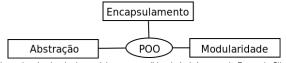
### Tipos Abstractos de Dados

Pedro Ribeiro

DCC/FCUP

2021/2022



(baseado e/ou inspirado parcialmente nos slides de Luís Lopes e de Fernando Silva)

# Programação Orientada a Objectos

- Programação orientada a objectos é um paradigma onde os principais actores são os objectos
- Três dos seus principais princípios são:
  - Abstração Especificação do que um objecto deve fazer, mas não como o fazer (tipos abstractos de dados) (o quê vs como)
  - ► **Encapsulamento** Esconder os detalhes internos de cada componente de um programa (código independente de outros objectos)
  - ► Modularidade Divisão de um sistema em diferentes componentes funcionais (mais robustez e facilidade de debug)
- Estes três principios ajudam a melhorar **robustez**, **adaptabilidade** e aumentam o potencial de **reutilização** do código.

# Tipos Abstractos de Dados (TADs)

- um Tipo Abstracto de Dados (TAD) é "modelo" de um tipo de dados definido pelo seu comportamento esperado:
  - Quais os valores que pode conter
  - Quais as operações permitidas sobre esses valores
- um TAD apenas define a **API** (Application Programming Interface)
  - Quais os métodos para interagir com o objecto
- diz-se abstracto porque a sua definição não carece de uma implementação concreta
  - para um mesmo TAD podem existir várias implementações possíveis
  - ex.: uma pilha pode ser implementada com arrays ou com listas, um conjunto pode ser implementado com arrays ou com árvores, (vamos ver vários exemplos durante o semestre)
- O Java suporta TADs através do conceito de interfaces e de classes

#### **Vectores**

- Vejamos exemplo inicial de um Tipo Abstracto de Dados (TAD)
- Imagine que quer representar um vector em  $\mathbb{R}^2$ :

Por exemplo:



- Precisamos de saber:
  - Quais os dados que armazena? (atributos da classe)
  - Como podemos interagir com objecto? (métodos da classe)

#### **Vectores - Atributos**

- Um vector fica definido por um par (x, y), que podemos representar por dois atributos
- Vamos usar doubles e não ints, porque são vectores em  $\mathbb{R}^2$

```
class Vector {
   // Atributos (coordenadas x e y)
   double x, y;
   // Construtor
   Vector(double x0, double y0) {
      x = x0;
      v = v0:
class TestVector {
   public static void main(String[] args) {
      Vector v1 = new Vector(3,2); // Exemplo de criação de vectores
      Vector v2 = new Vector(1,4);
```

# Vectores - Sobre a palavra chave "this"

 Notem como se usaram nos construtores argumentos com nomes diferentes dos atributos (para não haver ambiguidade)

```
class Vector {
   double x, y;
   // x0 tem nome diferente de x, y0 tem nome diferente de y
   Vector(double x0, double y0) {
      x = x0;
      y = y0;
   }
}
```

 Se precisarmos de desambiguar, ou de nos referirmos ao objecto si, à "nossa própria instância", podemos usar a palavra chave this:

```
class Vector {
   double x, y;
   // o atributo do objecto x fica igual ao argumento do construtor x
   // (a mesma coisa com o y)
   Vector(double x, double y) {
      this.x = x;
      this.y = y;
   }
}
```

## Vectores - Sobre a palavra chave "private"

A declaração dos atributos não impede outra classe de aceder a eles

```
class Vector {
   double x, y;
  Vector(double x0, double y0) {
      x = x0:
      y = y0;
class TestVector {
   public static void main(String[] args) {
      Vector v1 = new Vector(3,2);
      v1.x = 4; // Esta linha funciona e muda o valor de x
```

- No que concerne ao encapsulamento dos dados, isto n\u00e3o \u00e9
  desej\u00e1vel;
  - Outras classes podem aceder/modificar o estado interno da classe
  - ▶ Se quisermos mudar a implementação, podemos quebrar outro código
  - Queremos promover interação com a classe apenas com os métodos!

