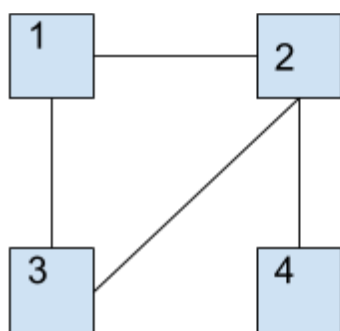


Trabalho Prático Aeds III
Pedro Nascimento Costa
TP2

Introdução:

A proposta do trabalho envolve desenvolver através de um grafo uma solução para um problema de labirinto, o labirinto consiste em diversos vértices, cada vértice podendo representar um tipo diferente de espaço. A solução é encontrada ao se achar o caminho mais curto do ponto de partida, “Vinícius”, até a saída. Inicialmente temos então três inteiros, dois n e m representando as dimensões $n \times m$ da matriz e t , representando o número de chaves que se é possível carregar, a seguir temos apenas a representação do labirinto através de uma matriz contendo alguns símbolos, “#” representa uma parede, “.” um espaço, letras maiúscula “C, D, H, S” portas, letras minúsculas “c, d, h, s” chaves, uma combinação de inteiros, por exemplo “00” um buraco de minhoca, que é praticamente um teleporte, por fim, as letras “V” e “E” representam o ponto inicial e o ponto de saída respectivamente.

Para solucionar o problema, foi utilizada um grafo por lista de adjacência e uma busca em largura(BFS) adaptada para tratar os diferentes tipos de vértice, essa adaptação é onde se concentrou o maior desafio do trabalho, pois cada caso de vértice é tratado da sua própria maneira.



Grafo I

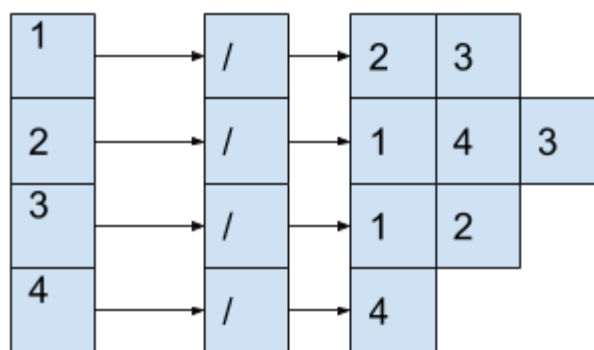


Figura I

O Grafo I e a Figura I representam de maneira simples a apresentação de um grafo não-direcionado através de uma lista de adjacência, que foi a representação de grafo usada na resolução do problema, nela para cada vértice do grafo temos a construção de uma lista contendo todos os vértices adjacentes a um mesmo vértice. No caso da resolução do problema, há um caso especial no qual a saída de um buraco de minhoca é sempre o primeiro vértice adjacente da lista.

Desenvolvimento:

Na implementação do trabalho foram utilizados dois TADs em junção com a main, um TAD é focado na implementação do Grafo através da lista de adjacência e que também faz a leitura de parte da entrada, o outro, na implementação do BFS adaptado. Além disso, foram criadas algumas estruturas de dados para ajudar na implementação, são utilizadas estruturas de fila e lista, relativamente comuns, temos um struct que representa o grafo, que contém as listas de adjacência, o número de arestas e o número de vértices, temos também um struct que representa cada vértice, nele está contida informação como qual o número(valor) daquele vértice, o caracter que ele representa no labirinto, um marcador se ele é buraco e caso seja, as coordenadas da sua saída representada na matriz de entrada, lembrando que o (0, 0) da matriz encontra-se no canto inferior esquerdo, por fim temos um struct que representa uma célula, que contém um apontador para a próxima célula, um vértice e um inteiro, a decisão por utilizar esses struct deve-se basicamente pela sua utilidade na organização das filas e listas.

Para o desenvolvimento, há três módulos, o primeiro monta, o da main, faz a primeira leitura de entrada, o m, n e t e então continua administrando os demais módulos, a seguir o módulo do Grafo realiza a leitura da matriz e faz uma representação dos vértices lidos em uma matriz de entrada, a partir dessa matriz, monta-se então o grafo de forma que não há arestas para fora do mesmo e para vértices paredes, dessa forma todo vértice está conectado aos vértices do lado e, em especial, o buraco tem uma possível aresta extra para sua saída.

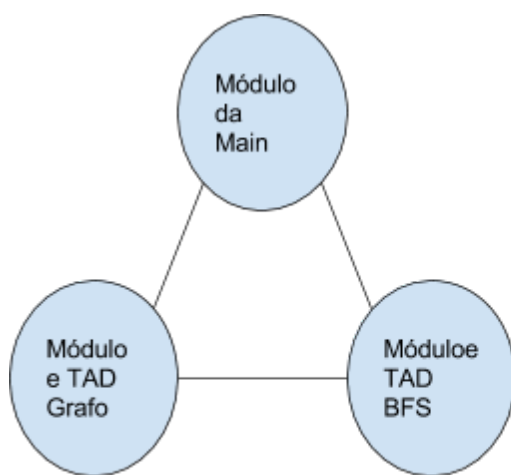


Figura II

A Figura II representa a dependência entre os módulos do programa, note que nenhum dos módulos é independente, por exemplo, o módulo do BFS depende da montagem do grafo e a saída depende da execução do BFS.

