

# **RELATÓRIO DO SPRINT 1**

#### Turma 2DH \_ Grupo 43

1190929 \_ Patrícia Barbosa

1190947 \_ Pedro Fraga

1190956 \_ Pedro Garcia

1190963 \_ Pedro Preto

#### **Professora:**

Brígida Teixeira, BCT

#### **Unidade Curricular:**

Algoritmia Avançada

Data: 04/12/2021

# ÍNDICE

Determinar o Tamanho da Rede de um utilizador (até um determinado nível):	3
Caminho mais forte:	4
Caminho seguro:	5
Users com X tags em comum	5
Sugerir conexões com outros utilizadores tendo por base as tags e conexões partilideterminado nível)	`
Caminho mais curto	10

# Determinar o Tamanho da Rede de um utilizador (até um determinado nível):

(Explicação da complexidade e do raciocínio encontram-se nas imagens)

```
/* O(n * Log^2(n)) */
net_size_up_to_level(UserId, Level):- /* Este predicado existe para facilitar a interação com o utilizador */
net_size_up_to_level_aux(UserId, Level, AllInNet).
```

```
/* considerando que o findall é O(n), o sort, O(log^2(n)), e o length, O(n),
como o flatten é O(log^2(n)) e o dfscl é O(n * log^2(n)),
o net_size_up_to_level_aux é O(n * log^2(n)) */
net_size_up_to_level_aux (UserId, Level, AllInNet):-
    findall(Path, dfscl(UserId, Dest, Path, Level), AllPaths), /* Encontra todos os caminhos
    (uma lista de listas de utilizadores, cada caminho é uma lista de utilizadores) até um certo nivel de ligações */
    flatten(AllPaths, Aux), /* Transforma a lista de listas de utilizadores em uma única lista de utilizadores */
    sort(Aux, AllInNet), /* O sort é utilizado únicamente para remover os duplicados da lista */
    length(AllInNet, Size), /* Obtém o tamanho da lista de utilizadores, ou seja,
    o número de utilizadores na rede até ao nível escolhido */
    nl,write('All Users in Net Up to Level: '), write(AllInNet),nl, /* Escreve todos os utilizadores na rede até ao nível escolhido */
    write('Size of Net up to selected Level: '), write(Size),nl. /* Escreve o tamanho da rede até ao nível escolhido */
```

#### Métodos Complementares:

```
/* O(n * Log^2(n)) */
dfscl(Orig, Dest, Cam, N):-
    dfscl2(Orig, Dest, [Orig], Cam, N).

/* O(n), presumindo que reverse é O(n) */
dfscl2(Dest,Dest,LA,Cam, _):-
    reverse(LA,Cam).

/* O(Log^2(n)), presumindo que member é O(n) */
dfscl2(Act, Dest, LA, Cam, N):-
    N > 0, is_connected(Act, X), \+ member(X, LA), N1 is N - 1, dfscl2(X, Dest, [X|LA], Cam, N1).
```

```
/* O(n) */
is_connected(X,Y):- ligacao(X,Y,_,_); ligacao(Y,X,_,_). /* Verifica se dois users estão conectados, sendo que as ligações são unidirecionais na base de conhecimento*/
```

```
/* O(log^2(n)), presumindo que o append é O(log(n)) */
flatten([],[]).
flatten([[H|T]|L], LF):- !, append([H|T],L,L1), flatten(L1,LF). /* Concatena todas as listas de uma lista em uma só lista */
flatten([X|L],[X|LF]):- flatten(L,LF).
```

#### Caminho mais forte:

:-dynamic caminho\_somatorio/2. /\*variavel dinamica com 2 argumentos\*/

Método caminho\_mais\_forte vai ter complexidade  $\mathrm{O}(\log^2(n))$ , uma vez que chama o método

verifica\_caminho com complexidade de  $O(log^2(n))$ .

```
verifica_caminho(Orig,Dest):-

dfs(Orig,Dest,LCaminho), /*chamada da funcao dfs que vai buscar os caminhos possiveis entre a origem e destino*/

verifica_forca(LCaminho), /*chamda de funcao*/

fail.
```

Método verifica\_caminho é recursivo e chama os métodos, dfs que apresenta uma complexidade de O(log(n)), e o método verifica\_forca, que por sua vez chama o método get\_somatorio com complexidade O(log(n)). Desta forma vai apresentar uma complexidade de  $O(log^2(n))$ .

