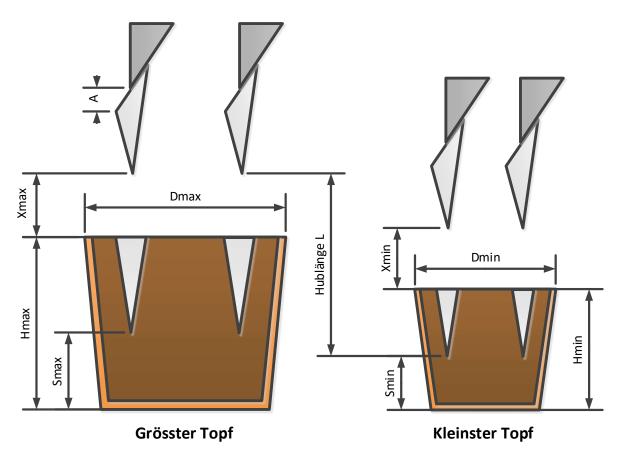
# Auslegung der Spindel: Berechnungen

Gegeben durch die Topfgeometrie sowie das Pflichtenheft sind folgende Angaben:



|                           | Grösster Topf (max) | Kleinster Topf (min) | Kommentar      |
|---------------------------|---------------------|----------------------|----------------|
| Durchmesser D [mm]        | 140                 | 90                   | Aus Datenblatt |
| Höhe H [mm]               | 106                 | 67                   | Aus Datenblatt |
| max. Einsetztiefe S [mm]  | 63.6                | 40.2                 | 0.6 x Höhe     |
| Sicherheitsabstand X [mm] | 15                  | 15                   | Annahme        |
| Ausfahrlänge A Dorn [mm]  | 15                  | 15                   | Annahme        |

Durch den Verarbeitungsprozess der Topfmaschine ist gegeben:

|                                     | typisch | minimal | maximal |
|-------------------------------------|---------|---------|---------|
| Rotationszeit/Eingriffszeit         | 1:1     |         |         |
| Produktionskapazität [Töpfe/Stunde] | 2800    |         | 3600    |
| Eingriffszeit t <sub>e</sub> [s]    | 0.64    |         | 0.5     |
| Rotationszeit t <sub>r</sub> [s]    | 0.64    |         | 0.5     |

### Weiter angenommen wird:

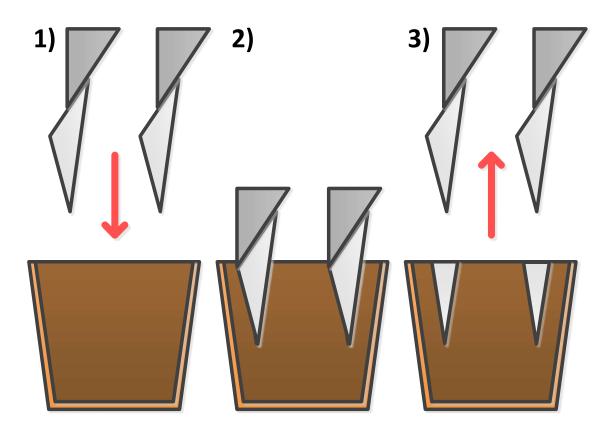
Totzeit t<sub>t</sub> bis Motor anfährt bei Umkehrpunkt: 0.05s (10% der Eingriffszeit t<sub>e</sub>)

Linear beschleunigte Masse: 1kg (vgl. Tabelle: überschlägige Kalkulation der beschleunigten Masse) Beschleunigungsdrehmoment Ma des Antriebs: 0.36Nm (in erster Annahme),

Wobei eine Reserve S von 2...3 anzustreben ist, da in der verwendeten Literatur für die Berechnung des Beschleunigungsdrehmoments  $M_a$  den Einfluss der Gewichtskraft nicht berücksichtigt wird. Weiter dient die Reserve dazu, dass das Aufbringen der mittleren Axialkraft  $F_{axavg}$  = 20N (vgl. Kap. 5.8.1) gewährleistet ist.

