

Manda o Double de Campeão
CEFET-MG

Pedro Augusto

8 de fevereiro de 2025

Índice

1 Estruturas

1.1	DSU	1
1.2	Fenwick Tree (BIT)	3
1.3	SegTree	3
1.4	Sparse Table Disjunta	5
1.5	Tabuleiro	5
1.6	Union-Find (Disjoint Set Union)	7

2 Grafos

2.1	Emparelhamento Max Grafo Bipartido (Kuhn)	7
2.2	Fluxo - Dinitz (Max Flow)	8
2.3	Fluxo - MinCostMaxFlow	9
2.4	Fluxo - Problemas	11

3 Extra

3.1	fastIO.cpp	11
3.2	hash.sh	11
3.3	template.cpp	11

3.4	stress.sh	12
3.5	pragma.cpp	12
3.6	timer.cpp	12
3.7	vimrc	12
3.8	debug.cpp	13
3.9	makefile	13
3.10	rand.cpp	13

1 Estruturas

1.1 DSU

```
// Une dois conjuntos e acha a qual conjunto um elemento pertence por
// seu id
//
// find e unite: O(a(n)) ~ O(1) amortizado

8d3 struct dsu {
825     vector<int> id, sz;

b33     dsu(int n) : id(n), sz(n, 1) { iota(id.begin(), id.end(), 0); }

0cf     int find(int a) { return a == id[a] ? a : id[a] = find(id[a]);
}

440     void unite(int a, int b) {
```

```

605     a = find(a), b = find(b);
d54     if (a == b) return;
956     if (sz[a] < sz[b]) swap(a, b);
6d0     sz[a] += sz[b], id[b] = a;
ea7 }
8e1 };

// DSU de bipartido
//
// Une dois vertices e acha a qual componente um vertice pertence
// Informa se a componente de um vertice e bipartida
//
// find e unite: O(log(n))

8d3 struct dsu {
6f7     vector<int> id, sz, bip, c;

5b4     dsu(int n) : id(n), sz(n, 1), bip(n, 1), c(n) {
db8         iota(id.begin(), id.end(), 0);
f25     }

ef0     int find(int a) { return a == id[a] ? a : find(id[a]); }
f30     int color(int a) { return a == id[a] ? c[a] : c[a] ^
        color(id[a]); }

440     void unite(int a, int b) {
263         bool change = color(a) == color(b);
605         a = find(a), b = find(b);
a89         if (a == b) {
4ed             if (change) bip[a] = 0;
505             return;
32d         }

956         if (sz[a] < sz[b]) swap(a, b);
efe         if (change) c[b] = 1;
2cd         sz[a] += sz[b], id[b] = a, bip[a] ^= bip[b];
22b     }
118 };

// DSU Persistente
//
// Persistencia parcial, ou seja, tem que ir
// incrementando o 't' no une
//
// find e unite: O(log(n))

```

```

8d3 struct dsu {
33c     vector<int> id, sz, ti;

733     dsu(int n) : id(n), sz(n, 1), ti(n, -INF) {
db8         iota(id.begin(), id.end(), 0);
aad     }

5e6     int find(int a, int t) {
6ba         if (id[a] == a or ti[a] > t) return a;
ea5         return find(id[a], t);
6cb     }

fa0     void unite(int a, int b, int t) {
84f         a = find(a, t), b = find(b, t);
d54         if (a == b) return;
956         if (sz[a] < sz[b]) swap(a, b);
35d         sz[a] += sz[b], id[b] = a, ti[b] = t;
513     }
6c6 };

// DSU com rollback
//
// checkpoint(): salva o estado atual de todas as variaveis
// rollback(): retorna para o valor das variaveis para
// o ultimo checkpoint
//
// Sempre que uma variavel muda de valor, adiciona na stack
//
// find e unite: O(log(n))
// checkpoint: O(1)
// rollback: O(m) em que m e o numero de vezes que alguma
// variavel mudou de valor desde o ultimo checkpoint

8d3 struct dsu {
825     vector<int> id, sz;
27c     stack<stack<pair<int&, int>>> st;

98d     dsu(int n) : id(n), sz(n, 1) {
1cc         iota(id.begin(), id.end(), 0), st.emplace();
8cd     }

bdf     void save(int &x) { st.top().emplace(x, x); }

30d     void checkpoint() { st.emplace(); }

5cf     void rollback() {
ba9         while(st.top().size()) {

```

```

6bf         auto [end, val] = st.top().top(); st.top().pop();
149         end = val;
f9a     }
25a     st.pop();
3c6 }

ef0     int find(int a) { return a == id[a] ? a : find(id[a]); }

440     void unite(int a, int b) {
605         a = find(a), b = find(b);
d54         if (a == b) return;
956         if (sz[a] < sz[b]) swap(a, b);
803         save(sz[a]), save(id[b]);
6d0         sz[a] += sz[b], id[b] = a;
1b9     }
c6e };

