# Investigación en teoría de autómatas

Clase 31

IIC2223 / IIC2224

Prof. Cristian Riveros

## ¿para qué sirve teoría de autómatas?

- 1. Fundamentos de la computación
- 2. Herramientas de software como:
  - Regex
  - Compiladores
  - Bases de datos
  - Verificación automática de software
- 3. Investigación

## Outline

Motivación

**REQL** 

Detras de REmatch

Problema: Dado un patrón y un documento, encontrar todos los matches.

Problema: Dado un patrón y un documento, encontrar todos los matches.

Problema: Dado un patrón y un documento, encontrar todos los matches.

Problema: Dado un patrón y un documento, encontrar todos los matches.

Problema: Dado un patrón y un documento, encontrar todos los matches.

Problema: Dado un patrón y un documento, encontrar todos los matches.

### Encontrar todos los matches con regex

Problema: Dado un patrón y un documento, encontrar todos los matches.

#### Encontrar todos los matches con regex

Problema: Dado un patrón y un documento, encontrar todos los matches.

Asked 13 years, 7 months ago Modified 10 days ago Viewed 113k times



I'm trying to find every 10 digit series of numbers within a larger series of numbers using re in Python 2.6.



I'm easily able to grab no overlapping matches, but I want every match in the number series. Eg.



in "123456789123456789"



I should get the following list:



```
[1234567891, 2345678912, 3456789123, 4567891234, 5678912345, 6789123456, 7891234567, 8912
```

I've found references to a "lookahead", but the examples I've seen only show pairs of numbers rather than larger groupings and I haven't been able to convert them beyond the two digits.

python regex

Share Edit Follow

edited Sep 4, 2023 at 9:20
InSync
9,877 • 4 • 13 • 49



Asked 13 years, 7 months ago Modified 10 days ago Viewed 113k times

#### Overlapping matches in Regex

Asked 15 years, 11 months ago Modified 2 years, 11 months ago Viewed 16k times



I can't seem to find an answer to this problem, and I'm wondering if one exists. Simplified example:

51

Consider a string "nnnn", where I want to find all matches of "nn" - but also those that overlap with each other. So the regex would provide the following 3 matches:



1. **nn**nn



2. n**nn**n



I realize this is not exactly what regexes are meant for, but walking the string and parsing this manually seems like an awful lot of code, considering that in reality the matches would have to be done using a pattern, not a literal string.



Asked 13 years, 7 months ago Modified 10 days ago Viewed 113k times

#### Overlapping matches in Regex

Asked 15 years, 11 months ago Modified 2 years, 11 months ago Viewed 16k times

#### **Regex Matches Overlapping Patterns**

Learn



brasheva Brasheva

Jul 2020

Jul 2020



How could I find overlapping patterns using Matches activity?

For example, I have the string "1-ABCD-AP.1234567" and I have 2 patterns which I have listed here: "1-[A-Z0-9-] {6,8}|AP.\d{6,30}".

I need both "1-ABCD-AP" which matches the first pattern and "AP.1234567" which matched the second pattern. But the Match Activity returns only "1-ABCD-AP" as the letters "AP" overlap in the 2 patterns.

I know I can do this using For Each activity for each pattern but I have multiple strings and multiple patterns which means that that I have to use For Each activity for each pattern within another For Each activity for each string, therefore I am wondering if there is a more simple solution.

Thank you

1/4 Jul 2020



Asked 13 years, 7 months ago Modified 10 days ago Viewed 113k times

#### Overlapping matches in Regex

Asked 15 years, 11 months ago Modified 2 years, 11 months ago Viewed 16k times

#### Regex Matches Overlapping Patterns

bracheva Brachova

Learn

Jul 2020 Jul 2020

Forums >> Other Sciences >> Programming and Computer Science >>

#### How can I modify my regex to allow for overlapping matches in Python?

Python · A TylerH · W May 11, 2013 · Overlapping Python

In summary, the conversation discusses creating a function to generate a regex that can be used in algebraic manipulations. The regex is meant to match specific patterns, but the current version is not as flexible as desired. The speaker is considering using lex to handle the task instead.

May 11, 2013 TvlerH 2/2 Q:729

Problema: Dado un patrón y un documento, encontrar todos los matches.

Problema: Dado un patrón y un documento, encontrar todos los matches.

Problema: Dado un patrón y un documento, encontrar todos los matches.

