# Evaluación de RegEx

Clase 14

IIC2223 / IIC2224

Prof. Cristian Riveros

### Sobre expresiones regulares en la práctica

El lenguaje para definir expresiones regulares en la práctica se conoce como **RegEx** (o RegExp).

Las sintaxis más usadas para definir RegEx son:

- 1. POSIX (Portable Operating System Interface for uniX).
- 2. Perl (PCRE = Perl Compatible Regular Expressions).

## Breve explicación de RegEx

	RegEx	Teoría
Carácter	a	a
Escape	\+	-
Cualquiera	•	Σ
Clase	[abc]	(a+b+c)
Clase consecutivo	[a-zA-Z]	$(a+\cdots+z+A+\cdots+Z)$
Clase exclusivo	[^0-9]	$(+_{a\in\Sigma-\{0,\ldots,9\}}a)$
Alternación	cat   dog	cat + dog
0 o más	R*	$R^*$
1 o más	R+	$R^+$
0 o 1	R?	$R^{?}$
entre $n$ y $m$	$R\{n,m\}$	$R^n(R+\epsilon)^{m-n}$
Backreference	(R)\1	?

Más información: https://regexr.com.

### ¿cómo evaluamos una expresión regular?

PROBLEMA: Evaluación de expresiones regulares

INPUT: una expresión regular R y

un documento w

OUTPUT: TRUE si, y solo si,  $w \in \mathcal{L}(R)$ 

#### Tamaño del input

- |R| := número de letras y operadores.
- |w| :=largo de documento.

... queremos un algoritmo polinomial en |R| y |w|.

¿son ambos inputs igual de importantes?

### Diferencia de tamaño entre expresión y documento

#### $|R| \ll |w|$

- |R| puede ser del orden de decenas operadores ( $\sim 1KB$ ).
- |w| puede ser del orden de miles a millones de símbolos ( $\sim 100MB$ ).

#### Análisis de tiempo diferenciado

- **Combined-complexity**: expresión y documento son parte del input.
- Data-complexity: solo documento es parte del input.

(tamaño de expresión es considerada una constante)

Buscamos algoritmos que sean lineales en data-complexity y ojalá polinomiales en combined-complexity.

## ¿cómo evaluamos una expresión regular?

PROBLEMA: Evaluación de expresiones regulares

INPUT: una expresión regular R y

un documento w

OUTPUT: TRUE si, y solo si,  $w \in \mathcal{L}(R)$ 

- 1. Convertimos R a un  $\epsilon$ -NFA  $\mathcal{A}_{\mathit{R}}.$
- 2. Verificamos si  $w \in \mathcal{L}(\mathcal{A}_R)$ .

icómo hacemos 1. y cuanto tiempo toma? icómo hacemos 2.?

 $\dots$  dedicaremos el resto de la clase para ver 2.

### ¿cómo evaluamos un autómata no-determinista?

PROBLEMA: Evaluación de NFA

INPUT: un autómata no-determinista  $A = (Q, \Sigma, \Delta, I, F)$  y

un documento w

OUTPUT: TRUE si, y solo si,  $w \in \mathcal{L}(R)$ 

#### Tamaño del input

- |w| :=largo de documento
- $|\mathcal{A}| := |Q| + |\Delta|$

Algoritmo lineal en data-complexity y ojalá polinomial en combined-complexity.

## Algoritmos de evaluación de autómatas no-deterministas

Veremos varias soluciones . . .

- 1. Backtracking
- 2. DFA
- 3. NFA determinización
- 4. NFA on-the-fly

### Solución 1: Backtracking

```
Para un NFA \mathcal{A} = (Q, \Sigma, \Delta, q_0, F) y una palabra w = a_1 \dots a_n.
Function eval-backtracking (A, w)
   return backtracking (A, w, q_0, 1)
Function backtracking (A, w, p, i)
   if i < n then
       foreach (p, a_i, q) \in \Delta do
    if backtracking (A, w, q, i+1) = \text{TRUE then}
return TRUE
   else if q \in F then
       return TRUE
    return FALSE
```

¿cuál es el tiempo de eval-backtracking en el peor caso?

### Solución 1: Backtracking

### Experimento en vivo

- 1. Abra https://regexr.com/ para testear expresiones regulares.
- 2. Pruebe la expresión regular:

$$(a?){n}a{n}$$

sobre el input  $a^n$  donde n es un parámetro.

3. Vaya incrementando el n gradualmente.

**Moraleja**: muchos motores de RegEx usan backtracking para la evaluación de expresiones regulares

¿cuál es la ventaja de usar backtracking?

### Solución 2: DFA

Para un DFA  $\mathcal{A} = (Q, \Sigma, \delta, q_0, F)$  y una palabra  $w = a_1 \dots a_n$ .

#### Análisis de tiempo

- ¿cómo hacemos  $q := \delta(q, a_i)$  de manera eficiente?
- ¿cuál es el tiempo de eval-DFA en el peor caso?  $\mathcal{O}(|\mathcal{A}| + |w|)$

¿para qué nos sirve evaluar un DFA?

