

Pedro Augusto Ulisses Andrade Lucas Andrade

Katia Volte Para Mim! Cantarei Boate Azul Para Você (>o<)

Contents				4	Est	truturas	6
					4.1	Bittree	6
1	Util	s	2		4.2	Sparse Table Disjunta	7
	1.1	Makefile	2		4.3	Seg Tree	
	1.2	Limites	2				
	1.3	Mini Template Cpp	2	5	Gra	afos	8
	1.4	Template Cpp	3		5.1	Bfs Matriz	8
	1.5	Files	3		5.2	Bfs	8
	1.6	Template Python	3		5.3	Dijkstra	8
					5.4	Successor Graph	9
2	Info	ormações	4		5.5	Kosaraju	9
	2.1	Vector	4		5.6	Euler Tree	9
	2.2	Sort	4		5.7	Kruskal	9
	2.3	Priority Queue	4		5.8	Dfs	10
	2.4	String	5				
				6	Matematica		
3	Cor	nbinatoria	5		6.1	N Fibonacci	10
	3.1	Arranjo Simples	5		6.2	Mdc Multiplo	11
	3.2	Combinação Com Repetição	5		6.3	Factorial	11
	3.3	Combinação Simples	5		6.4	Operacoes Binarias	11
	3.4	Permutacao Circular	6		6.5	Mmc Multiplo	11
	3.5	@ Tabela	6		6.6	Fast Exponentiation	11
	3.6	Permutacao Com Repeticao	6		6.7	Fatoracao	11
	3.7	@ Factorial	6		6.8	Conversao De Bases	11
	3.8	Permutacao Simples	6		6.9	Sieve	12
	3.9	Arranjo Com Repeticao	6		6.10	0 Mdc	12

	6.11	Fatorial Grande	12								
	6.12	Sieve Linear	12								
	6.13	Primo	12								
	6.14	Miller Rabin	13								
	6.15	Decimal Para Fracao	13								
	6.16	Numeros Grandes	13								
	6.17	Numeros Grandes	14								
	6.18	$\operatorname{Mmc} \ldots \ldots \ldots \ldots \ldots \ldots \ldots \ldots \ldots $	14								
7	Stri	Strings 14									
	7.1	Ocorrencias	14								
	7.2	Palindromo	15								
	7.3	Split Cria	15								
	7.4	Remove Acento	15								
	7.5	Chaves Colchetes Parenteses	15								
	7.6	Lower Iupper	15								
	7.7	Lexicograficamente Minima	15								
	7.8	Numeros E Char	16								
3	Vect	tor	16								
	8.1	Remove Repetitive	16								
	8.2	Troco	16								
	8.3	Contar Soma Subarray Igual K	16								
	8.4	Elemento Mais Frequente	16								
	8.5	Maior Sequencia Subsequente	17								
9	Out	ros	17								
	9.1	Binario	17								
	9.2	Horario	17								
	9.3	Max Subarray Sum	17								
	9.4	Binary Search	18								
	9.5	Fibonacci	18								

${f Utils}$

1 CXX = g++

1.1 Makefile

```
2 CXXFLAGS = -fsanitize=address, undefined -fno-omit-frame-pointer -g -Wall -32 imput size
      Wshadow -std=c++17 -Wno-unused-result -Wno-sign-compare -Wno-char-
      subscripts #-fuse-ld=gold
      g++ -g $(f).cpp $(CXXFLAGS) -o $(f)
6 exec:
      ./$(f)
9 runc: compile exec
10 runci: compile
     ./\$(f) < \$(f).txt
12
      find . -maxdepth 1 -type f -executable -exec rm {} +
15 cleartxt:
      find . -type f -name "*.txt" -exec rm -f {} \;
17 clear: clearexe cleartxt
18
19 runp:
      python3 $(f).py
21 runpt:
      python3 $(f).py < $(f).txt
```

1.2 Limites

24 1MB = 131,072 int64_t 25 1MB = 65,536 float

1 // LIMITES DE REPRESENTACAO DE DADOS

```
| precisao decim. 6 #define all(a)
            | bits |
                            minimo .. maximo
| 8 | 0 .. 127 | 2
             l 8 l
                              -128 .. 127
6 signed char
                           0 .. 255
7 unsigned char | 8 |
8 short | 16 |
                          -32.768 .. 32.767
9 unsigned short | 16 | 0 .. 65.535
10 int | 32 | -2 x 10^9 .. 2 x 10^9
                            0 .. 65.535
11 unsigned int | 32 | 0 .. 4 x 10^9
             | 64 | -9 x 10^18 .. 9 x 10^18
12 int64_t
                                                  19
                       0 .. 18 x 10<sup>18</sup>
             l 64 l
13 uint64_t
             | 32 | 1.2 x 10<sup>-38</sup> .. 3.4 x 10<sup>38</sup> |
             | 64 | 2.2 x 10<sup>-308</sup> .. 1.8 x 10<sup>308</sup> |
                                                   15 - 17
15 double
            | 80 | 3.4 x 10<sup>-4932</sup> .. 1.1 x 10<sup>4932</sup> |
16 long double
17 BigInt/Dec(java) 1 x 10^{-2147483648} .. 1 x 10^{2147483647} | 0
19 // LIMITES DE MEMORIA
21 \text{ 1MB} = 1,048,576 bool}
22 1MB = 524,288 char
23 1MB = 262,144 int32_t
```

```
32,768 double
26 1MB =
27 1MB = 16,384 long double
         16,384 BigInteger / BigDecimal
30 // ESTOURAR TEMPO
             | complexidade para 1 s
33 -----
34 [10,11]
           | O(n!), O(n^6)
35 [15,18]
             | 0(2^n * n^2)
36 [18, 22]
            | 0(2^n * n)
37 ... 100
           | 0(n^4)
38 ... 400
           | O(n^3)
39 ... 2*10^3 | 0(n^2 * log n)
40 \dots 5*10^4 \mid 0(n^2)
41 ... 10^5
             | O(n^2 log n)
42 ... 10^6
              | O(n log n)
43 ... 10^7
             | O(n log log n)
            | 0(n), 0(log n), 0(1)
47 // FATORIAL
                    479.001.600 [limite do (u)int]
50 \ 20! = 2.432.902.008.176.640.000 [limite do (u)int64 t]
```