```

1.2 Fenwick Tree (BIT)

```

// Operacoes 0-based
// query(l, r) retorna a soma de v[l..r]
// update(l, r, x) soma x em v[l..r]
//
// Complexidades:
// build - O(n)
// query - O(log(n))
// update - O(log(n))

e04 namespace bit {
06d     int bit[2][MAX+2];
1a8     int n;

727     void build(int n2, vector<int>& v) {
1e3         n = n2;
535         for (int i = 1; i <= n; i++)
a6e             bit[1][min(n+1, i+(i&-i))] += bit[1][i] += v[i];
d31     }
1a7     int get(int x, int i) {
7c9         int ret = 0;
360         for (; i; i -= i&-i) ret += bit[x][i];
edf         return ret;
a4e     }
920     void add(int x, int i, int val) {
503         for (; i <= n; i += i&-i) bit[x][i] += val;
fae     }
3d9     int get2(int p) {

```

```

c7c         return get(0, p) * p + get(1, p);
33c     }
9e3     int query(int l, int r) { // zero-based
ff5         return get2(r+1) - get2(l);
25e     }
7ff     void update(int l, int r, int x) {
e5f         add(0, l+1, x), add(0, r+2, -x);
f58         add(1, l+1, -x*1), add(1, r+2, x*(r+1));
5ce     }
17a };

63d void solve() {

97a     vector<int> v {0,1,2,3,4,5}; // v[0] eh inutilizada
c7b     bit::build(v.size(), v);

67f     int a = 0, b = 3;
9b0     bit::query(a, b); // v[a] + v[a+1] + ... + v[b] = 6 | 1+2+3 =
6 | zero-based
b3d     bit::update(a, b, 2); // v[a...b] += 2 | zero-based
7b4 }

```

1.3 SegTree

```

// Recursiva com Lazy Propagation
// Query: soma do range [a, b]
// Update: soma x em cada elemento do range [a, b]
// Pode usar a seguinte funcao para indexar os nohs:
// f(l, r) = (l+r)|(l!=r), usando 2N de memoria
//
// Complexidades:
// build - O(n)
// query - O(log(n))
// update - O(log(n))

0d2 const int MAX = 1e5+10;

fb1 namespace SegTree {
098     int seg[4*MAX], lazy[4*MAX];
052     int n, *v;

b90     int op(int a, int b) { return a + b; }

2c4     int build(int p=1, int l=0, int r=n-1) {
3c7         lazy[p] = 0;
6cd         if (l == r) return seg[p] = v[l];

```

```

ee4         int m = (l+r)/2;
317         return seg[p] = op(build(2*p, l, m), build(2*p+1, m+1, r));
985     }

0d8 void build(int n2, int* v2) {
680     n = n2, v = v2;
6f2     build();
acb }

ceb void prop(int p, int l, int r) {
cdf     seg[p] += lazy[p]*(r-l+1);
2c9     if (l != r) lazy[2*p] += lazy[p], lazy[2*p+1] += lazy[p];
3c7     lazy[p] = 0;
c10 }

04a int query(int a, int b, int p=1, int l=0, int r=n-1) {
6b9     prop(p, l, r);
527     if (a <= l and r <= b) return seg[p];
786     if (b < l or r < a) return 0;
ee4     int m = (l+r)/2;
19e     return op(query(a, b, 2*p, l, m), query(a, b, 2*p+1, m+1,
r));
1c9 }

f33 int update(int a, int b, int x, int p=1, int l=0, int r=n-1) {
6b9     prop(p, l, r);
9a3     if (a <= l and r <= b) {
b94         lazy[p] += x;
6b9         prop(p, l, r);
534         return seg[p];
821     }
e9f     if (b < l or r < a) return seg[p];
ee4     int m = (l+r)/2;
a8f     return seg[p] = op(update(a, b, x, 2*p, l, m), update(a,
b, x, 2*p+1, m+1, r));
08f }

// Se tiver uma seg de max, da pra descobrir em O(log(n))
// o primeiro e ultimo elemento >= val numa range:

// primeira posicao >= val em [a, b] (ou -1 se nao tem)
119 int get_left(int a, int b, int val, int p=1, int l=0, int
r=n-1) {
6b9     prop(p, l, r);
f38     if (b < l or r < a or seg[p] < val) return -1;
205     if (r == l) return l;
ee4     int m = (l+r)/2;

