

AR Billiard mit OpenCV und OpenGL

Sommersemester 2018

Friedemann Runte, Moritz Ludolph, Diyar Omar, Robin Mertens

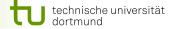
Fakultät für Informatik

17. Juli 2018

Rendering und Phsyik

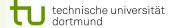


Darstellung des Spielfeldes



- Hintergrundfarbe Dunkel-Grün mit der OpenGL ClearColor
- Löcher und Kugeln mit Triangle-Fan

Triangle-Fan



- Struktur aus Dreiecken
- Mittelpunkt c
- Radius r
- Auflösung k ist die Anzahl der Dreiecke, aus denen unser Kreis hinterher besteht

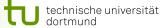


Abbildung: Erstes Dreieck eines Triangle-Fans, i=1, k=36

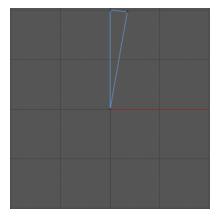




Abbildung: i = 2, k = 36

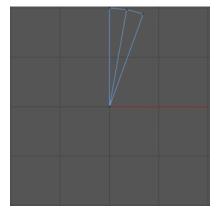




Abbildung: i = 3, k = 36

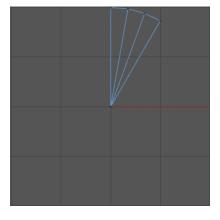
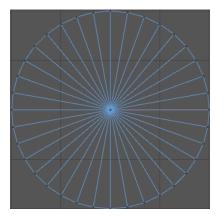




Abbildung: Vollständiger Triangle-Fan, i = k = 36

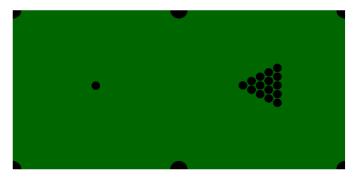


Zwischenstand



Wir haben nun ein Spielfeld mit Löchern und Kugeln. Jedoch sind die Kugeln noch nicht voneinander zu unterscheiden.

Abbildung: Spielfeld ohne Texturen



Texturierung



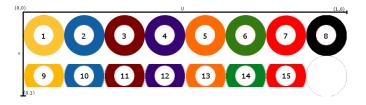
Grundkonzepte:

- Eine Textur besteht aus Koordinaten auf der u (waagerecht) und der v (vertikal) Achse
- Die beiden Achsen sind immer im Bereich [0,1], egal wie groß die Textur ist
- Man gibt beim Erstellen von Objekten für jeden Knoten die Texturkoordinaten in u und v an, um sie auf das Objekt abzubilden

Texturierung



Abbildung: Textur mit u- und v-Achse



Es fällt auf, dass eine Kugel $\frac{1}{8}$ Durchmesser hat auf u, aber $\frac{1}{2}$ auf v

Texturierung



Wir müssen nun berechnen, welcher Ausschnitt für welche Kugel ist.

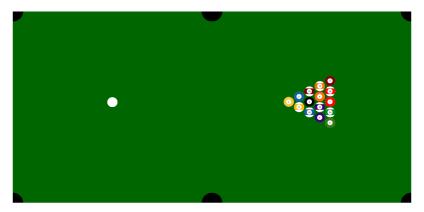
- Die Farben sind geordnet auf der Textur und bekommen Werte von 0 bis 7
- Die Vollen Kugeln sind in der ersten Reihe und die Halben in der Zweiten und bekommen damit die Werte 0 (voll) und 1 (halb)
- Wir können jetzt eine Funktion erstellen, die uns anhand von Farbe und Fülle den Textur Mittelpunkt ausgibt

Zwischenstand

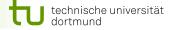


Wir haben nun ein fertiges Spielfeld mit Texturierten Kugeln.