1.3 Mini Template Cpp

```
#include <bits/stdc++.h>
                                  2 using namespace std;
                                  4 #define _ ios_base::sync_with_stdio(0); cin.tie(0);
                                                                   a.begin(), a.end()
                                                                   long long int
9 #define endl
1 2 9 #define endl
2 10 #define print_v(a) for(auto x : a) cout << x
4 11 #define f(i,s,e) for(int i=s;i<e;i++)
4 12 #define rf(i,e,s) for(int i=e-1;i>=s;i--)
9 9 13 #define dbg(x) cout << #x << " = " << x << endl;
14
                              8 #define double
                                                                   long double
                                                                   for(auto x : a) cout << x << " "; cout << endl</pre>
             18 15 void solve() {
                                 19 int32_t main() { _
                                         int t = 1; // cin >> t;
                                         while (t--) {
                                               solve();
                                         return 0;
                                26
```

1.4 Template Cpp

fi

9 done

```
#include <bits/stdc++.h>
2 using namespace std;
4 #define _ ios_base::sync_with_stdio(0); cin.tie(0);
6 #define all(a)
                        a.begin(), a.end()
7 #define int
                        long long int
8 #define double
                       long double
9 #define vi
                        vector<int>
                        "\n"
10 #define endl
11 #define print_v(a) for(auto x : a) cout << x << " "; cout << endl
12 #define print_vp(a) for(auto x : a) cout << x.F << " " << x.S << endl
                        for(int i=s;i<e;i++)</pre>
13 #define f(i,s,e)
14 #define rf(i,e,s)
                       for(int i=e-1:i>=s:i--)
15 #define CEIL(a, b) ((a) + (b - 1))/b // Arredonda para cima
16 #define TRUNC(x, n) floor(x * pow(10, n))/pow(10, n) // Trunca n casas
17 #define ROUND(x, n) round(x * pow(10, n))/pow(10, n) // Arreddonda n c
19 #define dbg(x) cout << #x << " = " << x << " ";
20 #define dbgl(x) cout << #x << " = " << x << endl;</pre>
22 const int INF = 0x7f3f3f3f; // 0x7f com 3 3f's (10^9)
23 const int LINF = 0x3f3f3f3f3f3f3f3f3f; // 0x com 7 3f's (10^18)
24 const int MAX = 1e6+10; // 10^6 + 10
26 void solve() {
30 int32_t main() { _
31
      clock_t z = clock();
      int t = 1; // cin >> t;
34
      while (t--) {
           solve();
36
37
      cerr << fixed << "Run Time : " << ((double)(clock() - z) /</pre>
39
      CLOCKS_PER_SEC) << endl;
      return 0;
40
41 }
       Files
1 #!/bin/bash
3 for c in {a..f}; do
      cp temp.cpp "$c.cpp"
      echo "$c" > "$c.txt"
      if [ "$c" = "$letter" ]; then
          break
```

1.6 Template Python

```
1 import sys
2 import math
3 import bisect
4 from sys import stdin, stdout
5 from math import gcd, floor, sqrt, log
6 from collections import defaultdict as dd
7 from bisect import bisect_left as bl,bisect_right as br
9 sys.setrecursionlimit(100000000)
         =lambda: int(input())
12 strng =lambda: input().strip()
         =lambda x,l: x.join(map(str,l))
         =lambda: list(input().strip())
14 strl
15 mul
         =lambda: map(int,input().strip().split())
         =lambda: map(float,input().strip().split())
         =lambda: list(map(int,input().strip().split()))
19 ceil = lambda x: int(x) if (x=int(x)) else int(x)+1
20 ceildiv=lambda x,d: x//d if (x\%d=0) else x//d+1
22 flush =lambda: stdout.flush()
23 stdstr =lambda: stdin.readline()
24 stdint =lambda: int(stdin.readline())
25 stdpr =lambda x: stdout.write(str(x))
27 mod = 1000000007
29 #main code
31 a = None
32 b = None
33 lista = None
35 def ident(*args):
      if len(args) == 1:
          return args [0]
      return args
39
40
41 def parsin(*, l=1, vpl=1, s=" "):
      if 1 == 1:
          if vpl == 1: return ident(input())
44
           else: return list(map(ident, input().split(s)))
45
      else:
          if vpl == 1: return [ident(input()) for _ in range(l)]
46
          else: return [list(map(ident, input().split(s))) for _ in range(l)
47
48
50 def solve():
      pass
51
53 # if __name__ == '__main__':
54 def main():
```

```
19 sort(v.begin(), v.end());
      st = clk()
                                                                             20 sort(all(v)):
      escolha = "in"
      #escolha = "num"
                                                                             22 // BUSCA BINARIA
                                                                             23 // Complexidade: O(log(n))
      match escolha:
                                                                             24 // Retorno: true se existe, false se ano existe
          case "in":
                                                                             25 binary_search(v.begin(), v.end(), x);
              # êl infinitas linhas agrupadas de 2 em 2
              # pra infinitos valores em 1 linha pode armazenar em uma lista^{27} // FIND
              while True:
                                                                             28 // Complexidade: O(n)
                  global a, b
                                                                             29 // Retorno: iterador para o elemento, v.end() se ãno existe
                  try: a, b = input().split()
                                                                             30 find(v.begin(), v.end(), x);
                  except (EOFError): break #permite ler todas as linahs
                                                                             32 // CONTAR
      dentro do .txt
                  except (ValueError): pass # consegue ler éat linhas em
                                                                             33 // Complexidade: O(n)
                                                                             34 // Retorno: únmero de êocorrncias
      branco
                                                                             35 count(v.begin(), v.end(), x);
                  else:
                      a, b = int(a), int(b)
                                                                                2.2 Sort
                  solve()
          case "num":
                                                                              vector<int> v;
              global lista
                                                                                   // Sort Crescente:
              # int 1; cin >> 1; while(1--){for(i=0; i<vpl; i++)}
                                                                                    sort(v.begin(), v.end());
              # retorna listas com inputs de cada linha
                                                                                    sort(all(v));
              # leia l linhas com vpl valores em cada uma delas
                  # caseo seja mais de uma linha, retorna lista com listas
                                                                                    // Sort Decrescente:
      de inputs
                                                                                    sort(v.rbegin(), v.rend());
              lista = parsin(1=2, vpl=5)
                                                                                    sort(all(v), greater<int>());
              solve()
                                                                                   // Sort por uma çãfuno:
      sys.stderr.write(f"Run Time : {(clk() - st):.6f} seconds\n")
                                                                                    auto cmp = [](int a, int b) { return a > b; }; // { 2, 3, 1 } -> { 3,
84 main()
                                                                                   auto cmp = [](int a, int b) { return a < b; }; // { 2, 3, 1 } -> { 1,
                                                                                   2, 3 }
      Informações
                                                                                    sort(v.begin(), v.end(), cmp);
                                                                                    sort(all(v), cmp);
      Vector
                                                                             15
                                                                                    // Sort por uma çafuno (çacomparao de pares):
                                                                                    auto cmp = [](pair<int, int> a, pair<int, int> b) { return a.second >
                                                                                   b.second; };
                                                                               2.3 Priority Queue
```

