3ª LISTA DE EXERCÍCIOS

EXERCÍCIO 1: Indique para cada argumento abaixo, as hipóteses e conclusão. Em seguida, indique se os argumentos são válidos, construindo as tabelas-verdade.

- a. $A \rightarrow (A \lor B)$
- b. $(A \rightarrow B) \rightarrow (B' \rightarrow A')$
- c. $[(B' \rightarrow A') \land A \land (B \rightarrow C)] \rightarrow C'$
- d. $(A \rightarrow (B \rightarrow C)) \rightarrow (A \rightarrow C)$

EXERCÍCIO 2: Escreva as regras de inferência representadas pelos argumentos dados. Lembrese de indicar nos argumentos as letras de proposição utilizadas.

- a. Se Paulo é um bom nadador, então ele é um bom corredor. Se Paulo é um bom corredor, então ele é um bom ciclista. Portanto, se Paulo é um bom nadador, então ele é um bom ciclista.
- b. O cachorro tem pelo sedoso e adora latir. Portanto, o cachorro adora latir.
- c. Se a empresa tem contas a pagar e não tem dinheiro, então seus ativos têm que ser confiscados. Portanto, se há contas a pagar, então se não há dinheiro, então seus ativos serão confiscados.

EXERCÍCIO 3: Justifique cada passo das sequências de demonstração a seguir.

a.
$$A' \wedge B \wedge [B \rightarrow (A \vee C)] \rightarrow C$$

1.
$$A'$$

2. B
3. $B \rightarrow (A \lor C)$
4. $A \lor C$
5. $(A')' \lor C$
6. $A' \rightarrow C$
7. C

b.
$$[A \rightarrow (B \lor C)] \land B' \land C' \rightarrow A'$$

1.
$$A \rightarrow (B \lor C)$$

2. B'
3. C'
4. $B' \land C'$
5. $(B \lor C)'$
6. A'

c.
$$[(A \land B)' \rightarrow (A' \lor B)'] \land (A \land B')' \rightarrow (A \land B)$$

1.
$$(A \land B)' \rightarrow (A' \lor B)'$$

2. $(A \land B')'$
3. $(A' \lor B) \rightarrow (A \land B)$
4. $(A' \lor B)' \lor (A \land B)$
5. $(A' \lor B)$
6. $(A \land B)$

EXERCÍCIO 4: Prove que os argumentos a seguir são válidos, propondo uma sequência de demonstração para cada.

- a. $(A \wedge B) \rightarrow (A \rightarrow B')'$
- b. $(A' \rightarrow B') \land B \land (A \rightarrow C) \rightarrow C$
- c. $[A \rightarrow (B \rightarrow C)] \rightarrow [B \rightarrow (A \rightarrow C)]$
- d. $[(A \land B)' \rightarrow (A' \lor B)'] \land (A' \lor B') \rightarrow (A \land B')$
- e. $[(A \lor B) \to (A' \land B)] \land [(A' \land B) \to (A \lor B')] \land (A \lor B) \to (B \to A)$. Obs.: Usar o método dedutivo na letra e.

EXERCÍCIO 5: Prove que os argumentos abaixo são válidos através da sequência de demonstração.

- a. "Meu cliente é canhoto, mas o diário não desapareceu, então meu cliente não é canhoto; portanto, o diário desapareceu."
- b. "Se usamos a linguagem assembly, então o programa será executado mais rapidamente. Se usamos a linguagem assembly, o programa terá mais linhas de código. Portanto, se usamos a linguagem assembly, então o programa será executado mais rapidamente e terá mais linhas de código."
- c. Se o anúncio for bom, o volume de vendas aumentará. Ou o anúncio é bom, ou a loja vai fechar. O volume de vendas não vai aumentar. Portanto, a loja vai fechar.
- d. "A colheita é boa, mas não há água suficiente. Se tivesse bastante água ou não tivesse bastante sol, então haveria água suficiente. Portanto, a colheita é boa e há bastante sol".

Listas 01, 02 e 03:

Referências Bibliográficas.

GERSTING, Judith L.; IÓRIO, Valéria de Magalhães, Fundamentos matemáticos para a ciência da computação: um tratamento moderno de matemática discreta. 5 ed. Rio de Janeiro, RJ: LTC, 2004, 597 p. ISBN 978-85-216-1422-7.

GERSTING, Judith L. Fundamentos matemáticos para a ciência da computação. 3 ed. LTC, 2001.