



**Universidade do Porto**

**Faculdade de Engenharia**

**FEUP**

Projeto de Conceção e Análise de Algoritmos:

RideSharing: partilha de viagens (tema 1) - Parte I

Grupo D , turma 3:

Ana Rita Fonseca Santos

201605240

Filipe Carlos de Almeida Duarte da Cunha Nogueira

201604129

Pedro Maria Passos Ribeiro do Carmo Pereira

201708807

(2018/2019 - 2º Semestre)

## Índice

1. Descrição do Tema
  - 1.1. Pré-cálculo
  - 1.2. 1ª iteração: Rota sem restrições temporais
  - 1.3. 2ª iteração: Rota com restrições temporais
2. Formalização do problema
  - 2.1. Dados de entrada
  - 2.2. Dados de saída
  - 2.3. Restrições
  - 2.4. Funções objetivo
3. Perspectiva da solução
4. Casos de utilização
5. Principais dificuldades encontradas no desenvolvimento do trabalho
6. Esforço dedicado por cada elemento do grupo
7. Bibliografia

## 1. Descrição do tema

Neste trabalho, pretende-se implementar uma aplicação para suportar o conceito de *ridesharing*. Esta aplicação irá conciliar as moradas, destinos e restrições temporais de diferentes utilizadores e gerar a melhor rota desde a origem do condutor até ao seu destino. Esta rota terá consideração os pontos de coleta dos outros passageiros e os seus respectivos destinos.

Os utilizadores estão espalhados pela cidade e a aplicação irá considerar outros critérios como familiaridade entre pessoas que partilham a mesma viagem, por exemplo.

Este problema pode ser decomposto em três iterações.

### 1.1 Pré-cálculo

Extração e processamento do grafo gerado pelo OpenStreetMap.

### 1.2. 1ª iteração: Rota sem restrições temporais

Numa primeira fase, vai se gerar um novo grafo com o povoamento da posição inicial e destinos de cada utilizador.

De seguida, calcula-se a distância mais curta entre pares de nós. Os nós representam cruzamentos e as ruas arestas. O peso de cada aresta do novo grafo vai ser o tempo que o condutor demora a chegar de um local (nó) a outro.

O objectivo nesta fase é calcular a rota mais curta que satisfaça as condições previamente referidas. A rota é calculada apenas considerando um veículo.

O utilizador que disponibiliza o veículo (condutor), vai passar por todos os utilizadores e leva-os até ao seu respectivo destino. A capacidade do veículo é previamente estipulada e o condutor, sempre que atingir a sua capacidade máxima, não recolhe mais nenhum utilizador e apenas prioriza os pontos de entrega. Assim que a capacidade do veículo for diminuída, o condutor já pode considerar recolher outros utilizadores.

Os utilizadores fora do veículo irão ser caracterizados em função dos seus destinos, da proximidade das suas origens, e das restrições da viagem que pretendem realizar considerando a posição do condutor. Nesta fase ainda não são consideradas restrições temporais. Desta forma é composta uma lista de prioridades com os seguintes critérios: destino, origem e a familiaridade entre pessoas que partilham a mesma viagem. Sempre que a posição do condutor muda, a lista de prioridade é atualizada de acordo com as restrições apresentadas anteriormente.

A rota começa no ponto de partida do utilizador com veículo.

Este inicialmente parte em busca de um utilizador com uma maior prioridade. O condutor irá recolhendo utilizadores até a capacidade máxima do veículo seja atingida. Caso exista um destino dos utilizadores que estão dentro do veículo que seja mais próximo do que a origem do utilizador com maior prioridade, o condutor dirige-se para o destino.

Conforme o condutor for deixando os utilizadores nos seus pontos de destino, estes já não vão ser mais contabilizados. O condutor acaba a sua rota quando chega ao seu próprio destino podendo este ser também um destino comum de outro passageiro.

