#### Estrutura de Dados II

**Professora: Inés Restovic** 





66

Para construir os sistemas de software vitais do futuro, precisamos ser capazes de manipular a informação efetivamente e eficientemente.

#### Organização de Arquivos

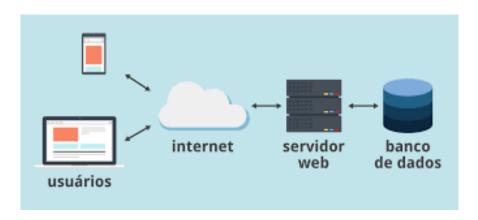
#### Como Armazenar os Dados?

- Sistema de memória
  - Provê solução para a execução de processos
    - Disponibiliza espaço para a manipulação de dados
    - Mantidos enquanto processo existe
  - Não atende a necessidade de todas aplicações
    - Pode-se requerer além da capacidade da memória virtual Exemplo: Um sistema corporativo
    - Pode-se precisar garantir persistência dos dados quando processo termina
      - Exemplo: Um banco de dados
    - Pode-se precisar que diferentes processos acessem a mesma informação
      - Exemplo: Uma página web

#### Organização de Arquivos

- Solução
  - Emprego de sistema de arquivos
    - Permitir armazenar grandes quantidades de informações
    - Informação permanecem após término do processo
    - Permitir o acesso por distintos processos





#### Organização de Arquivos

- O objetivo da organização de arquivos é: o processamento da informação, usualmente registros armazenados em arquivos. Para esse fim é necessário estudar as estruturas de dados apropriadas para a organização, que possam lidar com:
  - Grandes quantidades de registros;
  - Informações que requeiram espaços especiais e requisitos de desempenho;
  - Informações que podem ser processadas de diferentes formas por diferentes aplicações;
  - Informações que permitam novas tarefas serem cumpridas.

#### Organização de Arquivos-Conceitos Básicos

A estrutura necessária não somente deve cumprir os requisitos como também devera fazê-lo eficientemente considerando aspectos de espaço e desempenho.

#### **Definições**

- Um *arquivo* é formado por uma coleção de registros lógicos, cada um deles representando um objeto ou entidade.
- Mapeada pelo S.O. em dispositivos físicos.
- Um *registro lógico*, ou simplesmente registro, é formado por uma sequencia de itens, sendo cada item chamado campo ou atributo. Cada item corresponde a uma característica ou propriedade do objeto representado.
- Cada campo possui um *nome*, um *tipo* e um *comprimento*

#### Organização de Arquivos - Conceitos Básicos

Registro

Campo 1 Campo 2 ... Campo n

Exemplo: Registro de aluno



#### Organização de Arquivos- Conceitos Básicos

- Uma chave é uma sequencia de um ou mais campos em um arquivo.
- Uma chave primária é uma chave que apresenta um valor diferente para cada registro do arquivo, de tal forma que, dado um valor da chave primária, é identificado um único registro do arquivo. Usualmente a chave primária é formada por um único campo.
- Chave de acesso é a chave utilizada para identificar o(s) registro(s)
   desejado(s) em uma operação de acesso a um arquivo.

#### Organização de Arquivos - Conceitos Básicos

Organizações Básicas de Arquivos

Organização	Acesso
Sequencial	Sequencial
Indexado	Sequencial e Direto
Direto	Direto

- Acesso sequencial refere-se ao acesso de múltiplos registros ou o arquivo inteiro, normalmente de acordo a uma ordem predefinida.
- Acesso direto ou random refere-se à localização de um único registro.
- Para obter uma organização efetiva, é necessário que o tipo de organização e o tipo pretendido de acesso coincidam.

### Arquivos Sequenciais

#### **Arquivos Sequenciais**

Em um arquivo sequencial, os registro são dispostos ordenadamente, obedecendo a sequencia determinada por uma chave primária, chamada chave de ordenação.

NÚMERO	NOME	IDADE	SALÁRIO
100	Pedro	23	1000
150	Leandro	20	500
200	Rodrigo	19	270
250	Maria	30	5000
300	Celso	27	2500

- Complexidade computacional: é a classificação de problemas segundo sua dificuldade
- Relação entre o tamanho do problema; o tempo e o espaço necessários para resolvê-lo
- Fundamental para projetar e analisar algoritmos



- Complexidade Espacial:
  - o quantidade de recursos para resolver o problema (Ex: memoria)
- Complexidade Temporal:
  - o quantidade de instruções necessárias para resolver o problema
  - Perspectivas: melhor caso, médio e pior caso
- Como calcular a Complexidade:
  - Experimentalmente
  - Notação Assintótica

- Comportamento Assintótico:
- Objetivo: simplificar a analise descartando informações desnecessárias
  - Quando n tem um valor muito grande ( n>>∞)
  - Termos inferiores e constantes multiplicativas contribuem pouco na comparação e podem ser descartados
    - Exemplo:

$$f1(n) = 2n^2 + 400 = > n^2$$

$$f2(n) = 500n + 2000 => n$$

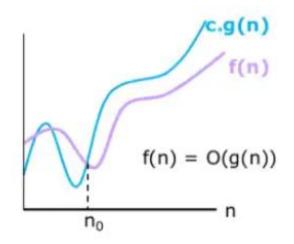


## A notação O (Ômicron) Oferece um limite superior assintótico

#### Notação O

 Então uma função f(n) é O(g(n)) se existem duas constantes positivas c e n<sub>0</sub> tais que:

 $f(n) \le c \cdot g(n)$ , para todo  $n \ge n_0$ 

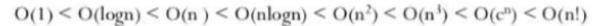


Fonte:https://pt.slideshare.net/necioveras/introduo-analise-e-complexidade-de-algoritmos

#### Algumas complexidades conhecidas

Notação	Complexidade	Característica	Exemplo
0(1)	constante	independe do tamanho n da entrada	determinar se um número é par ou impar; usar uma tabela de dispersão (hash) de tamanho fixo
O(log n)	logarítmica	o problema é dividido em problemas menores	busca binária
O(n)	linear	realiza uma operação para cada elemento de entrada	busca sequencial; soma de elementos de um vetor
O(n log n)	log-linear	O problema é dividido em problemas menores e depois junta as soluções	heapsort, quicksort, merge sort
O(n²)	quadrática	itens processados aos pares (geralmente loop aninhado)	bubble sort (pior caso); quick sort (pior caso); selection sort; insertion sort
O(n <sup>3</sup> )	cúbica		multiplicação de matrizes n x n; todas as triplas de n elementos
O(nº), c>1	polinomial		caixeiro viajante por programação dinâmica
O(c^)	exponencial	força bruta	todos subconjuntos de n elementos
O(n!)	fatorial	força bruta: testa todas as permutações possíveis	calxeiro viajante por força bruta

Fonte:https://pt.slideshare.net/necio veras/introduo-analise-ecomplexidade-de-algoritmos



# **ORDENAÇÃO**



 Ordenar: processo de rearranjar um conjunto de objetos em uma ordem ascendente ou descendente.