### Vectores - Sobre a palavra chave "private"

 Podemos declarar atributos como sendo privados usando a palavra-chave private para classificar as variáveis

 Para qualificar uma variável ou método podemos usar: (quando e se necessário iremos explicar os outros qualificadores)

			,	
Accessível em:	public	protected	default	private
mesma classe	Sim	Sim	Sim	Sim
classe do mesmo package	Sim	Sim	Sim	Não
sub-classe num package diferente	Sim	Sim	Não	Não
não sub-classe em package diferente	Sim	Não	Não	Não

# Vectores - Sobre a palavra chave "private"

 Para que uma outra classe possa agora aceder aos dados, temos de criar métodos. Os métodos para aceder aos atributos são os "getters":

```
class Vector {
  // Atributos
   private double x, y;
  // Construtor
  Vector(double x0, double y0) \{x = x0; y = y0;\}
  // Getters
   public double getX() {return x;}
   public double getY() {return y;}
class TestVector {
   public static void main(String[] args) {
      Vector v1 = new Vector(3.2):
      double valor = v1.getX(); // Acedendo ao valor de X
```

• Notem que só podemos "ler" o valor dos atributos e não modificar (se quisessemos mudar o valor criávamos métodos "setters")

### Vectores - Como escrever o conteúdo de uma classe

 Como sabem, se imprimirmos uma variável de classe, iremos ver apenas a referência e não o conteúdo:

```
class Vector {
   // Atributos
   private double x, y;
   // Construtor
   Vector(double x0, double y0) \{x = x0; y = y0;\}
}
class TestVector {
   public static void main(String[] args) {
      Vector v1 = new Vector(3,2);
      System.out.println(v1);
```

- O output do programa anterior seria algo como: Vector@75b84c92
- É possível dar à classe a capacidade de ser "imprimida" de maneira mais fácil do que ter de usar os *getters* para ir buscar o conteúdo.

### Vectores - Como escrever o conteúdo de uma classe

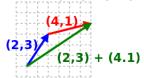
 Se adicionarmos uma classe "public String toString()" à nossa classe, mudamos o comportamento quando é esperada uma String (como acontece quando a variável é chamada numa instrução de impressão)

```
class Vector {
   // (...)
   //Conversão de um vector para String
   @Override // Esta linha é uma anotação para o Java
   public String toString() {
      return "(" + x + "," + y + ")";
class TestVector {
   public static void main(String[] args) {
      Vector v1 = new Vector(3.2):
      System.out.println(v1);
```

- O output do programa é agora: (3.0,2.0)
- Tecnicamente estamos a fazer override do método padrão de impressão de um objecto (que é simplesmente NomeClasse@HashCode)

# Vectores - Algumas operações

- Vamos agora adicionar alguma funcionalidade aos nossos vectores, adicionando alguns operadores:
  - Adição: (a, b) + (c, d) = (a + c, b + d)



- ► **Subtração:** (a, b) (c, d) = (a c, b d)
- Magnitude:  $||(a,b)|| = \sqrt{a^2 + b^2}$

▶ Multiplicação por um escalar:  $(a, b) \times c = (a \times c, b \times c)$ 

# Vectores - Algumas operações

- Precisamos de decidir como vamos usar os operadores:
  - Queremos que alterem o vector em si vs
  - Queremos que o resultado seja um novo vector
- Vamos usar aqui a segunda hipótese
- Os métodos de uma classe têm acesso aos seus atributos (não é preciso usar getters)

```
class Vector {
   // (...)

public Vector add(Vector v) { return new Vector(x + v.x, y + v.y); }

public Vector sub(Vector v) { return new Vector(x - v.x, y - v.y); }

public double magnitude() { return Math.sqrt(x*x + y*y); }

public Vector scale(double c) { return new Vector(x*c,y*c); }
}
```

# Vectores - Exemplo de utilização

```
class TestVector {
   public static void main(String[] args) {
      Vector v1 = new Vector(3,2);
      Vector v2 = new Vector(1.4):
      Vector v3 = v1.add(v2):
      Vector v4 = v1.sub(v2);
      double m = v1.magnitude();
      Vector v5 = v1.scale(2):
      System.out.println(v3):
      System.out.println(v4);
      System.out.printf("%.2f%n", m);
      System.out.println(v5):
```

#### Output:

```
(4.0,6.0)
(2.0,-2.0)
3.61
(6.0,4.0)
```

# **TAD Conjunto**

Vamos agora definir um novo TAD: um conjunto

- Representa um conjunto de elementos (sem repetições)
- Suporta operações como adicionar um elemento, remover um elemento, verificar se um elemento está no conjunto, etc

Este TAD é muito útil como peça base em vários algoritmos. Exemplos:

- Quantos elementos diferentes existem no input?
   É só colocar todos num conjunto e ver o seu tamanho.
- Quero fazer uma pesquisa por um conjunto de sítios, mas não quero voltar a um sítio onde já estive?
   Guardo os sítios visitados num conjunto e uso a operação de verificar.