```

```

753     int x = get_left(a, b, val, 2*p, l, m);
50e     if (x != -1) return x;
c3c     return get_left(a, b, val, 2*p+1, m+1, r);
68c }

// ultima posicao >= val em [a, b] (ou -1 se nao tem)
992 int get_right(int a, int b, int val, int p=1, int l=0, int
r=n-1) {
6b9     prop(p, l, r);
f38     if (b < l or r < a or seg[p] < val) return -1;
205     if (r == l) return l;
ee4     int m = (l+r)/2;
1b1     int x = get_right(a, b, val, 2*p+1, m+1, r);
50e     if (x != -1) return x;
6a7     return get_right(a, b, val, 2*p, l, m);
1b7 }

// Se tiver uma seg de soma sobre um array nao negativo v, da
pra
// descobrir em O(log(n)) o maior j tal que
v[i]+v[i+1]+...+v[j-1] < val
89b int lower_bound(int i, int& val, int p, int l, int r) {
6b9     prop(p, l, r);
6e8     if (r < i) return n;
b5d     if (i <= l and seg[p] < val) {
bff         val -= seg[p];
041         return n;
634     }
3ce     if (l == r) return l;
ee4     int m = (l+r)/2;
514     int x = lower_bound(i, val, 2*p, l, m);
ee0     if (x != n) return x;
8b9     return lower_bound(i, val, 2*p+1, m+1, r);
01d }
a15 };

63d void solve() {
213     int n = 10;
89e     int v[] = {1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10};
2d5     SegTree::build(n, v);

3af     cout << SegTree::query(0, 9) << endl; // seg[0] + seg[1] + ...
+ seg[9] = 55
310     SegTree::update(0, 9, 1); // seg[0,...,9] += 1
6d9 }

```

1.4 Sparse Table Disjunta

```
// Description: Sparse Table Disjunta para soma de intervalos
// Complexity Temporal: O(n log n) para construir e O(1) para consultar
// Complexidade Espacial: O(n log n)

2b7 #include <bits/stdc++.h>
ca4 using namespace std;

005 #define MAX 100010
352 #define MAX2 20 // log(MAX)

82d namespace SparseTable {
9bf     int m[MAX2][2*MAX], n, v[2*MAX];
b90     int op(int a, int b) { return a + b; }
0d8     void build(int n2, int* v2) {
1e3         n = n2;
df4         for (int i = 0; i < n; i++) v[i] = v2[i];
a84         while (n&(n-1)) n++;
3d2         for (int j = 0; (1<<j) < n; j++) {
1c0             int len = 1<<j;
d9b             for (int c = len; c < n; c += 2*len) {
332                 m[j][c] = v[c], m[j][c-1] = v[c-1];
668                 for (int i = c+1; i < c+len; i++) m[j][i] =
op(m[j][i-1], v[i]);
432                 for (int i = c-2; i >= c-len; i--) m[j][i] =
op(v[i], m[j][i+1]);
eda             }
f4d         }
ce3     }
9e3     int query(int l, int r) {
f13         if (l == r) return v[l];
e6d         int j = __builtin_clz(1) - __builtin_clz(l^r);
d67         return op(m[j][l], m[j][r]);
a7b     }
258 }

63d void solve() {
ce1     int n = 9;
1a3     int v[] = {1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9};
3f7     SparseTable::build(n, v);
925     cout << SparseTable::query(0, n-1) << endl; // sparse[0] +
sparse[1] + ... + sparse[n-1] = 45
241 }
```