Problema: Dado un patrón y un documento, encontrar todos los matches.

Problema: Dado un patrón y un documento, encontrar todos los matches.

Problema: Dado un patrón y un documento, encontrar todos los matches.

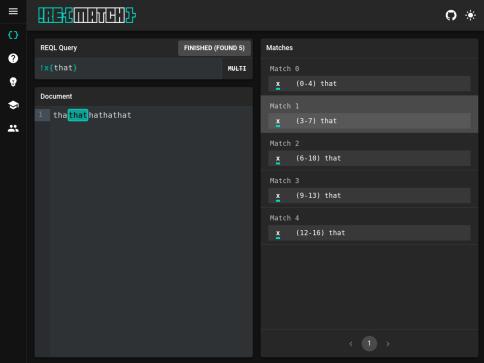
Problema: Dado un patrón y un documento, encontrar todos los matches.



#### REmatch es un motor de regex que siempre encuentra todos los matches.

- $oxed{1}$ . Basado en una nueva teoría y evaluación de regex con capture.
- 2. Open source e implementado en C++.
- 3. Librería disponible en C++, Python, y Javascript.

Pueden probarlo online en www.rematch.cl



## Outline

Motivación

**REQL** 

Detras de REmatch

### **REQL**: RegEx Query Language

```
(carácter en UTF-8)
е
                  (cualquier carácter)
        [w]
                  (character set)
                  (set negado)
        [^w]
                  (comienzo de documento)
                  (término de documento)
                  (concatenación)
        ee
                  (alternación)
        ele
        e?
                  (opcional)
                  (cero o más)
        e*
                  (uno o más)
        e+
        e\{n,m\}
                  (al menos n y a los más m )
                  (paréntesis normales)
        (e)
        !x{e}
                  (variables de captura)
```

"Encontrar todas las palabras que empiezan con una 'a'."

#### Sin capturar matches:

REQL es equivalente a regex cuando no hay que capturar

... pero se pueden usar los paréntesis libremente.

"Encontrar todas las palabras que empiezan con una 'a'."

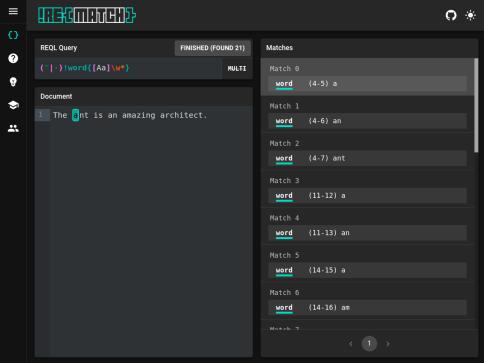
#### Con capturar matches:

"Encontrar todas las palabras que empiezan con una 'a'."

#### Con capturar matches:

REQL y regex solo difieren en la sintaxis y semántica de las capturas

... especialmente en la semántica.



"Encontrar todas las palabras que empiezan con una 'a'."

#### Con capturar matches:

"Encontrar todas las palabras que empiezan con una 'a'."

#### Con capturar matches:

En REQL los usuarios deben ser más precisos al definir patrones

```
The ant is an amazing architect.
```

"Encontrar todos los pares de palabras consecutivas (2-gram) donde cada palabra empieza con una 'a'."

```
The ant is an amazing architect.
```

"Encontrar todos los pares de palabras consecutivas (2-gram) donde cada palabra empieza con una 'a'."

```
(^|_)!w1{[Aa]\w*}_!w2{[Aa]\w*}[_.]
REQL
```

"Encontrar todos los pares de palabras consecutivas (2-gram) donde cada palabra empieza con una 'a'."

¿cómo podemos escribir esta consulta en regex?

```
The ant is an amazing architect.
```

"Encontrar todos los pares de palabras consecutivas (2-gram) donde cada palabra empieza con una 'a'."

```
| look-
| ahead
| (^ | _) (?= ([Aa]\w*)_([Aa]\w*))
| regex
```