Método verifica\_forca chama o método get\_somatorio com complexidade de log(n), logo também vai a apresentar uma complexidade de O(log(n)).

Método get\_somatorio é recursivo logo vai a apresentar uma complexidade de O(log(n)).

```
/*METODOS AUXILIARES*/

is_bidirectional(X,Y,Z):- ligacao(X,Y,Z,_); ligacao(Y,X,_,Z). /*predicado para verificar se é bidirecional*/

auxiliar_list(LCaminho,LResult):- cp(LCaminho,LResult). /*predicado para criar a lista auxiliar*/

cp([],[]).

cp([H|T1],[H|T2]):- cp(T1,T2).
```

Método is\_bidirectional tem uma complexidade de O(n) pois percorre a base de dados até encontrar uma correspondência.

Método auxiliar\_list é um método recursivo, logo apresenta complexidade de O(log(n)).

### Caminho seguro:

:-dynamic caminho\_seguro/2. /\*variavel dinamica com 2 argumentos\*/

```
caminho_mais_seguro(Orig,Dest,A,B,Xval):-
    asserta(caminho_seguro([],0)), /*inicializa a 0 o segundo parametro que representa o somatorio do caminho*/
    (verifica_caminho(Orig,Dest,Xval);true),
    caminho_seguro(A,B), nl, /*vai buscar os dados finais da variavel para os imprimir*/
    write("Caminho mais forte: "),write(A),write(" "),nl, write("Connection Strength: "),write(B),nl,!.
```

Método caminho\_mais\_seguro vai ter complexidade  $O(log^2(n))$ , uma vez que chama o método verifica caminho com complexidade de  $O(log^2(n))$ .

```
verifica_caminho(Orig,Dest,Xval):-
dfs(Orig,Dest,LCaminho), /*chamada da funcao dfs que vai buscar os caminhos possiveis entre a origem e destino*/
verifica_seguranca(LCaminho,Xval), /*chamada de funcao*/
fail.
```

Método verifica\_caminho é recursivo e chama os métodos, dfs que apresenta uma complexidade de  $O(\log(n))$ , e o método verifica\_forca, que por sua vez chama o método get\_somatorio com complexidade  $O(\log(n))$ . Desta forma vai apresentar uma complexidade de  $O(\log^2(n))$ .

```
verifica_seguranca(Lcaminho, Xval):-nl,
    write('a verificar caminho '), write(LCaminho),
    auxiliar_list(L(aminho, LResult),
    get_somatorio(Laminho, LResult),
    nl, write('Somatorio(Jaminho, Somatorio(Jaminho, Somatorio(Jaminho, Somatorio(Jaminho, Somatorio(Jaminho, Somatorio), nl, write(Somatorio), nl, write(Somatorio), nl, write(Somatorio), nl, write(Somatorio), nl, write(Somatorio), writ
```

Método verifica\_seguranca chama o método get\_somatorio com complexidade de log(n), logo também vai a apresentar uma complexidade de O(log(n)).

Método get\_somatorio é recursivo logo vai a apresentar uma complexidade de O(log(n)).

# Users com X tags em comum

Declarar os factos dinâmicos, os users\_com\_x\_tags\_em\_comum/1 serve para armazenar uma lista de listas de user que partilham das mesmas tags. O var\_aux/1 serve para armazenar

```
:-dynamic var_aux/1.
:-dynamic users_com_X_tags_em_comum/1.
```

Metodo3, recebe por parametro LTags (lista de tags), X (numero de tags que os users têm de ter em comum) e LUsers (onde vai ser guardado o resultado).