2.1

56

58

59

62

64

65

67

68

69

70

71 72

74

81

82

```
1 // INICIALIZAR
vector < int > v (n); // n ócpias de 0
3 vector<int> v (n, v); // n ócpias de v
5 // PUSH_BACK
6 // Complexidade: O(1) amortizado (O(n) se realocar)
7 v.push_back(x);
9 // REMOVER
10 // Complexidade: O(n)
v.erase(v.begin() + i);
13 // INSERIR
14 // Complexidade: O(n)
15 v.insert(v.begin() + i, x);
17 // ORDENAR
18 // Complexidade: O(n log(n))
```

```
1 // HEAP CRESCENTE {5,4,3,2,1}
priority_queue <int> pq; // max heap
      // maior elemento:
      pq.top();
6 // HEAP DECRESCENTE {1.2.3.4.5}
7 priority_queue <int, vector <int>, greater <int>> pq; // min heap
      // menor elemento:
      pq.top();
11 // REMOVER ELEMENTO
12 // Complexidade: O(n)
13 // Retorno: true se existe, false se ano existe
```

```
14 pq.remove(x);
                                                                              25 s.swap(t); // troca o úcontedo com t
16 // INSERIR ELEMENTO
                                                                             27 // COMPARAR
17 // Complexidade: O(log(n))
                                                                             28 // Complexidade: O(n)
18 pq.push(x);
                                                                             29 s == t; // igualdade
                                                                              30 s != t; // cdiferena
20 // REMOVER TOP
                                                                             31 s < t; // menor que
21 // Complexidade: O(log(n))
                                                                             32 s > t; // maior que
22 pq.pop();
                                                                              33 s <= t; // menor ou igual
                                                                              34 s >= t; // maior ou igual
24 // TAMANHO
                                                                             36 // BUSCA
25 // Complexidade: O(1)
26 pq.size();
                                                                              37 // Complexidade: O(n)
                                                                              38 s.find(t); // çãposio da primeira êocorrncia de t, ou string::npos se ãno
28 // VAZIO
29 // Complexidade: O(1)
                                                                              39 s.rfind(t); // çãposio da última êocorrncia de t, ou string::npos se ãno
30 pq.empty();
                                                                              40 s.find_first_of(t); // çãposio da primeira êocorrncia de um caractere de t
32 // LIMPAR
                                                                                    , ou string::npos se ano existe
33 // Complexidade: O(n)
                                                                              41 s.find_last_of(t); // çãposio da última êocorrncia de um caractere de t,
34 pq.clear();
                                                                                    ou string::npos se ano existe
                                                                              42 s.find_first_not_of(t); // çãposio do primeiro caractere que ãno áest em t
36 // ITERAR
                                                                                    , ou string::npos se ano existe
37 // Complexidade: O(n)
                                                                              43 s.find_last_not_of(t); // çãposio do último caractere que ãno áest em t, ou
38 for (auto x : pq) {}
                                                                                     string::npos se ano existe
40 // çãOrdenao por çãfuno customizada passada por parametro ao criar a pq
                                                                              45 // SUBSTITUIR
41 // Complexidade: O(n log(n))
                                                                              46 // Complexidade: O(n)
42 auto cmp = [](int a, int b) { return a > b; };
                                                                              47 s.replace(i, n, t); // substitui n caracteres a partir da çãposio i por t
43 priority_queue < int , vector < int > , decltype (cmp) > pq (cmp);
                                                                              48 s.replace(s.begin() + i, s.begin() + i + n, t.begin(), t.end()); //
                                                                                    substitui n caracteres a partir da çãposio i por t
  2.4 String
                                                                              49 s.replace(s.begin() + i, s.begin() + i + n, t); // substitui n caracteres
                                                                                    a partir da çãposio i por t
1 // INICIALIZAR
                                                                              50 s.replace(s.begin() + i, s.begin() + i + n, n, c); // substitui n
                                                                                    caracteres a partir da çãposio i por n ócpias de c
2 string s; // string vazia
3 string s (n, c); // n ócpias de c
4 string s (s); // ócpia de s
                                                                                     Combinatoria
5 string s (s, i, n); // ócpia de s[i..i+n-1]
                                                                                     Arranjo Simples
7 // SUBSTRING
8 // Complexidade: O(n)
9 s.substr(i, n); // substring de s[i..i+n-1]
                                                                              int arranjoSimples(int p, int n) {
10 s.substr(i, j - i + 1); // substring de s[i..j]
                                                                                    return fact(n) / fact(n - p);
                                                                              3 }
12 // TAMANHO
13 // Complexidade: O(1)
                                                                                     Combinação Com Repetição
14 s.size(); // tamanho da string
15 s.empty(); // true se vazia, false se ano vazia
                                                                              int combinacaoComRepeticao(int p, int n) {
                                                                                    return fact(n + p - 1) / (fact(p) * fact(n - 1);
17 // MODIFICAR
                                                                              3 }
18 // Complexidade: O(n)
19 s.push_back(c); // adiciona c no final
                                                                                3.3 Combinação Simples
20 s.pop_back(); // remove o último
21 s += t; // concatena t no final
                                                                              int combinacaoSimples(int p, int n) {
22 s.insert(i, t); // insere t a partir da çãposio i
23 s.erase(i, n); // remove n caracteres a partir da çãposio i
                                                                                    return fact(n) / (fact(p) * fact(n - p));
24 s.replace(i, n, t); // substitui n caracteres a partir da çãposio i por t 3 }
```

3.4 Permutação Circular

```
1 // Permutacao objetos em posicao simetrica em um circulo
2
3 int permutacaoCircular(int n) {
4    return fact(n - 1);
5 }
```

3.5 @ Tabela

3.6 Permutacao Com Repeticao

```
1 // Trocar elementos de lugar quando ha termos repetidos (ANAGRAMA)
2 int permutacaoComRepeticao(string s) {
3    int n = s.size();
4    int ans = fact(n);
5    map<char, int> freq;
6    for (char c : s) {
7        freq[c]++;
8    }
9    for (auto [c, f] : freq) {
10        ans /= fact(f);
11    }
12    return ans;
13 }
```

3.7 @ Factorial

```
1 int factdp[20];
2
3 int fact(int n) {
4     if (n < 2) return 1;
5     if (factdp[n] != 0) return factdp[n];
6     return factdp[n] = n * fact(n - 1);
7 }</pre>
```