### Solución 3: NFA determinización

Para un NFA  $\mathcal{A} = (Q, \Sigma, \Delta, I, F)$  y una palabra  $w = a_1 \dots a_n$ .

#### Análisis de tiempo

■ ¿cuál es el tiempo de eval-NFA en el **peor caso**?

$$\mathcal{O}(2^{|Q|} + |w|)$$

¿cuál es el problema con esta solución?

### ¿es necesario construir la determinización completa?

#### Recordatorio

Para un autómata no-determinista  $\mathcal{A} = (Q, \Sigma, \Delta, I, F)$ , se define el autómata determinista (determinización de  $\mathcal{A}$ ):

$$\mathcal{A}^{\text{det}} = (2^Q, \Sigma, \delta^{\text{det}}, q_0^{\text{det}}, F^{\text{det}})$$

- $2^Q = \{S \mid S \subseteq Q\}$  es el conjunto potencia de Q.
- $q_0^{\text{det}} = I$ .
- $\delta^{\text{det}}: 2^Q \times \Sigma \to 2^Q \text{ tal que:}$

$$\delta^{\mathsf{det}}(S, a) = \{ q \in Q \mid \exists p \in S. (p, a, q) \in \Delta \}$$

 $F^{\text{det}} = \{ S \in 2^Q \mid S \cap F \neq \emptyset \}.$ 

### Solución 4: NFA on-the-fly

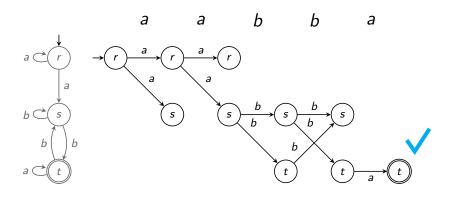
$$\delta^{\text{det}}: 2^Q \times \Sigma \to 2^Q \text{ tal que:}$$

$$\delta^{\mathsf{det}}(S,a) = \{ q \in Q \mid \exists p \in S. \ (p,a,q) \in \Delta \}$$

#### Estrategia on-the-fly

- 1. Mantenemos un conjunto S de estados actuales.
- 2. Por cada nueva letra a, calculamos el conjunto  $\delta^{\det}(S,a)$ .

## Solución 4: NFA on-the-fly (ejemplo)



### Solución 4: NFA *on-the-fly*

Para un NFA  $\mathcal{A} = (Q, \Sigma, \Delta, I, F)$  y una palabra  $w = a_1 \dots a_n$ .

Function eval-NFAonthefly (A, w) S := Ifor i = 1 to n do  $S_{old} := S$   $S := \emptyset$ 

foreach  $p \in S_{old}$  do  $\begin{bmatrix}
S := S \cup \{q \mid (p, a_i, q) \in \Delta\} \\
\text{return check } (S \cap F \neq \emptyset)
\end{bmatrix}$ 

Análisis de tiempo

 $lacksymbol{lack}$  ¿cuál es el tiempo de eval-NFAonthefly en el **peor caso**?  $\mathcal{O}(|\mathcal{A}|\cdot|w|)$ 

¿es posible mejorar este algoritmo?

...es posible demostrar que no.

### Resumen de técnicas de evaluación simple

Para un autómata  $\mathcal{A} = (Q, \Sigma, \Delta, I, F)$  y una palabra  $w = a_1 \dots a_n$ :

	Tiempo
Backtracking	$\mathcal{O}( \mathcal{A} ^{ w })$
DFA	$\mathcal{O}( \mathcal{A}  +  w )$
NFA	$\mathcal{O}(2^{ Q } +  w )$
NFA on-the-fly	$\mathcal{O}( \mathcal{A} \cdot w )$

¿cuál funciona mejor en la práctica?

### Bonus: NFA on-the-fly en la práctica

Para un NFA  $\mathcal{A} = (Q, \Sigma, \Delta, I, F)$  y una palabra  $w = a_1 \dots a_n$ .

```
Function eval-NFAonthefly (A, w)
      let H := \text{HashTable en } 2^Q \times \Sigma
      S := I
      for i = 1 to n do
            if H(S, a) is not null then
          S \coloneqq H(S, a_i)
        else
     S_{\mathsf{old}} := S
S := \emptyset
\mathsf{foreach} \ p \in S_{\mathsf{old}} \ \mathsf{do}
S := S \cup \{q \mid (p, a, q) \in \Delta\}
H(S_{\mathsf{old}}, a_i) := S
      return check (S \cap F \neq \emptyset)
```

¿cúal es la ventaja de este algoritmo en la práctica?

#### Cierre de clase

#### En esta clase vimos:

- 1. Evaluación de regex.
- 2. Análisis de algoritmos de evaluación de autómatas.
- 3. Soluciones para evaluar un NFA en la práctica.

Próxima clase: Transductores.