REmatch no necesita estos operadores especiales con lookahead

```
(^|\._)!sent{([^.]*_)?

!w1{[Aa]\w*}_([^.]*_)?!w2{[Aa]\w*}
(_[^.]*)?\.}
```

```
The ant is an amazing architect.
0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 13 14 15 16 17 18 19 20 21 22 23 24 25 26 27 28 29 30 31
```

```
(^|\._)!sent{([^.]*_)?

!w1{[Aa]\w*}_([^.]*_)?!w2{[Aa]\w*}
(_[^.]*)?\.}
```

```
The ant is an amazing architect.
0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 13 14 15 16 17 18 19 20 21 22 23 24 25 26 27 28 29 30 31
```

```
(^|\._)!sent{([^.]*_)?

!w1{[Aa]\w*}_([^.]*_)?!w2{[Aa]\w*}
(_[^.]*)?\.}
```

```
The ant is an amazing architect.
0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 13 14 15 16 17 18 19 20 21 22 23 24 25 26 27 28 29 30 31
```

```
(^|\._)!sent{([^.]*_)?

!w1{[Aa]\w*}_([^.]*_)?!w2{[Aa]\w*}
(_[^.]*)?\.}
```

```
The ant is an amazing architect.
0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 13 14 15 16 17 18 19 20 21 22 23 24 25 26 27 28 29 30 31
```

```
(^|\._)!sent{([^.]*_)?

!w1{[Aa]\w*}_([^.]*_)?!w2{[Aa]\w*}
(_[^.]*)?\.}
```

```
The ant is an amazing architect.
0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 13 14 15 16 17 18 19 20 21 22 23 24 25 26 27 28 29 30 31
```

```
(^|\._)!sent{([^.]*_)?

!w1{[Aa]\w*}_([^.]*_)?!w2{[Aa]\w*}
(_[^.]*)?\.}
```

```
The ant is an amazing architect.
0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 13 14 15 16 17 18 19 20 21 22 23 24 25 26 27 28 29 30 31
```

```
(^|\._)!sent{([^.]*_)?

!w1{[Aa]\w*}_([^.]*_)?!w2{[Aa]\w*}
(_[^.]*)?\.}
```

```
The ant is an amazing architect.
0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 13 14 15 16 17 18 19 20 21 22 23 24 25 26 27 28 29 30 31
```

"Encontrar todos los pares de palabras en una misma oración donde cada palabra empieza con una 'a' y, adicionalmente, la oración donde aparecen."

```
(^|\._)!sent{([^.]*_)?
!w1{[Aa]\w*}_([^.]*_)?!w2{[Aa]\w*}
(_[^.]*)?\.}
```

¡No es posible con regex o cualquier operador de lookahead!

### Outline

Motivación

**REQL** 

Detras de REmatch

#### **Document Spanners: A Formal Approach to Information Extraction**

RONALD FAGIN, BENNY KIMELFELD, and FREDERICK REISS, IBM Research – Almaden STLIN VANSUMMEREN. Université Libre de Bruxelles (ULB)

An intrinsic part of information extraction is the creation and manipulation of relations extracted from text. In this article, we develop a foundational framework where the central construct is what we call a document spanner (or just spanner for short). A spanner maps an input string into a relation over the spans (intervals specified by bounding indices) of the string. The focus of this article is on the representation of spanners. Conceptually, there are two kinds of such representations. Spanners defined in a primitive representation extract relations directly from the input string; those defined in an algebra apply algebraic operations to the primitively represented spanners. This framework is driven by SystemT, an IBM commercial product for text analysis, where the primitive representation is that of regular expressions with capture variables.

We define additional types of primitive spanner representations by means of two kinds of automata that assign spans to variables. We prove that the first kind has the same expressive power as regular expressions with capture variables; the second kind expresses precisely the algebra of the regular spanners—the closure of the first kind under standard relational operators. The core spanners extend the regular ones by string-equality selection (an extension used in SystemT). We give some fundamental results on the expressiveness of regular and core spanners. As an example, we prove that regular spanners are closed under difference (and complement), but core spanners are not. Finally, we establish connections with related notions in the literature.

Categories and Subject Descriptors: F.1.1 [Computation by Abstract Devices]: Models of Computation—Automata (e.g., finite, push-down, resource-bounded), relations between models; F.4.3 [Mathematical Logic and Formal Languages]: Formal Languages—Algebraic language theory, classes defined by grammars or automata (e.g., context-free languages, regular sets, recursive sets), operations on languages; H.2.1 [Database Management]: Logical Design—Data models; H.2.4 [Database Management]: Systems—

# Investigación en document spanners

Ronald Fagin, Benny Kimelfeld, Frederick Reiss, Stijn Vansummeren Document Spanners: A Formal Approach to Information Extraction. JACM 2015.

Dominik D. Freydenberger, Mario Holldack

Document Spanners: From Expressive Power to Decision Problems. ICDT 2016.