3.8 Permutacao Simples

```
1 // Agrupamentos distintos entre si pela ordem (FILA)
2 // Diferenca do arranjo: usa todos os elementos para o calculo
3 // SEM repeticao
4
5 int permutacaoSimples(int n) {
6     return fact(n);
7 }
```

3.9 Arranjo Com Repeticao

```
1 int arranjoComRepeticao(int p, int n) {
2     return pow(n, p);
3 }
```

4 Estruturas

4.1 Bittree

```
1 // C++ code to demonstrate operations of Binary Index Tree
2 #include <iostream>
4 using namespace std;
         n --> No. of elements present in input array.
      BITree[0..n] --> Array that represents Binary Indexed Tree.
      arr[0..n-1] --> Input array for which prefix sum is evaluated. */
10 // Returns sum of arr[0..index]. This function assumes
11 // that the array is preprocessed and partial sums of
12 // array elements are stored in BITree[].
int getSum(int BITree[], int index)
      int sum = 0; // Initialize result
16
      // index in BITree[] is 1 more than the index in arr[]
      index = index + 1;
19
      // Traverse ancestors of BITree[index]
20
      while (index > 0)
21
          // Add current element of BITree to sum
23
          sum += BITree[index];
          // Move index to parent node in getSum View
26
          index -= index & (-index);
28
      return sum;
29
30 }
     Updates a node in Binary Index Tree (BITree) at given index
33 // in BITree. The given value 'val' is added to BITree[i] and
34 // all of its ancestors in tree.
35 void updateBIT(int BITree[], int n, int index, int val)
37
      // index in BITree[] is 1 more than the index in arr[]
      index = index + 1:
      // Traverse all ancestors and add 'val'
      while (index <= n)</pre>
41
42
      // Add 'val' to current node of BI Tree
      BITree[index] += val:
44
45
      // Update index to that of parent in update View
47
      index += index & (-index);
      }
```

```
n = n2:
                                                                                          for (int i = 0; i < n; i++) v[i] = v2[i];
                                                                               15
51 // Constructs and returns a Binary Indexed Tree for given
                                                                                          while (n&(n-1)) n++;
                                                                               16
52 // array of size n.
                                                                                          for (int j = 0; (1<<j) < n; j++) {
                                                                               17
53 int *constructBITree(int arr[], int n)
                                                                                               int len = 1<<j;</pre>
                                                                               18
                                                                                              for (int c = len: c < n: c += 2*len) {
      // Create and initialize BITree[] as 0
                                                                                                   m[j][c] = v[c], m[j][c-1] = v[c-1];
      int *BITree = new int[n+1];
56
                                                                               21
      for (int i=1; i<=n; i++)</pre>
                                                                                       v[i]);
          BITree[i] = 0;
58
                                                                               22
                                                                                      ][i+1]);
59
      // Store the actual values in BITree[] using update()
                                                                                              }
                                                                                          }
      for (int i=0; i<n; i++)
                                                                               24
61
           updateBIT(BITree, n, i, arr[i]);
62
                                                                               25
                                                                                      int query(int 1, int r) {
      // Uncomment below lines to see contents of BITree[]
64
                                                                               27
      //for (int i=1: i<=n: i++)
65
                                                                               28
      // cout << BITree[i] << " ";
66
67
                                                                               30
68
      return BITree;
                                                                               31 }
69 }
                                                                                  4.3 Seg Tree
70
72 // Driver program to test above functions
                                                                               1 // SegTree
73 int main()
                                                                               2 //
                                                                                3 // Query: soma do range [a. b]
      int freq[] = \{2, 1, 1, 3, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9\};
75
      int n = sizeof(freq)/sizeof(freq[0]);
                                                                                5 //
76
      int *BITree = constructBITree(freq, n);
                                                                                6 // Complexidades:
      cout << "Sum of elements in arr[0..5] is "
78
                                                                                7 // build - O(n)
          << getSum(BITree, 5);
                                                                                8 // query - O(log(n))
                                                                                9 // update - O(log(n))
      // Let use test the update operation
81
                                                                               10 namespace seg {
      freq[3] += 6;
      updateBIT(BITree, n, 3, 6); //Update BIT for above change in arr[]
83
                                                                                      int seg[4*MAX];
84
                                                                                      int n, *v;
      cout << "\nSum of elements in arr[0..5] after update is "</pre>
                                                                               14
          << getSum(BITree, 5):
86
87
      return 0:
88
                                                                               17
89 }
                                                                               18
                                                                                          int m = (1+r)/2;
       Sparse Table Disjunta
                                                                               20
                                                                                      }
                                                                               21
1 // Sparse Table Disjunta
                                                                               23
3 // Resolve qualquer operacao associativa
                                                                                          n = n2, v = v2;
                                                                               24
_4 // MAX2 = log(MAX)
                                                                                          build();
                                                                               25
                                                                                      }
5 //
                                                                               26
6 // Complexidades:
                                                                               27
7 // build - O(n log(n))
                                                                               28
8 // query - 0(1)
                                                                               30
10 namespace sparse {
                                                                                          int m = (1+r)/2;
                                                                               31
      int m[MAX2][2*MAX], n, v[2*MAX];
      int op(int a, int b) { return min(a, b); }
                                                                                      }
                                                                               33
13
      void build(int n2, int* v2) {
                                                                               34
```

```
for (int i = c+1; i < c+len; i++) m[j][i] = op(m[j][i-1],
                  for (int i = c-2; i >= c-len; i--) m[j][i] = op(v[i], m[j])
          if (1 == r) return v[1];
          int j = __builtin_clz(1) - __builtin_clz(1^r);
          return op(m[j][1], m[j][r]);
4 // Update: soma x em cada elemento do range [a, b]
      int op(int a, int b) { return a + b; }
      int build(int p=1, int l=0, int r=n-1) {
          if (1 == r) return seg[p] = v[1];
          return seg[p] = op(build(2*p, 1, m), build(2*p+1, m+1, r));
      void build(int n2, int* v2) {
      int query(int a, int b, int p=1, int 1=0, int r=n-1) {
          if (a <= l and r <= b) return seg[p];</pre>
          if (b < 1 \text{ or } r < a) \text{ return } 0:
          return op(query(a, b, 2*p, 1, m), query(a, b, 2*p+1, m+1, r));
```

```
int update(int a, int b, int x, int p=1, int l=0, int r=n-1) {
                                                                                6 vector < int > d, p;
           if (a <= 1 and r <= b) return seg[p];</pre>
                                                                                 7 vector < vector < int >> adj; // liqa de adjacencia
36
           if (b < l or r < a) return seg[p];
                                                                                 9 void bfs(int s) {
          int m = (1+r)/2:
           return seg[p] = op(update(a, b, x, 2*p, 1, m), update(a, b, x, 2*p10
39
      +1. m+1. r));
                                                                                       vis.resize(n, false):
                                                                                       d.resize(n. -1):
40
                                                                                       p.resize(n, -1);
41 };
                                                                                       queue < int > q; q.push(s);
       Grafos
                                                                                15
                                                                                       vis[s] = true, d[s] = 0, p[s] = -1;
                                                                                16
        Bfs Matriz
                                                                                       while (!q.empty()) {
                                                                                18
                                                                                           int v = q.front(); q.pop(); visited[v] = true;
                                                                                19
1 // Description: BFS para uma matriz (n x m)
                                                                                           for (int u : adj[v]) {
                                                                                21
2 // Complexidade: O(n * m)
                                                                                               if (!vis[u]) {
                                                                                                   vis[u] = true;
4 vector < vi > mat;
                                                                                                    q.push(u);
5 vector < vector < bool >> vis:
                                                                                                   d[u] = d[v] + 1;
6 vector<pair<int,int>> mov = {{0, 1}, {0, -1}, {1, 0}, {-1, 0}};
                                                                                                   p[u] = v;
                                                                                               }
8 bool valid(int x, int y) {
      return (0 <= x and x < 1 and 0 <= y and y < c and !vis[x][y] /*and mat
10 }
11
                                                                                       Dijkstra
void bfs(int i, int j, int linhas, int colunas) {
                                                                                 1 // Encontra o menor caminho de um évrtice s para todos os outros évrtices
      mat.resize(1, vi(c));
14
                                                                                       do grafo.
      vis.resize(l, vector < bool > (c, false));
                                                                                 2 //Complexidade: O((V + E)logV)
16
      queue < pair < int , int >> q; q.push({i, j});
17
18
                                                                                 5 vector < vector < pair < int . int >>> adi: // adi[a] = [{b, w}]
      while(!q.empty()) {
19
                                                                                 6 vector <int > dist, parent; /*dist[a] = dist(source -> a)*/
20
                                                                                 7 vector < bool > vis;
           auto [u, v] = q.front(); q.pop();
          vis[u][v] = true;
22
                                                                                 9 void dijkstra(int s) {
23
           for(auto [x, y]: mov) {
                                                                                       dist.resize(n+1, LINF-10);
               if(valid(u+x, v+y)) {
                                                                                       vis.resize(n+1, false);
                   q.push(\{u+x,v+y\});
                                                                                       parent.resize(n+1, -1);
                   vis[u+x][v+y] = true;
                                                                                14
                                                                                       dist[s] = 0;
          }
                                                                                       priority_queue < pair < int , int >> q;
                                                                                16
      }
30
                                                                                17
                                                                                       q.push({0, s});
                                                                                18
                                                                                       while (!q.empty()) {
                                                                                19
  5.2 Bfs
                                                                                           int a = q.top().second; q.pop();
1 // BFS com informacoes adicionais sobre a distancia e o pai de cada
                                                                                           if (vis[a]) continue;
                                                                                           vis[a] = true;
2 // Complexidade: O(V + E), onde V eh o numero de vertices e E o numero de 24
      areqas
                                                                                           for (auto [b, w] : adj[a]) {
                                                                                               if (dist[a] + w < dist[b]) {</pre>
                                                                                                    dist[b] = dist[a] + w;
4 int n; // n = numero de vertices
                                                                                27
5 vector < bool > vis;
                                                                                                   parent[b] = a;
```

```
q.push({-dist[b], b});
                                                                                 14
30
                                                                                 15
          }
                                                                                 16 }
      }
32
33 }
35 //Complexidade: O(V)
36 vector<int> restorePath(int v) {
                                                                                21
      vector <int> path;
      for (int u = v; u != -1; u = parent[u])
38
                                                                                 23
           path.push_back(u);
                                                                                24 }
39
      reverse(path.begin(), path.end());
                                                                                 25
      return path;
41
42 }
43
44 void call() {
                                                                                 29
                                                                                 30
46
      adj.resize(n); /*n = nodes*/
                                                                                 31
47
48
      f(i,0,n) {
          int a, b, w; cin >> a >> b >> w;
                                                                                 34
           adj[a].push_back({b, w});
                                                                                35
                                                                                       }
50
                                                                                 36 }
           adj[b].push_back({a, w});
51
      }
52
53
      dijkstra(0);
55 }
  5.4 Successor Graph
1 // Encontra sucessor de um vertice dentro de um grafo direcionado
2 // Pre calcular: O(nlogn)
3 // Consulta: O(logn)
5 vector < vector < int >> adj;
                                                                                 11
7 int succ(int x, int u) {
                                                                                 12
      if(k == 1) return adj[x][0];
      return succ(succ(x, k/2), k/2);
                                                                                 13
                                                                                 14
10 }
                                                                                       }
                                                                                 15
                                                                                 16 }
  5.5 Kosaraju
                                                                                17
1 // Kosaraju
                                                                                 19
                                                                                       f(i,0,n-1) {
                                                                                 20
3 // Complexidade: O(n + m)
                                                                                 22
5 int n;
                                                                                 23
6 vector<int> g[MAX], gi[MAX]; // grafo invertido
                                                                                       }
                                                                                 24
7 int vis[MAX], comp[MAX]; // componente de cada évrtice
                                                                                 25
8 stack<int> S;
                                                                                 26
                                                                                       int index = 0;
                                                                                        eulerTree(1, index);
10 void dfs(int k) {
                                                                                 28 }
      vis[k] = 1;
```

