

## AR Billiard mit OpenCV und OpenGL

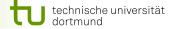
Sommersemester 2018

Friedemann Runte, Moritz Ludolph, Diyar Omar, Robin Mertens

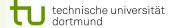
Fakultät für Informatik

18. Juli 2018

## Darstellung des Spielfeldes



- Hintergrundfarbe Dunkel-Grün mit der OpenGL ClearColor
- Löcher und Kugeln mit Triangle-Fan



- Struktur aus Dreiecken
- Mittelpunkt c
- Radius r
- Auflösung k ist die Anzahl der Dreiecke, aus denen unser Kreis hinterher besteht

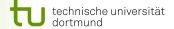


Abbildung: Erstes Dreieck eines Triangle-Fans, i = 1, k = 36

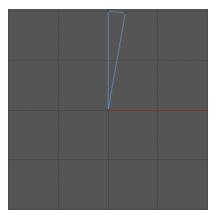




Abbildung: i = 2, k = 36

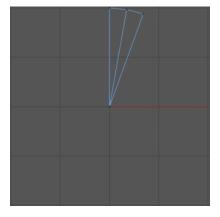
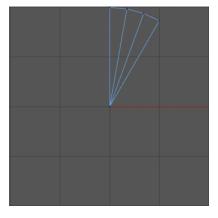
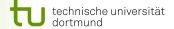


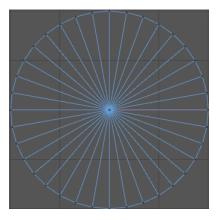


Abbildung: i = 3, k = 36





#### Abbildung: Vollständiger Triangle-Fan, i = k = 36

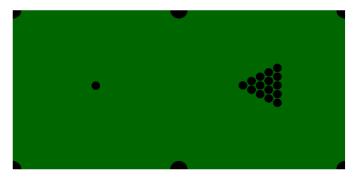


#### Zwischenstand



Wir haben nun ein Spielfeld mit Löchern und Kugeln. Jedoch sind die Kugeln noch nicht voneinander zu unterscheiden.

Abbildung: Spielfeld ohne Texturen



## **Texturierung**



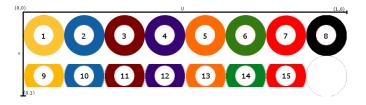
#### Grundkonzepte:

- Eine Textur besteht aus Koordinaten auf der u (waagerecht) und der v (vertikal) Achse
- Die beiden Achsen sind immer im Bereich [0,1], egal wie groß die Textur ist
- Man gibt beim Erstellen von Objekten für jeden Knoten die Texturkoordinaten in u und v an, um sie auf das Objekt abzubilden

#### **Texturierung**



#### Abbildung: Textur mit u- und v-Achse



Es fällt auf, dass eine Kugel  $\frac{1}{8}$  Durchmesser hat auf u, aber  $\frac{1}{2}$  auf v

#### **Texturierung**



Wir müssen nun berechnen, welcher Ausschnitt für welche Kugel ist.

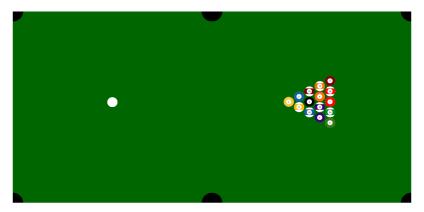
- Die Farben sind geordnet auf der Textur und bekommen Werte von 0 bis 7
- Die Vollen Kugeln sind in der ersten Reihe und die Halben in der Zweiten und bekommen damit die Werte 0 (voll) und 1 (halb)
- Wir können jetzt eine Funktion erstellen, die uns anhand von Farbe und Fülle den Textur Mittelpunkt ausgibt

#### Zwischenstand



Wir haben nun ein fertiges Spielfeld mit Texturierten Kugeln.