### **1.3. 2ª iteração: Rota com restrições temporais**

Nesta iteração, irá ser feita uma análise de compatibilidade. De acordo com a lista de prioridades atingida na iteração anterior, a aplicação irá agora compatibilizar com as restrições de todos os utilizadores dentro do veículo.

Caso o tempo restante mais a tolerância de qualquer passageiro dentro do veículo não seja suficiente para o condutor ir um outro utilizador, o condutor dá prioridade ao passageiro.

Esta restrição de tempo é também tendo em conta a restrição de tempo do utilizador com maior prioridade. Ou seja, caso as restrições de tempo deste último não sejam compatíveis com as restrições de tempo do passageiros, é agora considerado o utilizador seguinte da lista de prioridades. Se nenhum utilizador da lista de prioridade for compatível, então o condutor vai optar por um destino.

## **2. Formalização do problema**

### **2.1. Dados de entrada**

Grafo  $G = (V_i, E_i)$  dirigido pesado, que consiste num conjunto de:

- vértices  $V_i$ , moradas válidas para utilizadores, cruzamentos em que os mesmos podem se encontrar e ser apanhados pelo condutor.
- arestas  $E_i$ , estrada entre duas moradas em que o peso respectivo de cada aresta representa o tempo que o veículo demora a atravessar a estrada.

Lista de utilizadores que populam o grafo.

Cada utilizador  $U_i$  é caracterizado por:

- $S_i$ , morada de partida ( $S_i \in V_i$ )
- $D_i$ , morada de destino ( $D_i \in V_i$ )
- $TolS$ , tempo de tolerância de partida
- $TolD$ , tempo de tolerância de chegada
- $TS_i$ , tempo pretendido de partida

- TDi tempo pretendido de chegada

Condutor C (derivado de utilizador), representando o utilizador cujo percurso se quer otimizar, composto por:

- Atributos de utilizador
- N, capacidade máxima do veículo
- currPass, lista passageiros num dado momento
- totalPass, lista de passageiros total, (todos os transportados)

## 2.2. Dados de saída

Grafo  $G = (V_f, E_f)$  dirigido pesado, em que  $V_f \subset V_i$  e  $E_f \subset E_i$ , representando apenas os nós e arestas do percurso otimizado para o condutor.

Condutor C: estado final do utilizador condutor, em que a lista temporária de passageiros deverá estar vazia, e a lista permanente populada com os utilizadores transportados ao longo do percurso.

## 2.3. Restrições

$N \geq 0$ , se o condutor não tivesse lugares disponíveis, não seria necessário otimizar o seu percurso que seria direto.

$\text{Size}(\text{Condutor.currPass}) \leq N$ , o condutor não poderá transportar mais passageiros que o máximo de lugares disponíveis no carro.

Restrições temporais de cada passageiro e do condutor. Condutor deve chegar à posição final dentro do limite de tempo, e deve-se assegurar que consegue transportar cada passageiro de acordo com as suas próprias restrições temporais.

## 2.4. Funções objetivo

A solução ótima para este problema é atingida quando a lista de prioridades referida anteriormente é construída de forma a que o condutor escolha sempre ou o utilizador com maior prioridade ou o destino mais próximo ou dê prioridade a um passageiro de acordo com as suas restrições temporais. Para tal é necessário maximizar a função  $f$  a seguir descrita na perspectiva de solução:

- $f = \sum(w_i * C_i)$

Após uma boa implementação desta função, é possível comparar os utilizadores fora do carro com os passageiros do veículo.

Para atingir o potencial máximo de otimização do problema é necessário também que a função  $h$ , que representa o número de passageiros recolhidos, seja maximizada e, simultaneamente, a função  $g$ , que representa o tempo total de viagem do condutor (onde  $t(e)$  representa o tempo de viagem de cada aresta), seja minimizada.

- $h = |\text{Condutor.totalPass}|$
- $g = \sum_{e \in E} t(e)$

Desta forma é encontrada a melhor solução que consiste em respeitar todas as restrições do problema enquanto se recolhe o maior número de utilizadores.

