

FUNDAMENTOS DE TEORÍA DE LA COMPUTACIÓN 2025
Trabajo Práctico Nro 7

Comentario: Hacer mínimamente los ejercicios 1, 2, 3 y 6. De todos modos, el único ejercicio con cierta dificultad es el 7.

Ejercicio 1. Responder breve y claramente:

- a. ¿Por qué en la complejidad espacial se utilizan MT con una cinta de entrada de sólo lectura?
- b. ¿Por qué si una MT tarda tiempo $\text{poly}(n)$ entonces ocupa espacio $\text{poly}(n)$, y si ocupa espacio $\text{poly}(n)$ puede llegar a tardar tiempo $\exp(n)$?
- c. ¿Por qué los lenguajes de la clase LOGSPACE son tratables?

Ejercicio 2. Describir la idea general de una MT M que decida el lenguaje $L = \{a^n b^n \mid n \geq 1\}$ en espacio logarítmico. *Ayuda: basarse en el ejemplo mostrado en clase.*

Ejercicio 3. Describir la idea general de una MT M que decida el lenguaje SAT en espacio polinomial. *Ayuda: la generación y la evaluación de una asignación de valores de verdad se pueden efectuar en tiempo polinomial.*

Ejercicio 4. Justificar por qué el lenguaje QSAT no pertenecería a P ni a NP. *Ayuda: ¿qué forma tienen los certificados asociados a QSAT?*

Ejercicio 5. Probar que $NP \subseteq PSPACE$. *Ayuda: Si L pertenece a NP, entonces existe una MT M_1 capaz de verificar en tiempo $\text{poly}(|w|)$ si una cadena w pertenece a L , con la ayuda de un certificado x de tamaño $\text{poly}(|w|)$. De esta manera, existe también una MT M_2 que decide L en espacio $\text{poly}(|w|)$, sin la ayuda de ningún certificado.*

Ejercicio 6. Supongamos que existe una MT M de tiempo polinomial que, dado un grafo G , devuelve un circuito de Hamilton de G si existe o responde no si no existe. Describir la idea general de una MT M' que, utilizando M , decida en tiempo polinomial si un grafo G tiene un circuito de Hamilton. *Ayuda: basarse en el ejemplo mostrado en clase con FSAT y SAT.*

Ejercicio 7. Sea la MTP M que definimos en clase para decidir probabilísticamente el lenguaje $\text{MAYSAT} = \{\varphi \mid \varphi \text{ es una fórmula booleana satisfactible por más de la mitad de las posibles asignaciones de verdad}\}$. Hemos indicado que para toda φ , si $\varphi \in \text{MAYSAT}$ entonces M la acepta con probabilidad $> 1/2$, y si $\varphi \notin \text{MAYSAT}$ entonces M la rechaza con probabilidad $\geq 1/2$. Precizando más la primera probabilidad: asumiendo que M tarda $p(n)$, si $\varphi \in \text{MAYSAT}$ entonces M la acepta con probabilidad $\geq 1/2 + 1/2^{p(n)}$. Explicar por qué. *Ayuda: en tiempo $p(n)$, M puede producir $2^{p(n)}$ computaciones posibles, y entonces, ¿cuántas son de aceptación como mínimo si $\varphi \in \text{MAYSAT}$?*

Ejercicio 8. Considerando el ejemplo de computación cuántica mostrado en clase, indicar los resultados posibles cuando en lugar de arrancar con el estado inicial 00, la computación arranca con:

- a. El estado inicial 01.
- b. El estado inicial 10.
- c. El estado inicial 11.