Sistemas de Numeración





SISTEMAS DE INUMERA

Organización del Computador - Primer Cuatrimestre 2024

Pedro Villar

Pasar de Hexadecimal a Binario

El sistema hexadecimal es una base 16, por lo que cada dígito puede representar 4 bits. Para pasar de hexadecimal a binario, simplemente se reemplaza cada dígito por su representación en 4 bits. La tabla de conversión es la siguiente:

	Hexadecimal	Binario	Hexadecimal	Binario	Hexadecimal	Binario
-	0	0000	5	0101	A	1010
	1	0001	6	0110	В	1011
	2	0010	7	0111	\mathbf{C}	1100
	3	0011	8	1000	D	1101
	4	0100	9	1001	${ m E}$	1110
					F	1111

Por ejemplo, para pasar de 0x123456 a binario, simplemente se reemplaza cada dígito por su representación en 4 bits:

 $0x123456 \rightarrow 0001 \ 0010 \ 0011 \ 0100 \ 0101 \ 0110$

Pasar de Binario a Hexadecimal

Para pasar de binario a hexadecimal, simplemente se agrupan los bits de a 4 y se reemplaza cada grupo por su representación en hexadecimal, teniendo en cuenta las siguientes consideraciones:

- Si el número tiene parte decimal, se agrupan los bits de a 4 a partir del punto decimal y luego se hace la parte entera.
- Si el número de bits no es múltiplo de 4, se agrega un 0 a la izquierda para completar el último grupo.
- En el caso de que en la parte fraccionaria se necesite agregar ceros se agregan a la derecha.

Por ejemplo, para pasar de 10 1100 1101 1011.1100 0010 000 a hexadecimal:

$$\underbrace{0010}_{2}\underbrace{1100}_{C}\underbrace{1101}_{D}\underbrace{1011}_{B} \underbrace{1100}_{C}\underbrace{0010}_{2}\underbrace{0000}_{000}$$

 $(10110011011011.11000010000)_2 = 0x2CDB.C20$

Pasar de Hexadecimal a Decimal

Para pasar de hexadecimal a decimal, simplemente se reemplaza cada dígito por su representación en decimal y se multiplica por la potencia de 16 correspondiente. Por ejemplo, para pasar de 0x123456 a decimal:

$$0x123456 = 1 \cdot 16^5 + 2 \cdot 16^4 + 3 \cdot 16^3 + 4 \cdot 16^2 + 5 \cdot 16^1 + 6 \cdot 16^0 = 1193046$$

Pasar de decimal a binario

Para pasar de decimal a binario, simplemente se divide el número por 2 y se toma el resto. Luego se divide el cociente por 2 y se toma el resto, y así sucesivamente hasta que el cociente sea 0. Luego se toman los restos en orden inverso. Por ejemplo, para pasar de 59 a binario:

$$59 = 1 \cdot 2^5 + 1 \cdot 2^4 + 0 \cdot 2^3 + 1 \cdot 2^2 + 1 \cdot 2^1 + 1 \cdot 2^0 = 111011$$

Complemento a 2 para números negativos

El complemento a 2 es una forma de representar números negativos en binario. Para obtener el complemento a 2 de un número negativo, primero se agregan ceros a la izquierda para completar la cantidad de bits que de el registro, luego se invierten todos los bits y se le suma 1 al resultado. Por ejemplo, para obtener el complemento a 2 de -121 en 8 bits:

```
121/2 = 60 residuo 1

60/2 = 30 residuo 0

30/2 = 15 residuo 0

15/2 = 7 residuo 1 \Rightarrow 01111001 \rightarrow 10000110 + 1 = 10000111

7/2 = 3 residuo 1

3/2 = 1 residuo 1

1/2 = 0 residuo 1
```

Decimal negativo a binario con complemento a 2

- 1. Calcular el valor absoluto del número en binario.
- 2. Completar con ceros a la izquierda para que el número tenga la cantidad de bits que se desea.
- 3. Aplicar el complemento a 2.

Binario con complemento a 2 a decimal

- 1. Si el bit más significativo es 1, el número es negativo. Se aplica el complemento a 2 para obtener el valor absoluto.
- 2. Se multiplica cada bit por la potencia de 2 correspondiente y se suma.

Suma binaria

Para sumar dos números en binario, simplemente se suman los bits de a pares, teniendo en cuenta que:

- 0 + 0 = 0
- 0 + 1 = 1
- 1 + 0 = 1
- 1 + 1 = 10

Si la suma de dos bits es 10, se escribe 0 y se lleva 1 al siguiente par de bits.

Resta binaria

Para restar dos números en binario, se aplica el complemento a 2 al sustraendo y se suma al minuendo. Es decir si se busca hacer A - B, se hace A + (-B). Por ejemplo para restar 10000000 – 11010000:

10000000 - 11010000 = 10000000 + 00110000 = 10110000

El resultado es 0xB0 en hexadecimal.