- A ordenação visa facilitar a recuperação posterior de itens do conjunto ordenado.
  - Dificuldade de se utilizar um catálogo telefônico se os nomes das pessoas não estivessem listados em ordem alfabética.

- Notação utilizada nos algoritmos: Os algoritmos trabalham sobre os registros de um arquivo.
  - Cada registro possui uma chave utilizada para controlar a ordenação.
  - Podem existir outros componentes em um registro.



- Um método de ordenação é estável se a ordem relativa dos itens com chaves iguais não se altera durante a ordenação
- Alguns dos métodos de ordenação mais eficientes não são estáveis.
- A estabilidade pode ser forçada quando o método é não-estável.



- □ Classificação dos métodos de ordenação:
  - Ordenação interna: arquivo a ser ordenado cabe todo na memória principal.
  - Ordenação externa: Ordenação externa: arquivo a ser ordenado não cabe na memória principal.
- ☐ Diferenças entre os métodos:
  - Em um método de ordenação interna, qualquer registro pode ser imediatamente acessado.
  - □ Em um método de ordenação externa, os registros são acessados sequencialmente ou em grandes blocos

 A maioria dos métodos de ordenação é baseada em comparações das chaves.

 Existem métodos de ordenação que utilizam o princípio da distribuição.



Exemplo de ordenação por distribuição: considere o problema de ordenar um baralho com 52 cartas na ordem:



#### ☐ Algoritmo:

- 1. Distribuir as cartas abertas em treze montes: ases, dois, três, ... , reis.
- 2. Colete os montes na ordem especificada
- 3. Distribua novamente as cartas abertas em quatro montes: paus, ouros, copas e espadas.
- 4. Colete os montes na ordem especificada.

- Métodos como o ilustrado são também conhecidos como ordenação digital, radixsort ou bucketsort.
- O método não utiliza comparação entre chaves. Uma das dificuldades de implementar este método está relacionada com o problema de lidar com cada monte.
- Se para cada monte nós reservarmos uma área, então a demanda por memória extra pode tornar-se proibitiva.

- Na escolha de um algoritmo de ordenação interna deve ser considerado o tempo gasto pela ordenação.
- Sendo no número registros no arquivo, as medidas de complexidade relevantes são:
  - Número de comparações entre chaves.
  - Número de movimentações de itens do arquivo.
- O uso econômico da memória disponível é um requisito primordial na ordenação interna.

Métodos que utilizam listas encadeadas não são muito utilizados.

 Métodos que fazem cópias dos itens a serem ordenados possuem menor importância.



- O Classificação dos métodos de ordenação interna:
  - Métodos simples:
    - Adequados para pequenos arquivos .
    - Requerem O(n²) comparações.
    - Produzem programas pequenos.
  - Métodos eficientes:
    - Adequados para arquivos maiores.
    - Requerem O(n log n) comparações.
    - Usam menos comparações.
    - As comparações são mais complexas nos detalhes.
    - Métodos simples são mais eficientes para pequenos arquivos.

# Algoritmos de Ordenação

Estrutura de um registro:

```
typedef int ChaveTipo;
typedef struct Item {
      ChaveTipo Chave;
      outros componentes */
} Item;
```

Qualquer tipo de chave sobre o qual exista uma regra de ordenação bemdefinida pode ser utilizado.

- Tipos de dados e variáveis utilizados nos algoritmos de ordenação interna:
  - typedef int Indice; typedef Item Vetor[MaxTam + 1]; Vetor A;
- O índice do vetor vai de 0 até MaxTam, devido às chaves sentinelas.
- O vetor a ser ordenado contém chaves nas posições de 1 até n.

- Um dos algoritmos mais simples de ordenação.
- Algoritmo:
  - Selecione o menor item do vetor.
  - Troque-o com o item da primeira posição do vetor.
  - Repita essas duas operações com os n 1 itens restantes, depois com os n 2 itens, até que reste apenas um elemento.



#### Exemplo:

Chaves iniciais ORDENA

i=1 ARDENO

i=2 A **D** R E N O

i=3 A D **E R** N O

i=4 A D E N R O

i=5 ADENOR

```
void Selecao (Item *A, Indice *n)
   Indice i, j, Min;
   Item x;
  for (i = 1; i <= *n - 1; i++)
  { Min = i;
   for (j = i + 1; j \le *n; j++)
   if (A[j].Chave < A[Min].Chave) Min = j;
   x = A[Min];
   A[Min] = A[i];
  A[i] = x;
```

#### ■Vantagens:

- Custo linear no tamanho da entrada para o número de movimentos de registros.
- É o algoritmo a ser utilizado para arquivos com registros muito grandes.
- É muito interessante para arquivos pequenos.

#### ☐ Desvantagens:

- O fato de o arquivo já estar ordenado não ajuda em nada, pois o custo continua quadrático.
- □O algoritmo não é estável.

Algoritmo:

## Em cada passo a partir de i=2 faça:

- Selecione o i-ésimo item da sequência fonte.
- Coloque-o no lugar apropriado na sequência destino de acordo com o critério de ordenação.



## ☐ Exemplo:

```
1 2 3 4 5 6
Chaves iniciais O R D E N A
i=2 O R D E N A
i=3 D O R E N A
i=4 D E O R N A
i=5 D E N O R A
i=6 A D E N O R
```



```
void Insercao(Item *A, Indice *n)
{ Indice i, j;
      Item x;
      for (i = 2; i <= *n; i++)
      \{ x = A[i]; j = i-1; \}
        A[0] = x; /* sentinela */
        while (x.Chave < A[j].Chave)
        \{A[j+1] = A[j];
         j--;
       A[j+1] = x;
```

- Considerações sobre o algoritmo:
- O processo de ordenação pode ser terminado pelas condições:
  - Um item com chave menor que o item em consideração é encontrado.
  - O final da sequencia destino é atingido à esquerda.
- Solução:
- Utilizar um registro sentinela na posição zero do vetor.

- □ O número mínimo de comparações e movimentos ocorre quando os itens estão originalmente em ordem.
- □ O número máximo ocorre quando os itens estão originalmente na ordem reversa.
- □ É o método a ser utilizado quando o arquivo está "quase" ordenado.
- ☐ É um bom método quando se deseja adicionar uns poucos itens a um arquivo ordenado, pois o custo é linear.
- O algoritmo de ordenação por inserção é **estável.**

- □É uma extensão do algoritmo de ordenação por inserção.
- □ Problema com o algoritmo de ordenação por inserção:
  - Troca itens adjacentes para determinar o ponto de inserção.
  - □ São efetuadas n 1 comparações e movimentações quando o menor item está na posição mais à direita no vetor.
- □ O método de Shell contorna este problema permitindo trocas de registros distantes um do outro.