for (int i = 0; i < (int) g[k].size(); i++)</pre>

if (!vis[g[k][i]]) dfs(g[k][i]);

13

```
S.push(k);
18 // Descricao: Calcula as componentes fortemente conexas de um grafo
19 void scc(int k, int c) {
      vis[k] = 1:
      comp[k] = c; // componente de k eh c
      for (int i = 0; i < (int) gi[k].size(); i++)</pre>
          if (!vis[gi[k][i]]) scc(gi[k][i], c);
26 void kosaraju() {
      memset(vis, 0, sizeof(vis));
      for(int i=0; i<n; i++) if(!vis[i]) dfs(i);</pre>
      memset(vis, 0, sizeof(vis));
      while (S.size()) {
          int u = S.top(); S.pop();
          if (!vis[u]) scc(u, u);
       Euler Tree
vector < vector < int >> adj(MAX);
vector < int > vis(MAX, 0);
3 vector<int> euTree(MAX);
5 // Eulerian path in tree
6 // Complexity: O(V)
7 void eulerTree(int u, int &index) {
      vis[u] = 1;
      euTree[index++] = u;
      for (auto it : adj[u]) {
          if (!vis[it]) {
               eulerTree(it, index);
               euTree[index++] = u;
          }
18 int main() {
```

Kruskal

int a, b; cin >> a >> b; adj[a].push_back(b);

adj[b].push_back(a);

```
1 // Kruskal
                                                                               vector < int > adj[MAXN];
                                                                               3 int visited[MAXN];
2 //
3 // Gera e retorna uma AGM e seu custo total a partir do vetor de arestas (4
      edg) do grafo
                                                                              6 // DFS com informacoes adicionais sobre o pai de cada vertice
5 // Complexidade: O(ElogE) onde E eh o numero de arestas
                                                                              7 // Complexidade: O(V + E), onde V eh o numero de vertices e E o numero de
                                                                                     aregas
7 // O(m log(m) + m a(m)) = O(m log(m))
                                                                               8 void dfs(int p) {
                                                                                     memset(visited, 0, sizeof visited);
9 vector<int> id, sz;
                                                                                     stack<int> st;
                                                                              10
                                                                                     st.push(p);
                                                                              11
int find(int a){ // O(a(N)) amortizado
      return id[a] = (id[a] == a ? a : find(id[a]));
                                                                                     while (!st.empty()) {
                                                                              13
                                                                                         int curr = st.top();
13 }
                                                                              14
                                                                                         st.pop();
                                                                              15
void uni(int a, int b) { // O(a(N)) amortizado
                                                                                         if (visited[curr]==1)continue;
                                                                              16
      a = find(a), b = find(b);
                                                                                         visited[curr]=1:
16
                                                                              17
      if(a == b) return;
                                                                                         // process current node here
17
18
                                                                              19
      if(sz[a] > sz[b]) swap(a,b);
                                                                                         for (auto i : adj[curr]) {
19
      id[a] = b, sz[b] += sz[a];
                                                                                             st.push(i);
20
21 }
                                                                                     }
23 pair<int, vector<tuple<int, int, int>>> kruskal(vector<tuple<int, int, int24 }
      >>& edg) {
                                                                              _{
m 26} // DFS com informacoes adicionais sobre o pai de cada vertice
      sort(edg.begin(), edg.end());
                                                                              27 // Complexidade: O(V + E), onde V eh o numero de vertices e E o numero de
25
                                                                                     aregas
                                                                              28 void dfs(int v) {
      int cost = 0;
27
      vector<tuple<int, int, int>> mst; // opcional
                                                                                     visited[v] = true;
28
      for (auto [w,x,y] : edg) if (find(x) != find(y)) {
                                                                                     for (int u : adj[v]) {
29
          mst.emplace_back(w, x, y); // opcional
                                                                                         if (!visited[u])
                                                                              31
          cost += w:
                                                                                             dfs(u):
31
                                                                              32
                                                                                    }
          uni(x,y);
32
                                                                              33
      }
                                                                              34 }
33
      return {cost, mst};
34
                                                                                     Matematica
36
37 int main() {
                                                                                 6.1 N Fibonacci
      int n/*nodes*/. ed/*edges*/:
39
                                                                               1 int dp[MAX];
40
      id.resize(n); iota(all(id), 0);
41
      sz.resize(n, -1);
42
                                                                               3 int fibonacciDP(int n) {
      vector < tuple < int , int , int >> edg;
43
```

```
int dp[MAX];

int fibonacciDP(int n) {
    if (n == 0) return 0;
    if (n == 1) return 1;
    if (dp[n] != -1) return dp[n];
    return dp[n] = fibonacciDP(n-1) + fibonacciDP(n-2);
    }

int nFibonacci(int minus, int times, int n) {
    if (n == 0) return 0;
    if (n == 1) return 1;
    if (dp[n] != -1) return dp[n];
    int aux = 0;
    for(int i=0; i<times; i++) {
        aux += nFibonacci(minus, times, n-minus);
    }
}</pre>
```

45

47

48 49

50

5.8

}

Dfs

int a, b, w; cin >> a >> b >> w;

edg.push_back({w, a, b});

auto [cost, mst] = kruskal(edg);

```
}
       Mdc Multiplo
1 // Description: Calcula o MDC de um vetor de inteiros.
2 // Complexidade: O(nlogn) onde n eh o tamanho do vetor
3 int mdc_many(vector<int> arr) {
     int result = arr[0];
     for (int& num : arr) {
         result = mdc(num, result);
         if(result == 1) return 1;
10
     return result;
        Factorial
unordered_map < int , int > memo;
3 // Factorial
4 // Complexidade: O(n), onde n eh o numero a ser fatorado
5 int factorial(int n) {
      if (n == 0 || n == 1) return 1;
      if (memo.find(n) != memo.end()) return memo[n];
      return memo[n] = n * factorial(n - 1);
  6.4 Operacoes Binarias
1 // Checa se um únmero é ímpar
2 #define isOdd(a) (a & 1)
4 // Multiplica a por 2^b
5 #define mult2ToTheN(a, b) (a << b)
7 // Divide a por 2^b
8 #define div2ToTheN(a, b) (a >> b)
10 // 2<sup>b</sup>
11 #define twoToTheN(b) (1 << b)</pre>
_{13} // Retorna -1 se n < 0, 0 se n = 0 e 1 se n > 0
14 #define sig(a) ((a >> 31) | -(a >> 31))
16 // Retorna o maior divisor (potencia de 2) de n
17 #define greatest2powDivisorOf(a) (a & -a)
```

