齐鲁工业大学 20/21 学年第二学期《离散数学》期末考试试卷

(A 卷)

(本试卷共6页)

题号	_	=	III	四	五	六	七	总分
得分								

得分	
阅卷人	

一、(22分)

1. (3分) 符号化命题"除非 4 是奇数, 否则 5 不是奇数", 并判断其真值。

2. (6分) 写出(p→q)→r 的真值表,并利用真值表求出主析取范式与主合取范式。

3. (4分) 利用等值演算法求 $p \rightarrow (p \lor q)$ 的主析取范式,并判断公式的类型。

4. (3分) 一阶逻辑符号化命题: "发光的不都是金子"。

5. (3 分) 设个体域 $D = \{a, b, c\}$,消去公式 $\forall x \Big(F(x) \land \exists y G(y) \Big)$ 。

6. (3 分) 判断公式 $\forall xF(x)$ →($\exists x\exists yG(x,y)$ → $\forall xF(x)$)的类型。

得分	
阅卷人	

二、(12分)

1. (7分) 自然推理系统 P 中构造下面推理的证明:明天是晴天或者下雨:如果是晴天,我就去看电影;如果我去看电影,我就不看书;所以,如果明天我看书,则明天下雨。

2. (5分) 叙述苏格拉底三段论,并构造推理证明。

得分	三、	(24分)
阅卷人		

1. (10 分) 设 $A = \{0, 1\}, B = \{1, 2, 3\},$ 计算 $P(A), A \times B, A \oplus B, B^{A}$ 。

2. (8 分) 设 $A = \{a, b, c, d\}$,集合 A 的关系 $R = \{\langle a, a \rangle, \langle b, b \rangle, \langle c, b \rangle, \langle c, c \rangle\}$,写 出 R 的关系矩阵,画出关系图,并求出 R^2 ,讨论关系 R 的性质。

3. (2分) 写出集合 A = {0,1}上的所有等价关系。

4. (4分) 设 A = Z, B = N, $f(x) = x^2 + 1$, 判断 f 是否是 A 到 B 的函数, 如果是, 是否是单射, 满射, 双射?

得分	四、(5分)设A={1,2,3},在A×A上定义二元关系R,
阅卷人	$\forall \langle a,b \rangle, \langle c,d \rangle \in A \times A, \langle a,b \rangle R \langle c,d \rangle \Leftrightarrow a+b=c+d,$

- 1. 证明 R 是 A×A 上的等价关系;
- 2. 求 R 导出的划分。

得分	五、(5分)设 <a, r="">为偏序集,</a,>	其中 A={1, 2, 3, 4, 6, 8, 9}
卷人	R 是 A 上的整除关系	

- 1. 画出<A, R>的哈斯图;
- 2. 求 A 中的极大元、极小元、最大元、最小元。

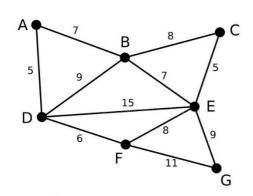
得分	六、	(27分)
阅卷人		

1. (4分) 画出一个非平凡完全图, 并要求是欧拉图也是哈密顿图。

2. (5分) 已知一颗无向树中有 2个 2度顶点,1个 3度顶点,3个 4度顶点,其余顶点度数都为 1。问它有多少个 1度顶点?

3. (4 分) 有向图 $D=\langle V,E\rangle$, $V=\{a,b,c,d\}$,其邻接矩阵为 $\begin{pmatrix} 0 & 2 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 1 & 1 \end{pmatrix}$,画出该图,并写出各点的出度和入度。

4. (5分)如下图所示的带权图, 画出该图的最小生成树。



5.(9分) 已知在传输中, a、b、c、d、e、f 出现的频率分别为 25%、20%、18%、15%、12%、10%,应用最优二叉树,求传输它们的最佳前缀码,并求传输 10ⁿ个按上述比例出现的字符需要多少个二进制数字?

得分	
阅卷人	

七、(5分) 设 G 是 n 阶 n+1 条边的无向图,证明: G 中存在顶点 u, d(u) ≥ 3。