- Algoritmo:
  - Os itens separados de h posições são rearranjados.
  - Todo h-ésimo item leva a uma sequencia ordenada.
  - Tal sequencia é dita estar h-ordenada.
- Como escolher o valor de h:

Sequencia para h:

$$h(s) = 3h(s - 1) + 1,$$
 para  $s > 1$   
 $h(s) = 1,$  para  $s = 1.$ 



## Exemplo:

1 2 3 4 5 6

Chaves iniciais O R D E N A

h=4 N A D E O R

h=2 D A N E O R

h=1 A D E N O R



```
void Shellsort (Item *A, Indice *n)
         int i, j; int h = 1;
        Item x;
        do h = h * 3 + 1; while (h < *n);
        do
        \{ h = h/3; 
          for (i = h + 1; i <= *n; i++)
         \{ x = A[i]; j = i; \}
           while (A[j - h].Chave > x.Chave)
          \{A[j] = A[j - h]; j = i - h;
           if (j <= h) break;
         A[j] = x;
        } while (h != 1);
```



- É o algoritmo de ordenação interna mais rápido que se conhece para uma ampla variedade de situações.
- Provavelmente é o mais utilizado.
- A ideia básica é dividir o problema de ordenar um conjunto com n itens em dois problemas menores.
- Os problemas menores são ordenados independentemente.



- ☐ Algoritmo para o particionamento:
  - 1. Escolha arbitrariamente um **pivô x.**
  - 2. Percorra o vetor a partir da esquerda até que A[i] ≥ x.
  - 3. Percorra o vetor a partir da direita até que A[j] ≤ x.
  - 4. Troque A[i] com A[j].
  - 5. Continue este processo até os apontadores i e j se cruzarem.
- □ Ao final, o vetor A[Esq..Dir] está particionado de tal forma que:
  - □Os itens em A[Esq], A[Esq + 1], ..., A[j] são menores ou iguais a x;
  - Os itens em A[i], A[i + 1], ..., A[Dir] são maiores ou iguais a x.

```
Função Partição:
void Particao(Indice Esq, Indice Dir, Indice *i, Indice *j, Item *A)
    { Item x, w;
    *i = Esq; *j = Dir;
    x = A[(*i + *j)/2]; /* obtem o pivo x */
    do
    { while (x.Chave > A[*i].Chave) (*i)++;
      while (x.Chave < A[*j].Chave) (*j) --;
      if ((*i) \leq (*j))
      \{ w = A[*i]; A[*i] = A[*j]; A[*j] = w; \}
                    (*i)++; (*i)--;
      while (*i <= *j);
```

☐ Função Quicksort

```
void Ordena(Indice Esq, Indice Dir, Item *A)
{    Particao(Esq, Dir, &i, &j, A);
    if (Esq < j) Ordena(Esq, j, A);
    if (i < Dir) Ordena(i, Dir, A);
}

void QuickSort(Item *A, Indice *n)
{ Ordena(1, *n, A); }
</pre>
```

- ■Vantagens:
  - É extremamente eficiente para ordenar arquivos de dados.
  - Necessita de apenas uma pequena pilha como memória auxiliar.
  - Requer cerca de n log n comparações em média para ordenar n itens.
- Desvantagens:
  - Tem um pior caso O(n2) comparações.
  - Sua implementação é muito delicada e difícil:
  - □ Um pequeno engano pode levar a efeitos inesperados para algumas entradas de dados.
  - ■O método não é **estável.**

- Possui o mesmo princípio de funcionamento da ordenação por seleção.
- Algoritmo:
  - 1. Selecione o menor item do vetor.
  - 2. Troque-o com o item da primeira posição do vetor.
  - 3. Repita estas operações com os n 1 itens restantes, depois com os n 2 itens, e assim sucessivamente.
- O custo do processo de busca do menor item, pode ser reduzido utilizando uma fila de prioridades.

## Filas de Prioridades

- É uma estrutura de dados onde a chave de cada item reflete sua habilidade relativa de abandonar o conjunto de itens rapidamente.
- Aplicações:
  - Sistemas Operacionais
  - Roteadores



## Filas de Prioridades – Representação

- A melhor representação é através de uma estruturas de dados chamada heap:
- Para implementar as operações em um heap de forma eficiente é necessário utilizar estruturas de dados mais sofisticadas, tais como árvores binomiais.

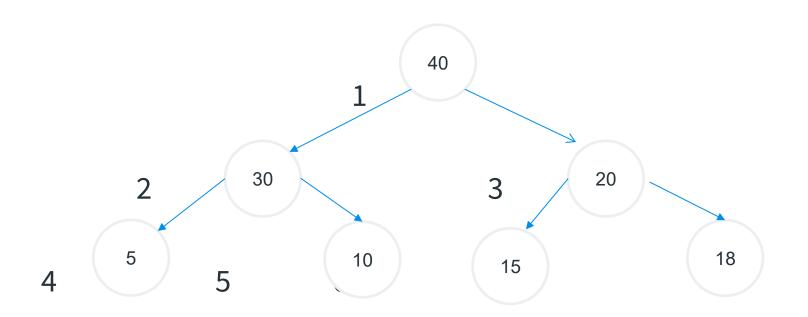
## Heaps

```
É uma sequência de itens com chaves
c[1], c[2], ..., c[n], tal que:
    c[i] >= c[2i]
    c[i] >= c[2i + 1] para todo i = 1, 2, ..., n/2
```

A definição pode ser facilmente visualizada em uma árvore binária completa:



## Heapsort- representação do heap

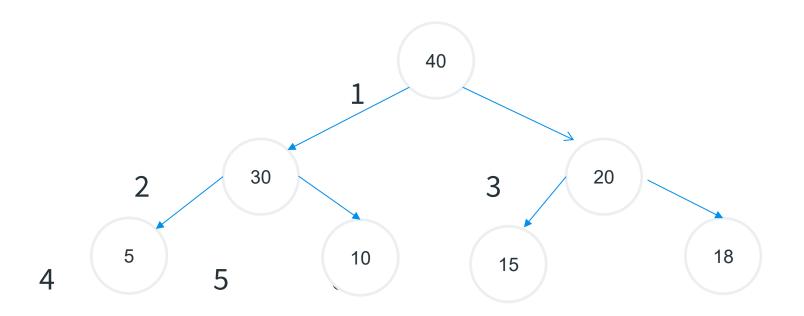




## Heapsort - Heaps

- árvore binária completa:
- Os nós são numerados de 1 a n
- O primeiro nó é chamado raiz.
- O nó k/2 é o pai do nó k, para 1 < k <= n.
- Os nós 2k e 2k + 1 são os filhos à esquerda e à direita do nó k, para 1 <= k <= n/2.</li>
- Uma árvore binária completa pode ser representada por um array:







