Resolução do Problema

Solução recursiva

A função recursiva que resolve este problema é a seguinte:

```
0
                                                                    p = n
\infty
                                                                    i \notin I, P_p \in M
                                                                    i = \text{'h'}, P_p \in \{\text{'t'}, \text{'d'}\}
\infty
                                                                    i = 'p', P_p = 'd'
1+T(p+1,i)
                                                                    i \notin I, P_p = \mathrm{'e'}
4 + T(p+1,i)
                                                                    i = 'h', P_p = '3'
                                                                    i = {}^{1}p{}^{1}, P_{p} \in \{{}^{1}3{}^{1}, {}^{1}t{}^{1}\}
5 + T(p+1,i)
                                                                    i = c', P_p \in M
\min(2+T(p+1,P_p),1+T(p+1,0))
                                                                    i \notin I, P_p \in I
\min(3+T(p+1,i),2+T(p+1,0))
                                                                    i \in I, P_p = e
\min(3+T(p+1,i),3+T(p+1,P_p),2+T(p+1,0)) i\in I,P_p\in I
```

Legenda:

I->lista de itens

M->lista de monstros

n->número total de carateres da string

P->string total

p->índice da casa atual

P_p->casa atual

i->item correspondente ao que o Harry e o Ron estão a carregar naquele momento

Explicação:

Casos base:

Quando chegámos ao fim do caminho, o custo é 0;

Quando chegamos a uma casa com um monstro e não temos item, ou o item que temos não serve, retornar infinito para que essa possibilidade seja eliminada.

Casos gerais:

Se não tivermos com item e a casa for fácil sem objeto, o custo é 1 + o custo de percorrer o resto do caminho começando na casa seguinte sem item;

Se tivermos uma harpa e a casa atual tiver um cão de três cabeças, o custo é 4 + o custo de percorrer o resto do caminho começando na casa seguinte com a harpa;

Se tivermos uma poção e a casa atual tiver um cão de três cabeças ou um troll, o custo é 5 + o custo de percorrer o resto do caminho começando na casa seguinte com a poção;

Se tivermos um manto de invisibilidade e a casa atual tiver um cão de três cabeças, um troll ou um dragão, o custo é 6 + o custo de percorrer o resto do caminho começando na casa seguinte com o manto;

Se não tivermos item e a casa atual tiver um item, o custo é o mínimo entre 1 + o custo de percorrer o resto do caminho começando na casa seguinte sem item e 2 + o custo de percorrer o resto do caminho começando na casa seguinte com o item da casa atual;

Se tivermos um item e a casa atual não tiver item nem monstro, o custo é o mínimo entre 2 + o custo de percorrer o resto do caminho começando na casa seguinte sem item e 3 + o custo de percorrer o resto do caminho começando na casa seguinte com o item que tínhamos;

Se tivermos um item e a casa atual tiver um item, o custo é o mínimo entre 2 + o custo de percorrer o resto do caminho começando na casa seguinte sem item, 3 + o custo de percorrer o resto do caminho começando na casa seguinte com o item que tínhamos e 3 + o custo de percorrer o resto do caminho começando na casa seguinte com o item da casa atual.

Solução iterativa

Inicialmente, implementámos uma solução recursiva do problema e depois, transformámos essa solução numa iterativa:

Num dado momento do caminho, existem 4 possíveis estados: O Harry e o Ron podem não ter nada, podem ter uma harpa, uma poção ou um manto de invisibilidade. Foi por isso que definimos quatro variáveis que gerem essas 4 possibilidades e os respetivos tempos. Em cada campo, essas variáveis são atualizadas.

A nossa solução iterativa é a seguinte:

Quando a casa atual não tem item nem monstro, noltemTime é igual ao mínimo de todas as variáveis + 1 + foundMonster* e às outras variáveis somamos 3 unidades;

Quando a casa atual tem um item, noltemTime é igual ao mínimo de todas as variáveis + 1 + foundMonster*, a variável correspondente ao item da casa atual é igual a noltemTime +1 e às outras variáveis somamos 3 unidades.

Quando a casa atual tem um monstro, noltemTime é igual a infinito, as variáveis correspondentes a itens fracos demais para o monstro da casa atual passam para infinito e para às restantes variáveis somamos o tempo correspondente a usar o item.

No fim, devolvemos o mínimo das quatro variáveis.

*foundMonster é 1 se a casa anterior tiver um monstro e 0 se não tiver. Somamos esta variável, visto que se tivermos estado numa casa com monstro, entramos sempre nessa casa com um item. Como entramos nessa casa com um item, é necessário somar uma unidade de tempo.

Complexidade Temporal

Complexidade temporal= $L_0+L_1+L_2...+L_T=$

 $\sum_{i=0}^{i=T} Li =$

 $\Theta(LT) = \Theta(n)$

n=número total de carateres

A complexidade temporal da solução implementada é linear, visto que cada carater é analisado uma e só uma vez. É $\Theta(n)$, visto que tanto no melhor, no pior e no caso esperado é $\Theta(n)$, pois todos os carateres precisam de ser analisados.

Complexidade Espacial

Usamos no total seis variáveis. Quatro delas são do tipo inteiro e representam o tempo duma possibilidade (noItemTime, harpTime, PotionTime, cloakTime). Outra é do tipo inteiro e é 1 se a casa anterior tiver um monstro e 0 se não tiver (foundMonster).

Estas variáveis são usadas sempre. As variáveis correspondentes aos plots anteriores não são guardadas pelo que o valor da variável T (número de plots) não afeta a complexidade espacial.

Complexidade espacial = Θ (noItemTime) + Θ (harpTime) + Θ (PotionTime) + Θ (cloakTime) + Θ (foundMonster) =

$$\Theta(1) + \Theta(1) + \Theta(1) + \Theta(1) + \Theta(1) =$$

 $\Theta(5) =$

Θ(1)

A complexidade espacial é constante, visto que não depende do input. É $\Theta(1)$, porque tanto no melhor, no pior e no caso esperado a complexidade espacial é $\Theta(1)$.

Conclusões

Um ponto forte é a complexidade temporal ser linear. Outro ponto forte é a espacial ser constante. Não há maneira de as reduzir. Um dos pontos fracos é o cálculo constante de mínimos. Estudámos uma alternativa que envolvia percorrer a string da direita para a esquerda, visto que sabendo qual o maior monstro, seria possível saber qual o instrumento necessário. No entanto, achámos a solução implementada mais simples.