



Licenciatura Ciências de Computação
Mestrado Integrado Eng^a. Informática
Mestrado Integrado Eng^a. Física

2020/21

A.J.Proença

Tema

Introdução aos Sistemas de Computação



Estrutura do tema ISC

1. Representação de informação num computador
2. Organização e estrutura interna dum computador
3. Execução de programas num computador
4. Análise das instruções de um processador
5. Evolução da tecnologia e da eficiência



Um computador é um sistema físico que:

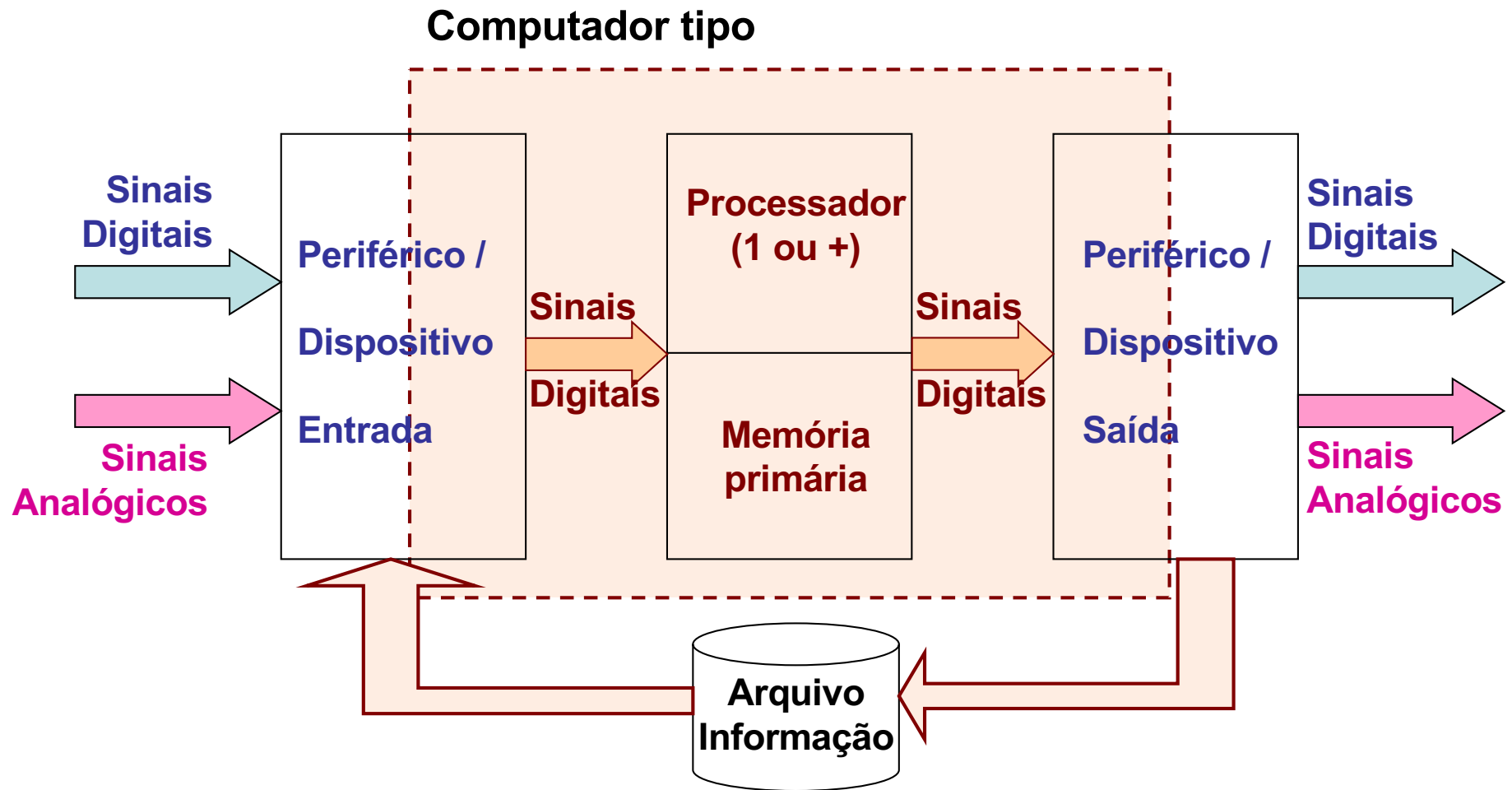
- recebe informação,
processa / arquiva informação,
transmite informação, e ...
- é programável
i.e., a funcionalidade do sistema pode ser modificada,
sem alterar fisicamente o sistema