#### Abbildung: Fertiges Spielfeld





Die Physik-Berechnungen des Spiels lassen sich aufteilen in 3 Bereiche:

- Kollision von Kugel und Wand
- Kollision von Kugeln mit anderen Kugeln
- Kollision vom Queue mit der weißen Kugel (später)

## Kollisionen: Kugel mit Wand



#### Prinzip sehr einfach:

schneiden

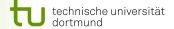
- 1. Definiere die Wände als Achsenabschnitte: Linke Wand ist x = 0, rechte Wand x = w, obere Wand y = 0 und untere Wand y = h, mit w = Breite des Spielfeldes und h = Höhe des Spielfeldes
- 2. Überprüfen ob eine der Koordinaten der Kugel zusammen mit dem Radius eine der Wände schneidet z.B. für r = 5 wäre x = 5 - r = 0 und würde somit die Linke Wand
- 3. Geschwindigkeit auf der Achse die Geschnitten wurde invertieren.
- also bei x = 0 oder x = w wird vx = -vx gesetzt, analog für v

## Kollision mit anderen Kugeln



- Die Kollision von 2 Kreisen war uns bereits gegeben durch das Airhockey-Spiel.
- In Airhockey kollidiert ein Puck mit einem der beiden Schläger und bekommt dadurch eine neue Geschwindigkeit
- Der Schläger wird von der Kollision nicht verändert
- Wir brauchen aber, dass sich beide Kugeln bei Kollision verändern

## Kollision mit anderen Kugeln



#### Lösung:

- Wir berechnen für jede Kugel die Kollision mit jeder anderen Kugel
- Wir nehmen die Methode aus dem Airhockey und wählen unsere Kugel die sich bewegen soll als Puck und berechnen die Kollision mit allen anderen Kugeln als Schläger
- Wenn wir das in beide Richtungen ausführen, sodass jede Kugel sozusagen einmal Schläger und einmal Puck ist, wird jede Kugel von einer Kollision getroffen



Um die Kamera kalibrieren und das Kamerabild bzw. die -punkte entzerren zu können, muss die Kamera ein bekanntes Erkennungsmuster finden und in diesem bestimmte Eckpunkte erfassen und auswerten können.

- 1. Anzahl der Kacheln in der Vertikalen und Horizontalen
- 2. Höhe und Breite der Kacheln

```
\implies \mathit{Hoehe}_{\mathsf{Kachel}} = rac{\mathit{Hoehe}_{\mathsf{Game}}}{\mathit{Vertikalen}}, \ \mathit{Breite}_{\mathsf{Kachel}} = rac{\mathit{Breite}_{\mathsf{Game}}}{\mathit{Horizontaler}}
```

- 3. Kacheln Rendern:
  - $\implies$  Oben Links:  $(i \cdot Hoehe_{Kachel}, j \cdot Breite_{Kachel})$
  - $\implies$  Unten Rechts:  $((i+1) \cdot Hoehe_{Kachel}, (j+1) \cdot Breite_{Kachel})$
- 4. Damit das klassische Schwarz-Weiß-Muster eines Schachbretts visualisiert wird muss man:
  - ⇒ Kacheln in der Horizontalen die invertierte Farbe der vorherigen Kachel als Grundfarbe wählen und
  - ⇒ Kacheln in der Vertikalen für die erste Kachel die invertiere Farbe der darüber liegenden Kachel wählen



Um die Kamera kalibrieren und das Kamerabild bzw. die -punkte entzerren zu können, muss die Kamera ein bekanntes Erkennungsmuster finden und in diesem bestimmte Eckpunkte erfassen und auswerten können.

- 1. Anzahl der Kacheln in der Vertikalen und Horizontalen
- 2. Höhe und Breite der Kacheln

```
\implies Hoehe_{Kachel}=rac{Hoehe_{Game}}{Vertikalen},~Breite_{Kachel}=rac{Breite_{Game}}{Horizontalen}
```

- Kacheln Rendern:
  - $\implies$  Oben Links:  $(i \cdot Hoehe_{Kachel}, j \cdot Breite_{Kachel})$
  - $\implies$  Unten Rechts:  $((i+1) \cdot Hoehe_{Kachel}, (j+1) \cdot Breite_{Kachel})$
- 4. Damit das klassische Schwarz-Weiß-Muster eines Schachbretts visualisiert wird muss man:
  - ⇒ Kacheln in der Horizontalen die invertierte Farbe der vorherigen Kachel als Grundfarbe wählen und
  - ⇒ Kacheln in der Vertikalen für die erste Kachel die invertiere Farbe der darüber liegenden Kachel wählen



Um die Kamera kalibrieren und das Kamerabild bzw. die -punkte entzerren zu können, muss die Kamera ein bekanntes Erkennungsmuster finden und in diesem bestimmte Eckpunkte erfassen und auswerten können.