Fernando Florenzano, Cristian Riveros, Martín Ugarte, Stijn Vansummeren, Domagoj Vrgoc Constant Delay Algorithms for Regular Document Spanners. PODS 2018.

Antoine Amarilli, Pierre Bourhis, Stefan Mengel, Matthias Niewerth Constant-Delay Enumeration for Nondeterministic Document Spanners. ICDT 2019

Liat Peterfreund, Balder ten Cate, Ronald Fagin, Benny Kimelfeld Recursive Programs for Document Spanners. ICDT 2019,

Johannes Doleschal, Benny Kimelfeld, Wim Martens, Yoav Nahshon, Frank Neven Split-Correctness in Information Extraction. PODS 2019.

Markus L. Schmid, Nicole Schweikardt Spanner Evaluation over SLP-Compressed Documents. PODS 2021. (...)

## Ideas principales en investigación de REmatch

- 1. Expresiones regulares con variables de capturas
- 2. Variable-set automata
- 3. Algoritmos de enumeración con delay constante

### Sintaxis de variable regex

```
R := a \qquad (\text{letra en } \Sigma)
\mid \varepsilon \qquad (\text{palabra vac}(a))
\mid \varnothing \qquad (\text{conjunto vac}(o))
\mid R + R \qquad (\text{disyuncion})
\mid R \cdot R \qquad (\text{concatenacion})
\mid R^* \qquad (\text{clausura de Kleene})
\mid \mathbf{x}\{R\} \qquad (\mathbf{variable de captura} \text{ de un conjunto } \mathbf{X})
```

### Spans y mappings

- Un span s de un documento  $d = a_0 \dots a_{n-1}$  es un par [i,j) con  $0 \le i \le j \le n$  que representa a la subpalabra  $a_i \dots a_{j-1}$ .
- Un mapping  $\mu$  de **X** sobre d es una función  $\mu$  de **X** a spans de d.

#### **Ejemplo**

# The ant is an amazing architect.

### Spans y mappings

- Un span s de un documento  $d = a_0 \dots a_{n-1}$  es un par [i,j) con  $0 \le i \le j \le n$  que representa a la subpalabra  $a_i \dots a_{j-1}$ .
- Un mapping  $\mu$  de **X** sobre d es una función  $\mu$  de **X** a spans de d.

#### Ejemplo

```
The ant is an amazing architect.
```

Ejemplos de spans:  $s_1 = [11, 13]$ 

### Spans y mappings

- Un span s de un documento  $d = a_0 \dots a_{n-1}$  es un par [i,j) con  $0 \le i \le j \le n$  que representa a la subpalabra  $a_i \dots a_{j-1}$ .
- Un mapping  $\mu$  de **X** sobre d es una función  $\mu$  de **X** a spans de d.

#### Ejemplo

```
The ant is an <u>amazing</u> architect.
```

Ejemplos de spans:  $s_1 = [11, 13\rangle$   $s_2 = [14, 21\rangle$ 

### Spans y mappings

- Un span s de un documento  $d = a_0 \dots a_{n-1}$  es un par [i,j) con  $0 \le i \le j \le n$  que representa a la subpalabra  $a_i \dots a_{j-1}$ .
- Un mapping  $\mu$  de **X** sobre d es una función  $\mu$  de **X** a spans de d.

#### Ejemplo

```
The ant is an amazing architect.
```

Ejemplos de spans:  $s_1 = [11, 13)$   $s_2 = [14, 21)$ 

Ejemplo de un mapping:  $\{x \mapsto [11, 13\rangle, y \mapsto [14, 21\rangle\}$ 

#### Semántica de variable regex

$$[a]_d = \{(s,\varnothing) \mid s \in \operatorname{spans}(d) \text{ and } d(s) = a\}$$
 
$$[R_1 + R_2]_d = [R_1]_d \cup [R_2]_d$$
 
$$[R_1 \cdot R_2]_d = \{(s,\mu) \mid \exists (s_1,\mu_1) \in [R_1]_d.$$
 
$$\exists (s_2,\mu_2) \in [R_2]_d : s = s_1 \cdot s_2,$$
 
$$\operatorname{dom}(\mu_1) \cap \operatorname{dom}(\mu_2) = \varnothing, \text{ and } \mu = \mu_1 \cup \mu_2\}$$
 