# **TAD Conjunto - Operações**

Vamos agora implementar este TAD.

Queremos implementar as seguintes operações básicas: (existiriam mais operações possíveis, como a união, interseção, etc)

- **boolean contains**(x) verifica se o elemento x está no conjunto. Retorna *true* se o elemento está no conjunto e *false* caso contrário.
- boolean add(x) adiciona o elemento x ao conjunto.
   Retorna true se foi adicionado ou false caso x já esteja no conjunto.
- boolean remove(x) remove o elemento x do conjunto.
   Retorna true se foi removido ou false caso x não esteja no conjunto.
- int size() retorna o número de elementos do conjunto.
- void clear() limpa o conjunto (torna-o vazio)

# TAD Conjunto - Exemplo de utilização

Um exemplo de utilização e do significado das operações. Seja S um conjunto.

- Inicialmente  $S = \emptyset$
- S.add(1) iria devolver *true* e tornar  $S = \{1\}$
- S.add(5) iria devolver *true* e tornar  $S = \{1, 5\}$
- S.add(7) iria devolver *true* e tornar  $S = \{1, 5, 7\}$
- *S.contains*(1) iria devolver *true*
- S.contains(2) iria devolver false
- S.add(1) iria devolver false e continuaríamos com  $S=\{1,5,7\}$
- Nesta fase S.size() iria devolver 3, o número de elementos de S
- S.remove(5) iria devolver true e tornar  $S = \{1,7\}$
- S.remove(5) iria devolver false e continuaríamos com  $S = \{1,7\}$
- S.clear() iria tornar  $S = \emptyset$

# **TAD Conjunto - Interface**

Por uma questão de simplificação, iremos implementar um **conjunto de números inteiros**.

(mais para a frente vamos falar de genéricos e como poderíamos implementar um conjunto de "qualquer tipo")

O Java permite usar a noção de **interface** para especificar uma API (a assinatura dos métodos) sem explicar como implementar:

- Isto permite uma verdadeira abstração do TAD
- Permite que uma classe tenha um objecto do tipo desse interface e saiba que tem acesso a toda a API
- Obriga uma classe que implemente esse interface a declarar todos os métodos definidos na API

# **TAD Conjunto - Interface**

Um interface em Java essencialmente é uma declaração dos métodos sem especificar o seu *corpo* (o código que implementa o método).

```
interface IntSet {
   public boolean contains(int x); // Retorna true se x está no conjunto
   public boolean add(int x); // Adiciona x ao conjunto
   public boolean remove(int x); // Remove x do conjunto
   public int size(); // Retorna o nr de elementos do conjunto
   public void clear(); // Limpa o conjunto (torna-o vazio)
}
```

Dentro de um outro programa, podemos ter variáveis do tipo do interface;

```
IntSet s;
```

ou num outro exemplo possível de utilização:

```
void doSomething(IntSet s)
```

# **TAD Conjunto - Interface**

Um interface não tem construtores:

- Não permite criar (instanciar) um novo objecto desse tipo
- Para isso precisamos de ter a implementação em si

Uma classe pode dizer que implementa um interface:

```
class Xpto implements IntSet {
   // (...)
}
```

Se a classe não implementar todos os métodos do Interface o Java gera um erro de compilação: Xpto is not abstract and does not override abstract method clear() in IntSet

Tendo a classe definida podemos instanciar objectos desse tipo:

```
IntSet s = new Xpto();
```

Como s é do tipo IntSet apenas poderá chamar métodos do interface (mesmo que Xpto implemente outros métodos)

### **TAD Conjunto - Implementando um Interface**

Vamos agora implementar então o interface *IntSet* como atrás definido.