- 1. Anzahl der Kacheln in der Vertikalen und Horizontalen
- 2. Höhe und Breite der Kacheln

```
\implies Hoehe_{Kachel} = \frac{Hoehe_{Game}}{Vertikalen}, \; Breite_{Kachel} = \frac{Breite_{Game}}{Horizontalen}
```

3. Kacheln Rendern:

```
\implies Oben Links: (i \cdot Hoehe_{Kachel}, j \cdot Breite_{Kachel})
\implies Unten Rechts: ((i+1) \cdot Hoehe_{Kachel}, (j+1) \cdot Breite_{Kachel})
```

- 4. Damit das klassische Schwarz-Weiß-Muster eines Schachbretts visualisiert wird muss man:
  - ⇒ Kacheln in der Horizontalen die invertierte Farbe der vorherigen Kachel als Grundfarbe wählen und
  - ⇒ Kacheln in der Vertikalen für die erste Kachel die invertiere Farbe der darüber liegenden Kachel wählen



Um die Kamera kalibrieren und das Kamerabild bzw. die -punkte entzerren zu können, muss die Kamera ein bekanntes Erkennungsmuster finden und in diesem bestimmte Eckpunkte erfassen und auswerten können.

- 1. Anzahl der Kacheln in der Vertikalen und Horizontalen
- 2. Höhe und Breite der Kacheln

```
\implies Hoehe_{Kachel} = \frac{Hoehe_{Game}}{Vertikalen}, \; Breite_{Kachel} = \frac{Breite_{Game}}{Horizontalen}
```

3. Kacheln Rendern:

```
\implies Oben Links: (i \cdot Hoehe_{Kachel}, j \cdot Breite_{Kachel})
```

$$\implies$$
 Unten Rechts:  $((i+1) \cdot Hoehe_{Kachel}, (j+1) \cdot Breite_{Kachel})$ 

- 4. Damit das klassische Schwarz-Weiß-Muster eines Schachbretts visualisiert wird muss man:
  - ⇒ Kacheln in der Horizontalen die invertierte Farbe der vorherigen Kachel als Grundfarbe wählen und
  - ⇒ Kacheln in der Vertikalen für die erste Kachel die invertiere Farbe der darüber liegenden Kachel wählen

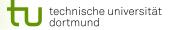


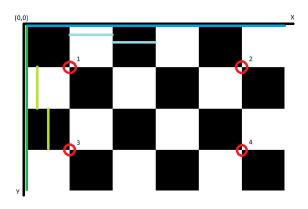
Um die Kamera kalibrieren und das Kamerabild bzw. die -punkte entzerren zu können, muss die Kamera ein bekanntes Erkennungsmuster finden und in diesem bestimmte Eckpunkte erfassen und auswerten können.

- 1. Anzahl der Kacheln in der Vertikalen und Horizontalen
- 2. Höhe und Breite der Kacheln

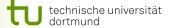
```
\implies Hoehe<sub>Kachel</sub> = \frac{Hoehe_{Game}}{Vertikalen}, Breite<sub>Kachel</sub> = \frac{Breite_{Game}}{Horizontalen}
```

- 3. Kacheln Rendern:
  - $\implies$  Oben Links:  $(i \cdot Hoehe_{Kachel}, j \cdot Breite_{Kachel})$
  - $\implies$  Unten Rechts:  $((i+1) \cdot Hoehe_{Kachel}, (j+1) \cdot Breite_{Kachel})$
- 4. Damit das klassische Schwarz-Weiß-Muster eines Schachbretts visualisiert wird muss man:
  - $\implies$  Kacheln in der Horizontalen die invertierte Farbe der vorherigen Kachel als Grundfarbe wählen und
  - ⇒ Kacheln in der Vertikalen für die erste Kachel die invertiere Farbe der darüber liegenden Kachel wählen





## Kamera: Entzerrung



Für die Kalibrierung des Kamerabildes mittels eines Patternmusters, muss zwischen zwei Ansichten unterschieden werde

- Weltkoordinaten = Patternkoords. ideal/entzerrt
- Bildkoordinaten = Patternkoords. aus aufgenommenem Bild/verzerrt

#### Kamera: Weltkoordinaten



Da die übergebenen Punkte nachher in ein 2D-Koordinatensystem, das vom Spiel, dargestellt werden sollen, werden die Erkennungspunkte des Schachbrettmusters als 2D-Punkte gespeichert:

$$WeltCoords = (x \cdot a, y \cdot a, 0)$$

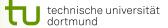
$$a = \text{Kantenlänge}, x \in [0, Vert - 1], y \in [0, Hort - 1]$$

