

1. [1,5 valores] - Considere o seguinte excerto de um programa escrito em *assembly* e a executar numa máquina com cache:

```
ciclo: movl 0(%ebx), %edx
      movl $10, 0(%ebx)
      addl $4, %ebx
      cmpl $0, %edx
      jnz ciclo
```

Considere que o registo `%ebx` aponta para o início de um array de inteiros (4 bytes) com os seguintes valores: `{-10, 30, 1024, -33, 0}`. Note que o ciclo termina quando o valor lido do array for 0. A frequência do relógio é de 2 GHz, o CPI_{CPU} é 2, a *miss rate* de instruções é de 3% e a de dados de 5%. Sabendo que o tempo de execução deste programa é de 150 ns, qual é a *miss penalty* (expressa em tempo)?

- | | |
|--|--|
| <input type="checkbox"/> $mp_T = 150$ ns | <input type="checkbox"/> $mp_T = 50$ ns |
| <input type="checkbox"/> $mp_T = 200$ ns | <input type="checkbox"/> $mp_T = 100$ ns |

2. [1,5 valores] - Complete a afirmação abaixo :

“A técnica de *pipelining*, relativamente a uma arquitectura sequencial de ciclo único, acelera o desempenho de um processador pois ...

- ☐ resulta numa diminuição do CPI, uma vez que mais do que uma instrução se encontra em execução em cada ciclo.”
- ☐ resulta numa diminuição do número de instruções executadas, uma vez que algumas instruções são internamente transformadas em `NOPS`”
- ☐ resulta numa diminuição do período do relógio, uma vez que este deve ser apenas tão longo quanto o estágio mais demorado do *pipeline*.”
- ☐ resulta num aumento da frequência devido a ciclos de *stalling* causados por dependências de dados e/ou controlo.”

3. [1,5 valores] - Complete a afirmação abaixo:

“O programa `for (i=0 ; i<N ; i++) a[i] = b[100*i] * 2; ...`

- ☐ permite explorar a hierarquia de memória pois exhibe localidade espacial nos acessos a `i`.”
- ☐ permite explorar a hierarquia de memória pois exhibe localidade espacial nos acessos a `a[]`.”
- ☐ permite explorar a hierarquia de memória pois exhibe localidade temporal nos acessos a `a[]`.”
- ☐ permite explorar a hierarquia de memória pois exhibe localidade espacial nos acessos a `b[]`.”

4. [1,5 valores] - Quantos *bits* tem a *tag* de uma hierarquia de memória (S=1024, E=8, B=128, m=32)?

- ☐ $t = 15$ ☐ $t = 17$
☐ $t = 10$ ☐ $t = 12$

5. [2,0 valores] A tabela abaixo apresenta na coluna da esquerda uma sequência de endereços (m=4) de acesso à memória gerados por um determinado programa. As 3 colunas seguintes referem-se a um modo de mapeamento numa cache que usa o algoritmo de substituição LRU. Preencha-as indicando em que *set*/linha (dentro do *set*) mapeia cada endereço, qual a *tag* associada a essa linha depois deste acesso e indicando se se trata de um *cold miss*, colisão ou de um *hit*. Considere a cache inicialmente fria.

Addr	(S=2,E=2,B=2,m=4)	tag	cold miss/hit/colisão
1			
13			
0			
6			
8			

6. [2,0 valores] O excerto de código abaixo calcula a soma de todos os elementos de uma matriz de inteiros. A matriz tem ALTURA * LARGURA elementos.

```
for (col=0 ; col<LARGURA ; col++) {
    for (lin=0 ; lin < ALTURA ; lin++) {
        soma += matriz[lin*LARGURA+col];
    }
}
```

Reescreva o programa para que seja possível explorar de forma mais eficaz a hierarquia da memória, **justificando** a sua resposta.

1. [1,5 valores] - Considere o seguinte excerto de um programa escrito em *assembly* e a executar numa máquina com cache:

```

ciclo: movl 0(%ebx), %eax  → 2/5 acedem
      movl $10, 0(%ebx)  → 2/5 acedem
      addl $4, %ebx       → 3/5 não acedem
      cmpl $0, %eax       → 3/5 não acedem
      jnz ciclo           → 3/5 não acedem

```

Considere que o registo `%ebx` aponta para o início de um array de inteiros (4 bytes) com os seguintes valores: $\{-10, 30, 1024, -33, 0\}$. Note que o ciclo termina quando o valor lido do array for 0. A frequência do relógio é de 2 GHz, o CPI_{CPU} é 2, a *miss rate* de instruções é de 3% e a de dados de 5%. Sabendo que o tempo de execução deste programa é de 150 ns, qual é a *miss penalty* (expressa em tempo)?