Primeira coisa a pensar é como implementar:

- Existem muitas hipóteses de implementação com diferentes vantagens e desvantagens
  - ► Ex: qual o tempo de execução? quais os gastos de memória?
- Não existe implementação "perfeita": dependendo do uso, uma pode ser melhor que outra
- Nesta UC vamos precisamente querer perceber as implementações para perceber os vários tradeoffs e saber escolher a melhor para o nosso caso em particular
- Vamos começar por usar um array

Que ideias têm sobre como implementar um IntSet?

Comecemos por usar estrutura de dados que conhecemos bem: um array!

- Vamos manter num array elem uma lista dos elementos
- O tamanho do array determina o número máximo de elementos
- Mantemos numa outra variável size o número de elementos

Por exemplo, o conjunto  $\{1,5,7\}$  seria representado por:

#### Operacionalizando isto, os atributos seriam:

```
// Implementa um conjunto usando um array como lista de elementos
class ArrayListIntSet implements IntSet {
   private int size; // Numero de elementos do conjunto
   private int elem[]; // Array que contem os elementos em si
   // (...)
}
```

(os métodos que se seguem são para serem colocados dentro da classe ArrayListIntSet)

• Como poderia ser o construtor?

```
// Construtor que recebe como argumento o número máximo de elementos
ArrayListIntSet(int maxSize) {
   elem = new int[maxSize];
   size = 0;
}
```

• Devolver o  $n^{\underline{o}}$  de elementos é só ir buscar o valor da variável *size*:

```
public int size() {
   return size;
}
```

• Limpar o conjunto é só colocar a variável *size* em zero

(não é preciso limpar elem[] porque size determina as posições que "interessam")

```
public void clear() {
   size = 0;
}
```

Como verificar se um elemento está no conjunto?

```
public boolean contains(int x) {
  for (int i=0; i<size; i++)
    if (elem[i] == x)
      return true;
  return false;
}</pre>
```

Como adicionar um elemento?

(podemos aproveitar outros métodos, como o *contains*())

```
public boolean add(int x) {
    if (!contains(x)) {
        elem[size] = x;
        size++;
        return true;
    }
    return false;
}
```

- Como remover um elemento?
  - Não basta retirar o elemento (o que fica na sua anterior posição?)
  - ▶ Podemos colocar o último elemento nessa posição que ficou vazia! (a ordem dos elementos não interessa num conjunto)
  - ▶ Feito isso, resta reduzir o size

```
public boolean remove(int x) {
   if (contains(x)) {
     int pos = 0;
     while (elem[pos] != x) pos++; // descobrir posicao de x
     size--;
   elem[pos] = elem[size]; // Trocar último elemento
     return true; // com o que se removeu
   }
   return false;
}
```

#### Exemplo:

Seja  $S = \{1, 3, 5, 7, 9\}$ ,  $elem = \boxed{1 \ | 5 \ | 3 \ | 9 \ | 7}$  e size = 5 s.remove(5) leva a  $S = \{1, 3, 7, 9\}$ ,  $elem = \boxed{1 \ | 7 \ | 3 \ | 9}$  e size = 4

Já agora, como pode poderíamos converter em String?
 (para poder escrever por exemplo com System.out.println())

```
public String toString() {
   String res = "{";
   for (int i=0; i<size; i++) {
      if (i>0) res += ",";
      res += elem[i];
   }
   res += "}";
   return res;
}
```

### TAD Conjunto - Exemplo de utilização

Com tudo isto, um exemplo de utilização seria:

```
public class TestSet {
   public static void main(String[] args) {
      IntSet s = new ArravListIntSet(100):
      System.out.println(s);
      System.out.println(s.add(1));
      System.out.println(s.add(5));
      System.out.println(s.add(7)):
      System.out.println(s):
      System.out.println(s.contains(1));
      System.out.println(s.contains(2));
      System.out.println(s.add(1));
      System.out.println(s.size());
      System.out.println(s.remove(5)):
      System.out.println(s.remove(5));
      System.out.println(s);
      s.clear():
      System.out.println(s);
      System.out.println(s.size());
}
```

# **TAD Conjunto - Vantagens e Desvantagens**

#### Sobre a implementação:

- Algumas vantagens
  - ➤ **Simples** de implementar (não menosprezar este factor!) (implementações mais complicadas mais facilmente contêm erros)
  - ▶ Não gasta muita **memória** (se soubermos o número de elementos máximo, temos só o espaço necessário para esse maximo)
- Algumas desvantagens
  - Operações de adicionar, remover e verificar implicam percorrer array à procura do elemento (tempo depende do número de elementos no conjunto)
  - ► Tem um limite máximo no número de elementos (poderíamos criar novo array quando ficarmos sem espaço, mas implica copiar elementos)

