



# ***Arquitetura de Computadores***

Elementos Básicos de Hardware: Circuitos Lógicos Combinatórios

## PARTE II

*Referencias:*

Floyd, Thomas L. **Sistemas digitais: Fundamentos e Aplicações**, 9ª ed., Porto Alegre, ed. Bookman, 2007.

Marcelo Marçula, Pio A. Benini Filho, **Informática – Conceitos e Aplicações**, editora Érica

Raul F. Weber, **Fundamentos de Arquitetura de Computadores**, ed. Bookman

Irv Englander, **Arquitetura de Hardware Computacional, Software de Sistema e Comunicação em Rede. Uma abordagem da tecnologia da informação, (material suplementar)** 4ª ed., LTC editora, 2011 .



# Introdução

Muitas funções em um computador são definidas em termos de suas equações booleanas.

Por exemplo, a soma de dois números binários de dígito único é representada por um par de tabelas verdade, uma para a soma de coluna efetiva e outra para o bit de transporte.

As tabelas verdade são mostradas na Figura S1.6.

Você deve reconhecer a tabela verdade para a soma como a operação exclusivo-or, e a tabela para o transporte como a operação and.

De modo similar, a operação de complemento utilizada em subtração é simplesmente uma operação booleana not (ou nor).

Estas operações são **combinatórias**.

**FIGURA S1.6**

Tabelas verdade para a soma de dois números binários

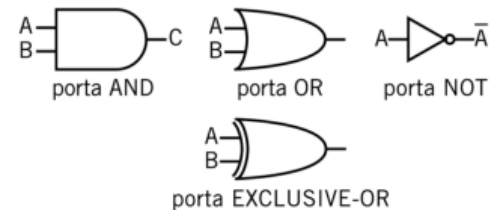
A	B	S
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	0

soma

A	B	C
0	0	0
0	1	0
1	0	0
1	1	1

transporte

Representações de porta lógica padrão





## *Circuito Combinatório*

Com diferentes combinações de portas lógicas, um sistema de computação realiza os cálculos que são a base para todas as suas operações.

O conjunto de portas lógicas agrupadas em um circuito é conhecido como **circuito combinatório**.

### *Circuitos combinacionais*

*São aqueles que não possuem memória ou quaisquer outros elementos de armazenamento.*

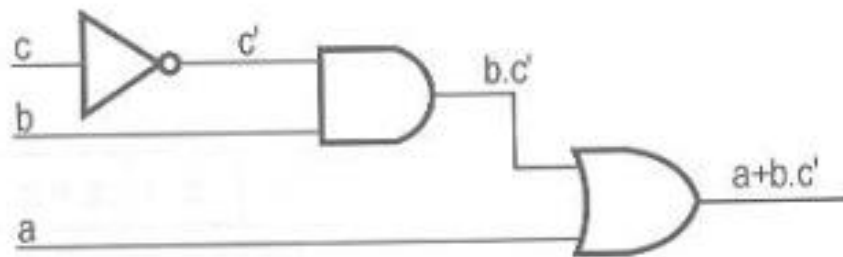
*Suas saídas são geradas exclusivamente a partir das entradas.*

*São construídos por portas lógicas sem realimentação.*



## *Exemplo: Circuito Combinatório*

A expressão  $a + b \cdot c'$  pode ser expressa em termos de circuitos como:



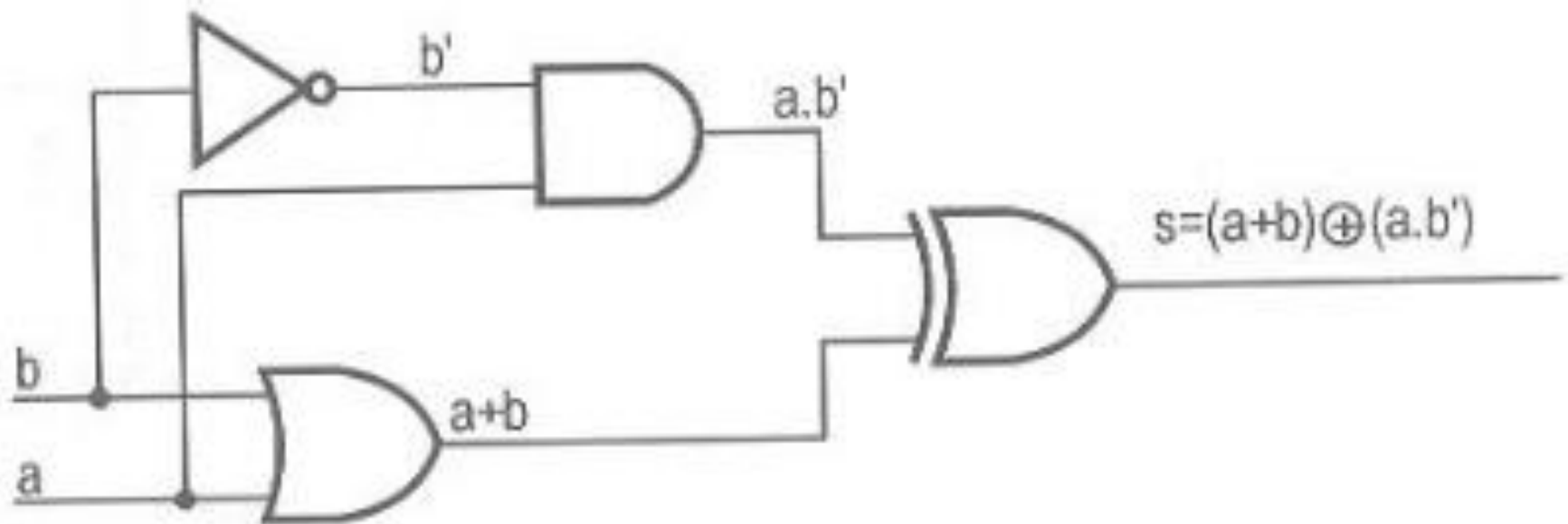
*Figura 6.1 - Circuito combinatório.*

a	b	c	$S = a + b \cdot c'$
0	0	0	0
0	0	1	0
0	1	0	1
0	1	1	0
1	0	0	1
1	0	1	1
1	1	0	1
1	1	1	1



## *Exemplo: Circuito Combinatório*

Dada a equação booleana  $(a + b) \text{ XOU } (a \cdot b')$  temos:

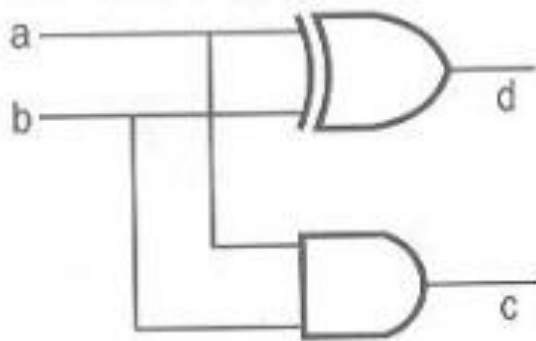




## Somador Parcial

*Para realizar operações matemáticas, o computador utiliza combinações de portas lógicas chamadas somadores parciais e somadores completos.*

O circuito abaixo é um somador parcial.