6.5 Mmc Multiplo

```
1 // Description: Calcula o mmc de um vetor de inteiros.
2 // Complexidade: O(nlogn) onde n eh o tamanho do vetor
3 int mmc_many(vector<int> arr) {
```

```
int result = arr[0];
     for(int& num : arr)
         result = (num * result / mmc(num, result ));
     return ans:
9 }
        Fast Exponentiation
1 const int mod = 1e9+7;
3 // Fast Exponentiation: retorna a^b % mod
4 // Quando usar: quando precisar calcular a^b % mod
5 int fexp(int a, int b) {
      int ans = 1;
      while (b) {
          if (b & 1)
              ans = ans * a % mod;
          a = a * a \% mod;
          b >>= 1;
11
      return ans;
14 }
        Fatoracao
1 // Fatora um únmero em seus fatores primos
2 // Complexidade: O(sqrt(n))
3 map < unsigned, uint16_t > factorize (unsigned n) {
      map < unsigned , uint16_t > factors0fN;
      unsigned lowestPrimeFactorOfN = 2:
      while (n != 1) {
          lowestPrimeFactorOfN = lowestPrimeFactor(n, lowestPrimeFactorOfN);
          factorsOfN[lowestPrimeFactorOfN] = 1;
          n /= lowestPrimeFactorOfN:
          while (not (n % lowestPrimeFactorOfN)) {
              factorsOfN[lowestPrimeFactorOfN]++;
              n /= lowestPrimeFactorOfN;
13
14
16
17
      return factorsOfN;
18 }
        Conversao De Bases
1 // Converter um decimal (10) para base n [2, 8, 10, 16]
2 // Complexidade: O(log n)
3 char charForDigit(uint16_t digit) {
      if (digit > 9) return digit + 87;
      return digit + 48;
6 }
8 string decimalToBase(unsigned n, unsigned base = 10) {
```