### **TAD Conjunto - Sobre os erros**

Como **nota adicional**, poderíamos criar um novo tipo de erro (excepção) do nosso próprio conjunto. Considerem por exemplo o seguinte código:

```
public class TestSet {
   public static void main(String[] args) {
      IntSet s = new ArrayListIntSet(1);
      s.add(1);
      s.add(2);
   }
}
```

Isto vai gerar um erro de execução por acedermos fora dos limites do array:

```
Exception in thread "main" java.lang.ArrayIndexOutOfBoundsException: 1
    at ArrayListIntSet.add(TestSet.java:22)
    at TestSet.main(TestSet.java:127)
```

Se alguém estiver a usar o nosso TAD isto não é muito informativo e depende da nossa implementação...

# **TAD Conjunto - Sobre os erros**

Podemos gerar um erro de execução com um erro "customizado":

throw new RuntimeException("Mensagem de erro customizada")

Por exemplo, poderiamos alterar o add para:

```
public boolean add(int x) {
   if (!contains(x)) {
      if (size == elem.length)
           throw new RuntimeException("Maximum size of set reached");
      elem[size] = x;
      size++;
      return true;
   }
   return false;
}
```

Agora o código anterior já daria o seguinte erro:

java.lang.RuntimeException: Maximum size of set reached

Voltaremos a falar de erros e do mecanismo de excepções noutras aulas

# **TAD Conjunto - Array de booleanos**

Vamos agora abordar outra implementação para o TAD conjunto, que é mais rápida a adicionar, remover e verificar.

Uma ideia é usar um **array de booleanos** para dizer se um número está ou não no conjunto.

- Vamos manter um array isElem de valores booleanos
- isElem[i] diz-nos se i está ou não no conjunto
- O tamanho do array determina o tamanho do número máximo
- Mantemos numa outra variável size o número de elementos

Por exemplo, o conjunto  $\{1,5,7\}$  seria representado por:

# **TAD Conjunto - Array de booleanos**

A implementação desta "versão" do TAD conjunto é um dos objectivos das **aulas práticas** desta semana.

Em comparação com a implementação anterior de lista como array:

- Algumas vantagens
  - ► É muito mais **rápida** a adicionar, remover e verificar (tempo constante, não depende do número de elementos do conjunto)
- Algumas desvantagens
  - Gasta mais memória
    - ★ Precisa de guardar explicitamente os elementos que não estão
    - ★ Limita o tamanho (magnitude) dos números a guardar
  - Menos "generalizável":
    - Usa os números como índices
    - Se o que guardarmos não fossem números, como saber a sua posição no array?

# **TAD Conjunto**

Na prática, para guardar conjuntos existem ainda outras soluções (mais eficientes) que não vamos detalhar agora, como por exemplo:

- Árvores Binárias Equilibradas (ex: AVL ou Red-Black)
- Tabelas de Dispersão (a.k.a. tabelas de hash)

O Java providencia implementações do TAD Conjunto prontas a usar:

https://docs.oracle.com/javase/tutorial/collections/implementations/set.html

- TreeSet (usa árvores)
- HashSet (usa hash tables)
- LinkedHashSet (usa hash tables e listas ligadas para percorrer)

No contexto de **Estruturas de Dados**, vamos querer implementar os nossos TADS (e não "simplesmente" usar os do Java) precisamente porque esse é o objectivo desta UC. Saber como implementar permite:

- Perceber realmente os tradeoffs que implicam uma escolha
- Customizar/aumentar a estrutura de dados às nossas necessidades
- Conseguir criar novas estruturas de dados consoante o necessário

# TAD Conjunto - TreeSet de Java

Um exemplo de uso dos conjuntos de Java:

- Set: um interface
- TreeSet: uma implementação do interface Set

```
import iava.util.Set:
import java.util.TreeSet;
public class TestTreeSet {
   public static void main(String[] args) {
      Set<Integer> s = new TreeSet<Integer>();
      s.add(1);
      s.add(5);
      s.add(7):
      System.out.println(s.size()); // 3
      System.out.println(s.contains(1)); // true
      System.out.println(s.contains(2)); // false
      s.remove(5);
      System.out.println(s.size()); // 2
```