*Figura 6.3 - Somador parcial.*

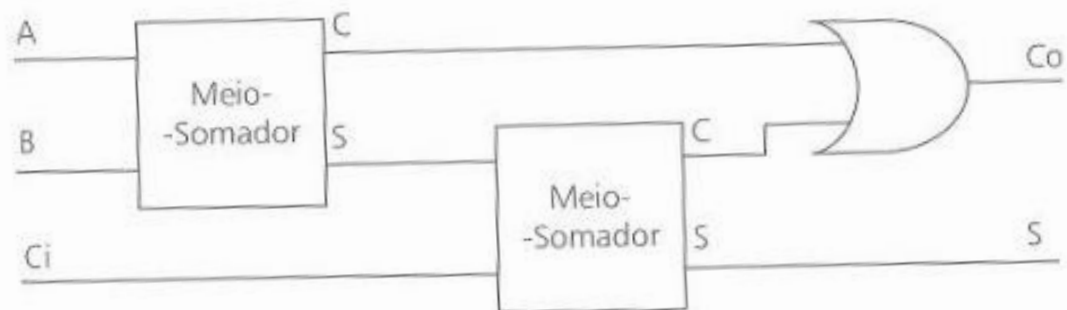
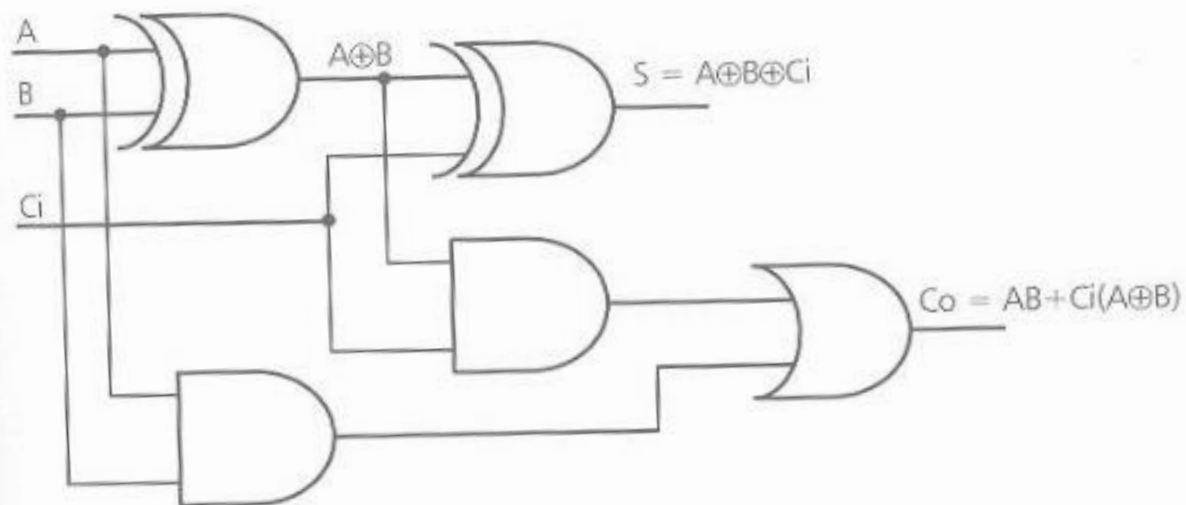
Entrada		Saída	
a	b	c	d
0	0	0	0
0	1	0	1
1	0	0	1
1	1	1	0

Ele realiza a soma de dois bits (soma *a* e *b*).

A saída *d* é a soma e a saída *c* é o bit “vai um”.

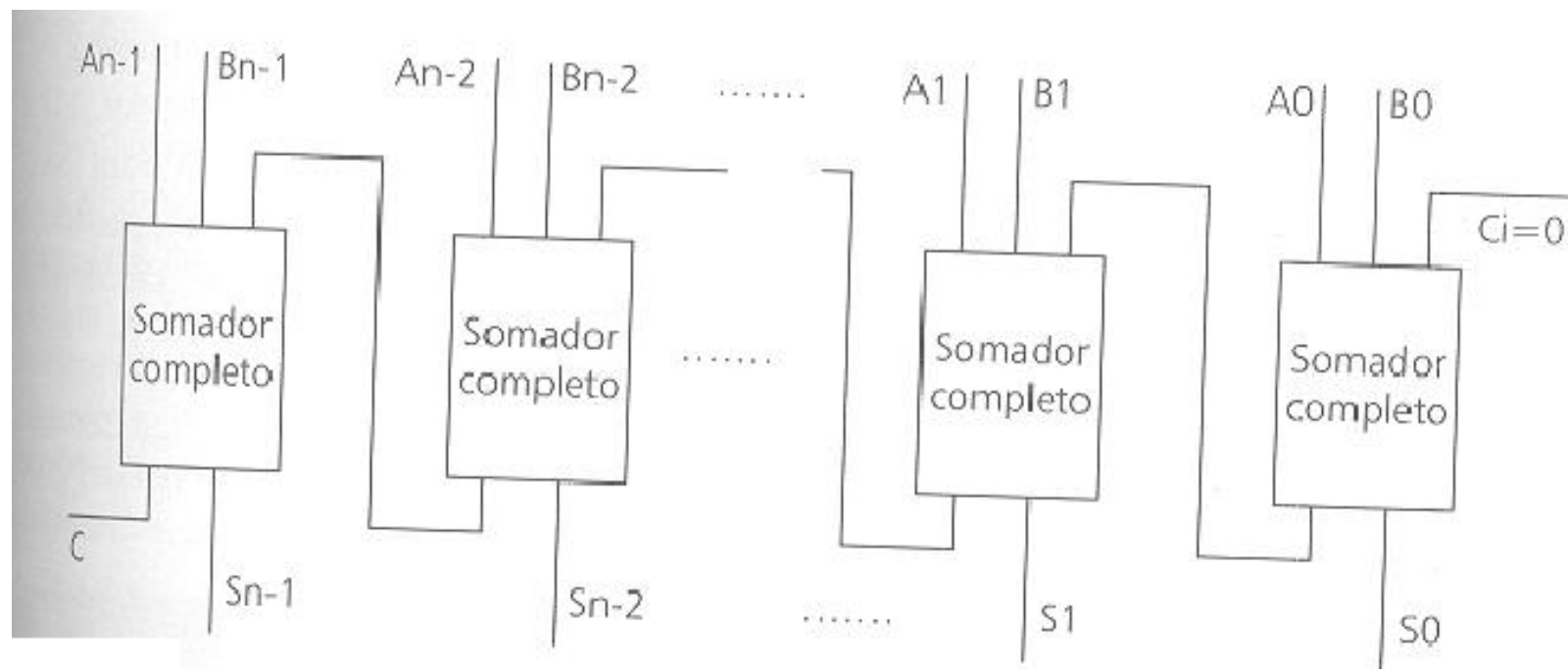


# Somador Completo





## *Somador Completo para n Bits*

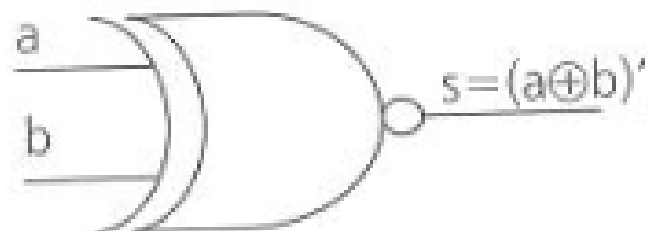
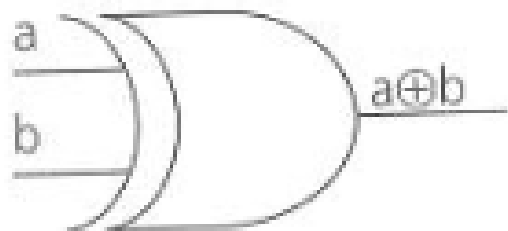
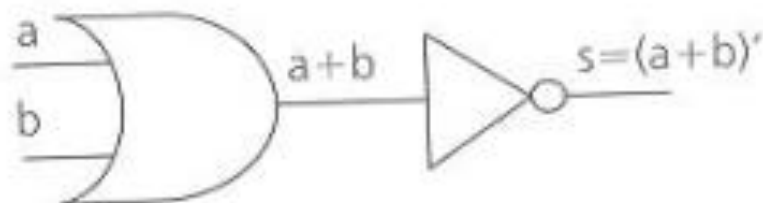
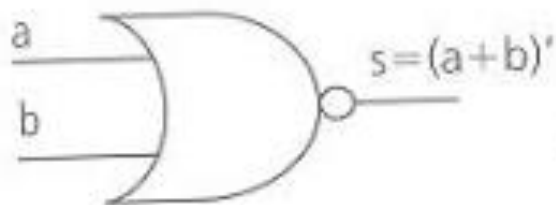
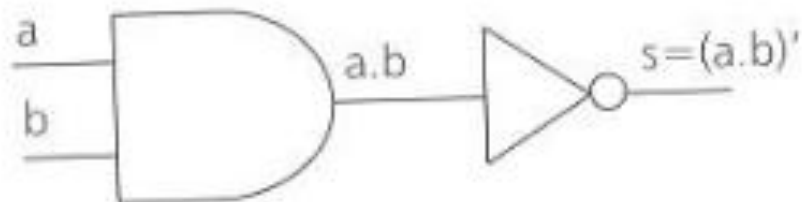
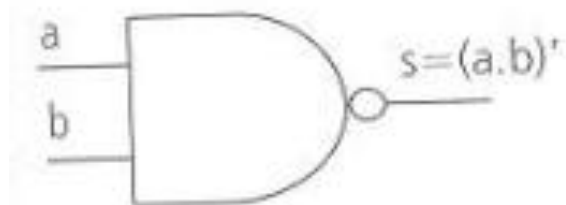


Somador binário de n bits.





Há também as portas NE e NOU, que combinam as portas E e OU com uma porta NÃO. Existe também a XNOU.