Abbildung: Fertiges Spielfeld



Physik



Die Physik-Berechnungen des Spiels lassen sich aufteilen in 3 Bereiche:

- Kollision von Kugel und Wand
- Kollision von Kugeln mit anderen Kugeln
- Kollision vom Queue mit der weißen Kugel

Kollisionen: Kugel mit Wand



Prinzip sehr einfach:

schneiden

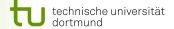
- 1. Definiere die Wände als Achsenabschnitte: Linke Wand ist x = 0, rechte Wand x = w, obere Wand y = 0 und untere Wand y = h, mit w = Breite des Spielfeldes und h = Höhe des Spielfeldes
- 2. Überprüfen ob eine der Koordinaten der Kugel zusammen mit dem Radius eine der Wände schneidet z.B. für r = 5 wäre x = 5 - r = 0 und würde somit die Linke Wand
- 3. Geschwindigkeit auf der Achse die Geschnitten wurde invertieren.
- also bei x = 0 oder x = w wird vx = -vx gesetzt, analog für v

Kollision mit anderen Kugeln



- Die Kollision von 2 Kreisen war uns bereits gegeben durch das Airhockey-Spiel.
- In Airhockey kollidiert ein Puck mit einem der beiden Schläger und bekommt dadurch eine neue Geschwindigkeit
- Der Schläger wird von der Kollision nicht verändert
- Wir brauchen aber, dass sich beide Kugeln bei Kollision verändern

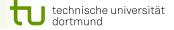
Kollision mit anderen Kugeln



Lösung:

- Wir berechnen für jede Kugel die Kollision mit jeder anderen Kugel
- Wir nehmen die Methode aus dem Airhockey und wählen unsere Kugel die sich bewegen soll als Puck und berechnen die Kollision mit allen anderen Kugeln als Schläger
- Wenn wir das in beide Richtungen ausführen, sodass jede Kugel sozusagen einmal Schläger und einmal Puck ist, wird jede Kugel von einer Kollision getroffen

Kollision mit Queue



Die eigentliche Kollision bleibt gleich wie beim Airhockey.

Problem: Framerate der Kamera

⇒ Unschärfe lässt Kollisionen verloren gehen Wird Später im Kontext des Queues erläutert.

Um die Kamera kalibrieren und das Kamerabild bzw. die -punkte entzerren zu können, muss die Kamera ein bekanntes Erkennungsmuster finden und in diesem bestimmte Eckpunkte erfassen und auswerten können.

- 1. Höhe und Breite der Eckpunkte der Kacheln
 - \Rightarrow Hoehe_{Kachel} = $\frac{Hoehe_{Game}}{Vertikalen}$, Breite_{Kachel} = $\frac{Breite_{Game}}{Horizontalen}$
- Kacheln Rendern:
 - \implies Oben Links: $(i \cdot Hoehe_{Kachel}, j \cdot Breite_{Kachel})$
 - \implies Unten Rechts: $((i+1) \cdot Hoehe_{Kachel}, (j+1) \cdot Breite_{Kachel})$
- 3. Damit das klassische Schwarz-Weiß-Muster eines Schachbretts visualisiert wird muss man:
 - ⇒ Kacheln in der Horizontalen die invertierte Farbe der vorherigen Kachel als Grundfarbe wählen und
 - ⇒ Kacheln in der Vertikalen für die erste Kachel die invertiere Farbe der darüber liegenden Kachel wählen

Um die Kamera kalibrieren und das Kamerabild bzw. die -punkte entzerren zu können, muss die Kamera ein bekanntes Erkennungsmuster finden und in diesem bestimmte Eckpunkte erfassen und auswerten können.

1. Höhe und Breite der Eckpunkte der Kacheln

$$\Rightarrow$$
 Hoehe_{Kachel} = $\frac{Hoehe_{Game}}{Vertikalen}$, Breite_{Kachel} = $\frac{Breite_{Game}}{Horizontalen}$

- 2. Kacheln Rendern
 - \implies Oben Links: $(i \cdot Hoehe_{Kachel}, j \cdot Breite_{Kachel})$
 - \implies Unten Rechts: $((i+1) \cdot Hoehe_{Kachel}, (j+1) \cdot Breite_{Kachel})$
- 3. Damit das klassische Schwarz-Weiß-Muster eines Schachbretts visualisiert wird muss man:
 - ⇒ Kacheln in der Horizontalen die invertierte Farbe der vorherigen Kachel als Grundfarbe wählen und
 - ⇒ Kacheln in der Vertikalen für die erste Kachel die invertiere Farbe der darüber liegenden Kachel wählen

Um die Kamera kalibrieren und das Kamerabild bzw. die -punkte entzerren zu können, muss die Kamera ein bekanntes Erkennungsmuster finden und in diesem bestimmte Eckpunkte erfassen und auswerten können.