- Heaps algoritmo de Floyd (1964)
- O algoritmo não necessita de nenhuma memória auxiliar.
- Dado um vetor A[1], A[2], ..., A[n].
- Os itens A[n/2 + 1], A[n/2 + 2], ..., A[n] formam um heap:
- Neste intervalo n\u00e3o existem dois \u00eandices i e j tais que j = 2i ou j = 2i + 1.



```
void Refaz(Indice
Esq, Indice Dir, Item
*A)
{ Indice i = Esq;
int j;
Item x;
j = i * 2;
x = A[i];
```

```
while (j <= Dir)</pre>
{ if (j < Dir)
{ if (A[j].Chave <
A[j+1]. Chave) j++;
if (x.Chave >= A[j].Chave)
break;
A[i] = A[j];
i = j; j = i *2;
A[i] = x;
```

Programa para construir o heap: void Constroi(Item \*A, Indice n) { Indice Esq; Esq = n / 2 + 1;while (Esq > 1) { Esq--; Refaz(Esq, n, A);

# Heapsort- visualização

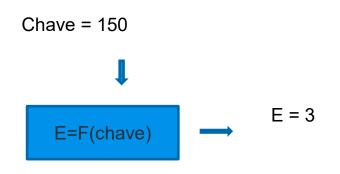
```
Programa que mostra a
    implementação do Heapsort:
/* -- outras declarações -- */
/* -- função Refaz -- */
/* -- função Constroi -- */
void Heapsort(Item *A, Indice *n)
{ Indice Esq, Dir;
 Item x;
 Constroi(A, n); /* constroi o heap */
 Esq = 1; Dir = *n;
```

```
while (Dir > 1)
{ /* ordena o vetor */
    x = A[1];
    A[1] = A[Dir];
    A[Dir] = x;
    Dir--;
    Refaz(Esq, Dir, A);
    }
}
```

# **Arquivos Diretos**

## **Arquivos Diretos**

Um arquivo direto consiste na instalação dos registros em endereços determinados com base no valor de uma chave primária, de modo que se tenha acesso rápido a os registros.



	Número	Nome	Salário
1	200	PAULO	3100
2			
3	150	MARIA	2500
4			
5	250	FABIO	2500

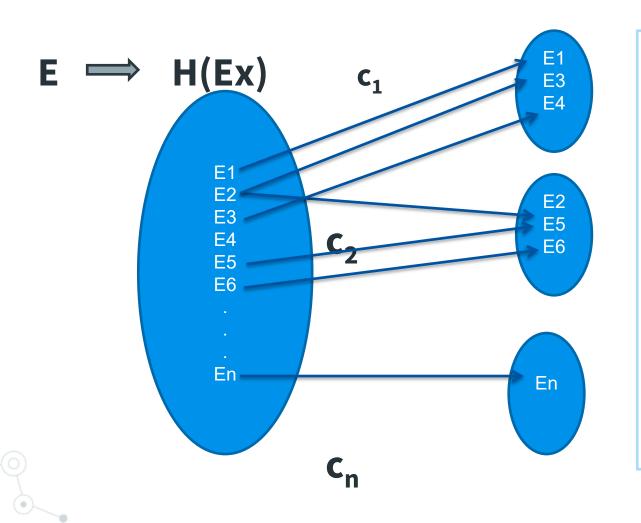
# Arquivos de Acesso Direto - Hashing

- É uma forma extremamente simples e fácil de estruturar o acesso a grandes quantidades de dados
- Permite armazenar e encontrar rapidamente os dados por chave

# Arquivos de Acesso Direto - Hashing

- É uma forma extremamente simples e fácil de estruturar o acesso a grandes quantidades de dados
- Permite armazenar e encontrar rapidamente os dados por chave

# Hashing

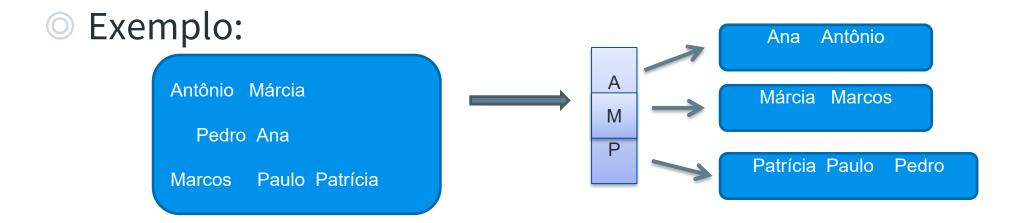


Como é possível associar a cada elemento do conjunto **E** um valor de hashing H(e<sub>x</sub>), calculado em tempo constante, pode-se realizar as operações de inserção, remoção e busca em cada classe gerada também em um tempo constante.

# **Hashing - Conceito Geral**

- Para um universo de dados classificáveis por chave é possível:
  - Criar um critério simples para dividir este universo em subconjuntos com base em alguma qualidade do domínio de chaves.
  - Saber em qual subconjunto procurar e colocar uma chave.
  - Executar operações de acesso sobre estes subconjuntos bem menores com algum método simples.

# Hashing - Conceito Geral

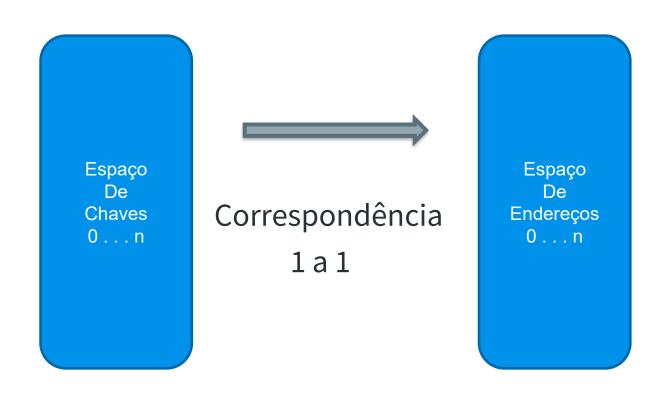


© É necessário criar uma regra de calculo que indique, dada uma chave, em qual subconjunto os dados devem ser colocados ou procurados usando essa chave. Isto é chamado de **Função de** *Hashing* 



- Uma função hashing deve satisfazer as seguintes condições:
  - Ser simples de calcular;
  - Idealmente, assegurar que elementos distintos possuam índices distintos.;
  - Gerar uma distribuição equilibrada para os elementos dentro de uma tabela de hashing.