## *Equivalência entre portas x expressão*

### Equivalência de funções booleanas e portas lógicas

expressão ou porta	expressão equivalente
$a + b$	$(a' \cdot b')'$ $a' \text{ nand } b'$
$a \cdot b$	$(a' + b')'$ $a' \text{ nor } b'$
$a \text{ xor } b$	$a \cdot b' + a' \cdot b$
$a'$	$(a \cdot a)'$ , $a \text{ nand } a$ $(a + a)'$ , $a \text{ nor } a$ $a \text{ xor } 1$
$a \text{ xnor } b$	$a \cdot b + a' \cdot b'$



## *Circuitos Multiplexadores*

Dois circuitos combinacionais bem simples, bastante utilizados em sistemas digitais, são os *multiplexadores* e os *decodificadores*.

Um multiplexador (ou seletor) é um circuito combinacional que possui várias entradas e uma saída.

A cada instante, o valor da saída é igual ao valor de uma das entradas, conforme determinado por um conjunto de linhas de controle (ou linhas de seleção).

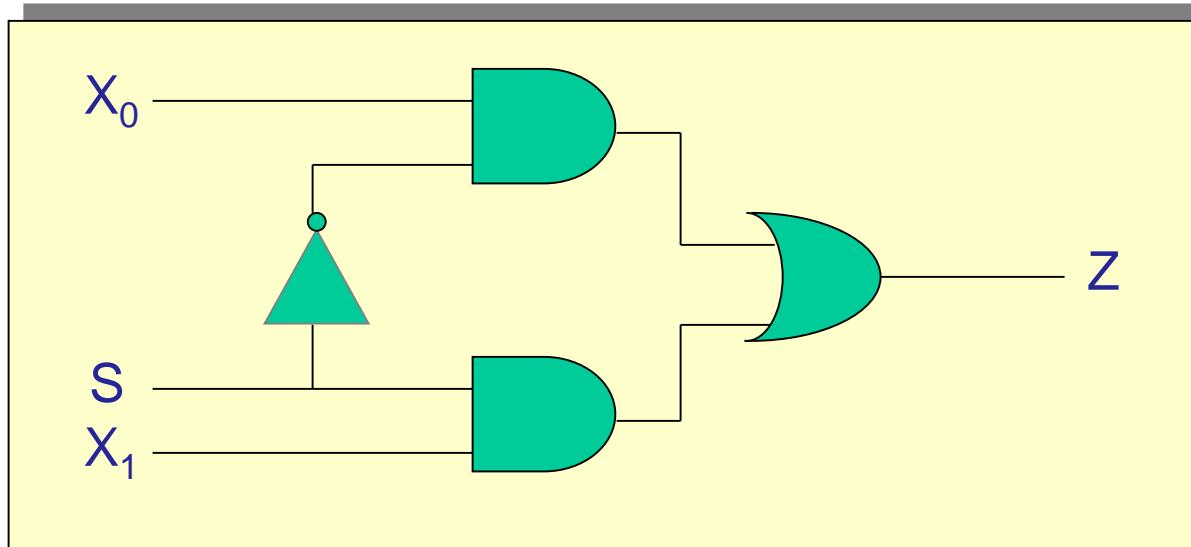


## *Tipos de Multiplexadores*

<b>Multiplexador</b>	<b>Número de entradas</b>	<b>Número de linhas de seleção</b>
2-para-1	2	1
4-para-1	4	2
8-para-1	8	3
16-para-1	16	4