if (not n) return "0";

```
for (unsigned r = a \% b; r; a = b, b = r, r = a \% b);
      stringstream ss;
      for (unsigned i = n; i > 0; i \neq base) {
                                                                                    return b:
11
          ss << charForDigit(i % base);</pre>
                                                                              6 }
12
13
                                                                                6.11 Fatorial Grande
      string s = ss.str();
14
      reverse(s.begin(), s.end());
      return s:
                                                                              static BigInteger[] dp = new BigInteger[1000000];
17 }
                                                                              3 public static BigInteger factorialDP(BigInteger n) {
19 // Converter um numero de base [2, 8, 10, 16] para decimal (10)
                                                                                    dp[0] = BigInteger.ONE;
20 // Complexidade: O(n)
                                                                                    for (int i = 1: i <= n.intValue(): i++) {</pre>
21 uint16_t intForDigit(char digit) {
                                                                                        dp[i] = dp[i - 1].multiply(BigInteger.valueOf(i));
      uint16_t intDigit = digit - 48;
      if (intDigit > 9) return digit - 87;
                                                                                    return dp[n.intValue()];
      return intDigit;
                                                                              9 }
25 }
                                                                                       Sieve Linear
27 int baseToDecimal(const string& n, unsigned base = 10) {
      int result = 0:
                                                                              1 // Sieve de Eratosthenes com linear sieve
29
      uint64 t basePow =1:
                                                                              2 // Encontra todos os únmeros primos no intervalo [2, N]
      for (auto it = n.rbegin(); it != n.rend(); ++it, basePow *= base)
                                                                              3 // Complexidade: O(N)
31
          result += intForDigit(*it) * basePow:
      return result;
                                                                              5 vector < int > sieve(const int N) {
33 }
                                                                                    vector<int> lp(N + 1); // lp[i] = menor fator primo de i
       Sieve
                                                                                    vector<int> pr:
1 // Crivo de óEratstenes para gerar primos éat um limite 'lim'
                                                                                    for (int i = 2: i <= N: ++i) {
2 // Complexidade: O(n log log n), onde n é o limite
                                                                                        if (lp[i] == 0) {
3 const int ms = 1e6 + 5;
                                                                                            lp[i] = i;
4 bool notPrime[ms]; // notPrime[i] é verdadeiro se i ano é um únmero
                                                                                            pr.push_back(i);
5 int primes[ms], qnt; // primes[] armazena os únmeros primos e qnt é a
                                                                                        for (int j = 0; i * pr[j] <= N; ++j) {
      quantidade de primos encontrados
                                                                                            lp[i * pr[j]] = pr[j];
                                                                                            if (pr[i] == lp[i])
7 void sieve(int lim)
                                                                                                break:
    primes[qnt++] = 1; // adiciona 1 como um únmero primo se ele for ávlido
      no problema
10 for (int i = 2; i <= lim; i++)
                                                                                    return pr;
      if (notPrime[i])
12
       continue:
                                           // se i ãno é primo, pula
                                                                                6.13 Primo
13
      primes[qnt++] = i;
                                            // i é primo, adiciona em primes
14
      for (int j = i + i; j <= lim; j += i) // marca todos os úmltiplos de i 1 // Descricao: Funcao que verifica se um numero n eh primo.
15
                                                                              2 // Complexidade: O(sqrt(n))
       como ano primos
                                                                              3 unsigned lowestPrimeFactor(unsigned n, unsigned startPrime = 2) {
        notPrime[j] = true;
                                                                                    if (startPrime <= 3) {</pre>
17 }
                                                                                        if (not (n & 1))
18 }
                                                                                            return 2;
                                                                                        if (not (n % 3))
        Mdc
  6.10
                                                                                           return 3:
                                                                                        startPrime = 5;
                                                                              9
1 // Description: Calcula o mdc de dois numeros inteiros.
2 // Complexidade: O(logn) onde n eh o maior numero
                                                                             11
                                                                                    for (unsigned i = startPrime; i * i <= n; i += (i + 1) % 6 ? 4 : 2)
3 unsigned mdc(unsigned a, unsigned b) {
```

```
if (not (n % i))
                                                                                    const int rMdc = mdc(t, tenP);
                                                                                    return {t / rMdc, tenP / rMdc};
              return i:
14
      return n;
                                                                              8 }
15
16 }
                                                                                6.16 Numeros Grandes
17
18 bool isPrime(unsigned n) {
      return n > 1 and lowestPrimeFactor(n) == n:
                                                                              public static void BbigInteger() {
20 }
                                                                                    BigInteger a = BigInteger.valueOf(1000000000);
  6.14 Miller Rabin
                                                                                                a = new BigInteger("10000000000");
                                                                                    // çõOperaes com inteiros grandes
1 // Teste de primalidade de Miller-Rabin
                                                                                    BigInteger arit = a.add(a);
2 // Complexidade: O(k*log^3(n)), onde k eh o numero de testes e n eh o
                                                                                                 arit = a.subtract(a);
      numero a ser testado
                                                                                                arit = a.multiply(a);
3 // Descicao: Testa se um numero eh primo com uma probabilidade de erro de
                                                                                                arit = a.divide(a):
      1/4^k
                                                                                                 arit = a.mod(a);
                                                                              12
5 int mul(int a, int b, int m) {
                                                                                    // cãComparao
                                                                              13
      int ret = a*b - int((long double)1/m*a*b+0.5)*m;
                                                                                    boolean bool = a.equals(a);
                                                                              14
      return ret < 0 ? ret+m : ret;</pre>
                                                                                            bool = a.compareTo(a) > 0;
                                                                              15
8 }
                                                                                            bool = a.compareTo(a) < 0;</pre>
                                                                                            bool = a.compareTo(a) >= 0;
                                                                              17
10 int pow(int x, int y, int m) {
                                                                                            bool = a.compareTo(a) <= 0;</pre>
                                                                              18
      if (!v) return 1;
11
                                                                              19
12
      int ans = pow(mul(x, x, m), y/2, m);
                                                                                    // ãConverso para string
                                                                              20
      return y%2 ? mul(x, ans, m) : ans;
13
                                                                              21
                                                                                    String m = a.toString();
14 }
15
                                                                              23
                                                                                    // ãConverso para inteiro
16 bool prime(int n) {
                                                                                    int
                                                                                            _int = a.intValue();
     if (n < 2) return 0:
                                                                              25