- ☐ $mp_T = 150 \text{ ns}$
☐ $mp_T = 50 \text{ ns}$
☐ $mp_T = 200 \text{ ns}$
☒ $mp_T = 100 \text{ ns}$

$$\begin{aligned}
 f &= 2 \times 10^9 \text{ Hz} \\
 CPI_{CPU} &= 2 \\
 mr_i &= 0.03 \\
 mr_d &= 0.05 \\
 T_{exec} &= 150 \times 10^{-9} \text{ seg} \\
 mp_T &= ?
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 CPI &= CPI_{CPU} + CPI_{Mem} \\
 CPI_{Mem} &= (mr_i + mr_d \times \%Mem) \times mp_T \times f \\
 &\quad \downarrow \quad \downarrow \quad \downarrow \\
 &\quad 0.03 \quad 0.05 \quad \frac{2}{5}
 \end{aligned}$$

*mp_T × f → se for em tempo
mp → se for em clock cycles*

$$T_{exec} = \frac{CPI \times \#I}{f} \rightarrow \frac{(2 + CPI_{Mem}) \times 25}{2 \times 10^9}$$

*nº de I executadas: 5 × 5 = 25
→ 5 instruções
→ 5 vezes que se repetem (até encontrar o 0)*

$$\Rightarrow 150 \times 10^{-9} = \frac{(2 + CPI_{Mem}) \times 25}{2 \times 10^9}$$

$$CPI_{Mem} = (0.03 + 0.05 \times \frac{2}{5}) \times mp_T \times 2 \times 10^9 \rightarrow mp_T = 100 \times 10^{-9} = \underline{100 \text{ ns}}$$

2. [1,5 valores] - Complete a afirmação abaixo :

“A técnica de *pipelining*, relativamente a uma arquitectura sequencial de ciclo único, acelera o desempenho de um processador pois ...

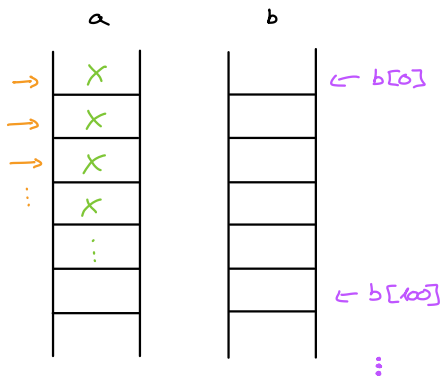
- ☒ resulta numa diminuição do CPI, uma vez que mais do que uma instrução se encontra em execução em cada ciclo.” *→ O CPI ou mantém-se ou aumenta por causa das dependências de dados e por causa dos tempos dos registos entre os estágios*
- ☒ resulta numa diminuição do número de instruções executadas, uma vez que algumas instruções são internamente transformadas em *NOPS*” *→ não é possível diminuir o nº de instruções de um programa*
- ☒ resulta numa diminuição do período do relógio, uma vez que este deve ser apenas tão longo quanto o estágio mais demorado do *pipeline*.”
- ☐ resulta num aumento da frequência devido a ciclos de *stalling* causados por dependências de dados e/ou controlo.”



3. [1,5 valores] - Complete a afirmação abaixo:

"O programa `for (i=0 ; i<N ; i++) a[i] = b[100*i] * 2; ...`

- ☒ permite explorar a hierarquia de memória pois exibe localidade espacial nos acessos a i." \rightarrow *i é um registro, por isso nem acede a memória*
- ☒ permite explorar a hierarquia de memória pois exibe localidade espacial nos acessos a a[.]."
- ☒ permite explorar a hierarquia de memória pois exibe localidade temporal nos acessos a a[.]."
- ☒ permite explorar a hierarquia de memória pois exibe localidade espacial nos acessos a b[.]."



4. [1,5 valores] - Quantos *bits* tem a *tag* de uma hierarquia de memória (S=1024, E=8, B=128, m=32)?