Correspondência entre chaves e endereços

- Exemplos Funções de Hashing
  - Chave mod N

Onde N é o tamanho da tabela Chave mod *P* 

$$f(chave) = chave \mod P$$

Onde P é o menor numero primo >= N, *P* é o novo tamanho de tabela. Resultam algumas © colisões deste método

#### **Truncation** (extração de digito)

Para uma chave numérica alguns dígitos são usados para gerar o endereço

#### **Folding**

Exemplo: chave 123456789

#### MÉTODOS DE RESOLUÇÃO DE COLISÕES

- Em aplicações práticas é difícil evitar o problema de colisões de chaves (sinônimos). Existem diversos mecanismos para resolver colisões.
- Os métodos podem ser agrupados de acordo com o mecanismo utilizado para localizar o próximo endereço de busca e a capacidade de relocação de um registro que já foi armazenado.

## MÉTODOS DE RESOLUÇÃO DE COLISÕES

- Resolução de colisões com enlaces (links)
- Resolução de colisões sem enlaces

  - Posicionamento estático dos registros
     Posicionamento dinâmico dos registros

#### Hashing

- Função de Hashing
- Endereço de Base = chave MOD N
- Onde N e o menor número primo maior que o tamanho real da tabela ou arquivo
- Exemplo
- Para criar um arquivo de 8 registros:
  - $\sim$  N = 11
  - Os operações aritméticas com números primos, minimiza o número de colisões

#### Resolução de Colisões com enlaces Coalesced Hashing – método das cadeias convergentes

É um método de resolução de colisões que utiliza ponteiros para conectar os elementos de uma cadeia de sinônimos.

#### OAlgoritmo

- I. Calcule o endereço do registro a ser inserido no arquivo aplicando a função de *hashing* à chave primaria do registro, para obter o endereço de base do registro ou o endereço de armazenamento provável.
- II. **Se** o endereço de base está vazio **Então** insira o registro nessa posição.

#### Senão:

**Se** o registro está duplicado **Então** termine com uma mensagem de erro.

#### Senão:

- a. Analise os registros na lista de busca, verificando se existem duplicatas e procure o fim da lista que está indicado com um ponteiro nulo.
- b. Encontre a primeira posição vazia do arquivo, a partir do final do arquivo. Se nenhuma foi encontrada, termine com tabela cheia.
- c. Insira o registro na posição vazia encontrada e atualize o valor do ponteiro da lista para o novo fim de lista.

#### Resolução de Colisões sem Enlace Hashing Linear – Hashing Duplo

#### Algoritmo

- I. Calcule o endereço do registro a ser inserido no arquivo aplicando a função de *hashing* à chave primaria do registro, para obter o endereço de base do registro ou o endereço de armazenamento provável
- II. **Se** o endereço de base está vazio **Então** insira o registro nessa posição.

#### Senão:

Se o registro está duplicado Então termine com uma mensagem de erro.

#### Senão:

- a. Calcule o deslocamento com deslocamento=chave/tamanho da tabela
- b. Encontre a nova posição endereço de base + deslocamento
- c. **Se** a posição esta vazia **Então** Insira o registro na posição vazia encontrada **Senão**

**Se** nova posição = endereço de base **Então** Tabela cheia; FIM **Senão** volte para a.

#### Método de Brent Hashing linear – Tabela Dinâmica

- I.Aplique a função *hash* a chave do registro a ser inserido para obter o endereço de base para armazenar o registro.
- II.**SE** o endereço base esta vazio **ENTÃO**: inserir registro

#### SENÃO:

A. Calcule o seguinte endereço potencial para novo registro.

Inicialize S = 2

- B. **ENQUANTO** (o endereço potencial não esta vazio)
  - Se for o endereço principal a tabela esta cheia. Fim
  - 2. Se o registro armazenado é o mesmo. Registro duplicado. Fim.
  - Calcule o próximo endereço potencial para armazenar o registro.

$$S = S + 1$$

# /\* tentativa de mover um registro previamente inserido \*/

C. Inicialize  $\mathbf{i} = 1$  e  $\mathbf{j} = 1$ 

- D. ENQUANTO (i+j < S)
  - Determine se o registro armazenado na posição **i** da cadeia de prova primaria pode ser movimentado **j** offsets através de sua cadeia de prova secundaria.
  - 2. **SE** ele pode ser movimentado **ENTÃO:**Movimente o registro e insira o novo registro em a posição livre **i** na cadeia primaria.

#### SENÃO:

Varie i e/ou j para minimizar a soma (i+j), se i=j minimize em i

- /\* movimentação impossível \*/
  - E. Insira o novo registro na posição **S** da cadeia de prova primaria. Fim.

#### Comparação entre os Métodos

#### O Complexidade:

	Complexidade
Inserção	$O(n^2)$
Seleção	O(n <sup>2</sup> )
Shellsort	O(n log n)
Quiksort	O(n log n)
Heapsort	O(n log n)

 A pesar de não se conhecer analiticamente o comportamento do Shellsort, ele é consideradoum método eficiente.

#### Comparação entre os Métodos

#### Tempo de execução:

- Observação: O método que levou menos tempo real para executar recebeu o valor 1 e os outros receberam valores relativos a ele.
- Registros na ordem aleatória:

Número Registros em ordem aleatória	500	5.000	10.000	30.000
Inserção	11,3	87	161	-
Seleção	16,2	124	228	-
Shellsort	1,2	1,6	1,7	2
Quiksort	1	1	1	1
heapsort	1,5	1,6	1,6	1,6

- Os arquivos sequênciais indexados são um híbrido da organizações de arquivos sequêncial e direta, servindo para ambos os propósitos.
- È útil quando é necessário procurar por um registro específico no arquivo, E outras por muitos registros ao mesmo tempo no mesmo arquivo
- O problema básico a resolver é que, sendo o arquivo sequencial lento para uma busca direta, torna-se necessário acelerar o processo de busca.

# Arquivos Sequencial Indexados

Um arquivo sequencial, acrescido em um índice (estrutura de acesso) constitui um arquivo sequencial indexado.

Número	Endereço
100	1
150	2
200	3
250	4
300	5

	Número	Nome	Salário
1	100	PEDRO	3000
2	150	JOÃO	1500
3	200	MARIA	2500
4	250	CARLA	3000
5	300	MAX	2000

Índice

Área de dados no Disco

Um arquivo indexado, onde os registros são acessados sempre através de um ou mais índices, não havendo qualquer compromisso com a ordem física de instalação dos registros.

Número	Endereço
100	4
150	3
200	1
250	5
300	2

	Número	Nome	Salário
1	200	PAULO	3100
2	300	JOSÉ	4500
3	150	MARIA	2500
4	100	MARISA	5000
5	250	FABIO	2500

#### Fundamentos da Indexação

Um índice para um arquivo consiste de uma lista de valores dos campos chave que aparecem no arquivo, cada qual associado à posição do registro correspondente.

Em alguns casos um arquivo precisa ser acessado através de mais de um campo chave. Em tais casos, a solução é um sistema de múltiplos índices.