A entrada do programa consiste em três inteiros e uma matriz de caracteres, n e m, representam o número de linhas e o número de colunas respectivamente da matriz que vem a

seguir na entrada, temos também um inteiro t , que representa o limite de chaves que é possível carregar durante aquela execução do programa, note que não é possível largar uma chave após pegá-la ou trocar de chave. A seguir temos então a matriz de caracteres, nela temos 12 possíveis caracteres e algumas combinações de números “00, 01, 31” por exemplo, uma combinação assim de números representa um buraco de minhoca, o primeiro número é a coordenada x e o segundo a y (x,y) da saída do buraco de minhoca. Os demais caracteres podem ser chaves “c, d, h, s”, portas “C, D, H, S”, o ponto inicial “V”, o ponto final “E”, paredes “#”, ou espaços “.”, no caso de uma chave, pode-se pegá-la ou não, numa porta, pode-se apenas passar por ela caso tenha a chave representada pela letra minúscula corresponde e ao chegar na saída, acha-se um possível caminho solução.

A saída é simplesmente um inteiro, que representa o tamanho do caminho mais curto da origem “V” até a saída “E”, caso não exista um caminho, a saída é -1. A saída é determinada por uma lista que contém todas as distâncias de caminhos que alcançaram o vértice “E”, no final, percorre-se a lista atrás do menor valor. Tanto a saída quanto a entrada estão no padrão ‘stdin’ e ‘stdout’.

Para se executar corretamente o programa, primeiro utilize o comando make, assim fazendo uso do makefile para compilar, em seguida, para executar, deve se digitar no terminal apenas: ./exec em seguida entre com os dados de entrada, de acordo com o especificado acima.

Analizando a Complexidade:

Tempo:

A criação da matriz da entrada é da ordem de $O(n \times m)$, a dimensão da matriz, a montagem do grafo é da ordem de $O(v + a)$, sendo v o número de vértices e a o número de arestas, para cada vértice se insere todas as arestas possíveis, por fim a execução do BFS é da ordem de $O((v + a) \cdot 2^{(c + b)})$, sendo $O(v + a)$ o tempo de execução normal de um BFS e $2^{(c + b)}$ o número máximo de execuções do BFS, sendo c o número de chaves e b o número de buracos de minhoca, pois para cada um deles existem duas distintas execuções do BFS.

Como conclusão, a ordem de execução do programa é de $O((v + a) \cdot 2^{(c + b)})$.

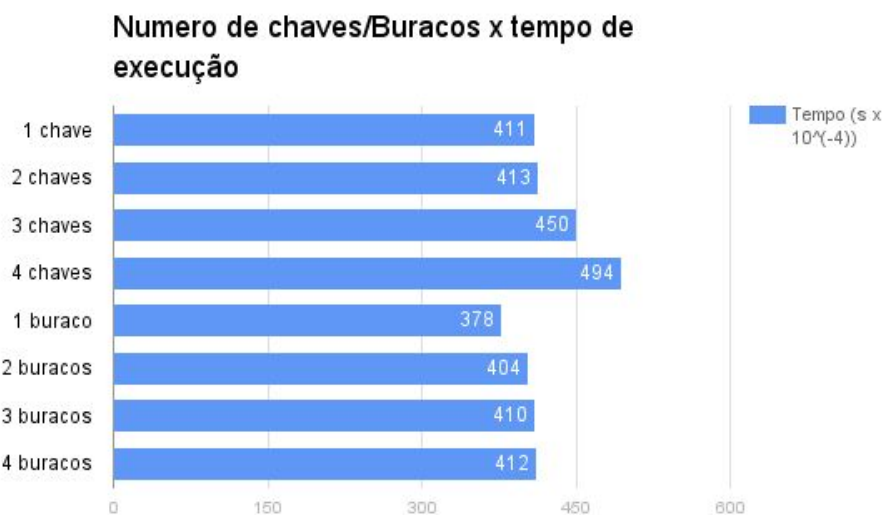
Gráfico I



No Gráfico I temos a representação do tempo de execução em função da dimensão do labirinto

em segundos $\times 10^{-4}$. Nota-se que ao aumentar significativamente o tamanho do labirinto, o que mais ocorre é aumento na variância de possibilidades, que por consequência tende a gerar casos de maior tempo de execução.

Gráfico II



No Gráfico II temos a representação do tempo de execução em função do número de chaves sem variar o número de buracos e do número de buracos sem variar o número de chaves. Note que existe um pequeno aumento de tempo de execução a medida em que se aumenta o número de cada, o que é o esperado.

Espaço:

O espaço do programa deve-se principalmente ao tamanho $n \times m$ da matriz de entrada,

ou seja, do número de vértices, e do número de arestas, que determina o tamanho das listas de adjacência, pois os vértices são os itens sendo enfileirados ou listados e o espaço depende principalmente dessa quantidade enfileirada e listada.

$O(v+a)$, sendo v o número de vértices e a o número de arestas.

Conclusão:

Considerando os limites do trabalho, que envolvem no máximo um tamanho 8×8 da matriz de entrada, ou seja no máximo 64 vértices, percebe-se que os tempos de execução e o espaço utilizado não tendem a ser muito grandes, entretanto, vale notar que a complexidade

do tempo é exponencial, logo caso o problema passe a ter cada vez um limite maior, a tendência é ‘explodir’. Isso se deve principalmente a variância nas possibilidades apresentadas por chaves e buracos de minhoca.

Referências:

https://www.tutorialspoint.com/c_standard_library/c_function_clock.htm

<http://www2.dcc.ufmg.br/livros/algoritmos/cap3/slides/c/completo1/cap3.pdf>

<http://www2.dcc.ufmg.br/livros/algoritmos/cap7/slides/c/completo1/cap7.pdf>

<http://www.inf.ufrgs.br/~tsrodrigues/utilidades/cormem.pdf>