#### **Stechprozess**

Der Stechprozess kann schematisch wie folgt dargestellt werden:



## Berechnungen

Der Dorn macht pro Topf einen Doppelhub. So erfährt der Dorn pro Doppelhub zwei Beschleunigungsund Bremsphase. Idealisiert werden diese Phasen in vier gleich langen Phasen dargestellt. Ein Doppelhub besteht somit aus folgenden Phasen:

$$t_e = 4 * t_b + t_t$$

Dadurch beträgt die Beschleunigung- und Bremszeit Tb:

$$t_b = (t_e - t_t)/4 = (0.5s - 0.05s)/4 = 0.1125s$$

Die benötigte Hublänge L der Spindel, dass alle Positionen einstellbar sind ergibt sich durch:

$$L = H_{max} + X - S_{min} = 106mm + 20mm - 40.2mm = 85.8mm$$

Für die Konstruktion wird eine Hublänge von ~ 100mm berücksichtigt.

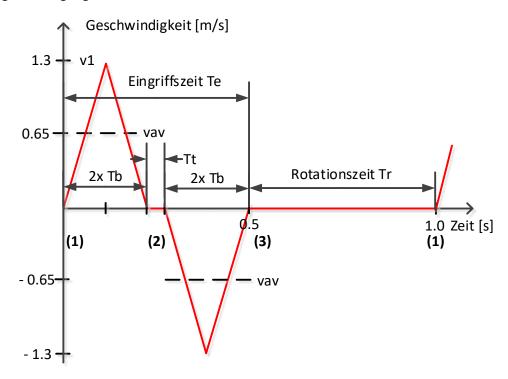
Wobei der maximale Hubweg bei grösstem Topf:

$$U_{max} = H_{max} - S_{max} + X + A = 72.4mm$$

Die grösste durchschnittliche Geschwindigkeit erfährt der Dorn bei grösstem Topf. Diese beträgt:

$$v_{avmax} = \frac{U_{max}}{t_h} = \frac{72.4mm}{0.1125s} = 643.5mm/s$$

Daraus ergibt sich die maximale Produktionskapazität folgendes Geschwindigkeitsprofil der geradlinigen Bewegung:



Dabei ist der Verlauf dieses Profils streng idealisiert. Die Totzeit  $t_t$  des ersten Hubes ist nicht dargestellt, da diese im Teil der Rotationszeit  $t_r$  verborgen ist. Für die weitere Auslegung von Spindel und Antrieb wird  $v_1$  = 1.3m/s und  $v_{av}$  = 0.65m/s verwendet.

## Berechnungen Antrieb

Die nachfolgenden Berechnungen für die Auslegung des Spindelantriebes orientieren sich am Kapitel 13.2 aus Roloff/Matek Maschinenelemente (21. Auflage).

Für die Spindeltriebe wurde unter Berücksichtigung des evaluierten Motors eine Vorauswahl von vier Spindeln getroffen. Die ausgewählten Komponenten besitzen folgende Eigenschaften:

|                           | m [kg] | J [kgm²] | Kommentar                                |
|---------------------------|--------|----------|--|
| Kupplung WA 20            | 0.015  | 7.80E-07 | Aus Datenblatt                           |
| Motor QBL5704116-04-042   | 1.25   | 2.30E-05 | Aus Datenblatt. J bezieht sich auf Rotor |
| Spindel Ds14x30 Edelstahl | 0.092  | 6.58E-06 | $D = 14mm$ , $\rho_{1430es} = 1.22kg/m$  |
| Spindel Ds14x30 Aluminium | 0.268  | 2.26E-06 | $D = 14mm$ , $\rho_{1430al} = 0.42kg/m$  |
| Spindel Ds10x25 Edelstahl | 0.136  | 1.71E-06 | $D = 10mm$ , $\rho_{1025es} = 0.62kg/m$  |
| Spindel Ds10x25 Aluminium | 0.046  | 5.78E-07 | $D = 10mm$ , $\rho_{1025al} = 0.21kg/m$  |

Wobei die Trägheitsmomente und Massen mit folgenden Formeln angenähert wurden:

$$m = \rho_{l"ange} * L$$
  $J = \frac{m * D^2}{8}$ 

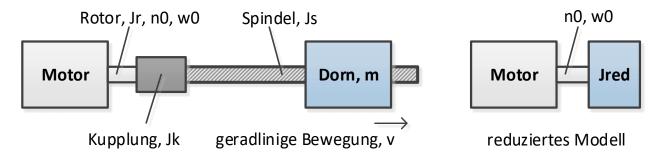
Die Längendichten stammen aus dem Datenblatt des Herstellers.