1.5 Tabuleiro

```
// Description: Estrutura que simula um tabuleiro M x N, sem realmente
criar uma matriz
// Permite atribuir valores a linhas e colunas, e consultar a posicao
mais frequente
// Complexidade Atribuir: O(log(N))
// Complexidade Consulta: O(log(N))
// Complexidade verificar frequencia geral: O(N * log(N))
9a0 #define MAX_VAL 5 // maior valor que pode ser adicionado na matriz
+ 1

8ee class BinTree {
d9d     protected:
ef9         vector<int> mBin;
673     public:
d5e         explicit BinTree(int n) { mBin = vector(n + 1, 0); }

e44         void add(int p, const int val) {
dd1             for (auto size = mBin.size(); p < size; p += p & -p)
174                 mBin[p] += val;
b68         }

e6b         int query(int p) {
e1c             int sumToP {0};
b62             for (; p > 0; p -= p & -p)
ec1                 sumToP += mBin[p];
838             return sumToP;
793         }
a5f };

b6a class ReverseBinTree : public BinTree {
673     public:
83e         explicit ReverseBinTree(int n) : BinTree(n) {};

e44         void add(int p, const int val) {
850             BinTree::add(static_cast<int>(mBin.size()) - p, val);
705         }

e6b         int query(int p) {
164             return BinTree::query(static_cast<int>(mBin.size()) -
p);
a21         }
6cf };

952 class Tabuleiro {
673     public:
```

```

177     explicit Tabuleiro(const int m, const int n, const int q)
: mM(m), mN(n), mQ(q) {
958         mLinhas = vector<pair<int, int8_t>>(m, {0, 0});
d68         mColunas = vector<pair<int, int8_t>>(n, {0, 0});

66e         mAtribuicoesLinhas = vector(MAX_VAL,
ReverseBinTree(mQ)); // aARvore[51]
9e5         mAtribuicoesColunas = vector(MAX_VAL,
ReverseBinTree(mQ));
13b     }

bc2     void atribuirLinha(const int x, const int8_t r) {
e88         mAtribuirFileira(x, r, mLinhas, mAtribuicoesLinhas);
062     }

ca2     void atribuirColuna(const int x, const int8_t r) {
689         mAtribuirFileira(x, r, mColunas, mAtribuicoesColunas);
a40     }

d10     int maxPosLinha(const int x) {
f95         return mMaxPosFileira(x, mLinhas, mAtribuicoesColunas,
mM);
8ba     }

ff7     int maxPosColuna(const int x) {
b95         return mMaxPosFileira(x, mColunas, mAtribuicoesLinhas,
mN);
252     }

80e     vector<int> frequenciaElementos() {
a35         vector<int> frequenciaGlobal(MAX_VAL, 0);
45a         for(int i=0; i<mM; i++) {
ebd             vector<int> curr = frequenciaElementos(i,
mAtribuicoesColunas);
97f             for(int j=0; j<MAX_VAL; j++)
ef3                 frequenciaGlobal[j] += curr[j];
094         }
01e         return frequenciaGlobal;
b7a     }

bf2     private:
69d         int mM, mN, mQ, mMoment {0};

0a6         vector<ReverseBinTree> mAtribuicoesLinhas,
mAtribuicoesColunas;
f2d         vector<pair<int, int8_t>> mLinhas, mColunas;

```

```

e7a     void mAtribuirFileira(const int x, const int8_t r,
vector<pair<int, int8_t>>& fileiras,
1d7         vector<ReverseBinTree>& atribuicoes) {
224         if (auto& [oldQ, oldR] = fileiras[x]; oldQ)
bda             atribuicoes[oldR].add(oldQ, -1);

914         const int currentMoment = ++mMoment;
b2c         fileiras[x].first = currentMoment;
80b         fileiras[x].second = r;
f65         atribuicoes[r].add(currentMoment, 1);
5de     }

2b8     int mMaxPosFileira(const int x, const vector<pair<int,
int8_t>>& fileiras, vector<ReverseBinTree>&
atribuicoesPerpendiculares, const int& currM) const {
1aa         auto [momentoAtribuicaoFileira, rFileira] =
fileiras[x];

8d0         vector<int> fileiraFrequencia(MAX_VAL, 0);
729         fileiraFrequencia[rFileira] = currM;

85a         for (int8_t r {0}; r < MAX_VAL; ++r) {
8ca             const int frequenciaR =
atribuicoesPerpendiculares[r].query(momentoAtribuicaoFileira + 1);
04a             fileiraFrequencia[rFileira] -= frequenciaR;
72e             fileiraFrequencia[r] += frequenciaR;
6b0         }

b59         return MAX_VAL - 1 -
(max_element(fileiraFrequencia.cbegin(),
fileiraFrequencia.crend()) - fileiraFrequencia.cbegin());
372     }

7c4     vector<int> frequenciaElementos(int x,
vector<ReverseBinTree>& atribuicoesPerpendiculares) const {

8d0         vector<int> fileiraFrequencia(MAX_VAL, 0);

583         auto [momentoAtribuicaoFileira, rFileira] = mLinhas[x];

083         fileiraFrequencia[rFileira] = mN;

85a         for (int8_t r {0}; r < MAX_VAL; ++r) {
8ca             const int frequenciaR =
atribuicoesPerpendiculares[r].query(momentoAtribuicaoFileira + 1);
04a             fileiraFrequencia[rFileira] -= frequenciaR;

```

```

72e         fileiraFrequencia[r] += frequenciaR;
6b0     }

2e6         return fileiraFrequencia;
15d     }

20c };

63d void solve() {

e29     int L, C, q; cin >> L >> C >> q;

56c     Tabuleiro tabuleiro(L, C, q);

a09     int linha = 0, coluna = 0, valor = 10; // linha e coluna sao 0
based
b68     tabuleiro.atribuirLinha(linha, static_cast<int8_t>(valor)); //
f(i,0,C) matriz[linha][i] = valor
34d     tabuleiro.atribuirColuna(coluna, static_cast<int8_t>(valor));
// f(i,0,L) matriz[i][coluna] = valor

        // Freuencia de todos os elementos, de 0 a MAX_VAL-1
155     vector<int> frequenciaGeral = tabuleiro.frequenciaElementos();

176     int a = tabuleiro.maxPosLinha(linha); // retorna a posicao do
elemento mais frequente na linha
981     int b = tabuleiro.maxPosColuna(coluna); // retorna a posicao
do elemento mais frequente na coluna
9b5 }