Faz todas as combinações X a X possiveis de LTags e guarda-as na LcomXTags, coloca uma lista vazia no facto e chama o metodo4. Posteriormente guarda o valor de users\_com\_x\_tags\_em\_comum em LUsers 1 e enviar a lista das tags combinadas X a X e a lista de listas de users que partilham dessas tags para o metodo imptime\_Resultado de forma a escrever na consola. Por fim faz um retract colocando qualquer coisa nesse espaço em memoria.

Complexidade: O(log^2(n))

Vai percorrer todos os nos e guarda o user e a respetiv alista de tags e vai enviar juntamente com a LcombXTags para o metodo5. Este metodo obriga o falhanço com o fail de forma a percorrer todos os nos existentes. Quando não existir mais falha e juntamente com o fail entra na condição do metodo que o chamou (metodo4(LcomXTags, X);true).

Complexidade: O(n)

```
metodo4(LcombXTags, X):-
    no(Y, _, LOutroUser),
    write('User = '), write(Y),nl,
        ( metodo5(LcombXTags, Y, LOutroUser, X) ; true )
    fail.
```

Recebe a lista com as listas de tags combinadas X a X, o user Y e a respetiva lista de tags LOutroUser e o X (numero de tags que os users têm de ter em comum). Coloca no facto var\_aux uma lista vazia e chama o metodo6. Posterirmente guarda o valor do facto var\_aux em LUsersCombinação e o valor do facto users\_com\_x\_tags\_em\_comum de forma a poder acrescentar a esse mesmo facto a lista de users que partilham a combinação em questão.

Complexidade: O(n)

```
metodo5(LTags, Y, LOutroUser, X):-
    write('entrei'), nl,
    asserta(var_aux([])),
    (metodo6(LTags, Y, LOutroUser, X, LAux);true),
    var_aux(LUsersCombinacao),
    users_com_X_tags_em_comum(L),
    L1 = [LUsersCombinacao|L],
    asserta(users_com_X_tags_em_comum(L1)),
    retract(var_aux(_)),
    asserta(var_aux([])),
    fail.
```

Por fim o método 6 faz a interseção da cada lista de tags combinadas, com a lista do user Y e verifica se o seu tamanho é igual ou superior ao X e se assim for adiciona o user a lista auxiliar que vai ser guardada no facto var\_aux.

Complexidade: O(n)

```
metodo6(LTags, Y, LOutroUser, X, LAux):-
    Lista = [LX|LTags],
    intersecao(LX, LOutroUser, LIntersecao),
    write('LIntersecao='), write(LIntersecao),nl,
    length(LIntersecao, Tamanho),
    %write('length='), write(Tamanho),nl,
    Tamanho < X, fail;
    write('encontrei o user: '), write(Y), nl,
    var_aux(LUsersComXTagsPartilhadas),
    %write('passei'), nl, nl,
    LAux = [Y|LUsersComXTagsPartilhadas],
    write('Guardei na LUsersComXTagsPartilhadas: '), write(LAux), nl,nl,
    asserta(var_aux(LAux)).</pre>
```

Recebe duas listas por parâmetro e retorna a lista interseção de ambas. Verifica elemento a elemento da primeira lista se é membro da outra, se for chama novamente a interseço adicionando esse elemento à lista resultado, se não verifica se primeiro é sinónimo e faz o mesmo caso fosse membro ou então, caso não seja membro nem sinonimo chama o mÉtodo interseção mas sem adicionar o valor em questão a lista resultado.

Complexidade: O(log(n))

Funciona de forma similar à interseção mas em vez de verificar se é membro, verifica se existe na base de conhecimento algum sinonimo.