Quando a funcionalidade é fixada no fabrico do sistema onde o computador se integra, diz-se que o computador existente nesse sistema está “embebido”: ex. *smart phone*, máq. fotográfica, automóvel, ...

Como se representa a informação num computador ?

Como se processa a informação num computador ?

Noção de computador (2)





- **Como se representa a informação num computador ?**
 - representação da informação num computador ->
- **Como se processa a informação num computador ?**
 - organização e funcionamento de um computador ->



Como se representa a informação?

– com binary digits!



Artigo Discussão

Algarismo

Um **algarismo** ou **dígito**, é um tipo de representação (um símbolo numérico, como "2" ou "5") usado em combinações (como "25") para representar **números** (como o número 25) em **sistemas de numeração posicionais**. O nome "dígito" vem do facto de os 9 dígitos (do **latim** *digitem*, "dedo") das mãos corresponderem aos 10 símbolos do sistema de numeração comum de **base 10**, isto é, o decimal (digestivo do latim antigo *decoração* . que significa nove) dígitos.

A palavra "algarismo" tem sua origem no nome do famoso matemático **Al-Khwarizmi**.

Mais:

- Cada um dos elementos de um numeral é um algarismo ou dígito:
 - Numeral com 3 dígitos: 426.
 - Numeral com 10 algarismos: 1.234.567.890
- • Dígitos **Binários**: podem ser apenas dois, o 0 (zero) e o 1 (um)



Como se representa a informação?

- com binary digits!

Tipos de informação a representar:

- números (para cálculo)
 - » bases de numeração, inteiros (positivos e negativos)
 - » reais (*fp*), norma IEEE 754
- textos (caracteres alfanuméricos)
- conteúdos multimédia
- código para execução no computador

Sistemas de numeração :
quanto vale na base 10 um n° representado numa outra base



1532.54₁₀ (base 10) ; quanto vale cada algarismo?

$$1*10^3 + 5*10^2 + 3*10^1 + 2*10^0 + 5*10^{-1} + 4*10^{-2} = 1532.54_{10}$$

Nota: a potência de 10 dá-nos a ordem do algarismo no número...

1532₆ (base 6) ; quanto vale cada algarismo na base 10?

$$1*6^3 + 5*6^2 + 3*6^1 + 2*6^0 = 416_{10}$$

1532₁₃ (base 13) ; quanto vale cada algarismo na base 10?

$$1*13^3 + 5*13^2 + 3*13^1 + 2*13^0 = 3083_{10}$$

110110.011₂ (base 2) ; quanto vale cada algarismo na base 10?

$$1*2^5 + 1*2^4 + 0*2^3 + 1*2^2 + 1*2^1 + 0*2^0 + 0*2^{-1} + 1*2^{-2} + 1*2^{-3} = 54.375_{10}$$

Sistemas de numeração :
como se passa um n° na base 10 para uma outra base



1532.54_{10} (base 10) ; algoritmo para extrair os algarismos?

- parte inteira: divisão sucessiva pela base e...
- parte decimal: multiplicação sucessiva pela base e...

416_{10} ; quanto vale cada algarismo na base 6?

- parte inteira ... parte decimal ...

3083_{10} ; quanto vale cada algarismo na base 13?

- parte inteira ... parte decimal ...

54.375_{10} ; quanto vale cada algarismo na base 2?

