$P :\to$
P
$x_1, x_2 \in \Longrightarrow$
$P(x_1+$
$x_2) \leq$
$P(x_1)+$
$P(x_2)$
P
$x_1 \in$
$\lambda >$
$0 \Longrightarrow$
$P(\lambda x) =$
$\lambda P(x)$
$P(0) =$
0
$P(0) = P(2\times 0) = 2\times P(0) \Longrightarrow P(0) = 0.$

$a, b \in$
$a <$
b
$P :$
$H^1(a,b) \longrightarrow$
$P(x) =$
$x'_{L^2(a,b)}$
$=$
$P(x) =$
$(x)^+ =$
$\max\{0, x\}, \forall x \in$
??
$P :\to$
$y \in$
V
$x \in$
V
$P_y(x) :=$
$\inf_{\lambda>0}\,[P(x+\lambda y) - \lambda P(y)]$
$P_y :$
$V \to$
P_y
$P_y \leq$
P
$P_y(-y) \leq$
$-P(y)$
$y \in$
V
$x \in$
V
$\lambda >$
0
$\lambda P(y) =$
$P(\lambda y) =$
$P(\lambda y+$
$x-$
$x) \leq$
$P(x+$
$\lambda y)+$
$P(-x)$
$P(x+$
$\lambda y)-$
$\lambda P(y) \geq$
$-P(-x)$
$\lambda >$
0
$P_y(x) \geq$
$-P(-x) >$
$-\infty$
$P_y :$
$V \to$
P_y
$x_1, x_2 \in$
V
$\lambda_1, \lambda_2 >$
0
$[P(x_1+\lambda_1 y) - \lambda_1 P(y)]+$
$[P(x_2+\lambda_2 y) - \lambda_2 P(y)]$
$\geq$
$[P(x_1+x_2+(\lambda_1+\lambda_2)y)]-$
$(\lambda_1+$
$\lambda_2)P(y)$
$\geq$
$P_y(x_1+$
$x_2).$
λ_1
λ_2
$P_y(x_1)+$
$P_y(x_2) \geq$
$P_y(x_1+$
$x_2)$
P