- Vantagem: a velocidade de acesso e a independência de acesso por vários tipos de ordenação
- **Desvantagem**: à medida que registros vão sendo inseridos e removidos todos os índices devem ser atualizados, o que tende a aumentar o tempo de atualização do arquivo.

### Organização de Índices

- Para que a indexação seja eficiente, é desejável que o índice ou parte dele seja movido para a memória principal para poder ser utilizado; ele deverá ter portanto dimensões reduzidas
- Esta exigência pode causar problemas se o número de registros for muito grande. Um método para superar esse problema é utilizar um índice para encontrar a posição aproximada do registro, em lugar da exata

# **ÁRVORES B**



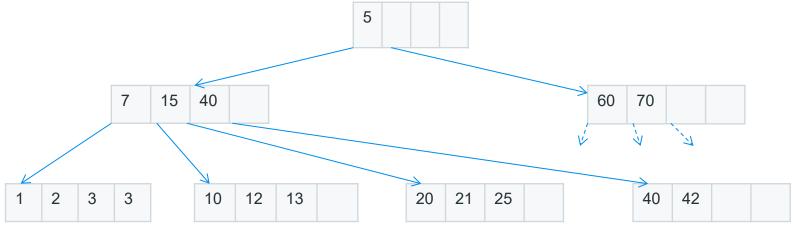
#### Árvores B

- Autores: Rudolf Bayer e Ed McCreight (1971)
- Árvores n-árias: mais de um registro por nodo.
- Em uma árvore B de ordem m:
  - página raiz: 1 e 2m registros.
  - demais páginas: no mínimo m registros e m + 1 descendentes e no máximo 2m registros e 2m + 1 descendentes.
  - páginas folhas: aparecem todas no mesmo nível.
  - Registros em ordem crescente da esquerda para a direita.
  - Extensão natural da árvore binária de pesquisa.

#### Árvores B

Exemplo de árvore B de ordem 2

Neste caso, cada no tem no mínimo dois e no máximo cinco registros de informação.



#### Árvore B - Algoritmos

- Operações:
  - Inicializa

#### void Inicializa (Apontador \*Dicionario)

- {\* Dicionario = NULL;}
  - Pesquisa
  - Insere
  - Remove

Bibliografia: Projeto de Algoritmos, Nivio Ziviani

#### Árvore B - Definições

```
typedef long TipoChave;
typedef struct Registro {
          TipoChave Chave;
          /outros componentes/
          } Registro;
typedef struct Pagina *Apontador;
typedef struct Pagina {
                 short n;
                  Registro r [MM];
                 Apontador p[MM + 1];
                 } Pagina;
```

#define M 2 #define MM 4 // ordem da árvore

#### Árbores B - Pesquisa

```
void Pesquisa(Registro *x , Apontador Ap)
      long i = 1;
      if (Ap == NULL)
     { print f ( "Registro nao esta presente na arvore\n" );
      return;
     while (i < Ap -> n && x -> Chave > Ap -> r [i-1].Chave) i++;
      if(x->Chave == Ap->r[i-1].Chave)
     \{ *x = Ap -> r [i-1]; \}
      return;
     if (x\rightarrow Chave < Ap\rightarrow r [i-1].Chave)
      Pesquisa(x, Ap\rightarrowp[i\rightarrow1]);
      else Pesquisa(x, Ap->p[i]);
```

#### Árvores B- Inserção

- 1. Localizar a página apropriada aonde o registro deve ser inserido.
- 2. Se o registro a ser inserido encontra uma página com menos de 2m registros, o processo de inserção fica limitado à página.
- 3. Se o registro a ser inserido encontra uma página cheia, é criada uma nova página, no caso da página pai estar cheia o processo de divisão se propaga.

#### Árvores B - Primeiro refinamento do algoritmo Insere

```
void Ins(Registro Reg, Apontador Ap, short *Cresceu,
      Registro *RegRetorno, Apontador *ApRetorno)
    long i = 1; long J; Apontador ApTemp;
    if(Ap == NULL)
    {*Cresceu = TRUE; Atribui Reg a RegRetorno;
                 Atribui NULL a ApRetorno; return; }
    while (i < Ap -> n \&\& Reg.Chave > Ap -> r [i-1].Chave) i++;
    if (Reg.Chave == Ap-> r [i-1].Chave)
 { printf ( " Erro : Registro ja esta presente\n" ) ; return ; }
    if (Reg.Chave < Ap-> r [ i-1].Chave)
  Ins(Reg, Ap-> p[ i--], Cresceu, RegRetorno, ApRetorno);
    {— Continua na próxima página —}
```

#### Árvores B – Primeiro refinamento do algoritmo Insere- continuação

```
if (!*Cresceu) return;
if (Numero de registros em Ap < MM)
{ Insere na pagina Ap e *Cresceu = FALSE; return; }
/ Overflow: Pagina tem que ser dividida /
Cria nova pagina ApTemp;
Transfere metade dos registros de Ap para ApTemp;
Atribui registro do meio a RegRetorno;
Atribui ApTemp a ApRetorno;
void Insere(Registro Reg, Apontador *Ap)
{ Declarações de variaveis;
Ins(Reg, * Ap, &Cresceu, &RegRetorno, &ApRetorno);
 if (Cresceu) { Cria nova pagina raiz para RegRetorno e ApRetorno; }
```