1. Höhe und Breite der Eckpunkte der Kacheln

$$\implies$$
 $Hoehe_{Kachel} = \frac{Hoehe_{Game}}{Vertikalen}, \; Breite_{Kachel} = \frac{Breite_{Game}}{Horizontalen}$

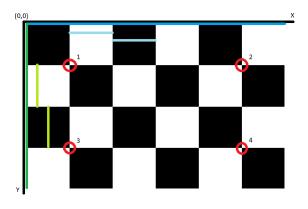
- Kacheln Rendern:
 - \implies Oben Links: $(i \cdot Hoehe_{Kachel}, j \cdot Breite_{Kachel})$
 - \implies Unten Rechts: $((i+1) \cdot Hoehe_{Kachel}, (j+1) \cdot Breite_{Kachel})$
- 3. Damit das klassische Schwarz-Weiß-Muster eines Schachbretts visualisiert wird muss man:
 - ⇒ Kacheln in der Horizontalen die invertierte Farbe der vorherigen Kachel als Grundfarbe wählen und
 - ⇒ Kacheln in der Vertikalen für die erste Kachel die invertiere Farbe der darüber liegenden Kachel wählen

Um die Kamera kalibrieren und das Kamerabild bzw. die -punkte entzerren zu können, muss die Kamera ein bekanntes Erkennungsmuster finden und in diesem bestimmte Eckpunkte erfassen und auswerten können.

- 1. Höhe und Breite der Eckpunkte der Kacheln
 - \implies Hoehe_{Kachel} = $\frac{Hoehe_{Game}}{Vertikalen}$, Breite_{Kachel} = $\frac{Breite_{Game}}{Horizontalen}$
- 2. Kacheln Rendern:
 - \implies Oben Links: $(i \cdot Hoehe_{Kachel}, j \cdot Breite_{Kachel})$
 - \implies Unten Rechts: $((i+1) \cdot Hoehe_{Kachel}, (j+1) \cdot Breite_{Kachel})$
- 3. Damit das klassische Schwarz-Weiß-Muster eines Schachbretts visualisiert wird muss man:
 - ⇒ Kacheln in der Horizontalen die invertierte Farbe der vorherigen Kachel als Grundfarbe wählen und
 - ⇒ Kacheln in der Vertikalen für die erste Kachel die invertiere Farbe der darüber liegenden Kachel wählen

Um die Kamera kalibrieren und das Kamerabild bzw. die -punkte entzerren zu können, muss die Kamera ein bekanntes Erkennungsmuster finden und in diesem bestimmte Eckpunkte erfassen und auswerten können.

- 1. Höhe und Breite der Eckpunkte der Kacheln
 - \implies $Hoehe_{Kachel} = \frac{Hoehe_{Game}}{Vertikalen}$, $Breite_{Kachel} = \frac{Breite_{Game}}{Horizontalen}$
- 2. Kacheln Rendern:
 - \implies Oben Links: $(i \cdot Hoehe_{Kachel}, j \cdot Breite_{Kachel})$
 - \implies Unten Rechts: $((i+1) \cdot Hoehe_{Kachel}, (j+1) \cdot Breite_{Kachel})$
- 3. Damit das klassische Schwarz-Weiß-Muster eines Schachbretts visualisiert wird muss man:
 - ⇒ Kacheln in der Horizontalen die invertierte Farbe der vorherigen Kachel als Grundfarbe wählen und
 - ⇒ Kacheln in der Vertikalen für die erste Kachel die invertiere Farbe der darüber liegenden Kachel wählen



Entzerrung des Kamerabildes/Punktes technische universität dortmund

Der letzte Abschnitt der Kamerakalibrierung stellt das Übertragen eines von der Queue-Erkennung gegebenen Punktes da. Um dies einwandfrei zu ermöglichen, müssen folgende Punkte erfüllt werden:

- äußersten Eckpunkte des, von der Kamera erfassten bilder bekannt sein
 - ⇒ die ganz äußersten Eckpunkte wie folgt berechnet werden:
 - \implies $Lila_{min} = Gruen_{min} Rot_{min}, \ Lila_{max} = Rot_{max} Gruen_{max}$

Nun sind die äußersten Eckpunkte des Spielfeldes im Kamerakoordinatensystem bekannt und es ist möglich einen beliebiger 2D Punkt in das Spiel zu projizieren.