# Kamera: Kalibrierungsparameter technische universität dortmund



$$s \begin{bmatrix} u \\ v \\ 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} f_x & 0 & c_x \\ 0 & f_y & c_y \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} r_{11} & r_{12} & r_{13} & t_1 \\ r_{21} & r_{22} & r_{23} & t_2 \\ r_{31} & r_{32} & r_{33} & t_3 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} X \\ Y \\ Z \\ 1 \end{bmatrix}$$

## Kamera: Kalibrierungsparameter

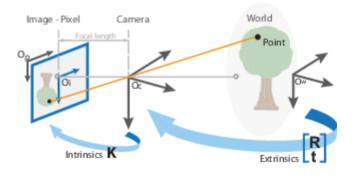


#### Eingabe:

- Bildkoordinaten 2D Matrix
- Weltkoordinaten 3D Matrix
- Anzahl vertikaler und horizontaler Fixpunkte im Schachbrett

## Kamera: Kalibrierungsparameter





Nun erhalten wir die extrinsischen, sowie die intrinsischen Entzerrungsparameter



Der letzte Abschnitt der Kamerakalibrierung stellt das Übertragen eines von der Queue-Erkennung gegebenen Punktes ins Spielfeld da. Um dies einwandfrei zu ermöglichen, müssen folgende Punkte erfüllt werden:

- äußersten Eckpunkte des, von der Kamera erfassten bilder bekannt sein
  - ⇒ die ganz äußersten Eckpunkte wie folgt berechnet werden:
  - $\implies$  Lila<sub>min</sub> = Gruen<sub>min</sub> Rot<sub>min</sub>, Lila<sub>max</sub> = Rot<sub>max</sub> Gruen<sub>max</sub>



Der letzte Abschnitt der Kamerakalibrierung stellt das Übertragen eines von der Queue-Erkennung gegebenen Punktes ins Spielfeld da. Um dies einwandfrei zu ermöglichen, müssen folgende Punkte erfüllt werden:

- äußersten Eckpunkte des, von der Kamera erfassten bilder bekannt sein
  - ⇒ die ganz äußersten Eckpunkte wie folgt berechnet werden:
  - $\implies$  Lila<sub>min</sub> = Gruen<sub>min</sub> Rot<sub>min</sub>, Lila<sub>max</sub> = Rot<sub>max</sub> Gruen<sub>max</sub>



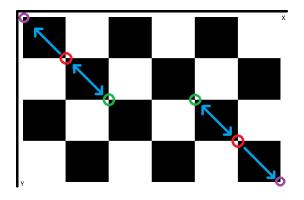


Abbildung: Schachbrettmuster Eckpunkte



Nun sind die äußersten Eckpunkte des Spielfeldes im Kamerakoordinatensystem bekannt und es ist möglich einen beliebigen 2D Punkt in das Spiel zu projizieren.

 $X \in [x_{min}, x_{max}]$  und  $Y \in [y_{min}, y_{max}]$  gilt. Sofern dies erfüllt ist, wird der gegebene Punkt mit folgenden Gleichungen jeweils mit der X- und X Koordinate umgegebenet :

Y-Koordinate umgerechnet : 
$$(P.x - MIN.x) \cdot UR$$

$$X = \frac{(P.x - MIN.x) \cdot UR}{(MAX.x - MIN.x)}, Y = \frac{(MAX.y - P.y) \cdot OL}{(MAX.y - MIN.y)}$$



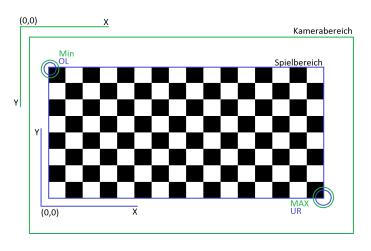


Abbildung: Kamera- und Spielkoordinatensystem



# **Problem:** Damit der Spieler die Kugeln mit dem Queue spielen kann, muss dieser im Kamerabild erkannt werden

- Queue vom Hintergrund des Bildes segmentieren ⇒ zur Vereinfachung ist der Queue schwarz gefärbt
- Hauptachse des Queues bestimmen
- 3. Durch die Hauptachse die beiden Endpunkte des Queues bestimmer
- 4. Die Endpunkte in Spielkoordinaten transformieren
- 5. Mit beiden Endpunkten die übliche Kollision ausführen