Complexidade: O(log(n))

```
ver_sinonimo(_,[],_).
ver_sinonimo(X,[Tag|L2],[Tag|L1]):- sinonimo(X, Tag),!, ver_sinonimo(X,L2,L1).
ver_sinonimo(X,[Tag|L2],L1):- ver_sinonimo(X,L2,L1).
```

Complexidade: O(log(n))

```
 \begin{tabular}{ll} todas\_combinacoes(X,LTags,LcombXTags):-findall(L,combinacao(X,LTags,L),LcombXTags) \\ combinacao(0,\_,[]):-!. \\ combinacao(X,[Tag|L],[Tag|T]):-X1 is X-1, combinacao(X1,L,T). \\ combinacao(X,[\_|L],T):- combinacao(X,L,T). \\ \end{tabular}
```

Imprime o resultado final que resulta na combinação dos elementos de ambas as listas.

Complexidade: O(log(n))

Sugerir conexões com outros utilizadores tendo por base as tags e conexões partilhadas (até determinado nível)

Para realizar a UC, foi criado o predicado suggest\_users/3, cujos parâmetros são o ID do user a quem serão sugeridas conexões (UserId), o nível até qual poderão ser sugeridas as conexões (Level), e a lista a ser devolvida com os utilizadores sugeridos (ListaDeUsersSugeridos).

O predicado começa por chamar o predicado net\_size\_up\_to\_level/3, elaborado no caso de uso "Determinar o tamanho da rede de um utilizador (até um determinado nível)", enviando o Userld, o Level, e uma lista (Users) que vai ser preenchida com os ID's de todos os utilizadores conectados até ao nível escolhido para o utilizador com o UserID enviado.

Contudo, a lista devolvida (Users) contém o ID do próprio utilizador, pelo que é necessário ser retirado, já que não faria sentido sere recomendada uma conexão consigo próprio. Assim, foi criado um predicado para poder remover items de uma lista, remove\_item\_from\_list/3, que recebe como argumento o item a ser retirado da lista, neste caso o UserID, a lista do qual se quer retirar o elemento (Users), e uma lista que devolve a lista anterior sem o item enviado (ListaDeUsers).

```
remove_item_from_list(_,[],[]).
remove_item_from_list(Id,[Id|Users],List):-
    remove_item_from_list(Id,Users,List).
remove_item_from_list(Id,[User|Users],[User|List]):-
    remove_item_from_list(Id,Users,List).
```

Com o ID do próprio utilizador retirado, deparamo-nos com outro problema: a lista (ListaDeUsers) contém utilizadores que já estão conectados ao utilizador a quem vão ser sugeridas conexões. De modo a resolver este problema, foi criado o predicado remove\_users\_with\_direct\_connection/3. De maneira semelhante aos predicados anteriores, recebe 3 parâmetros: um ID e duas listas. O ID pertence ao utilizador a quem vão ser sugeridas conexões (UserID), a primeira lista é a devolvida no terceiro argumento do predicado remove\_item\_from\_list/3, e o terceiro argumento é a lista de retorno (UsersNearby), que vai conter os ID's de todos os utilizadores até um certo nível, sem os de primeiro nível (conexão já existente) e sem o próprio utilizador a quem vão ser sugeridas conexões.

```
remove_users_with_direct_connection(_,[],[]).

remove_users_with_direct_connection(UserId, [HeadL1|TailL1], Lista2):- /*Lista 1 -> Lista de users ; */

is_connected(UserId, HeadL1), remove_users_with_direct_connection(UserId, TailL1], [HeadL1|TailL1], [HeadL1|Lista2]):-

remove_users_with_direct_connection(UserId, TailL1, Lista2).

is_connected(X,Y):- ligacao(X,Y,_,_); ligacao(Y,X,_,_).
```

No predicado acima, cada utilizador presente na lista recebida no segundo argumento (através do seu id) é verificado se tem uma conexão com o utilizador com ID recebido no primeiro argumento, através do predicado auxiliar is\_connected/2. Se for verificada a ligação, o id do utilizador que está na cabeça da lista do segundo argumento não é adicionado à lista de retorno. Caso não exista conexão, o id do utilizador é adicionado.