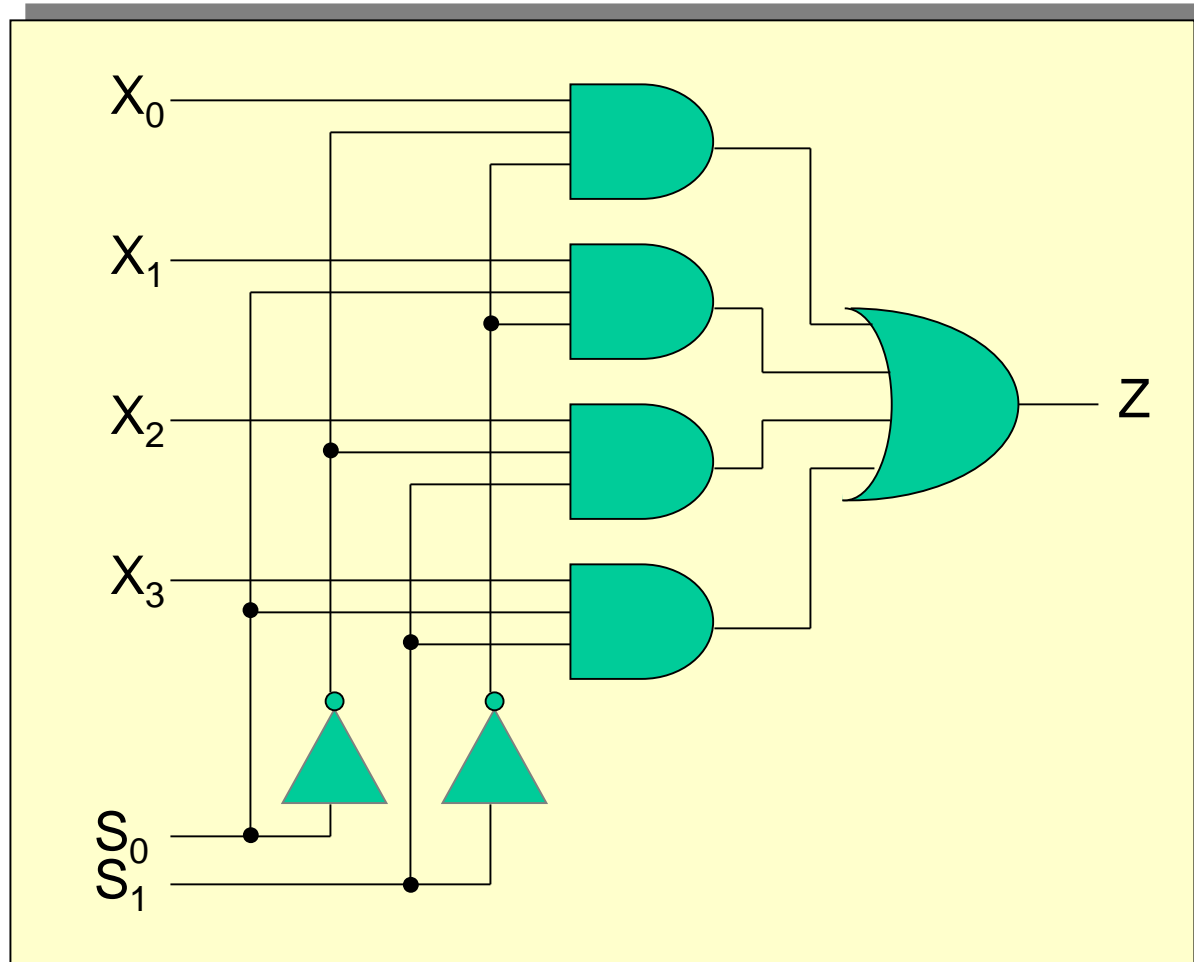
# *Multiplexador 2 para 1*



S	Z
0	$X_0$
1	$X_1$



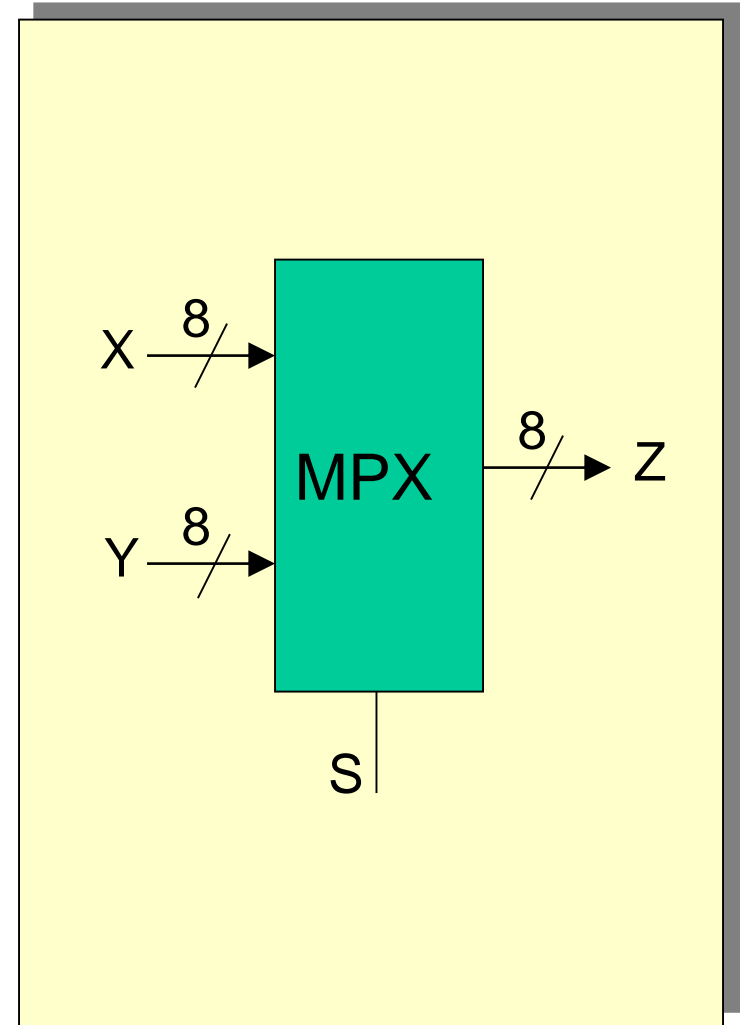
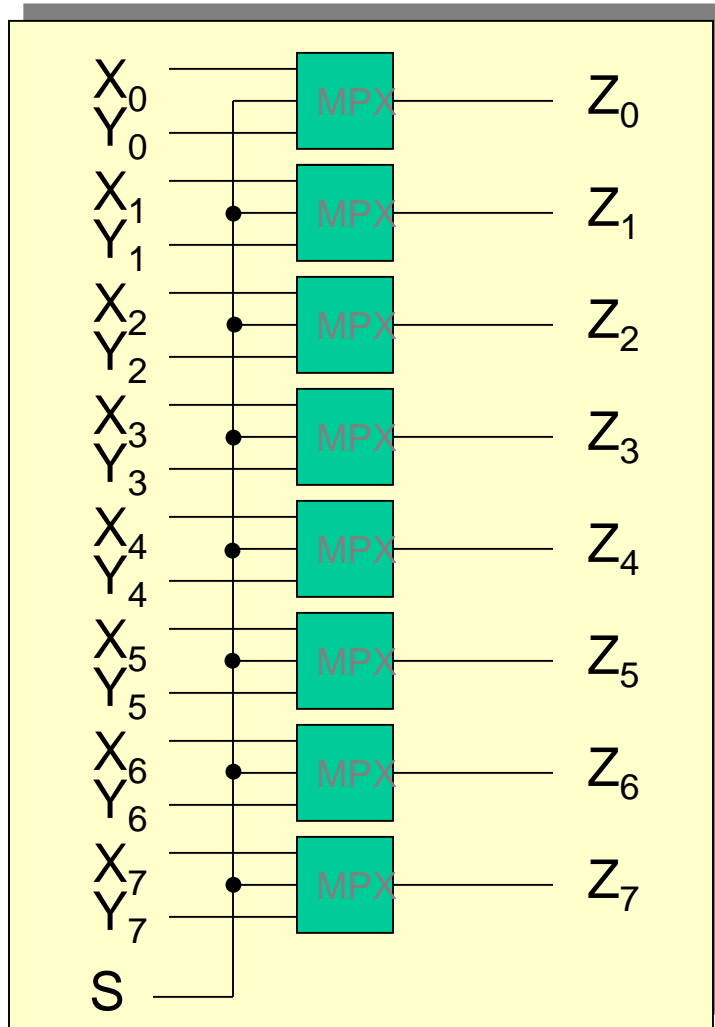
# Multiplexador 4 para 1



$S_1$	$S_0$	$Z$
0	0	$X_0$
0	1	$X_1$
1	0	$X_2$
1	1	$X_3$

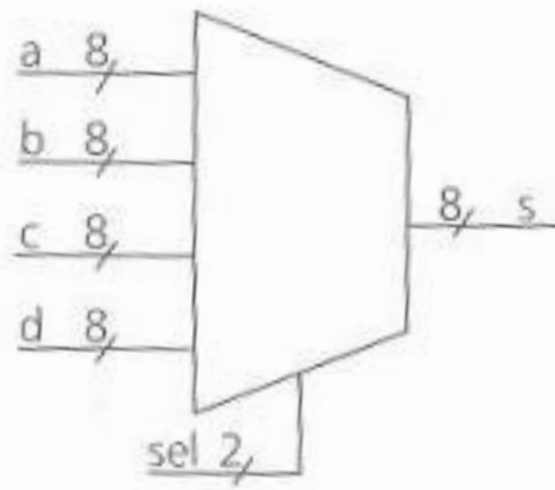
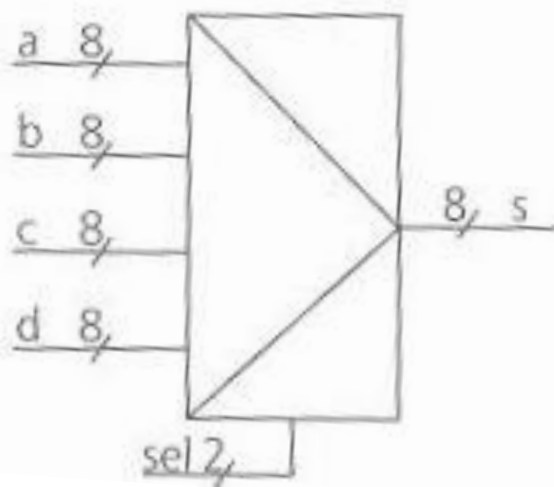
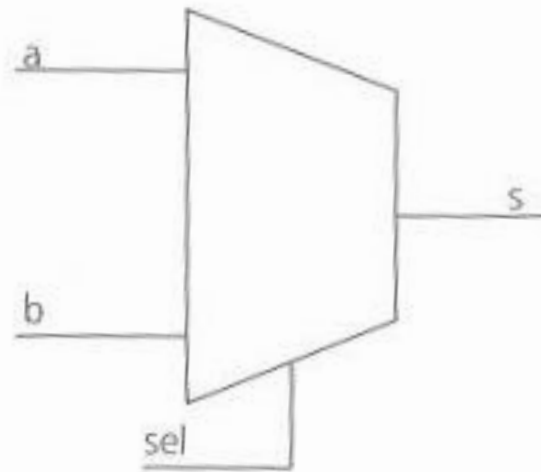
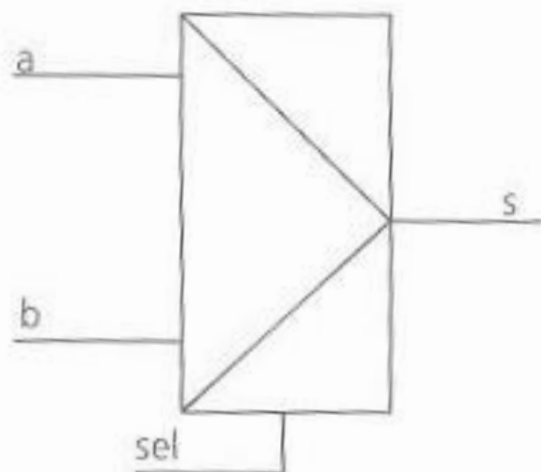


## *Multiplexdoar 2 para 1 de 8 bits*





# *Formas de Representação de Multiplexadores*







## *Ccto. Combinacional: Decodificador*

Outro circuito combinacional muito usado é um decodificador.

Ele possui  **$n$**  entradas e  **$2^n$**  saídas.

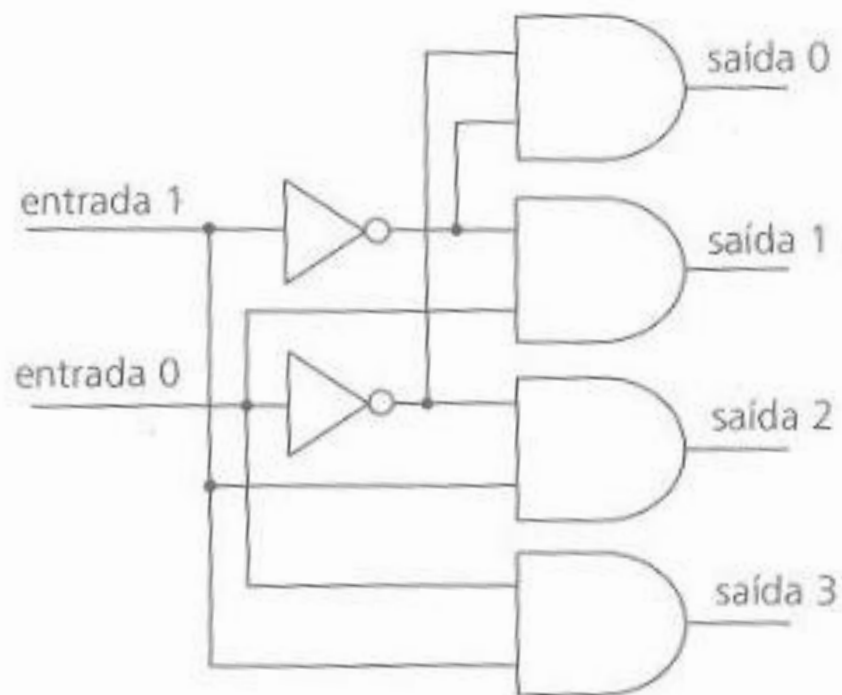
Para cada combinação de entradas, uma saída possui sinal 1, o resto sinal 0.