### 3. Perspectiva da solução

A solução deste problema terá como objectivo maximizar o número de utilizadores que o condutor entrega nos seus respectivos destinos, de acordo com as restrições de todos os utilizadores envolvidos. Para atingir esta solução é necessário implementar certos algoritmos:

- No cálculo da lista de prioridade referida anteriormente, irá ser utilizado o seguinte algoritmo:
  - $f = \sum (w_i * C_i)$   
**f** - valor unitário de prioridade do respectivo utilizador.  
**C<sub>i</sub>** - critério a considerar.  
**w<sub>i</sub>** - peso do critério  $i$ .
- No cálculo do peso de cada aresta do novo grafo que foi gerado a partir do grafo inicial, podem ser utilizados 2 algoritmos.
  - Caso o grafo seja esparso, ou seja, o número de arestas  $|E|$  seja próximo do número de vértices  $|V|$ , o algoritmo a ser utilizado será o de Dijkstra que apresenta uma complexidade de  $O((|V|+|E|) * \log |V|)$ .
  - Caso o grafo seja denso, ou seja, o número de arestas  $|E|$  seja maior que o quadrado do número de vértices  $|V|^2$ , o algoritmo a ser utilizado será o de Floyd-Warshall que apresenta uma complexidade de  $O(|V|^3)$ .

A aplicação de diferentes algoritmos para a mesma situação (cálculo do peso das arestas), é relevante na otimização do tempo de execução. Apresentado estas duas opções, garante-se que a solução do problema é mais versátil.

#### **4. Casos de utilização**

Operações CRUD (*Create, Read, Update and Delete*) aos utilizadores que se propagarão como modificações no grafo a ser trabalhado.

Botão para inicializar a solução especificada neste trabalho.

#### **5. Principais dificuldades encontradas no desenvolvimento do trabalho**

Aquando da escrita deste relatório preliminar, a principal dificuldade encontrada foi a definição e compreensão dos requisitos do trabalho proposto.

#### **6. Esforço dedicado por cada elemento do grupo**

A escrita deste relatório preliminar foi feita em conjunto, com todos os elementos do grupo presentes e contribuindo para um objetivo em comum, cremos que o trabalho e esforço de cada membro foi igual por esta razão.

Ana Rita Santos	-	33.3%
Filipe Carlos Nogueira	-	33.3%
Pedro Pereira	-	33.3%

#### **7. Bibliografia**

Material de estudo de Teoria de Grafos disponibilizado na página da UC de CAL e utilizado na realização deste relatório preliminar.

[https://moodle.up.pt/pluginfile.php/227078/mod\\_label/intro/06.grafos1.pdf](https://moodle.up.pt/pluginfile.php/227078/mod_label/intro/06.grafos1.pdf)

[https://moodle.up.pt/pluginfile.php/229148/mod\\_label/intro/07.grafos2.pdf](https://moodle.up.pt/pluginfile.php/229148/mod_label/intro/07.grafos2.pdf)

[https://moodle.up.pt/pluginfile.php/231896/mod\\_label/intro/08.grafos3.pdf](https://moodle.up.pt/pluginfile.php/231896/mod_label/intro/08.grafos3.pdf)

[https://moodle.up.pt/pluginfile.php/231896/mod\\_label/intro/09.grafos4.pdf](https://moodle.up.pt/pluginfile.php/231896/mod_label/intro/09.grafos4.pdf)

[https://moodle.up.pt/pluginfile.php/237688/mod\\_label/intro/13.grafos8.pdf](https://moodle.up.pt/pluginfile.php/237688/mod_label/intro/13.grafos8.pdf)

[https://moodle.up.pt/pluginfile.php/237688/mod\\_label/intro/14.grafos9.pdf](https://moodle.up.pt/pluginfile.php/237688/mod_label/intro/14.grafos9.pdf)