#### **Genéricos**

• Esta linha tem algo de que ainda não falamos:

```
Set<Integer> s = new TreeSet<Integer>();
```

• Muitas das estruturas de dados de Java usam esta sintaxe:

```
NomeTAD<tipo> variavel
```

- Estas linhas usam a noção de tipos genéricos
  - Por vezes precisamos de algo que funcione para qualquer tipo
  - A implementação fica "genérica"
  - Concretizamos o tipo na declaração da variável (como em cima)
  - Poderíamos por exemplo ter antes um conjunto de Strings: Set<String> s = new TreeSet<String>();

# Exemplo de implementação com Genéricos

- Vejamos um exemplo de uso de uma implementação com genéricos
- Suponhamos que queremos ter um "par" de objectos, que funcione com qualquer tipo. Exemplos:
  - Um estudante com nome e número: (String,Integer)
  - Um ponto 2D: (Integer, Integer)
  - Um filme com nome e lista de actores: (String, TreeSet<String>)
  - ► Um vector com nome: (Vector, String)
- Como podemos implementar uma classe Pair que funcione genericamente sem ser preciso reimplementar para cada combinação de tipos?

# Um par de objectos usando genéricos

```
public class Pair<A,B> { // Uma implementação genérica de um par
    private A first; // Objecto do tipo A
    private B second; // Objecto do tipo B

Pair(A a, B b) {
    first = a;
    second = b;
  }

public A getFirst() { return first; }
  public B getSecond() { return second; }
}
```

```
public class TestPair { // Exemplo de uso da classe Pair
  public static void main(String[] args) {
    Pair<String, String>    p1 = new Pair<String,String>("UC","ED");
    Pair<Integer, Integer> p2 = new Pair<Integer,Integer>(42,1);
    Pair<String, Integer> p3 = new Pair<String,Integer>("Dois",2);

    String s1 = p1.getFirst(); // "UC"
    String s2 = p1.getSecond(); // "ED"
  }
}
```

## Wrappers

- Os tipos A e B do Pair esperam um objecto (e não tipos primitivos).
- Como colocar um tipo primitivo onde é esperado um objecto?
- O Java disponibiliza Wrappers: classes cujo objectivo é encapsular um tipo primitivo: Byte, Short, Integer, Long, Float, Double, Character, Boolean.

```
public class TestWrappers {
   public static void main(String[] args) {
        Integer i = new Integer(42);
        Double d = new Double(2.3);

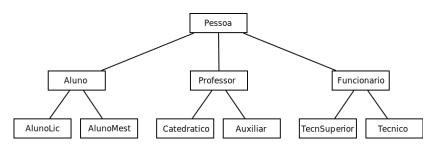
        System.out.println(i.intValue()); // 42
        System.out.println(d.doubleValue()); // 2.3
   }
}
```

#### "Boxing" e "unboxing" automáticos

- Para facilitar o uso, o Java faz boxing e unboxing automáticos, um processo que faz conversão implícita entre tipos primitivos e os correspondentes Wrappers.
- Um exemplo:
  - Onde é esperado um Integer e é passado um int, o Java cria um Integer contendo o int
  - Onde é esperado um int e é passado um Integer, o Java vai buscar o intValue()

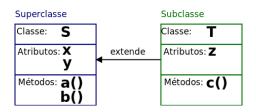
#### Herança

- Um outro mecanismo importante é o de herança
- Não vamos usar muito, mas é importante perceberem o conceito
- Uma forma natural de organizar componentes é numa hierarquia que vai desde o mais geral (no topo) até ao mais específico (em baixo)



#### Herança

- Herança é o mecanismo que permite implementar hierarquias, fazendo com que uma classe herde atributos e métodos de outra classe.
- Uma subclasse extende uma superclasse ou classe base.