- parte inteira ... parte decimal ...

Sistemas de numeração : caso particular da base 2



110110.011₂ (base 2) ; quanto vale cada algarismo na base 10?

$$1*2^5 + 1*2^4 + 0*2^3 + 1*2^2 + 1*2^1 + 0*2^0 + 0*2^{-1} + 1*2^{-2} + 1*2^{-3} = \dots$$

Para simplificar:

- eliminar os produtos, ignorar parcelas com produtos por 0

$$\bullet \text{ } 1*2^5 + 1*2^4 + 0*2^3 + 1*2^2 + 1*2^1 + 0*2^0 + 0*2^{-1} + 1*2^{-2} + 1*2^{-3} = \dots$$

$$\Rightarrow 2^5 + 2^4 + 2^2 + 2^1 + 1/2^2 + 1/2^3 = \dots$$

Recomendação:

- decorar a tabuada das potências de 2 (**$2^0 + 2^{10}$**) \longrightarrow
- compreender as potências de 2 múltiplas de 10 \longrightarrow

Numeração de base 2 : dicas para uma rápida conversão de potências de 2 para a base 10



$$2^0 = 1$$

$$2^1 = 2$$

$$2^2 = 4$$

$$2^3 = 8$$

$$2^4 = 16$$

$$2^5 = 32$$

$$2^6 = 64$$

$$2^7 = 128$$

$$2^8 = 256$$

$$2^9 = 512$$

$$2^{10} = 1024$$

$$2^{10} = 1024 = 1 \text{ Ki(bi)} \approx 1000 = 10^3 = 1 \text{ K(ilo)}$$

...

$$2^{12} = 2^2 * 2^{10} = 4 \text{ Ki(bi)} \approx 4000 = 4 * 10^3 = 4 \text{ K}$$

...

$$2^{16} = 2^6 * 2^{10} = 64 \text{ Ki(bi)} \approx 64 * 10^3 = 64 \text{ K}$$

$$2^{20} = 1 \text{ Me(bi)} \approx 1000000 = 10^6 = 1 \text{ M(ega)}$$

$$2^{30} = 1 \text{ Gi(bi)} \approx 1000000000 = 10^9 = 1 \text{ G(iga)}$$

$$2^{40} = 1 \text{ Te(bi)} \approx 10^{12} = 1 \text{ T(era)}$$

$$2^{50} = 1 \text{ Pe(bi)} \approx 10^{15} = 1 \text{ P(eta)}$$

Sistemas de numeração : caso particular da base 16 (hexadecimal)

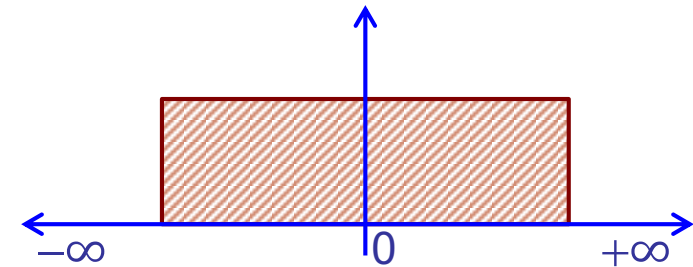


- Dígitos na base 16:
 $0, 1, 2, \dots, 9, \overset{10}{a}, \overset{11}{b}, \overset{12}{c}, \overset{13}{d}, \overset{14}{e}, \overset{15}{f}$
- Vantagens sobre um valor de 32 bits:
 $10100110100001110110010111010100_2$ VS. $a68765d4_{16}$
- Facilidade de conversão:
$$\begin{array}{cccccccc} 1010 & 0110 & 1000 & 0111 & 0110 & 0101 & 1101 & 0100_2 \\ a & 6 & 8 & 7 & 6 & 5 & d & 4_{16} \end{array}$$
- Mesmo com ponto decimal:
$$\begin{array}{cccccccc} 1010011010000111011001011101.01_2 & \longleftarrow & \longrightarrow \\ 1010 & 0110 & 1000 & 0111 & 0110 & 0101 & 1101 & .0100_2 \\ a & 6 & 8 & 7 & 6 & 5 & d & .4_{16} \end{array}$$



Gama de valores representáveis

- ideal: todos os valores e simetria em relação ao 0
- mas ...
- e quantos bits para representar um inteiro?