```

1.6 Union-Find (Disjoint Set Union)

```

f3b const int MAX = 5e4+10;

074 int p[MAX], ranking[MAX], setSize[MAX];

0cd struct UnionFind {
c55     int numSets;

02d     UnionFind(int N) {
680         iota(p,p+N+1,0);
340         memset(ranking, 0, sizeof ranking);
f0a         memset(setSize, 1, sizeof setSize);
0bd         numSets = N;
142     }

```

```

c59     int numDisjointSets() { return numSets; }
a5b     int sizeOfSet(int i) { return setSize[find(i)]; }

8ee     int find(int i) { return (p[i] == i) ? i : (p[i] =
find(p[i])); }
da3     bool same(int i, int j) { return find(i) == find(j); }
92e     void uni(int i, int j) {
ea5         if (same(i, j))
505             return;
c56         int x = find(i), y = find(j);
e4f         if (ranking[x] > ranking[y])
9dd             swap(x, y);
ae9         p[x] = y;
6e9         if (ranking[x] == ranking[y])
3cf             ++ranking[y];
223         setSize[y] += setSize[x];
92a         --numSets;
e3f     }
b6b };

63d void solve() {

f98     int n, ed; cin >> n >> ed;
f4e     UnionFind uni(n);

31c     f(i,0,ed) {
602         int a, b; cin >> a >> b; a--, b--;
45e         uni.uni(a,b);
c0f     }

350     cout << uni.numDisjointSets() << endl;
01b }

```

2 Grafos

2.1 Emparelhamento Max Grafo Bipartido (Kuhn)

```

// Computa matching maximo em grafo bipartido
// 'n' e 'm' sao quantos vertices tem em cada particao
// chamar add(i, j) para add aresta entre o cara i
// da particao A, e o cara j da particao B
// (entao i < n, j < m)
// Para recuperar o matching, basta olhar 'ma' e 'mb'
// 'recover' recupera o min vertex cover como um par de

```

```

// {caras da particao A, caras da particao B}
//
// O(|V| * |E|)
// Na pratica, parece rodar tao rapido quanto o Dinitz

878 mt19937 rng((int)
    chrono::steady_clock::now().time_since_epoch().count());

6c6 struct kuhn {
14e     int n, m;
789     vector<vector<int>>> g;
d3f     vector<int> vis, ma, mb;

40e     kuhn(int n_, int m_) : n(n_), m(m_), g(n),
8af         vis(n+m), ma(n, -1), mb(m, -1) {}

ba6     void add(int a, int b) { g[a].push_back(b); }

caf     bool dfs(int i) {
29a         vis[i] = 1;
29b         for (int j : g[i]) if (!vis[n+j]) {
8c9             vis[n+j] = 1;
2cf             if (mb[j] == -1 or dfs(mb[j])) {
bfe                 ma[i] = j, mb[j] = i;
8a6                 return true;
b17             }
82a         }
d1f         return false;
4ef     }

bf7     int matching() {
1ae         int ret = 0, aum = 1;
5a8         for (auto& i : g) shuffle(i.begin(), i.end(), rng);
392         while (aum) {
618             for (int j = 0; j < m; j++) vis[n+j] = 0;
c5d             aum = 0;
830             for (int i = 0; i < n; i++)
01f                 if (ma[i] == -1 and dfs(i)) ret++, aum = 1;
085         }
edf         return ret;
2ee     }
b0d };

63d void solve() {

be0     int n1; // Num vertices lado esquerdo grafo bipartido
e4c     int n2; // Num vertices lado direito grafo bipartido

```

```

761     kuhn K(n1, n2);

732     int edges;

6e0     while(edges--) {
b1f         int a, b; cin >> a >> b;
3dc         K.add(a,b); // a -> b
5b7     }

69b     int emparelhamentoMaximo = K.matching();
76b }

```

2.2 Fluxo - Dinitz (Max Flow)

```

// Encontra fluxo maximo de um grafo
// O(min(m * max_flow, n^2 m))
// Grafo com capacidades 1: O(min(m sqrt(m), m * n^(2/3)))
// Todo vertice tem grau de entrada ou saida 1: O(m sqrt(n))

472 struct dinitz {
61f     const bool scaling = false; // com scaling -> O(nm
log(MAXCAP)),
206     int lim; // com constante alta
670     struct edge {
358         int to, cap, rev, flow;
7f9         bool res;
d36         edge(int to_, int cap_, int rev_, bool res_)
a94             : to(to_), cap(cap_), rev(rev_), flow(0), res(res_) {}
f70     };

002     vector<vector<edge>>> g;
216     vector<int> lev, beg;
a71     ll F;
190     dinitz(int n) : g(n), F(0) {}

087     void add(int a, int b, int c) {
bae         g[a].emplace_back(b, c, g[b].size(), false);
4c6         g[b].emplace_back(a, 0, g[a].size()-1, true);
5c2     }

123     bool bfs(int s, int t) {
90f         lev = vector<int>(g.size(), -1); lev[s] = 0;
64c         beg = vector<int>(g.size(), 0);
8b2         queue<int> q; q.push(s);
402         while (q.size()) {
be1             int u = q.front(); q.pop();

