

**Ejercicio 1**

Justificar cada respuesta.

- (a) (5pts.) ¿Qué es un monomorfismo?
- (b) (5pts.) ¿Qué son las coordenadas de un vector con respecto a una base?
- (c) (5pts.) ¿Qué es una transformación lineal?
- (d) (10pts.) ¿Qué es el núcleo de una transformación lineal?

**Ejercicio 2**

(10pts.) Sea  $A = \begin{pmatrix} 3 & 2 & 1 \\ -3 & -2 & t \\ 6 & 4 & 2 \end{pmatrix}$  con  $t \in \mathbb{R}$ , hallar el valor de  $t$  para el cual  $A$  posee un autovalor igual a 2.

**Ejercicio 3**

(15pts.) Hallar todas las ecuaciones del plano que pasa por  $(-1, 2, 3)$  y  $(2, 1, 1)$  y es perpendicular al plano  $\pi_1$  descrito implícitamente por la ecuación  $2x - y + 3z = 10$ .

**Ejercicio 4**

Sea  $T : M_{2 \times 2} \rightarrow M_{2 \times 2}$  la transformación lineal dada por  $T(A) = A + A^t$ .

- (a) (5pts.) Hallar el polinomio característico de  $T$ .
- (b) (5pts.) Hallar sus autovalores y autovectores.
- (c) (10pts.) ¿Es  $T$  diagonalizable? Justificar.

**Ejercicio 5**

Sea  $T : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^3$  la transformación lineal tal que

$$T(e_1) = e_1 + e_2 + e_3, \quad T(e_2) = -2e_1 + 2e_3, \quad T(e_3) = 5e_2 + 10e_3$$

donde  $\mathcal{B} = \{e_1, e_2, e_3\}$  es la base canónica de  $\mathbb{R}^3$ .

- (a) (5pts.) Dar una base del núcleo de  $T$ .
- (b) (5pts.) Dar una base de la imagen de  $T$ .
- (c) (10pts.) Dar la matriz de  $T$  con respecto a las bases ordenadas  $\mathcal{B}$  y  $\mathcal{B}' = \{2e_3, -e_1, 3e_2\}$ .

**Ejercicio 6**

Sea  $T : \mathbb{R}^3 \rightarrow M_{3 \times 3}$  la transformación lineal dada por  $T(x, y, z) = \begin{pmatrix} 3y - z & 2z \\ x - y & y \end{pmatrix}$ .

- (a) (10pts.) Hallar una base de  $\text{Im}(T)$  y decidir si  $\begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{pmatrix}$  pertenece a  $\text{Im}(T)$ .
- (b) (15pts.) ¿Es  $T$  inyectiva? Justificar.