Für die gegebenen Steigungen P der ausgewählten Spindeln ergibt sich die maximale Drehzahl bei v<sub>1</sub>:

$$n_{max} = n_{v1} = 2 * n_{av} = 2 * \frac{60 * U_{max}}{P * t_b}$$
  $\omega_{max} = \omega_{v1} = \frac{2 * \pi * n_{0ma}}{60}$ 

|         | P [mm] | U <sub>max</sub> [mm] | t <sub>b</sub> [s] | n <sub>v1</sub> [U/min] | w <sub>v1</sub> [rad/s] |
|---------|--------|-----------------------|--------------------|-------------------------|-------------------------|
| Ds14x30 | 30     | 72.4                  | 0.1125             | 2574                    | 269.5                   |
| Ds10x25 | 25     | 72.4                  | 0.1125             | 3090                    | 323.6                   |

Nun kann nach Wittel, Muhs, Jannasch und Vossiek (2013) die Antriebsmaschine wie folgt dargestellt werden (analog zu Abbildung 13-5, S.448):



Das reduzierte Trägheitsmoment J<sub>red</sub> beträgt (S.449, Gleichung 13.4):

$$J_{red} = J_{rotor} + J_{Kupplung} + J_{Spindel} + m * \left(\frac{v_1}{\omega_{v1}}\right)^2$$

Und das Beschleunigungsdrehmoment Ma (S.449, Gleichung 13.3):

$$M_a = J_{red} * \frac{\Delta \omega}{t_b} = J_{red} * \frac{\omega_{v1}}{t_b}$$

Angewandt auf die ausgewählten Spindeltriebe ergibt dies:

|                   | Jred [kgm²] | M <sub>a</sub> [Nm] | Reserve <sup>1</sup> $S = M_{antrieb}/M_a$ |
|-------------------|-------------|---------------------|--|
| Ds14x30 Edelstahl | 5.36E-05    | 0.128               | 3.28                                       |
| Ds14x30 Aluminium | 4.93E-05    | 0.118               | 3.56                                       |
| Ds10x25 Edelstahl | 4.16E-05    | 0.120               | 3.50                                       |
| Ds10x25 Aluminium | 4.05 E-05   | 0.116               | 3.62                                       |

Weitere Angaben: überschlägige Kalkulation der beschleunigten Masse

|                      | Stk. | Material   | Volumen [mm³] | Dichte[g/mm <sup>3</sup> ] | Gewicht [g] | Total [g] |
|----------------------|------|------------|---------------|----------------------------|-------------|-----------|
| Konstruktion         |      |            |               |                            |             |           |
| grundplatte          | 1    | AlMg1      | 34238         | 2.70E-03                   | 92.4        | 92.4      |
| fuehrung             | 3    | AlMg1      | 21658         | 2.70E-03                   | 58.5        | 175.4     |
| montage_gewindetrieb | 1    | AlMg1      | 54929         | 2.70E-03                   | 148.3       | 148.3     |
| scheibe_innen        | 1    | AlMg1      | 13174         | 2.70E-03                   | 35.6        | 35.6      |
| Normteile            |      |            |               |                            |             |           |
| Keilnabe             | 1    | Stahl      | -             | -                          | 60.00       | 60.0      |
| Gleitlager           | 6    | iglidur J3 | -             | -                          | 2           | 12.0      |
| Stellring            | 3    | Aluminium  | -             | -                          | 13          | 39.0      |
| Stechdorn            | 3    | ABS        | -             | -                          | 100.00      | 300.0     |
| fuehrungsring        | 3    | Kunststoff | -             | -                          | 2           | 6.0       |
| Gewindetrieb         | 1    | iglidur J  | 18980         | 1.49E-03                   | 28.3        | 28.3      |
| Muttern              | 6    |            | -             | -                          | 1           | 6.0       |
| Schrauben            | 3    |            | -             | -                          | 2           | 6.0       |
|                      | •    |            |               | •                          | Total       | 909.0     |

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> Bei Mantrieb = 0.42Nm gemäss Datenblatt Trinamic QBL5704-116-04-042 (Rated Torque)