```



```

bd9         for (auto& i : g[u]) {
dbc             if (lev[i.to] != -1 or (i.flow == i.cap)) continue;
b4f             if (scaling and i.cap - i.flow < lim) continue;
185             lev[i.to] = lev[u] + 1;
8ca             q.push(i.to);
f97         }
e87     }
0de     return lev[t] != -1;
742 }
dfb int dfs(int v, int s, int f = INF) {
50b     if (!f or v == s) return f;
88f     for (int& i = beg[v]; i < g[v].size(); i++) {
027         auto& e = g[v][i];
206         if (lev[e.to] != lev[v] + 1) continue;
ee0         int foi = dfs(e.to, s, min(f, e.cap - e.flow));
749         if (!foi) continue;
3c5         e.flow += foi, g[e.to][e.rev].flow -= foi;
45c         return foi;
618     }
bb3     return 0;
4b1 }
ff6 ll max_flow(int s, int t) {
a86     for (lim = scaling ? (1<<30) : 1; lim; lim /= 2)
9d1         while (bfs(s, t)) while (int ff = dfs(s, t)) F += ff;
4ff     return F;
8b9 }
86f };

// Recupera as arestas do corte s-t
dbd vector<pair<int, int>> get_cut(dinitz& g, int s, int t) {
f07     g.max_flow(s, t);
68c     vector<pair<int, int>> cut;
1b0     vector<int> vis(g.g.size(), 0), st = {s};
321     vis[s] = 1;
3c6     while (st.size()) {
b17         int u = st.back(); st.pop_back();
322         for (auto e : g.g[u]) if (!vis[e.to] and e.flow < e.cap)
c17             vis[e.to] = 1, st.push_back(e.to);
d14     }
481     for (int i = 0; i < g.g.size(); i++) for (auto e : g.g[i])
9d2         if (vis[i] and !vis[e.to] and !e.res) cut.emplace_back(i,
e.to);
d1b     return cut;
1e8 }

63d void solve() {

```

```

1a8     int n; // numero de arestas
b06     dinitz g(n);

732     int edges;
6e0     while(edges--) {
1e1         int a, b, w; cin >> a >> b >> c;
f93         g.add(a,b,c); // a -> b com capacidade c
fa1     }

07a     int maxFlow = g.max_flow(SRC, SNK); // max flow de SRC -> SNK
a7b }

```

2.3 Fluxo - MinCostMaxFlow

```

// min_cost_flow(s, t, f) computa o par (fluxo, custo)
// com max(fluxo) <= f que tenha min(custo)
// min_cost_flow(s, t) -> Fluxo maximo de custo minimo de s pra t
// Se for um dag, da pra substituir o SPFA por uma DP pra nao
// pagar O(nm) no comeco
// Se nao tiver aresta com custo negativo, nao precisa do SPFA
//
// O(nm + f * m log n)

123 template<typename T> struct mcmf {
670     struct edge {
b75         int to, rev, flow, cap; // para, id da reversa, fluxo,
capacidade
7f9         bool res; // se eh reversa
635         T cost; // custo da unidade de fluxo
892         edge() : to(0), rev(0), flow(0), cap(0), cost(0),
res(false) {}
1d7         edge(int to_, int rev_, int flow_, int cap_, T cost_, bool
res_)
f8d             : to(to_), rev(rev_), flow(flow_), cap(cap_),
res(res_), cost(cost_) {}
723     };

002     vector<vector<edge>> g;
168     vector<int> par_idx, par;
f1e     T inf;
a03     vector<T> dist;

b22     mcmf(int n) : g(n), par_idx(n), par(n),
inf(numeric_limits<T>::max()/3) {}