$$[R^*]_d = [\varepsilon]_d \cup [R]_d \cup [R^2]_d \cup [R^3]_d \cup \cdots$$
 
$$[\mathbf{x}\{r\}]_d = \{(s,\mu) \mid \exists (s,\mu') \in [R]_d:$$
 
$$\mathbf{x} \notin \operatorname{dom}(\mu') \text{ and } \mu = [\mathbf{x} \to s] \cup \mu'\}$$
 
$$[R]_d = \{\mu \mid ([0,|d|),\mu) \in [R]_d\}$$

Una variable regex retorna un conjunto de mappings de d

### 2. Variable-set automata

#### Definition

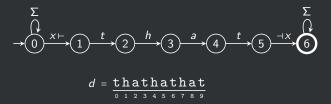
Un variable set automata (vset automata) es una tupla:

$$\mathcal{A} = (Q, \Sigma, \mathbf{X}, \Delta, I, F)$$

- Q es un conjunto finito de estados
- Σ es un alfabeto finito
- $I \subseteq Q$  son los estados iniciales
- $F \subseteq Q$  son los estados finales
- X es un conjunto finito de variables
- $\Delta \subseteq (Q \times \overline{\Sigma} \times Q) \cup (Q \times \{x \vdash, \exists x \mid x \in \mathbf{X}\} \times Q)$ es la relación de transición

### 2. Variable-set automata

El funcionamiento de un vset automata con un ejemplo



Algunas ejecuciones de aceptación sobre d:

$$\rho_{1}: 0 \stackrel{x -}{\rightarrow} 1 \stackrel{t}{\rightarrow} 2 \stackrel{h}{\rightarrow} 3 \stackrel{a}{\rightarrow} 4 \stackrel{t}{\rightarrow} 5 \stackrel{-x}{\rightarrow} 6 \stackrel{h}{\rightarrow} 6 \stackrel{a}{\rightarrow} 6 \stackrel{t}{\rightarrow} 6 \stackrel{h}{\rightarrow} 6 \stackrel{a}{\rightarrow} 6 \stackrel{t}{\rightarrow} 6 \stackrel{b}{\rightarrow} 6 \stackrel{a}{\rightarrow} 6 \stackrel{t}{\rightarrow} 6 \stackrel{b}{\rightarrow} 6 \stackrel{a}{\rightarrow} 6 \stackrel{t}{\rightarrow} 6 \stackrel{b}{\rightarrow} 6 \stackrel{d}{\rightarrow} 6 \stackrel{$$

### Problem de evaluación principal

INPUT: Una variable regex R y un documento d

OUTPUT: Enumerar  $[\![R]\!]_d = \{\mu_1, \mu_2, \dots, \mu_k\}$ 

#### Teorema

Para cada variable regex R,

uno puede construir un vset automata equivalente  $A_R$  en tiempo lineal.

#### Problem de evaluación principal

INPUT: Un vset automata A y un documento d

OUTPUT: Enumerar  $[\![\mathcal{A}]\!]_d = \{\mu_1, \mu_2, \dots, \mu_k\}$ 

#### Problema con la eficiencia

$$!x1{.+}!x2{.+}!x3{.+}...!xk{.+}$$

- ¿Qué hace esta consulta REQL?
- Si el documento tiene tamaño n, ¿cuántos resultados tendremos?

¿cómo diseñar un algoritmo eficiente cuando tenemos muchos resultados?

#### Problem de evaluación principal

INPUT: Un vset automata A y un documento d

OUTPUT: Enumerar  $\llbracket \mathcal{A} \rrbracket_d = \{\mu_1, \mu_2, \dots, \mu_k\}$ 

#### Algoritmo en dos fases

- Preprocessing: construir un índice  $\mathcal{I}$  en tiempo  $\mathcal{O}(f(\mathcal{A}) \cdot |d|)$ .
- **Enumerar**: usando  $\mathcal{I}$ , el algoritmo entrega los resultados:

$$\# \mu_1 \# \mu_2 \# \dots \# \mu_k \#$$
 $\uparrow \qquad \uparrow \qquad \uparrow \qquad \uparrow_{k-1} \qquad \uparrow_k$ 

tal que existe una constante  $C \in \mathbb{N}$  donde para todo  $i \le k$  el tiempo entre los #-simbolos (i-1) e i es menor a  $C \cdot |\mu_i|$ .