A classe T ficaria com os atributos x, y e z, e os métodos a(), b() e c()

## Herança - Exemplo e uso de "extends" e "super"

```
class Person {
   private String name:
   private int age;
   Person(String n, int a) {name = n; age = a;}
   String getName() {return name;}
   int getAge() {return age;}
// Palavra chave "extends" indica herança
class Student extends Person {
   private int number;
   // "super" refere-se à super classe e chama o respectivo construtor
   Student(String n, int i, int m) {super(n,i); number = m;}
   int getNumber() {return number;}
}
class TestStudent {
   public static void main(String[] args) {
      Student a = new Student("Jose", 20, 12345);
      System.out.println(a.getName()); // Jose
      System.out.println(a.getAge()); // 20
      System.out.println(a.getNumber()); // 12345
}
```

#### Herança - Variáveis e subclasses

 Uma variável pode referir-se a um objecto de uma subclasse do seu tipo (já o contrário não faz sentido).

```
class TestStudent {
   public static void main(String[] args) {
      // Note que agora estamos a dizer a alocar um Student a uma Person
      Person p = new Student("Jose",20,12345);
      System.out.println(p.getName()); // Jose
      System.out.println(p.getAge()); // 20

      // Esta linha daria um erro
      // System.out.println(p.getNumber());
   }
}
```

#### Herança - Override

- Uma subclasse pode "reimplementar" um método herdado (override)
- Para saber qual método executar, o Java percorre a hierarquia (de baixo para cima) até descobrir o método onde pode executar;

```
class TypeA {
   void write() {Svstem.out.println("A"):}
}
class TypeB extends TypeA {}
class TypeC extends TypeA {
   // É permitido: estamos a fazer override do método write
   void write() {System.out.println("C");}
}
class TestTypeABC {
   public static void main(String[] args) {
      TypeB b = new TypeB();
      TypeC c = new TypeC();
      b.write(); // Escreve "A"
      c.write(); // Escreve "C"
```

#### Herança - Classes e Métodos abstractos

- Uma classe pode conter alguns métodos abstractos (não implementados) usando a palavra chave abstract
- Fica como um "misto" de interface com superclasse

```
abstract class TypeOne {
   void writeOne() {System.out.println("One");}
   abstract void writeTwo(); // Método abstracto (não implementado)
// Se não implentasse writeTwo() java queixava-se que tinha de ser "abstract"
class TypeTwo extends TypeOne {
   // Implementação do método abstracto de TypeA
   void writeTwo() {Svstem.out.println("Two"):}
}
class TestTypeOneTwo {
   public static void main(String[] args) {
      TypeTwo t = new TypeTwo();
      t.writeOne(); // Escreve "One"
      t.writeTwo(); // Escreve "Two"
```

#### Heranças e Linguagem Java

 Agora já pode compreender melhor toda a hierarquia de classes de Java (onde a superclasse de topo é simplesmente Object):

https://docs.oracle.com/javase/8/docs/api/java/util/TreeSet.html

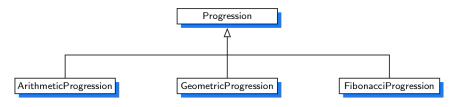
#### Class TreeSet<E>

```
public class TreeSet<E>
extends AbstractSet<E>
implements NavigableSet<E>, Cloneable, Serializable
```

Vamos agora ilustrar alguns dos conceitos dados:

- Vamos implementar progressões ou sequências de números inteiros
- O que define uma progressão é:
  - ▶ O número (ou números) inicial
  - A regra que define como obter cada próximo elemento da sequência
- Alguns exemplos:
  - ▶ Progressão Aritmética: f(n) = f(n-1) + k (cada termo é igual anterior mais um incremento fixo).
    - **★** 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, ... (+1)
    - **★** 2, 7, 12, 17, 22, 27, ... (+5)
  - ▶ Progressão Geométrica: f(n) = f(n-1) \* k (cada termo é igual anterior multiplicado por uma razão constante
    - **★** 1, 2, 4, 8, 16, 32, 64, 128, ... (×2)
    - **★** 2, 6, 18, 54, 162, 486, ... (×3)
  - ▶ **Fibonacci**: f(n) = f(n-1) + f(n-2)
    - **\*** 0. 1. 1. 2, 3, 5, 8, 13, 21, 34, 55, 89, 144, ...