```

```

91c     void add(int u, int v, int w, T cost) { // de u pra v com cap
w e custo cost
2fc         edge a = edge(v, g[v].size(), 0, w, cost, false);
234         edge b = edge(u, g[u].size(), 0, 0, -cost, true);

b24         g[u].push_back(a);
c12         g[v].push_back(b);
0ed     }

8bc     vector<T> spfa(int s) { // nao precisa se nao tiver custo
negativo
871         deque<int> q;
3d1         vector<bool> is_inside(g.size(), 0);
577         dist = vector<T>(g.size(), inf);

a93         dist[s] = 0;
a30         q.push_back(s);
ecb         is_inside[s] = true;

14d         while (!q.empty()) {
b1e             int v = q.front();
ced             q.pop_front();
48d             is_inside[v] = false;

76e             for (int i = 0; i < g[v].size(); i++) {
9d4                 auto [to, rev, flow, cap, res, cost] = g[v][i];
e61                 if (flow < cap and dist[v] + cost < dist[to]) {
943                     dist[to] = dist[v] + cost;

ed6                     if (is_inside[to]) continue;
020                     if (!q.empty() and dist[to] > dist[q.front()])
q.push_back(to);
b33                     else q.push_front(to);
b52                     is_inside[to] = true;
2d1                 }
8cd             }
f2c         }
8d7         return dist;
96c     }
2a2     bool dijkstra(int s, int t, vector<T>& pot) {
489         priority_queue<pair<T, int>, vector<pair<T, int>>,
greater<>> q;
577         dist = vector<T>(g.size(), inf);
a93         dist[s] = 0;
115         q.emplace(0, s);
402         while (q.size()) {
91b             auto [d, v] = q.top();

```

```

833         q.pop();
68b         if (dist[v] < d) continue;
76e         for (int i = 0; i < g[v].size(); i++) {
9d4             auto [to, rev, flow, cap, res, cost] = g[v][i];
e8c             cost += pot[v] - pot[to];
e61             if (flow < cap and dist[v] + cost < dist[to]) {
943                 dist[to] = dist[v] + cost;
441                 q.emplace(dist[to], to);
88b                 par_idx[to] = i, par[to] = v;
873             }
de3         }
9d4     }
1d4     return dist[t] < inf;
c68 }

3d2 pair<int, T> min_cost_flow(int s, int t, int flow = INF) {
3dd     vector<T> pot(g.size(), 0);
9e4     pot = spfa(s); // mudar algoritmo de caminho minimo aqui

d22     int f = 0;
ce8     T ret = 0;
4a0     while (f < flow and dijkstra(s, t, pot)) {
bda         for (int i = 0; i < g.size(); i++)
d2a             if (dist[i] < inf) pot[i] += dist[i];

71b         int mn_flow = flow - f, u = t;
045         while (u != s){
90f             mn_flow = min(mn_flow,
07d                 g[par[u]][par_idx[u]].cap -
g[par[u]][par_idx[u]].flow);
3d1             u = par[u];
935         }

1f2         ret += pot[t] * mn_flow;

476         u = t;
045         while (u != s) {
e09             g[par[u]][par_idx[u]].flow += mn_flow;
d98             g[u][g[par[u]][par_idx[u]].rev].flow -= mn_flow;
3d1             u = par[u];
bcc         }

04d         f += mn_flow;
36d     }

15b     return make_pair(f, ret);
cc3 }

```

```

        // Opcional: retorna as arestas originais por onde passa flow
        = cap
182     vector<pair<int,int>> recover() {
24a         vector<pair<int,int>> used;
2a4         for (int i = 0; i < g.size(); i++) for (edge e : g[i])
587             if(e.flow == e.cap && !e.res) used.push_back({i,
e.to});
f6b         return used;
390     }
697 };

63d void solve(){

1a8     int n; // numero de vertices
4c5     mcmf<int> mincost(n);

ab4     mincost.add(u, v, cap, cost); // unidirecional
983     mincost.add(v, u, cap, cost); // bidirecional

073     auto [flow, cost] = mincost.min_cost_flow(src, end/*,
initialFlow*/);

da5 }

```

2.4 Fluxo - Problemas

```

// 1: Problema do Corte
7a9 - Entrada:
bc1     - N itens
388     - Curso Wi Inteiro
7c3     - M restricoes: se eu pegar Ai, eu preciso pegar Bi...
387 - Saida: valor maximo pegavel

ac2 - Solucao: corte maximo com Dinitz
019     - dinitz(n+m+1)
593     - f(i,0,n): i -> SNK com valor Ai
9eb     - f(i,0,m):
9e2         * SRC -> n+i com valor Wi
a9e         * ParaTodo dependente Bj: n+i -> Bj com peso INF
8a0     - ans = somatorio(Wi) - maxFlow(SRC,SNK);

/* ===== */

```

3 Extra

3.1 fastIO.cpp

```

int read_int() {
    bool minus = false;
    int result = 0;
    char ch;
    ch = getchar();
    while (1) {
        if (ch == '-') break;
        if (ch >= '0' && ch <= '9') break;
        ch = getchar();
    }
    if (ch == '-') minus = true;
    else result = ch-'0';
    while (1) {
        ch = getchar();
        if (ch < '0' || ch > '9') break;
        result = result*10 + (ch - '0');
    }
    if (minus) return -result;
    else return result;
}