El tiempo de entregar el próximo resultado depende solo de su tamaño

#### Problem de evaluación principal

INPUT: Un vset automata A y un documento d

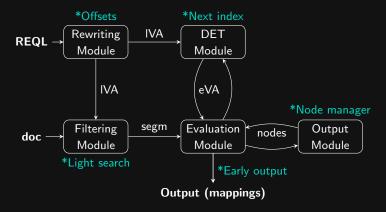
OUTPUT: Enumerar  $\llbracket \mathcal{A} \rrbracket_d = \{ \mu_1, \mu_2, \dots, \mu_k \}$ 

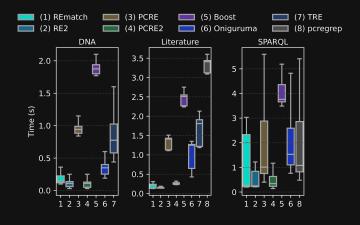
#### Teorema

Existe un algoritmo de enumeración constante que dado un **vset automata determinista**  $\mathcal{A}$  y un documento  $\mathcal{A}$ , enumera  $\mathcal{A}_{d}$ .

El algoritmo de evaluación de REmatch está basado en este resultado

#### Dentro de REmatch





El rendimiento de REmatch es comparable con motores estándares de regex

... y adicionalmente encuentra todos los matches.

## Ideas principales en investigación de REmatch

- 1. Expresiones regulares con variables de capturas  $\checkmark$
- 2. Variable-set automata 🗸
- 3. Algoritmos de enumeración con delay constante 🗸

Estos resultados teóricos nos permiten ir más allá de regex

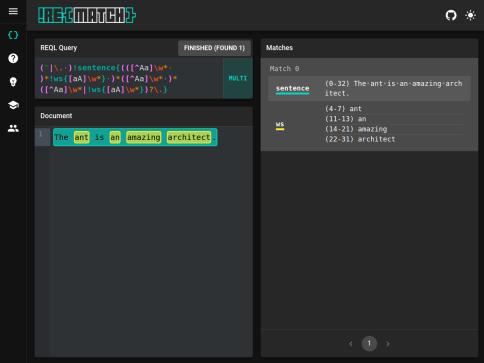
### Multimatch: beyond regex

```
The ant is an amazing architect.
```

"Encontrar todas las oraciones junto con todas sus palabras que empiezan con 'a'."

### Multimatch: beyond regex

```
The ant is an amazing architect.
       0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 13 14 15 16 17 18 19 20 21 22 23 24 25 26 27 28 29 30 31
    "Encontrar todas las oraciones
   junto con todas sus palabras que empiezan con 'a'."
(^|\._)!sent{
        (([^Aa]/w*_)*!ws{[Aa]/w*}_)*
               ([^Aa]^{w*})*([^Aa]^{w*}|!ws{[Aa]^{w*}}).
```





### Investigación en REmatch

Son un resumen/ideas de los siguientes artículos:

Maturana, Riveros, Vrgoc "Document Spanners for Extracting Incomplete Information." PODS 2018.

Decament Oparmers for Extracoming meemplese information 1 020 2020

Florenzano, Riveros, Ugarte, Vansummeren, Vrgoc "Constant Delay Algorithms for Regular Document Spanners." PODS 2018.

Grez, Riveros, Ugarte

"A Formal Framework for Complex Event Processing." ICDT 2019.

Muñoz, Riveros

"Streaming Enumeration on Nested Documents." ICDT 2022.

Amarilli, Jachiet, Muñoz, Riveros

"Efficient Enumeration for Annotated Grammars." PODS 2022.

Riveros, Van Sint Jan, Vrgoc

"REmatch: a novel regex engine for finding all matches." VLDB 2023.

+ artículos de otros grupos + investigación en curso.

## Investigación en REmatch



(Faltan varios)

### Sobre teoría de bases de datos

#### Manejo de datos:

- Big data.
- Datos streaming.
- Extracción de información.

#### Lógica / Lenguajes formales:

- Teoría de modelos finitos.
- Teoría de automatas.

#### Grafos de datos:

- Web semántica.
- Base de datos de grafos.
- Centralidad de datos.

#### Teoría de la Computación:

- Complejidad computacional.
- Algoritmos aleatorios.

### Proyectos de implementación

1. REmatch Motor de extracción de información

2. CORE Base de datos streaming

3. MilleniumDB Base de datos de grafos

Estan invitados a colaborar en cualquiera de estos proyectos

(solo escribanme y pregunten)