## *Exemplo: Ccto. Decodificador*

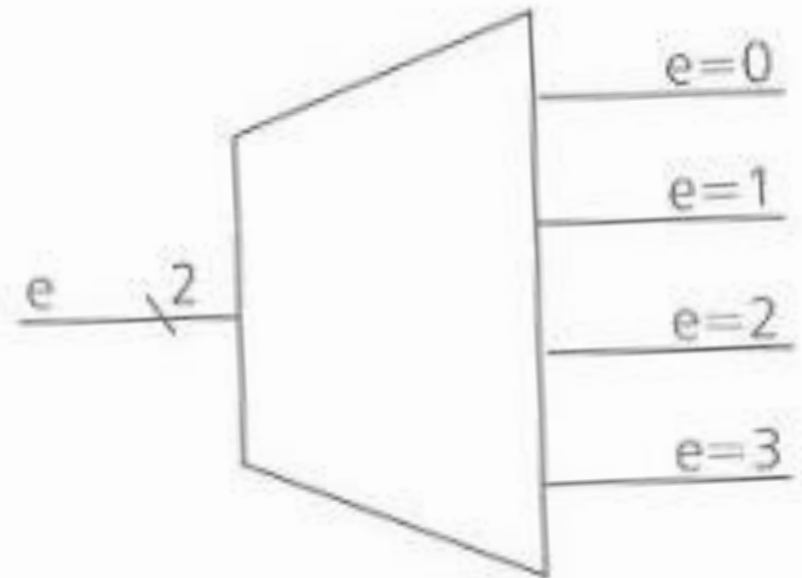
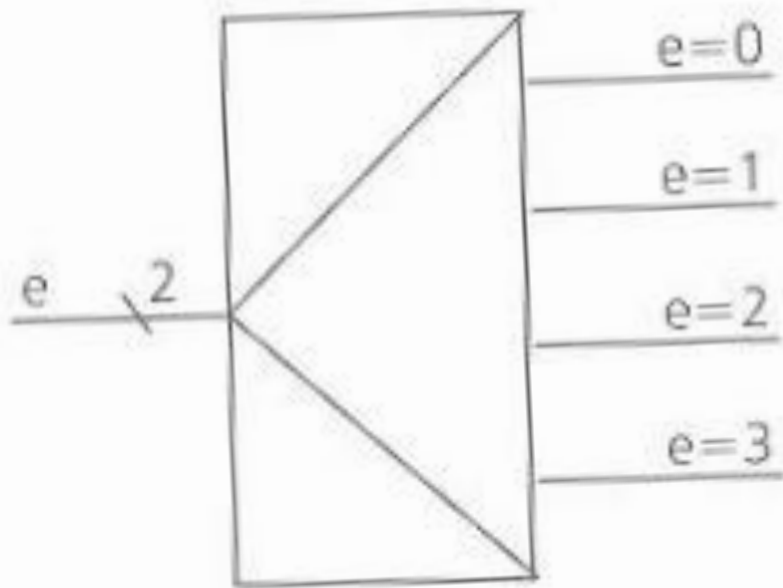
Tabela-verdade de um decodificador de 2-para-4

entrada 1	entrada 0	saída 0	saída 1	saída 2	saída 3
0	0	1	0	0	0
0	1	0	1	0	0
1	0	0	0	1	0
1	1	0	0	0	1





## *Forma de Representação: Decodificador*





# *Circuitos Sequenciais*

## **Circuitos sequenciais**

São aqueles que possuem memória.

Suas saídas são função tanto das entradas como dos valores da saída.

Ou seja, o novo valor de saída tem relação com o valor da saída anterior.



## *Circuitos Sequenciais*

Dois circuitos sequenciais bastante utilizados são os registradores e os contadores.

Ambos são construídos com ***flip-flops***, ou seja, registradores capazes de armazenar um único bit.

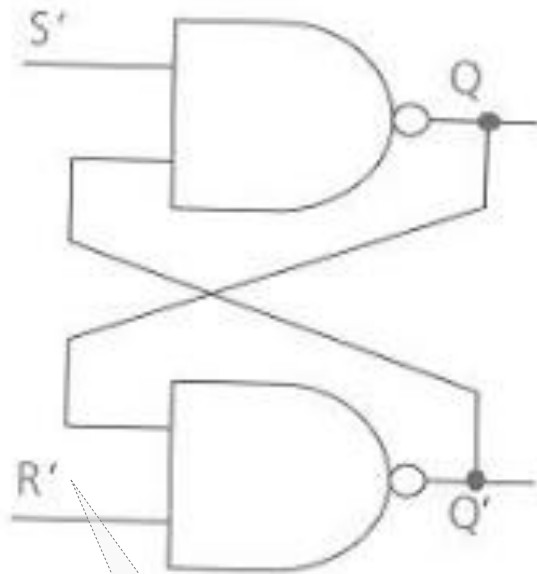
O ***flip-flop*** mais simples é o tipo ***RS***, que possui duas entradas: **R (*reset* ou desligar)** e **S (*set* ou ligar)**.

Se S recebe 1, a saída é 1, se R recebe 1, a saída é 0.

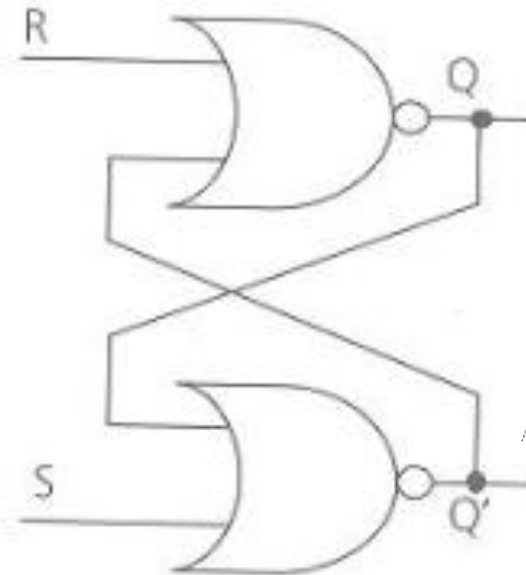


## Exemplo de Ccto. Sequencial

Abaixo, duas formas de implementar um *flip-flop RS*.



Obs.: **R** e **S** invertidos



Obs.: **Q'** sempre o inverso de **Q**

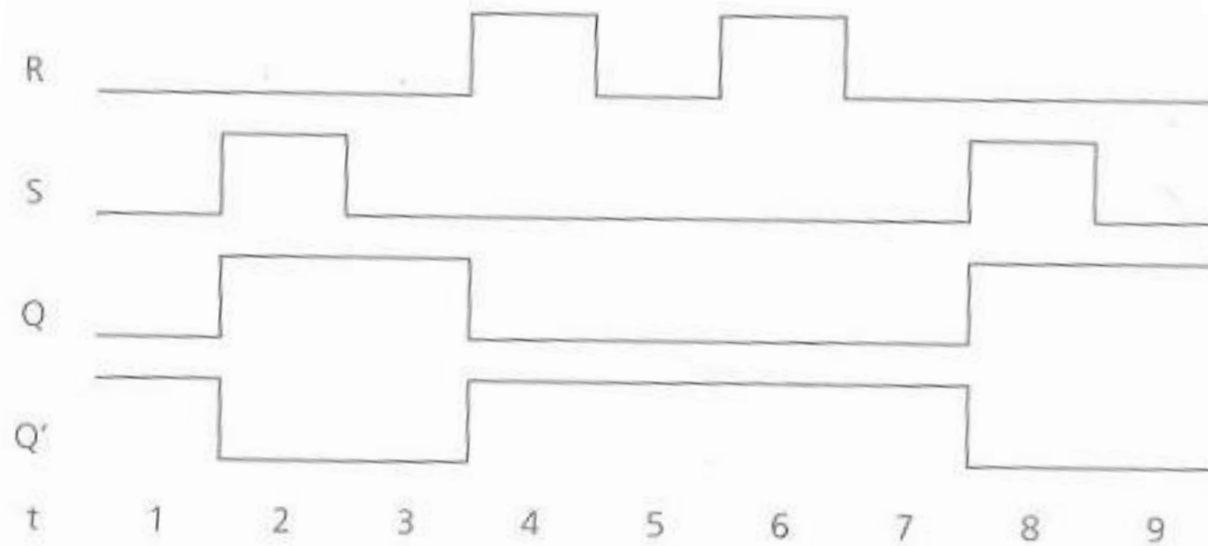
R	S	$Q_{t+1}$	Resultado
0	0	$Q_t$	Estado inalterado
0	1	1	Passa para 1
1	0	0	Passa para 0
1	1	indeterminado	Condição de erro



## ***Tabela Verdade : Flip-flop RS***

Varição de sinais em um flip-flop RS

t	R	S	Q	Q'
1	0	0	0	1
2	0	1	1	0
3	0	0	1	0
4	1	0	0	1
5	0	0	0	1
6	1	0	0	1
7	0	0	0	1
8	0	1	1	0
9	0	0	1	0





## *Flip-flop: Característica*

O problema com esse *flip-flop* (RS) é que ele altera a saída sempre que houver uma variação nas entradas.