```

3.2 hash.sh

```

# Para usar (hash das linhas [l1, l2]):
# bash hash.sh arquivo.cpp l1 l2
sed -n $2', '$3' p' $1 | sed '/^#/d' | cpp -dD -P -fpreprocessed | tr
-d '[:space:]' | md5sum | cut -c-6

```

3.3 template.cpp

```

#include <bits/stdc++.h>
using namespace std;

#define _ ios_base::sync_with_stdio(0);cin.tie(0);
#define all(a) a.begin(), a.end()
#define int long long
#define double long double
#define f(i,s,e) for(int i=s;i<e;i++)
#define dbg(x) cout << #x << " = " << x << " ";

```

```

#define dbg1(x) cout << #x << " = " << x << endl;

#define vi          vector<int>
#define pii         pair<int,int>
#define endl        "\n"
#define print_v(a)  for(auto x : a)cout<<x<<" ";cout<<endl
#define print_vp(a) for(auto x : a)cout<<x.first<<" "<<x.second<< endl
#define rf(i,e,s)   for(int i=e-1;i>=s;i--)
#define CEIL(a, b)  ((a) + (b - 1))/b
#define TRUNC(x, n) floor(x * pow(10, n))/pow(10, n)
#define ROUND(x, n) round(x * pow(10, n))/pow(10, n)

const int INF = 1e9;      // 2^31-1
const int LLINF = 4e18;   // 2^63-1
const double EPS = 1e-9;
const int MAX = 1e6+10;   // 10^6 + 10

void solve() {

}

int32_t main() { _

    int t = 1; // cin >> t;
    while (t--) {
        solve();
    }
    return 0;
}

```

3.4 stress.sh

```

P=a
make ${P} ${P}2 gen || exit 1
for ((i = 1; ; i++)) do
    ./gen $i > in
    ./${P} < in > out
    ./${P}2 < in > out2
    if (! cmp -s out out2) then
        echo "--> entrada:"
        cat in
        echo "--> saida1:"
        cat out
        echo "--> saida2:"
        cat out2
    fi
done

```

```

        break;
    fi
    echo $i
done

```

3.5 pragma.cpp

```

// Otimizacoes agressivas, pode deixar mais rapido ou mais devagar
#pragma GCC optimize("Ofast")
// Auto explicativo
#pragma GCC optimize("unroll-loops")
// Vetorizacao
#pragma GCC target("avx2")
// Para operacoes com bits
#pragma GCC target("bmi,bmi2,popcnt,lzcnt")

```

3.6 timer.cpp

```

// timer T; T() -> retorna o tempo em ms desde que declarou
using namespace chrono;
struct timer : high_resolution_clock {
    const time_point start;
    timer(): start(now()) {}
    int operator()() {
        return duration_cast<milliseconds>(now() - start).count();
    }
};

```

3.7 vimrc

```

189 "" {
d79 set ts=4 sw=4 mouse=a nu ai si undofile
7c9 function H(l)
496     return system("sed '/^#/d' | cpp -dD -P -fpreprocessed | tr -d
    '[:space:]' | md5sum", a:l)
0be endfunction
329 function P() range
dd8     for i in range(a:firstline, a:lastline)
ccc         let l = getline(i)
139         call cursor(i, len(l))
7c9         echo H(getline(search('{'[1], 'bc', i) ? searchpair('{',
'', '}', 'bn') : i, i))[0:2] l

```

```

bf9      endfor
0be endfunction
90e vmap <C-H> :call P()<CR>
de2 "" }

```

3.8 debug.cpp

```

void debug_out(string s, int line) { cerr << endl; }
template<typename H, typename... T>
void debug_out(string s, int line, H h, T... t) {
    if (s[0] != ',') cerr << "Line(" << line << ") ";
    do { cerr << s[0]; s = s.substr(1);
    } while (s.size() and s[0] != ',');
    cerr << " = " << h;
    debug_out(s, line, t...);
}
#ifdef DEBUG
#define debug(...) debug_out(__VA_ARGS__, __LINE__, __VA_ARGS__)
#else
#define debug(...) 42
#endif

```

3.9 makefile

```

CXX = g++
CXXFLAGS = -fsanitize=address,undefined -fno-omit-frame-pointer -g
          -Wall -Wshadow -std=c++17 -Wno-unused-result -Wno-sign-compare
          -Wno-char-subscripts #-fuse-ld=gold

clearexe:
    find . -maxdepth 1 -type f -executable -exec rm {} +

```

3.10 rand.cpp

```

mt19937 rng((int)
    chrono::steady_clock::now().time_since_epoch().count());

int uniform(int l, int r){
    uniform_int_distribution<int> uid(l, r);
    return uid(rng);
}

```