#### Árvores B- Insere na página

```
void InserenaPagina(Apontador Ap, Registro Reg, Apontador ApDir)
```

```
short NaoAchouPosicao;
Int k;
k = Ap -> n;
NaoAchouPosicao=(k>0);
While (NaoAchouPosicao)
{ if (Reg.Chave \geq AP \rightarrow r[k-1].Chave)
 { NaoAchouPosicao = FALSE;
 break; }
Ap -> r[k] = Ap -> r[k-1];
Ap -> p[k+1] = Ap -> p[k];
 k--;
 If (k<1) NaoAchouPosicao =FALSE;</pre>
```

```
// continuação

Ap -> r[k] =Reg;

Ap -> p[k+1]= ApDir;

Ap -> n++;
}
```

```
void Ins(Registro Reg, Apontador Ap, short *Cresceu,
     Registro *RegRetorno, Apontador *ApRetorno)
{ long i = 1; long J;
 Apontador ApTemp;
 if (Ap == NULL)
 { *Cresceu = TRUE; (*RegRetorno) = Reg; (*ApRetorno) = NULL;
  return;
 while (i < Ap->n \&\& Reg.Chave > Ap->r [i-1].Chave) i++;
 i f (Reg.Chave == Ap->r [ i-1].Chave)
{ printf (" Erro : Registro ja esta presente\n"); *Cresceu = FALSE;
                  {— Continua na próxima página —}
 return; }
```

```
if (Reg.Chave < Ap->r [ i-1].Chave) i--;
  Ins(Reg, Ap->p[i], Cresceu, RegRetorno, ApRetorno);
  i f (!*Cresceu) return;
  if (Ap->n < MM) / Pagina tem espaco /
  { InsereNaPagina(Ap, *RegRetorno, *ApRetorno);
   *Cresceu = FALSE;
   return;
  / Overflow: Pagina tem que ser dividida /
  ApTemp = (Apontador)malloc(sizeof(Pagina));
  ApTemp->n = 0; ApTemp->p[0] = NULL;
  {— Continua na próxima página —}
```

```
if(i < M + 1)
{ InsereNaPagina(ApTemp, Ap->r [MM-1], Ap->p[MM] );
Ap->n--;
 InsereNaPagina(Ap, *RegRetorno, *ApRetorno);
else InsereNaPagina(ApTemp, *RegRetorno, *ApRetorno);
for (J = M + 2; J \le MM; J++)
InsereNaPagina(ApTemp, Ap->r[J-1], Ap->p[J]);
Ap->n = M; ApTemp->p[0] = Ap->p[M+1];
*RegRetorno = Ap->r [M]; *ApRetorno = ApTemp;
```

```
void Insere(Registro Reg, Apontador *Ap)
     { short Cresceu;
       Registro RegRetorno;
       Pagina *ApRetorno, *ApTemp;
       Ins(Reg, *Ap, &Cresceu, &RegRetorno, &ApRetorno);
       if (Cresceu) / Arvore cresce na altura pela raiz /
       { ApTemp = (Pagina )malloc(sizeof(Pagina) );
       ApTemp->n=1;
       ApTemp->r[0] = RegRetorno;
       ApTemp->p[1] = ApRetorno;
       ApTemp->p[0] = *Ap;
        *Ap = ApTemp;
```

# Compressão de Dados

#### Compressão de Dados

- Apesar da alta disponibilidade e custo em constante decréscimo de dispositivos de armazenamento de dados como discos rígidos e memória de acesso aleatório, o volume de dados sempre será um fator importante para aplicações intensivas sobre os dados.
- Por esta razão, a compressão ou compactação de dados pode ser considerada como uma estratégia para:
  - reduzir o espaço de armazenamento físico;
  - melhorar as taxas na transferência de dadós, especialmente em aplicações distribuídas;
  - para obter melhor desempenho em aplicações intensivas sobre os dados.

#### Compressão de Dados

- Compressão de dados é a transformação ou codificação de um conjunto de símbolos em outro com um tamanho reduzido.
- a compressão de dados busca detectar redundância nos dados e tenta removê-la através de uma representação reduzida.
- As estratégias de compactação podem ser classificadas de um modo geral em reversíveis e não-reversíveis:
  - não-reversíveis são geralmente utilizadas com arquivos de imagem, som e vídeo. Com esta técnica a redução do tamanho da representação é obtida descartando alguns dados e mantendo somente os mais relevantes. Sendo assim, no processo de descompressão não é possível obter o arquivo original.
  - reversíveis são aquelas que ao aplicar o processo contrário à compressão é possível obter os dados originais sem perda de informação. Esta técnica é geralmente usada para arquivos de texto.

#### Algoritmo LZW (Lempel-Ziv-Welch)

O algoritmo LZW é uma extensão ao algoritmo LZ proposto por Lempel e Ziv, em 1977. A diferença em relação ao LZ original é que o dicionário não está vazio no início, contendo todos os caracteres individuais possíveis.

Código ASCII



#### Algoritmo LZW

#### Definições adotadas:

raiz caracter individual

String uma sequência de um ou mais caracteres

palavra código valor associado a uma string

o dicionário tabela que relaciona palavras código e strings

P string que representa um prefixo

C caracter

cW palavra código

pW palavra código que representa um prefixo

string(w) string correspondente à palavra código w

SC sequência codificada

#### Algoritmo LZW - Codificação

- 1. No início o dicionário contém todas as raízes possíveis e P é vazio;
- 2. C = próximo caracter da sequência de entrada;
- 3. Se a string P+C existe no dicionário

#### Então

P = P + C;

#### Senão

- i. coloque a palavra código correspondente a P na sequência codificada;
- ii. adicione a string P+C ao dicionário;
- iii. P = C;
- 4. **Se** existirem mais caracteres na sequência de entrada

#### Então

i. volte ao passo 2;

#### Senão

- i. coloque a palavra código correspondente a P na sequência codificada;
- ii. **FIM.**

#### Algoritmo LZW - Exemplo

Deseja-se codificar a sequência abaixo:

Posição	1	2	3	4	5	6	7	8	9
Caracter	а	b	b	а	b	а	b	а	С

- Seguindo-se o algoritmo de codificação e chamando SC a sequência codificada, temos:
  - 1.  $SC = \emptyset$

- 2. palavra código = Ø
- 2. Inicialização do dicionário com as raízes:

Palavra Código	String
1	а
2	b
3	С



#### Algoritmo LZW - Exemplo

# sequência

#### Dicionario

Palavra Código	String
1	а
2	b
3	С

4	ab
5	bb
<b>6</b>	ba
7	aba
92/\\	0

Posição	1	2	3	4	5	6	7	8	9
Caracter	а	b	b	а	b	а	b	а	С



Р	С	P+C	SC
Ø	а	а	Ø
а	b	ab	1
b	b	bb	122
b	а	ba	
а	b	ab	
ab	а	aba	1224
а	b	ab	
ab	а	aba	
aba	С	abac	12247
С			122473

#### Algoritmo LZW

# Sequencia Codificada

Posição	1	2	3	4	5	6
Palavra Código	1	2	2	4	7	3



### Algoritmo LZW - Decodificação

- 1. No início o dicionário contém todas as raízes possíveis;
- cW = primeira palavra código na sequência codificada (sempre é uma raiz);
- 3. Coloque a string(cW) na sequência de saída;
- 4. pW = cW;
- 5. cW = próxima palavra código da sequência codificada;
- 6. **Se** a string(cW) existe no dicionário

#### Então

- i. coloque a string(cW) na sequência de saída;
- ii. P <= string(pW);</pre>
- iii. C <= primeiro caracter da string(cW);</pre>
- iv. adicione a string P+C ao dicionário;

#### Senão

- i. P = string(pW);
- ii. C = primeiro caracter da string(pW);
- iii. coloque a string P+C na sequência de saída e adicione-a ao dicionário;
- 7. Se Existirem mais palavras código na sequência codificada

#### Então

i. volte ao passo 4;

#### Senão

i. FIM.