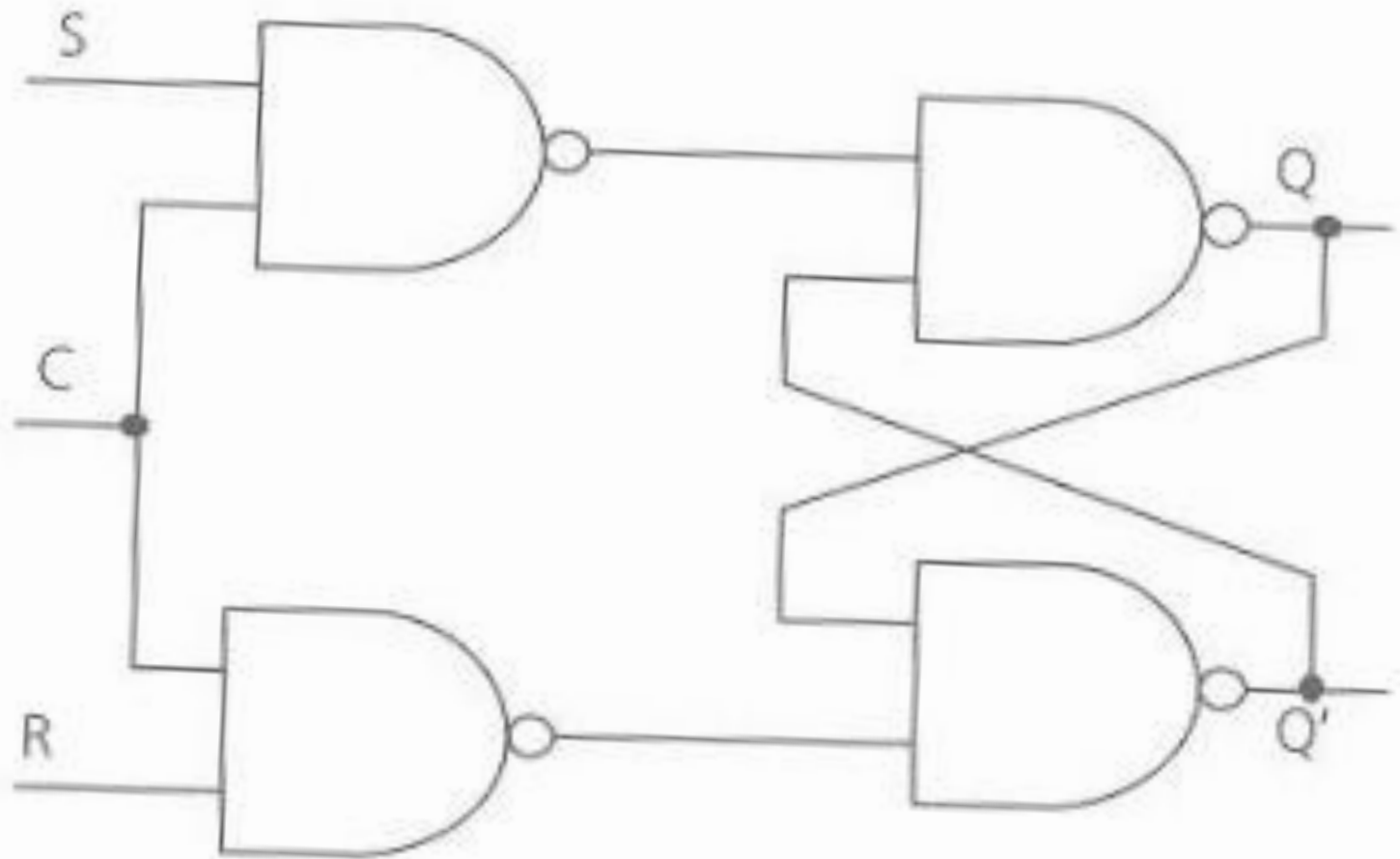
Houve a necessidade de criar um *flip-flop* que levasse em conta a alteração da entrada somente em determinados momentos.

Foi então criada uma entrada de controle chamada *clock*.





## *Flip-flop RS com controle*



Flip-flop RS com controle.

*Tem-se ainda o problema que, quando  $R=S=C=1$  ; Q e Q' serão iguais (erro de lógica).*



## *Flip-flop tipo D*

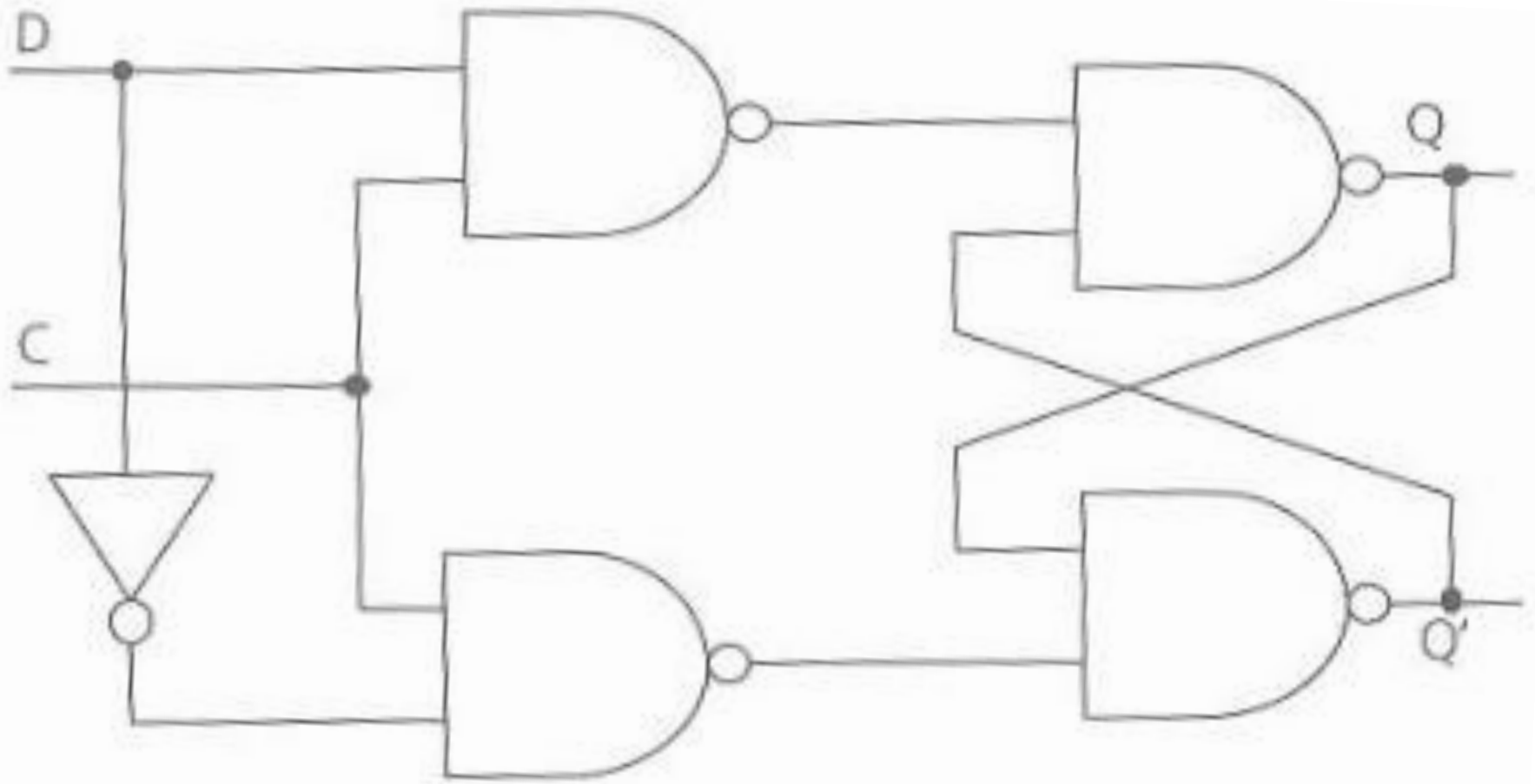
Para evitar a indeterminação quando R e S estão com entrada 1, pode ser colocado um inversor para interligá-los.