**Problem:** Damit der Spieler die Kugeln mit dem Queue spielen kann, muss dieser im Kamerabild erkannt werden

- 1. Queue vom Hintergrund des Bildes segmentieren
  - ⇒ zur Vereinfachung ist der Queue schwarz gefärbt
- Hauptachse des Queues bestimmen
- 3. Durch die Hauptachse die beiden Endpunkte des Queues bestimmer
- 4. Die Endpunkte in Spielkoordinaten transformieren
- 5. Mit beiden Endpunkten die übliche Kollision ausführen



**Problem:** Damit der Spieler die Kugeln mit dem Queue spielen kann, muss dieser im Kamerabild erkannt werden

- Queue vom Hintergrund des Bildes segmentieren
   zur Vereinfachung ist der Queue schwarz gefärbt
- Hauptachse des Queues bestimmen
- 3. Durch die Hauptachse die beiden Endpunkte des Queues bestimmer
- 4. Die Endpunkte in Spielkoordinaten transformieren
- 5. Mit beiden Endpunkten die übliche Kollision ausführen



**Problem:** Damit der Spieler die Kugeln mit dem Queue spielen kann, muss dieser im Kamerabild erkannt werden

- Queue vom Hintergrund des Bildes segmentieren
   zur Vereinfachung ist der Queue schwarz gefärbt
- 2. Hauptachse des Queues bestimmen
- 3. Durch die Hauptachse die beiden Endpunkte des Queues bestimmer
- 4. Die Endpunkte in Spielkoordinaten transformieren
- 5. Mit beiden Endpunkten die übliche Kollision ausführen

### Erkennung des Queues



**Problem:** Damit der Spieler die Kugeln mit dem Queue spielen kann, muss dieser im Kamerabild erkannt werden

#### Unsere Lösung:

- Queue vom Hintergrund des Bildes segmentieren
   zur Vereinfachung ist der Queue schwarz gefärbt
- 2. Hauptachse des Queues bestimmen
- 3. Durch die Hauptachse die beiden Endpunkte des Queues bestimmen
- 4. Die Endpunkte in Spielkoordinaten transformieren
- 5. Mit **beiden** Endpunkten die übliche Kollision ausführen

### Erkennung des Queues



**Problem:** Damit der Spieler die Kugeln mit dem Queue spielen kann, muss dieser im Kamerabild erkannt werden

#### Unsere Lösung:

- Queue vom Hintergrund des Bildes segmentieren
   ⇒ zur Vereinfachung ist der Queue schwarz gefärbt
- 2. Hauptachse des Queues bestimmen
- 3. Durch die Hauptachse die beiden Endpunkte des Queues bestimmen
- 4. Die Endpunkte in Spielkoordinaten transformieren
- 5. Mit beiden Endpunkten die übliche Kollision ausführen

### Erkennung des Queues



**Problem:** Damit der Spieler die Kugeln mit dem Queue spielen kann, muss dieser im Kamerabild erkannt werden

#### Unsere Lösung:

- Queue vom Hintergrund des Bildes segmentieren
   zur Vereinfachung ist der Queue schwarz gefärbt
- 2. Hauptachse des Queues bestimmen
- 3. Durch die Hauptachse die beiden Endpunkte des Queues bestimmen
- 4. Die Endpunkte in Spielkoordinaten transformieren
- 5. Mit **beiden** Endpunkten die übliche Kollision ausführen



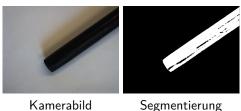
#### 1. Queue vom Hintergrund des Bildes segmentieren:



Kamerabild



#### 1. Queue vom Hintergrund des Bildes segmentieren:

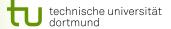




#### 1. Queue vom Hintergrund des Bildes segmentieren:



# Kollision mit Queue: Lösung

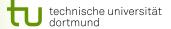


- Hauptachse des Queues bestimmen
   ⇒ durch Hauptkomponentenanalyse (PCA)
- 3. Durch die Hauptachse die beiden Endpunkte des Queues bestimmen

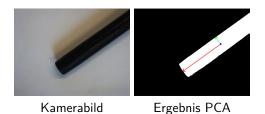


Kamerabild

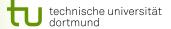
# Kollision mit Queue: Lösung



- Hauptachse des Queues bestimmen
   ⇒ durch Hauptkomponentenanalyse (PCA)
- 3. Durch die Hauptachse die beiden Endpunkte des Queues bestimmen