De seguida, voltando ao predicado suggest\_users/3, busca-se a lista de tags do utilizador recebido no primeiro parâmetro, através do no/3, implementado na base de conhecimentos fornecida.

Por fim, é chamado o predicado auxiliar suggest\_users\_2/3, que tem como objetivo verificar se existem utilizadores (UsersNearby) com 1 ou mais tags em comum com a lista de tags recebida no segundo parâmetro (ListaDeTags) e, caso existam, são retornados na lista do terceiro argumento. Para tal, é percorrida recursivamente a lista de utilizadores próximos (UsersNearby) e busca-se a lista de tags do elemento à cabeça; de seguida recorrendo ao predicado intersecao/3, faz-se uma interseção entre as duas listas de tags (a ListaDeTags e do primeiro elemento do UsersNearby), e coloca-se numa lista auxiliar o resultado (X). Caso a length de X seja maior que 0, o utilizador cujo ID está à cabeça da lista do UsersNearby é adicionado à lista de retorno.

```
suggest_users_2([],_,[]). /*Se a lista de users a comparar estiver vazia*/
suggest_users_2([UserAtual|UsersNearby], ListaDeTags, ListaDeUsersSugeridos):-
no(UserAtual,_,TagsUser2), intersecao(TagsUser2,ListaDeTags, X), length(X, Size),
Size < 1, suggest_users_2(UsersNearby,ListaDeTags,ListaDeUsersSugeridos).
suggest_users_2([UserAtual|UsersNearby],ListaDeTags,[UserAtual|ListaDeUsersSugeridos]):-
suggest_users_2(UsersNearby,ListaDeTags,ListaDeUsersSugeridos).
intersecao([],_,[]).
intersecao([X|L],L1,[X|LI]):-member(X,L1),!,intersecao(L,L1,LI).
intersecao([X|L],L1,L1):-intersecao(L,L1,LI).</pre>
```

Desta forma, se por exemplo, tentarmos sugerir utilizadores ao utilizador de ID 21, até ao nível 2, acontece o seguinte:

```
?- suggest_users(21, 2, UsersSugeridos).
UsersSugeridos = [1, 22, 23, 24, 41, 42, 43, 44].
```

Em termos de complexidade, o suggest\_users/3 apresenta O(n \* log ²(n)), visto que chama o predicado net\_size\_up\_to\_level/3, de igual complexidade, e de todos os restantes predicados chamados apresentarem menor complexidade, nomeadamente:

- Suggest\_users\_2/3 ->
- intersecao/3 -> O(log(n))
- remove\_item\_from\_list/3 -> O(log(n))
- remove\_users\_with\_direct\_connections/3->O(n \* log(n))
- is connected/2-> O(1)

#### Caminho mais curto

Facto com 2 argumentos que representam o caminho entre a origem e o destino e a distância entre eles.

```
:-dynamic melhor_sol_minlig/2.
```

O método plan\_minlig(Orig, Dest, LCaminho\_minlig) recebe dois users, um de origem e outro de destino e retorna em LCaminho\_minlig o caminho mais curto entre eles. Começar por chamar o metodo melhor\_caminho\_minlig(Orig,Dest) que vai ser onde vai ser encontrada o caminho mais curto e posteriormente faz o retract do facto guardando o resultado em LCaminho\_minlig.

Complexidade: O(log(n))

Recebe dois users e chama o dfs enviando o caminho retornado pelo dfs para outro metodo que vai verificar se este é entao menor que ao que já está guardado no facto. Ao provocar o falhanço vai fazer o dfs até não existir mais soluções.

Complexidade O(n)

```
melhor_caminho_minlig(Orig,Dest):-
asserta(melhor_sol_minlig(_,10000)),
dfs(Orig,Dest,LCaminho),
atualiza_melhor_minlig(LCaminho),
fail.
```

Este método recebe um caminho e compara o seu tamanho com aquele que já esta guardado como caminho mais curto, se for menor, faz um asserta com um novo valor.

Complexidade: O(1)

Complexidade: O(log(n))