\hookrightarrow quantidade de bits que o endereço



$t = 15$



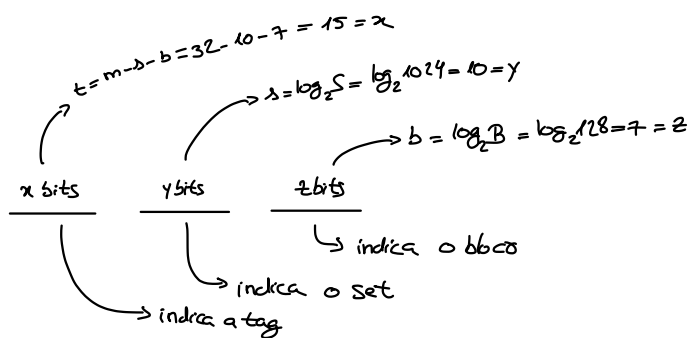
$t = 17$



$t = 10$

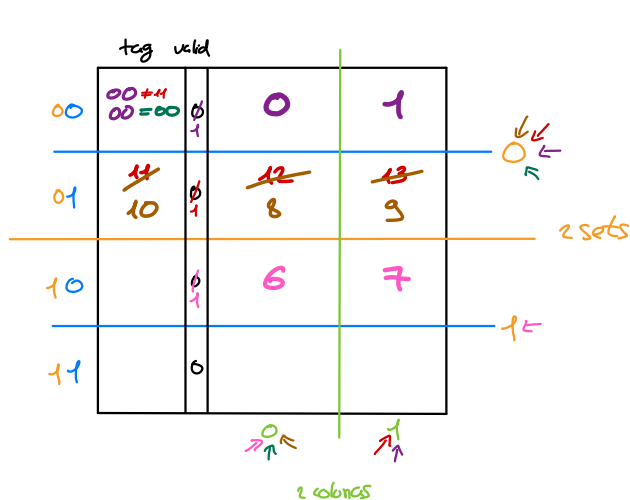


$t = 12$



5. [2.0 valores] A tabela abaixo apresenta na coluna da esquerda uma sequência de endereços ($m=4$) de acesso à memória gerados por um determinado programa. As 3 colunas seguintes referem-se a um modo de mapeamento numa cache que usa o algoritmo de substituição LRU. Preencha-as indicando em que *set*/linha (dentro do *set*) mapeia cada endereço, qual a *tag* associada a essa linha depois deste acesso e indicando se se trata de um *cold miss*, colisão ou de um *hit*. Considere a cache inicialmente fria.

Addr	(S=2,E=2,B=2,m=4)	tag	cold miss/hit/colisão
1	$s=0 // L=0$	00	cold miss
13	$s=0 // L=1$	11	cold miss
0	$s=0 // L=0$	00	hit
6	$s=0 // L=1$	01	cold miss
8	$s=0 // L=1$	10	colisão



$1 = 0001 \rightarrow$ cold miss (não existe a tag) \rightarrow ir buscar à memória
 $13 = 1101 \rightarrow$ " " " " " " \rightarrow " " " "
 $0 = 0000 \rightarrow$ hit
 $6 = 0110 \rightarrow$ cold miss (não existe a tag) \rightarrow ir buscar à memória
 $8 = 1000 \rightarrow$ colisão (não está na cache e temos de tirar uma linha para fora a nova, neste caso tiramos a que não é acessada a mais tempo, LRU)

6. [2.0 valores] O excerto de código abaixo calcula a soma de todos os elementos de uma matriz de inteiros. A matriz tem ALTURA * LARGURA elementos.

```

for (col=0 ; col<LARGURA ; col++) {
    for (lin=0 ; lin < ALTURA ; lin++) {
        soma += matriz[lin*LARGURA+col];
    }
}

```

Reescreva o programa para que seja possível explorar de forma mais eficaz a hierarquia da memória, **justificando** a sua resposta.

matriz

1	2	3
4	5	6
7	8	9

memória

1
2
3
4
5
6
7
8
9

$1^{\circ} \begin{cases} col=0 \\ lin=0 \end{cases}$
 $2^{\circ} \begin{cases} col=0 \\ lin=1 \end{cases}$
 $3^{\circ} \begin{cases} col=0 \\ lin=2 \end{cases}$

\rightarrow não tem localidade espacial

```

for (col=0 ; col<LARGURA ; col++) {
    for (lin=0 ; lin < ALTURA ; lin++) {
        soma += matriz[lin*LARGURA+col];
    }
}

```

$1^{\circ} \begin{cases} col=0 \\ lin=0 \end{cases}$
 $2^{\circ} \begin{cases} col=1 \\ lin=0 \end{cases}$
 $3^{\circ} \begin{cases} col=2 \\ lin=0 \end{cases}$

\rightarrow tem localidade espacial