Dessa forma temos um *flip-flop* que copia o valor lógico da entrada D (entrada de dado) quando o controle estiver ativo.

Esse é o ***flip-flop do tipo D*** que armazena o valor de D quando o controle é 1.



## *Flip-flop tipo D*





## *Tipos de Flip-flop*

Há *flip-flops* sensíveis ao nível 1 (do clock), outros sensíveis ao nível 0;

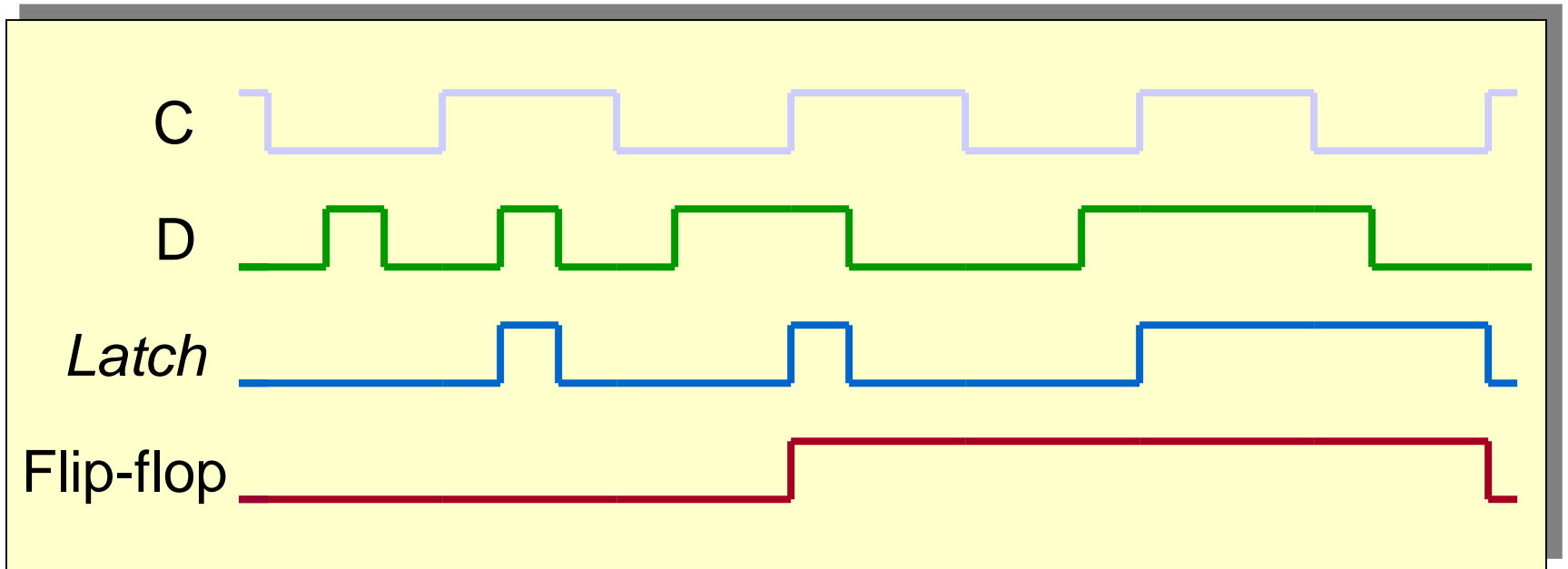
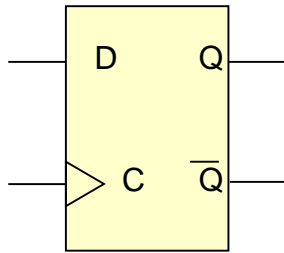
Há *flip-flops* sensíveis à subida e sensíveis à descida (da borda do clock).

Há *flip-flops* do tipo **T** (*toggle*) que muda o valor a cada mudança do *clock*.

Há flip-flops do tipo **JK**, que é similar ao D mas tem duas entradas.



## *Latches e Flip-flops D*



- *Latch:* memoriza o valor de  $D$  quando  $C$  está habilitado ( $C=1$ )
- *Flip-flop:* memoriza o valor de  $D$  quando  $C$  transita de 0 para 1 (sensível a borda positiva)



# *Registrador*

Um registrador, além de armazenar, pode executar algumas funções nos bits que armazena.

Por exemplo registradores de deslocamento (*shift*) e registrador contador (*counter*).

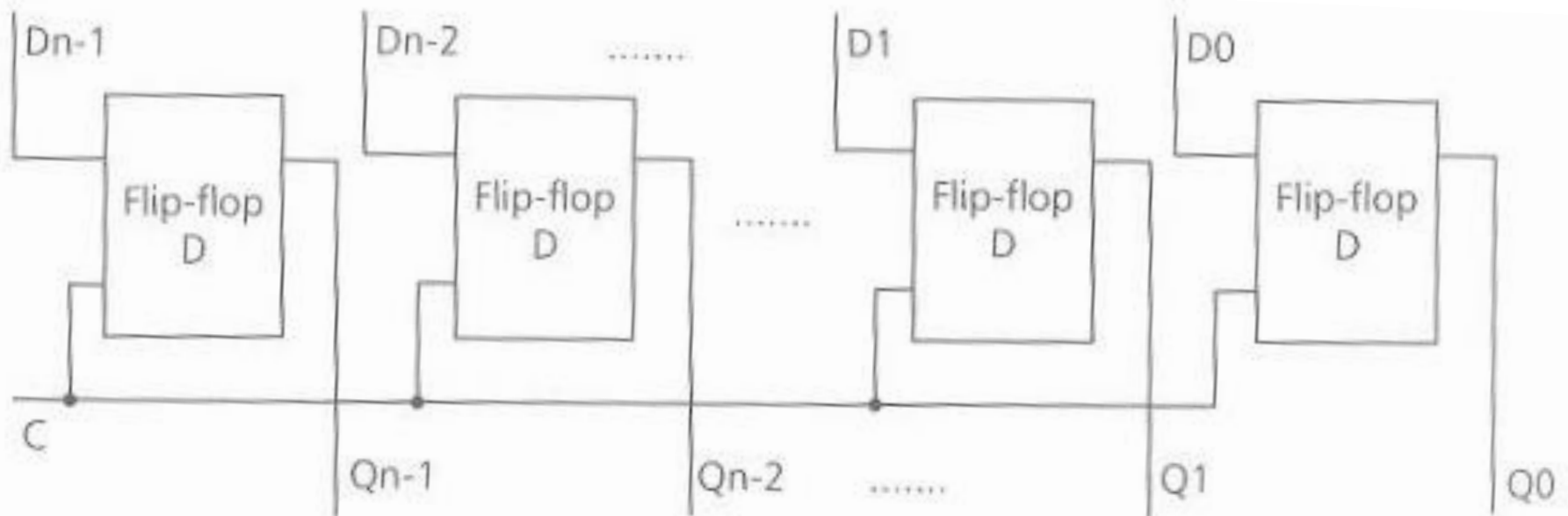
Esses registradores especiais são facilmente implementados com *flip-flops*.



## *Registrador com flip-flop tipo D*

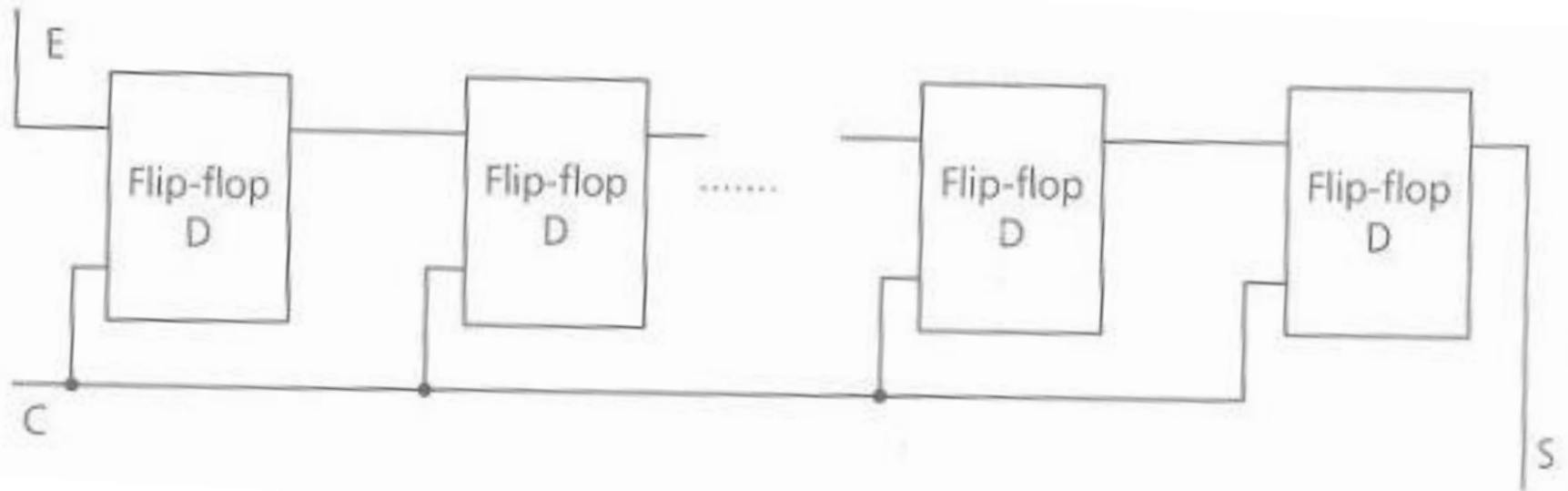
Um conjunto de  $n$  *flip-flops* pode ser interconectado para formar um **registrador** de  $n$  bits, ou seja, um registrador capaz de armazenar  $n$  bits.