Vamos criar uma hierarquia de progressões



#### Queremos os seguintes métodos:

- nextValue() Um método público para ir buscar o próximo valor da progressão, implicitamente avançando a progressão
- printProgression(n) Um método público para imprimir n valores da progressão
- advance() Um método protegido para avançar a progressão

```
// Gera uma progressão. Por omissão é simplesmente: 0, 1, 2, ...
public class Progression {
   protected long current; // valor actual
   // Por omissão começa em 0. This chama construtor da própria classe
   Progression() { this(0); }
   // Constroi progressão començando num dado valor
   Progression(long start) { current = start; }
   // Devolve o valor actual e avança a sequência
   public long nextValue( ) {
      long answer = current;
      advance():
      return answer:
   // Avança para o próximo valor da sequênca
   protected void advance( ) {
      current++;
   // Escreve os próximos n valores da progressão
   public void printProgression(int n) {
      for (int i=0; i<n; i++)
         System.out.print(nextValue() + " ");
      System.out.println();
```

• Um exemplo de utilização da classe Progression

```
public class TestProgression {
   public static void main(String[] args) {
      Progression prog;

      System.out.print("Default Progression: ");
      prog = new Progression();
      prog.printProgression(10); // 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9

      System.out.print("Progression with start 4: ");
      prog = new Progression(4);
      prog.printProgression(10); // 4 5 6 7 8 9 10 11 12 13
    }
}
```

## Exemplo de heranças: Progressões Aritméticas

• Para além dos construtores, o único método que muda é... o advance()!

```
public class ArithmeticProgression extends Progression {
   protected long increment:
   // Por omissão cria progressão: 0, 1, 2, ...
   public ArithmeticProgression() { this(1, 0); }
   // Cria progressão: 0, stepsize, 2*stepsize,...
   public ArithmeticProgression(long stepsize) { this(stepsize. 0): }
   // Cria progressão com um dado incremento e um dado início
   public ArithmeticProgression(long stepsize. long start) {
      super(start);
      increment = stepsize:
   protected void advance( ) {
      current += increment:
```

## Exemplo de heranças: Progressões Geométricas

• Para além dos construtores, o único método que muda é... o advance()!

```
public class GeometricProgression extends Progression {
   protected long base:
   // Por omissão cria progressão: 1, 2, 4, 8, 16, ...
   public GeometricProgression() { this(2, 1); }
   // Cria progressão: 1, b, b^2, b^3, ...
   public GeometricProgression(long b) { this(b, 0); }
   // Cria progressão com uma dada base e um dado início
   public GeometricProgression(long b. long start) {
      super(start);
      base = b:
   protected void advance( ) {
      current *= base;
```

## Exemplo de heranças: Sequência de Fibonacci

• Para além dos construtores, o único método que muda é... o advance()!

```
public class FibonacciProgression extends Progression {
   protected long prev;
   // Por omissão cria fibonacci clássico: 0, 1, 1, 2, 3, 5, ...
   public FibonacciProgression() { this(0, 1); }
   // Cria fibonacci com dois valores iniciais dados
   public FibonacciProgression(long first, long second) {
      super(first);
      prev = second - first: // valor fictício antes do first
   }
   protected void advance( ) {
      long temp = prev;
      prev = current;
      current += temp;
```

### Exemplo de heranças: uso

```
public class TestProgression {
   public static void main(String[] args) {
      Progression prog:
      System.out.print("Deafault arithmetic progression: ");
      prog = new ArithmeticProgression();
      prog.printProgression(10); // 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9
      System.out.print("Arithmetic progression with increment 5: ");
      prog = new ArithmeticProgression(5);
      prog.printProgression(10): // 0 5 10 15 20 25 30 35 40 45
      System.out.print("Arithmetic progression with start 2: ");
      prog = new ArithmeticProgression(5, 2);
      prog.printProgression(10); // 2 7 12 17 22 27 32 37 42 47
      System.out.print("Geometric progression with default base: ");
      prog = new GeometricProgression();
      prog.printProgression(10); // 1 2 4 8 16 32 64 128 256 512
      System.out.print("Geometric progression with base 3: ");
      prog = new GeometricProgression(3);
      prog.printProgression(10); // 1 3 9 27 81 243 729 2187 6561 19683
      // Continua no próximo slide
```

#### Exemplo de heranças: uso

```
// Continuação do slide anterior

System.out.print("Fibonacci with default start values: ");
prog = new FibonacciProgression();
prog.printProgression(10); // 0 1 1 2 3 5 8 13 21 34

System.out.print("Fibonacci with start values 4 and 6: ");
prog = new FibonacciProgression(4, 6);
prog.printProgression(8); // 4 6 10 16 26 42 68 110
}
```