# Kollision mit Queue: Lösung



- 2. Hauptachse des Queues bestimmen ⇒ durch Hauptkomponentenanalyse (PCA)
- 3. Durch die Hauptachse die beiden Endpunkte des Queues bestimmen



Ergebnis PCA

Bestimmte Endpunkte



- 4. Die Endpunkte in Spielkoordinaten transformieren
- 5. Mit den Endpunkten übliche Kollision ausführen

Problem: Aufnahmen nur mit 24 Bildern pro Sekunde möglich

→ Kollisionen bei schneller Bewegung wird eventuell nicht erkannt



- 4. Die Endpunkte in Spielkoordinaten transformieren
- 5. Mit den Endpunkten übliche Kollision ausführen

Problem: Aufnahmen nur mit 24 Bildern pro Sekunde möglich

⇒ Kollisionen bei schneller Bewegung wird eventuell nicht erkannt!



- 4. Die Endpunkte in Spielkoordinaten transformieren
- 5. Mit den Endpunkten übliche Kollision ausführen

Problem: Aufnahmen nur mit 24 Bildern pro Sekunde möglich

 $\implies \text{ Kollisionen bei schneller Bewegung wird eventuell nicht erkannt!}$ 



- 4. Die Endpunkte in Spielkoordinaten transformieren
- 5. Mit den Endpunkten übliche Kollision ausführen

Problem: Aufnahmen nur mit 24 Bildern pro Sekunde möglich

⇒ Kollisionen bei schneller Bewegung wird eventuell nicht erkannt!



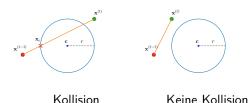
Kollision

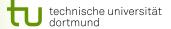


- 4. Die Endpunkte in Spielkoordinaten transformieren
- 5. Mit den Endpunkten übliche Kollision ausführen

Problem: Aufnahmen nur mit 24 Bildern pro Sekunde möglich

⇒ Kollisionen bei schneller Bewegung wird eventuell nicht erkannt!

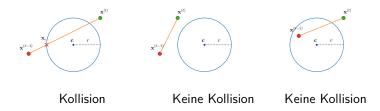




- 4. Die Endpunkte in Spielkoordinaten transformieren
- 5. Mit den Endpunkten übliche Kollision ausführen

Problem: Aufnahmen nur mit 24 Bildern pro Sekunde möglich

⇒ Kollisionen bei schneller Bewegung wird eventuell nicht erkannt!



## Erkennung des Queues: Fazit



#### Die vorgestellte Lösung würde sich noch verbessern lassen:

- Segmentierung (und damit alle folgenden Schritte) stark von der Umgebung abhängig
  - ⇒ Verbesserung z.B. durch markerbasierte Erkennung
- Wiederholfrequenz/Belichtungszeit der Kamera verursacht Bewegungsunschärfe
  - ⇒ Ungenauigkeit der Erkennung

# Erkennung des Queues: Fazit



Die vorgestellte Lösung würde sich noch verbessern lassen:

- Segmentierung (und damit alle folgenden Schritte) stark von der Umgebung abhängig
  - ⇒ Verbesserung z.B. durch markerbasierte Erkennung
- Wiederholfrequenz/Belichtungszeit der Kamera verursacht Bewegungsunschärfe
  - → Ungenauigkeit der Erkennung

# Erkennung des Queues: Fazit



Die vorgestellte Lösung würde sich noch verbessern lassen:

- Segmentierung (und damit alle folgenden Schritte) stark von der Umgebung abhängig
  - ⇒ Verbesserung z.B. durch markerbasierte Erkennung
- Wiederholfrequenz/Belichtungszeit der Kamera verursacht Bewegungsunschärfe
  - ⇒ Ungenauigkeit der Erkennung







Kalibrierungs-Popup



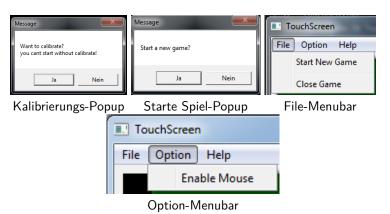


Kalibrierungs-Popup Starte Spiel-Popup











Ein Teil dessen war allerdings auch das Anzeigen der Statistiken, worunter u.a. das Anzeigen des aktuellen Spielers oder der Kugelzuweisung fällt. Hierbei wurde die Variante gewählt, die Statistiken als Label auf dem Spielfeld anzeigen zu lassen.

CurrentPlayer: 0 BallType of Player 0 : FULL BallType of Player 1: HALF

### Literatur