Der letzte Abschnitt der Kamerakalibrierung stellt das Übertragen eines von der Queue-Erkennung gegebenen Punktes da. Um dies einwandfrei zu ermöglichen, müssen folgende Punkte erfüllt werden:

- äußersten Eckpunkte des, von der Kamera erfassten bilder bekannt sein
 - ⇒ die ganz äußersten Eckpunkte wie folgt berechnet werden:
 - \implies $Lila_{min} = Gruen_{min} Rot_{min}, \ Lila_{max} = Rot_{max} Gruen_{max}$

Nun sind die äußersten Eckpunkte des Spielfeldes im Kamerakoordinatensystem bekannt und es ist möglich einen beliebigen 2D Punkt in das Spiel zu projizieren.

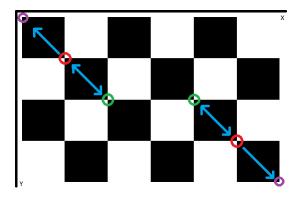


Abbildung: Schachbrettmuster Eckpunkte

Hier wird unter zwei Fällen unterschieden. Der übergebene Punkt der Kamera liegt im Spielbereich gdw. $X \in [x_{min}, x_{max}]$ und $Y \in [y_{min}, y_{max}]$ gilt. Sofern dies erfüllt ist, wird der gegebene Punkt mit folgenden Gleichungen jeweils mit der X- und Y-Koordinate umgerechnet:

$$X = \frac{(P.x - MIN.x) \cdot UR}{(MAX.x - MIN.x)}, Y = \frac{(MAX.y - P.y) \cdot OL}{(MAX.y - MIN.y)}$$

Nun sind die äußersten Eckpunkte des Spielfeldes im Kamerakoordinatensystem bekannt und es ist möglich einen beliebigen 2D Punkt in das Spiel zu projizieren.

 $X \in [x_{min}, x_{max}]$ und $Y \in [y_{min}, y_{max}]$ gilt. Sofern dies erfüllt ist, wird der gegebene Punkt mit folgenden Gleichungen jeweils mit der X- und Y-Koordinate umgerechnet :

$$X = \frac{(P.x - MIN.x) \cdot UR}{(MAX.x - MIN.x)}, Y = \frac{(MAX.y - P.y) \cdot OL}{(MAX.y - MIN.y)}$$

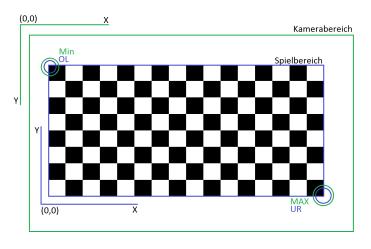


Abbildung: Kamera- und Spielkoordinatensystem



Problem: Damit der Spieler die Kugeln mit dem Queue spielen kann, muss dieser im Kamerabild erkannt werden

- Queue vom Hintergrund des Bildes segmentieren ⇒ zur Vereinfachung ist der Queue schwarz gefärbt
- Hauptachse des Queues bestimmen
- 3. Durch die Hauptachse die beiden Endpunkte des Queues bestimmer
- 4. Die Endpunkte in Spielkoordinaten transformieren
- 5. Mit beiden Endpunkten die übliche Kollision ausführen



Problem: Damit der Spieler die Kugeln mit dem Queue spielen kann, muss dieser im Kamerabild erkannt werden

- 1. Queue vom Hintergrund des Bildes segmentieren
 - ⇒ zur Vereinfachung ist der Queue schwarz gefärbt
- Hauptachse des Queues bestimmen
- 3. Durch die Hauptachse die beiden Endpunkte des Queues bestimmer
- 4. Die Endpunkte in Spielkoordinaten transformieren
- 5. Mit beiden Endpunkten die übliche Kollision ausführen