Representação de positivos & negativos

- estratégias
- análise dum exemplo com todos os valores possíveis
 - S+M: Sinal + Magnitude/amplitude
 - Complemento para 1
 - Complemento para 2
 - Notação por excesso

Inteiros positivos e negativos: o universo com 3 bits



Base 10	Base 2	S+M	Comp 1	Comp 2	Excesso
0	000				
1	001				
2	010				
3	011				
4	100				
5	101				
6	110				
7	111				

Inteiros positivos e negativos: o universo com 3 bits



Base 10	Base 2	S+M	Comp 1	Comp 2	Excesso
0	000	+			
1	001	+			
2	010	+			
3	011	+			
4	100	-			
5	101	-			
6	110	-			
7	111	-			

Inteiros positivos e negativos: o universo com 3 bits



Base 10	Base 2	S+M	Comp 1	Comp 2	Excesso
0	000	+0			
1	001	+1			
2	010	+2			
3	011	+3			
4	100	-0			
5	101	-1			
6	110	-2			
7	111	-3			

Inteiros positivos e negativos: o universo com 3 bits



Base 10	Base 2	S+M	Comp 1	Comp 2	Excesso
0	000		+0		
1	001		+1		
2	010		+2		
3	011		+3		
4	100		$-11_2 \rightarrow -3$		
5	101		$-10_2 \rightarrow -2$		
6	110		$-01_2 \rightarrow -1$		
7	111		$-00_2 \rightarrow -0$		

Inteiros positivos e negativos: o universo com 3 bits



Base 10	Base 2	S+M	Comp 1	Comp 2	Excesso
0	000		+0	+0	
1	001		+1	+1	
2	010		+2	+2	
3	011		+3	+3	
4	100		$-11_2 \rightarrow -3$	$-(11+1)_2 \rightarrow -4$	
5	101		$-10_2 \rightarrow -2$	$-(10+1)_2 \rightarrow -3$	
6	110		$-01_2 \rightarrow -1$	$-(01+1)_2 \rightarrow -2$	
7	111		$-00_2 \rightarrow -0$	$-(00+1)_2 \rightarrow -1$	

Inteiros positivos e negativos: o universo com 3 bits



Base 10	Base 2	S+M	Comp 1	Comp 2	Excesso $2^{n-1}-1$
0	000				$0 - 3 \succ -3$
1	001				$1 - 3 \succ -2$
2	010				$2 - 3 \succ -1$
3	011				$3 - 3 \succ 0$
4	100				$4 - 3 \succ +1$
5	101				$5 - 3 \succ +2$
6	110				$6 - 3 \succ +3$
7	111				$7 - 3 \succ +4$

Nota: $n = \text{\#bits}$, $2^{n-1}-1 = 2^{3-1}-1 = 2^2-1 = 3$

Inteiros positivos e negativos: o universo com 3 bits



Base 10	Base 2	S+M	Comp 1	Comp 2	Excesso 2^{n-1}	Excesso $2^{n-1}-1$
0	000				0 - 4 > -4	0 - 3 > -3
1	001				1 - 4 > -3	1 - 3 > -2
2	010				2 - 4 > -2	2 - 3 > -1
3	011				3 - 4 > -1	3 - 3 > 0
4	100				4 - 4 > 0	4 - 3 > +1
5	101				5 - 4 > +1	5 - 3 > +2
6	110				6 - 4 > +2	6 - 3 > +3
7	111				7 - 4 > +3	7 - 3 > +4

Nota: $n = \text{\#bits}$, $2^{n-1} = 2^{3-1} = 2^2 = 4$, $2^{n-1}-1 = 2^{3-1}-1 = 2^2-1 = 3$