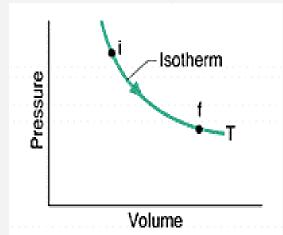


Variação de entropia

Assim como pressão, temperatura, volume, a entropia é uma variável de estado que só depende dos estados iniciais e finais do sistema.

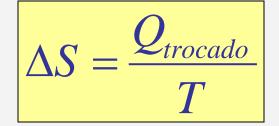


No caso da expansão isotérmica: $T_i = T_f$



Processo Reversível:

$$\Delta S = S_f - S_i = \int_i^f \frac{dQ}{T}$$



A segunda lei da Termodinâmica

Convém notar que:

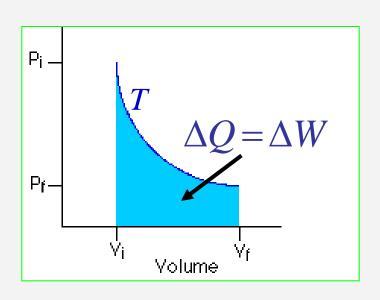
• O enunciado de Kelvin não implica que <u>não se possa</u> transformar calor completamente em energia mecânica. Na expansão isotérmica de um gás ideal tem-se, por exemplo:

$$\Delta E_{\text{int}} = 0 \longrightarrow \Delta Q = \Delta W$$

Mas o estado final do sistema não é o mesmo que o inicial, pois há variação da pressão do gás.

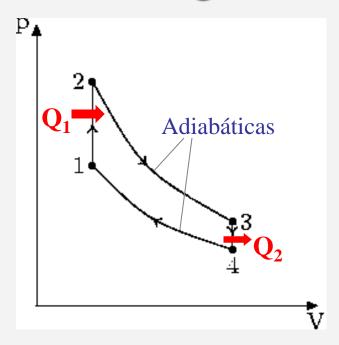


A completa transformação de calor em trabalho não é o único efeito.



Ciclo de Otto

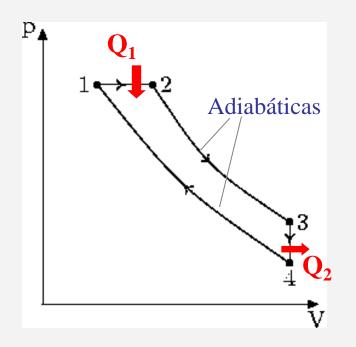
Motor a gasolina



$$\eta_{gasolina} \approx 25\%$$

- $1 \rightarrow 2$: Calor transferido a volume constante
- 2 → 3 : Expansão adiabática com trabalho realizado
- $3 \rightarrow 4$: Calor rejeitado a volume constante
- 4 → 1 : Compressão adiabática com trabalho fornecido

Ciclo de Diesel



 $\eta_{diesel} \approx 40\%$

- $1 \rightarrow 2$: Calor transferido a pressão constante
- 2 → 3 : Expansão adiabática com trabalho realizado
- $3 \rightarrow 4$: Calor rejeitado a volume constante
- 4 → 1 : Compressão adiabática com trabalho fornecido

Exemplo

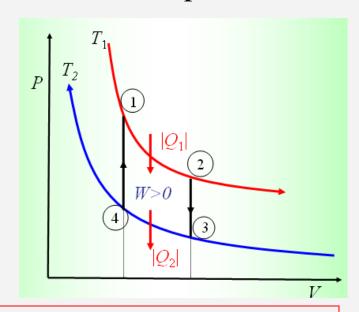
Uma máquina de Stirling usa $n = 8.1 \times 10^{-3}$ mols de um gás ideal como combustível. A máquina opera entre 95°C e 24°C a 0,7 ciclos por segundo e o volume da substância dobra durante a expansão.

a) Qual o trabalho efetuado por ciclo?

$$W_{isot} = \int_{V_1}^{V_2} p dV = \int_{V_1}^{V_2} \frac{nRT}{V} dV = nRT \ln \left(\frac{V_2}{V_1} \right)$$

$$W_{12} = nRT_1 \ln \left(\frac{V_2}{V_1}\right)$$
 ; $W_{34} = nRT_2 \ln \left(\frac{V_1}{V_2}\right)$

$$W_{23} = W_{41} = 0$$



Expansão e compressão isotérmicas e dois processos isocóricos

$$W = W_{12} + W_{23} + W_{34} + W_{41} = nR(T_1 - T_2) \ln\left(\frac{V_2}{V_1}\right) =$$

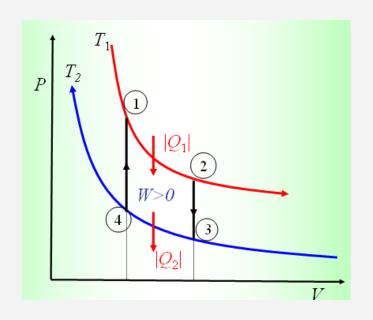
$$= \left\{ (8 \times 10^{-3} \, mol) \times (8,31 \, J \, / \, mol \cdot K) \times (95^{\,\circ}C - 24^{\,\circ}C) \ln 2 \right\} = 3,31 \, J$$

Exemplo

b) Qual é a potência da máquina?

1 ciclo
$$\rightarrow \Delta t = 1/0,7 \approx 1,43 \text{ s}$$

$$P = \frac{W}{\Delta t} = \frac{3,31J}{1,43s} \approx 2,3W$$



c) Qual o calor Q₁ absorvido pela máquina?

$$\Delta E_{12} = 0 \quad \to \quad |Q_1| = W_{12} = nRT_1 \ln\left(\frac{V_2}{V_1}\right) =$$

$$= \left\{ (8 \times 10^{-3} \, mol) \times (8,31 \, J \, / \, mol \cdot K) \times 368 \, K \, \ln 2 \right\} \approx 17 \, J$$