Um **registrador** desse tipo possui uma entrada  $D$  para cada bit e um controle em conjunto para todos os bits.





## *Registrador de Deslocamento*







## *Registrador Contador*

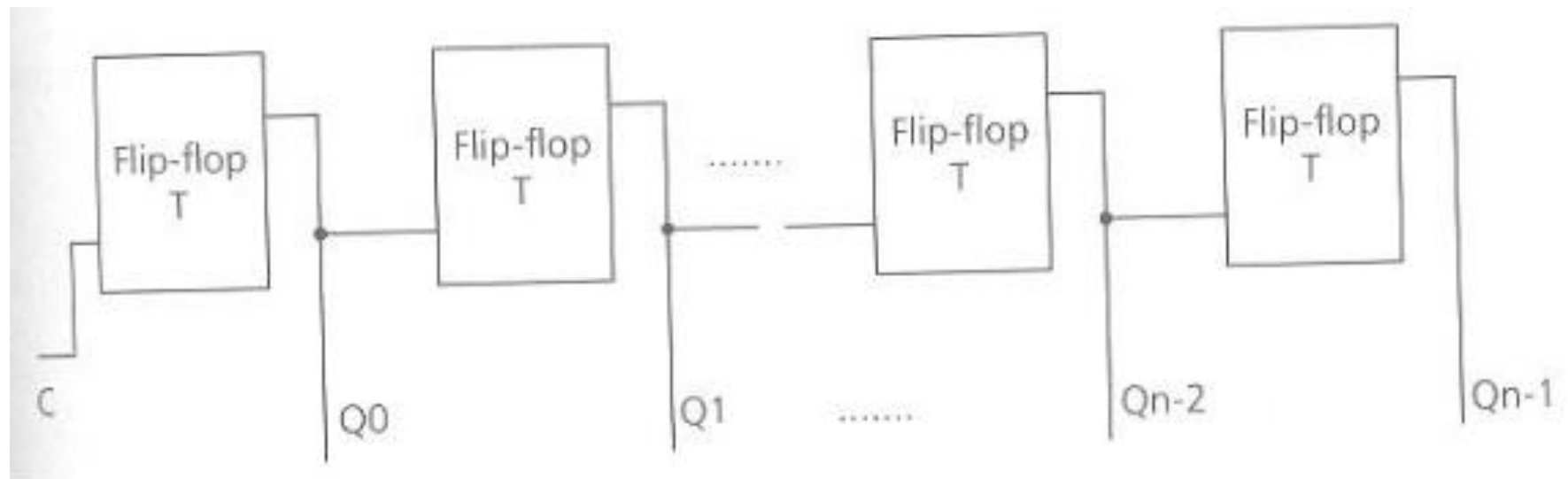
Um registrador contador, ou simplesmente um contador, é um registrador que, com a ativação do sinal de controle, incrementa (ou decrementa) o seu valor em uma unidade.

Dependendo da contagem desejada (binária, BCD, etc), o contador apresenta uma estrutura interna adequada.

Contadores sensíveis à borda de subida são contadores decrescentes e sensíveis à borda de descida são crescentes.



## *Registrador Contador*



Contador binário de n bits.



## *ULA: Unidade Lógica Aritmética*

Uma das partes mais importantes de um computador é sua ULA.

Essa unidade é responsável por cálculos: soma, subtração, funções booleanas, etc.

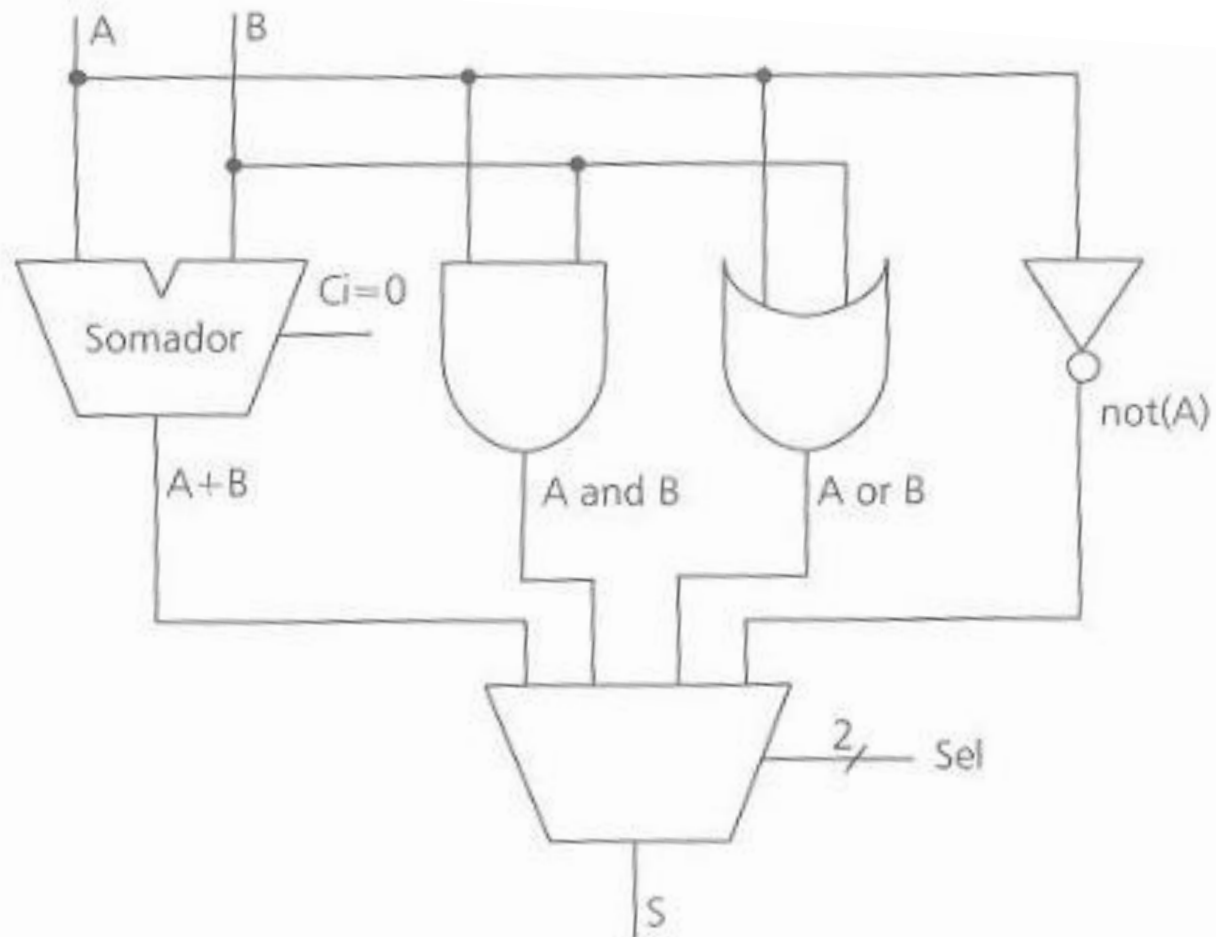
Sua complexidade é proporcional à complexidade do conjunto de instruções do computador.

Se uma ULA realiza várias funções, uma forma simples de implementá-la é implementar cada função e juntá-las por meio de um multiplexador.

Exemplo: suponha uma ULA com as operações SOMA, E, OU e NÃO para entradas de  $n$  bits.



## *ULA com 4 Operações*



ULA com 4 operações.