Problem: Damit der Spieler die Kugeln mit dem Queue spielen kann, muss dieser im Kamerabild erkannt werden

- Queue vom Hintergrund des Bildes segmentieren
 zur Vereinfachung ist der Queue schwarz gefärbt
- Hauptachse des Queues bestimmen
- 3. Durch die Hauptachse die beiden Endpunkte des Queues bestimmer
- 4. Die Endpunkte in Spielkoordinaten transformieren
- 5. Mit beiden Endpunkten die übliche Kollision ausführen



Problem: Damit der Spieler die Kugeln mit dem Queue spielen kann, muss dieser im Kamerabild erkannt werden

- Queue vom Hintergrund des Bildes segmentieren
 zur Vereinfachung ist der Queue schwarz gefärbt
- 2. Hauptachse des Queues bestimmen
- 3. Durch die Hauptachse die beiden Endpunkte des Queues bestimmer
- 4. Die Endpunkte in Spielkoordinaten transformieren
- 5. Mit beiden Endpunkten die übliche Kollision ausführen



Problem: Damit der Spieler die Kugeln mit dem Queue spielen kann, muss dieser im Kamerabild erkannt werden

- Queue vom Hintergrund des Bildes segmentieren
 ⇒ zur Vereinfachung ist der Queue schwarz gefärbt
- 2. Hauptachse des Queues bestimmen
- 3. Durch die Hauptachse die beiden Endpunkte des Queues bestimmen
- 4. Die Endpunkte in Spielkoordinaten transformieren
- Mit beiden Endpunkten die übliche Kollision ausführen

Erkennung des Queues



Problem: Damit der Spieler die Kugeln mit dem Queue spielen kann, muss dieser im Kamerabild erkannt werden

Unsere Lösung:

- Queue vom Hintergrund des Bildes segmentieren
 ⇒ zur Vereinfachung ist der Queue schwarz gefärbt
- 2. Hauptachse des Queues bestimmen
- 3. Durch die Hauptachse die beiden Endpunkte des Queues bestimmen
- 4. Die Endpunkte in Spielkoordinaten transformieren
- 5. Mit beiden Endpunkten die übliche Kollision ausführen

Erkennung des Queues



Problem: Damit der Spieler die Kugeln mit dem Queue spielen kann, muss dieser im Kamerabild erkannt werden

Unsere Lösung:

- Queue vom Hintergrund des Bildes segmentieren
 zur Vereinfachung ist der Queue schwarz gefärbt
- 2. Hauptachse des Queues bestimmen
- 3. Durch die Hauptachse die beiden Endpunkte des Queues bestimmen
- 4. Die Endpunkte in Spielkoordinaten transformieren
- 5. Mit **beiden** Endpunkten die übliche Kollision ausführen



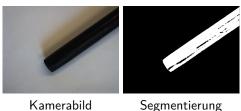
1. Queue vom Hintergrund des Bildes segmentieren:



Kamerabild



1. Queue vom Hintergrund des Bildes segmentieren:

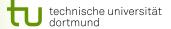




1. Queue vom Hintergrund des Bildes segmentieren:



Kollision mit Queue: Lösung

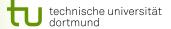


- Hauptachse des Queues bestimmen
 ⇒ durch Hauptkomponentenanalyse (PCA)
- 3. Durch die Hauptachse die beiden Endpunkte des Queues bestimmen

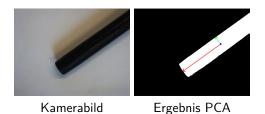


Kamerabild

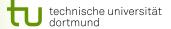
Kollision mit Queue: Lösung



- Hauptachse des Queues bestimmen
 ⇒ durch Hauptkomponentenanalyse (PCA)
- 3. Durch die Hauptachse die beiden Endpunkte des Queues bestimmen



Kollision mit Queue: Lösung



- 2. Hauptachse des Queues bestimmen ⇒ durch Hauptkomponentenanalyse (PCA)
- 3. Durch die Hauptachse die beiden Endpunkte des Queues bestimmen



Ergebnis PCA

Bestimmte Endpunkte



- 4. Die Endpunkte in Spielkoordinaten transformieren
- 5. Mit den Endpunkten übliche Kollision ausführen

Problem: Aufnahmen nur mit 24 Bildern pro Sekunde möglich

→ Kollisionen bei schneller Bewegung wird eventuell nicht erkannt



- 4. Die Endpunkte in Spielkoordinaten transformieren
- 5. Mit den Endpunkten übliche Kollision ausführen

Problem: Aufnahmen nur mit 24 Bildern pro Sekunde möglich

⇒ Kollisionen bei schneller Bewegung wird eventuell nicht erkannt!