### **Grafos**

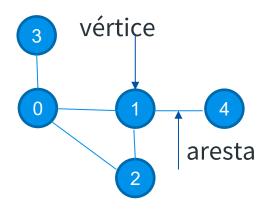
- Muitas aplicações em computação necessitam considerar conjunto de conexões entre pares de objetos:
  - Existe um caminho para ir de um objeto a outro seguindo as conexões?
  - Qual é a menor distância entre um objeto e outro objeto?
  - Quantos outros objetos podem ser alcançados a partir de um determinado objeto?
- Existe um tipo abstrato chamado grafo que é usado para modelar tais situações.

#### Grafos

- Alguns exemplos de problemas práticos que podem ser resolvidos através de uma modelagem em grafos:
  - Ajudar máquinas de busca a localizar informação relevante na Web.
  - Descobrir os melhores casamentos entre posições disponíveis em empresas e pessoas que aplicaram para as posições de interesse.
  - Descobrir qual é o roteiro mais curto para visitar as principais cidades de uma região turística.

### Grafos- Definições

- O Grafo: conjunto de vértices e arestas.
- Vértice: objeto simples que pode ter nome e outros atributos.
- Aresta: conexão entre dois vértice.



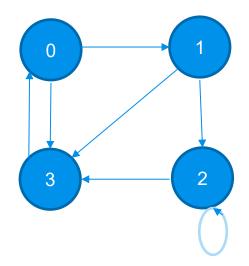
- Notação: G = (V, A)
  - G: grafo, V: conjunto de vértices, A: conjunto de arestas

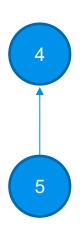
#### **Grafo Direcionados**

- Um grafo direcionado G é um par (V, A), onde V é um conjunto finito de vértices e A é uma relação binária em V.
- Uma aresta (u, v) sai do vértice u e entra no vértice v. O vértice v é adjacente ao vértice u.
- Podem existir arestas de um vértice para ele mesmo, chamadas de self-loops.



## **Grafos Direcionados**



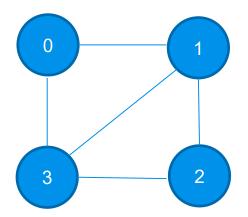




#### Grafos não Direcionados

- Um grafo não direcionado G é um par (V, A), onde o conjunto de arestas A é constituído de pares de vértices não ordenados.
  - As arestas (u, v) e (v, u) são consideradas como uma única aresta. A relação de adjacência é simétrica.
  - Self-loops não são permitidos.

## Grafos Não Direcionados







### Grafos – grau de um vértice

- Em grafos não direcionados:
  - O grau de um vértice é o número de arestas que incidem nele.
- Um vértice de grau zero é dito isolado ou não conectado.
- Em grafos direcionados
  - O grau de um vértice é o número de arestas que saem dele (out-degree)
     mais o número de arestas que chegam nele (in-degree).

### **Grafos-Caminhos**

- Um caminho de comprimento k de um vértice x a um vértice y em um grafo G = (V, A) é uma sequência de vértices (v₀, v₁, v₂, ..., vk) tal que x = v₀ e y = vk, e (v₁, v₁) ∈ A para i = 1, 2, ..., k.
- O comprimento de um caminho v<sub>0</sub>, v<sub>1</sub>, v<sub>2</sub>, ..., v<sub>k</sub> o é o número de arestas nele, isto é, o caminho contém os vértices e as arestas (v<sub>0</sub>, v<sub>1</sub>), (v<sub>1</sub>, v<sub>2</sub>), ..., (v<sub>k-1</sub>, v<sub>k</sub>).
- Se existir um caminho c de x a y então y é alcançável a partir de x via c.
- Um caminho é simples se todos os vértices do caminho são distintos.

### **Grafos-ciclos**

# Em um grafo direcionado:

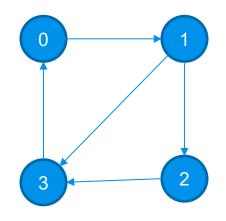
- Um caminho ( $v_0, v_1, ..., v_k$ ) forma um ciclo se  $v_0 = v_k$  e o caminho contém pelo menos uma arestas.
- O ciclo é simples se os vértices v<sub>1</sub>, v<sub>2</sub>, . . . , v<sub>k</sub> são distintos.
- O self-loop é um ciclo de tamanho 1
- Dois caminhos  $(v_0, v_1, ..., v_k)$   $e(v'_0, v'_1, ..., v'_k)$  formam o mesmo ciclo se existir um inteiro j tal que  $v'i = v_{(i+j) \mod k}$  para i = 0, 1, ..., k-1.

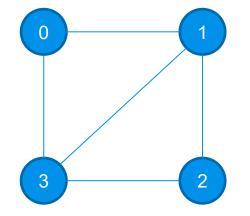


### **Grafos ciclos**

- Em um grafo não direcionado:
  - Um caminho ( $v_0, v_1, ..., v_k$ ) forma um ciclo se  $v_0 = v_k$  e o caminho contém pelo menos três arestas.
  - O ciclo é simples se os vértices v<sub>1</sub>, v<sub>2</sub>, . . . , v<sub>k</sub> são distintos.

## Exemplos



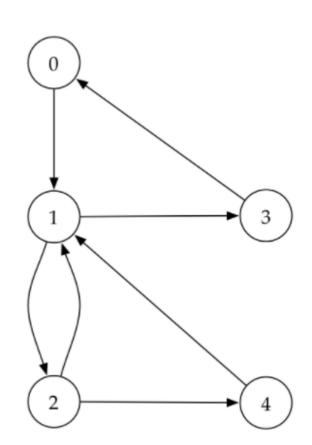


Caminho: 0,1,2,3

Ciclo: 0,1,2,3,0

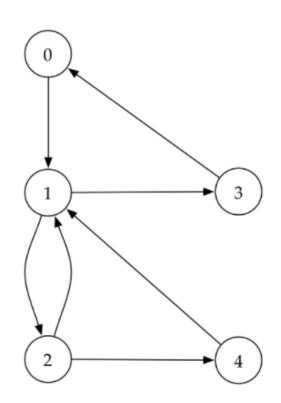
caminho: 0,1,2,3, 0,3,2,1 ciclo 0,1,3,0

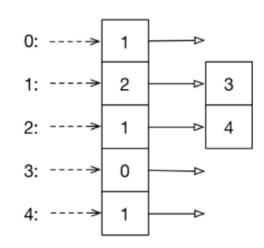
## Representação Computacional de um Grafo Matriz de Adjacências



	0	1	2	3	4
0		1			
1			1	1	
2		1			1
3	1				
4		1			

# Lista de Adjacências





### Bibliografia

- Estruturas de dados usando C-Aaron Ai Tenenbaum, Yedidyah Langsam, Moshe J. Augenstein
- © Estrutura de Dados- Nivio Ziviani
- Sistemas de Arquivos https://www.inf.pucrs.br/~emoreno/undergraduate/CC/sisop/cla ss\_files/Aula13.pdf