- 4. Die Endpunkte in Spielkoordinaten transformieren
- 5. Mit den Endpunkten übliche Kollision ausführen

Problem: Aufnahmen nur mit 24 Bildern pro Sekunde möglich

 $\implies \text{ Kollisionen bei schneller Bewegung wird eventuell nicht erkannt!}$



- 4. Die Endpunkte in Spielkoordinaten transformieren
- 5. Mit den Endpunkten übliche Kollision ausführen

Problem: Aufnahmen nur mit 24 Bildern pro Sekunde möglich

⇒ Kollisionen bei schneller Bewegung wird eventuell nicht erkannt!



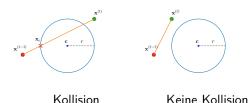
Kollision

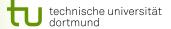


- 4. Die Endpunkte in Spielkoordinaten transformieren
- 5. Mit den Endpunkten übliche Kollision ausführen

Problem: Aufnahmen nur mit 24 Bildern pro Sekunde möglich

⇒ Kollisionen bei schneller Bewegung wird eventuell nicht erkannt!

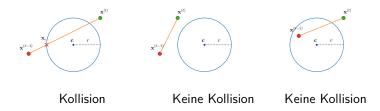




- 4. Die Endpunkte in Spielkoordinaten transformieren
- 5. Mit den Endpunkten übliche Kollision ausführen

Problem: Aufnahmen nur mit 24 Bildern pro Sekunde möglich

⇒ Kollisionen bei schneller Bewegung wird eventuell nicht erkannt!



Erkennung des Queues: Fazit



Die vorgestellte Lösung würde sich noch verbessern lassen:

- Segmentierung (und damit alle folgenden Schritte) stark von der Umgebung abhängig
 - ⇒ Verbesserung z.B. durch markerbasierte Erkennung
- Wiederholfrequenz/Belichtungszeit der Kamera verursacht Bewegungsunschärfe
 - ⇒ Ungenauigkeit der Erkennung

Erkennung des Queues: Fazit



Die vorgestellte Lösung würde sich noch verbessern lassen:

- Segmentierung (und damit alle folgenden Schritte) stark von der Umgebung abhängig
 - ⇒ Verbesserung z.B. durch markerbasierte Erkennung
- Wiederholfrequenz/Belichtungszeit der Kamera verursacht Bewegungsunschärfe
 - → Ungenauigkeit der Erkennung

Erkennung des Queues: Fazit



Die vorgestellte Lösung würde sich noch verbessern lassen:

- Segmentierung (und damit alle folgenden Schritte) stark von der Umgebung abhängig
 - ⇒ Verbesserung z.B. durch markerbasierte Erkennung
- Wiederholfrequenz/Belichtungszeit der Kamera verursacht Bewegungsunschärfe
 - ⇒ Ungenauigkeit der Erkennung







Kalibrierungs-Popup





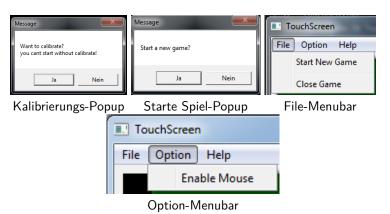
Kalibrierungs-Popup

Starte Spiel-Popup











Ein Teil dessen war allerdings auch das Anzeigen der Statistiken, worunter u.a. das Anzeigen des aktuellen Spielers oder der Kugelzuweisung fällt. Hierbei wurde die Variante gewählt, die Statistiken als Label auf dem Spielfeld anzeigen zu lassen.

CurrentPlayer: 0 BallType of Player 0 : FULL BallType of Player 1: HALF

Literatur