                                                                                    long = a.longValue();
     if (n <= 3) return 1;
                                                                                    double doub = a.doubleValue():
     if (n % 2 == 0) return 0;
19
      int r = __builtin_ctzint(n - 1), d = n >> r;
                                                                                    // êPotncia
                                                                                    BigInteger _pot = a.pow(10);
      // com esses primos, o teste funciona garantido para n <= 2^64
22
                                                                                    BigInteger _sqr = a.sqrt();
      // funciona para n <= 3*10^24 com os primos ate 41
                                                                              31
      for (int a: {2, 325, 9375, 28178, 450775, 9780504, 795265022}) {
24
                                                                              32 }
          int x = pow(a, d, n);
25
          if (x == 1 or x == n - 1 or a % n == 0) continue;
                                                                              34 public static void BigDecimal() {
          for (int j = 0; j < r - 1; j++) {
                                                                                    BigDecimal a = new BigDecimal("10000000000");
                                                                              36
              x = mul(x, x, n);
                                                                              37
                                                                                                a = new BigDecimal("10000000000.0000000000");
              if (x == n - 1) break:
30
                                                                                                a = BigDecimal.valueOf(100000000, 10);
31
          if (x != n - 1) return 0;
32
                                                                              40
33
                                                                                    // coOperaes com reais grandes
                                                                              41
      return 1;
34
                                                                                    BigDecimal arit = a.add(a);
                                                                              42
                                                                                                arit = a.subtract(a);
                                                                              43
                                                                                                arit = a.multiplv(a):
                                                                              44
        Decimal Para Fração
                                                                                                arit = a.divide(a);
                                                                              45
                                                                                                arit = a.remainder(a);
1 // Converte um decimal para fracao irredutivel
                                                                              47
2 // Complexidade: O(log n)
                                                                                    // cãComparao
                                                                              48
3 pair < int, int > toFraction(double n, unsigned p) {
                                                                                    boolean bool = a.equals(a);
      const int tenP = pow(10, p);
                                                                                            bool = a.compareTo(a) > 0;
      const int t = (int) (n * tenP);
                                                                                            bool = a.compareTo(a) < 0;
```

```
bool = a.compareTo(a) >= 0;
               bool = a.compareTo(a) <= 0;</pre>
                                                                                37 pair<int, vector<int>> bigMult(const pair<int, vector<int>>& a, const pair
53
                                                                                       <int, vector<int>>& b) {
                                                                                       vector < int > result(a.second.size() + b.second.size(). 0):
      // aConverso para string
55
      String m = a.toString();
56
                                                                                39
                                                                                       for (int i = 0: i < a.second.size(): ++i) {</pre>
      // aConverso para inteiro
                                                                                           for (int i = 0: i < b.second.size(): ++i) {</pre>
58
                                                                                41
               _int = a.intValue();
                                                                                                result[i + j] += a.second[i] * b.second[j];
59
                                                                                42
             _long = a.longValue();
                                                                                       }
      double _doub = a.doubleValue();
                                                                                44
                                                                                45
62
      // êPotncia
                                                                                       normalize(result);
      BigDecimal _pot = a.pow(10);
                                                                                47
                                                                                       return {a.first * b.first, result};
64
65 }
                                                                                48 }
                                                                                49
        Numeros Grandes
  6.17
                                                                                51 void printNumber(const pair<int, vector<int>>& num) {
                                                                                       if (num.first == -1) {
1 // Descricao: Implementação de operações com numeros grandes
                                                                                           cout << '-':
_2 // Complexidade: O(n * m), n = tamanho do primeiro numero, m = tamanho do ^{53}
                                                                                       }
      segundo numero
4 void normalize(vector<int>& num) {
                                                                                56
                                                                                       for (auto it = num.second.rbegin(): it != num.second.rend(): ++it) {
                                                                                           cout << *it;
      int carrv = 0:
      for (int i = 0; i < num.size(); ++i) {</pre>
                                                                                       cout << endl:
           num[i] += carry;
                                                                                60 }
           carry = num[i] / 10:
           num[i] %= 10;
                                                                                61
                                                                                62 int main() {
      }
10
1.1
                                                                                       pair < int , vector < int >> num1 = {1, {1, 2, 3}}; // Representing +321
      while (carry > 0) {
                                                                                64
12
                                                                                       pair < int , vector < int >> num2 = {-1, {4, 5, 6}}; // Representing -654
           num.push_back(carry % 10);
13
           carry /= 10;
14
                                                                                       cout << "Sum: "; printNumber(bigSum(num1, num2););</pre>
      }
15
                                                                                       cout << "Difference: "; printNumber(bigSub(num1, num2););</pre>
16 }
                                                                                       cout << "Product: "; printNumber(bigMult(num1, num2););</pre>
                                                                                69
17
19 pair < int , vector < int >> bigSum(const pair < int , vector < int >> & a . const pair < 71 }
      int, vector<int>>& b) {
                                                                                   6.18 Mmc
      if (a.first == b.first) {
           vector < int > result(max(a.second.size(), b.second.size()), 0);
21
           transform(a.second.begin(), a.second.end(), b.second.begin(),
22
                                                                                 1 // Description: Calcula o mmc de dois únmeros inteiros.
      result.begin(), plus<int>());
                                                                                 2 // Complexidade: O(logn) onde n eh o maior numero
          normalize(result);
23
                                                                                 3 unsigned mmc(unsigned a, unsigned b) {
24
           return {a.first, result};
                                                                                       return a / mdc(a, b) * b:
      } else {
25
                                                                                 5 }
           vector<int> result(max(a.second.size(), b.second.size()), 0);
26
           transform(a.second.begin(), a.second.end(), b.second.begin(),
27
                                                                                        Strings
      result.begin(), minus<int>());
           normalize(result);
28
           return {a.first, result};
29
                                                                                   7.1 Ocorrencias
30
                                                                                 1 // Description: çãFuno que retorna um vetor com as çõposies de todas as
33 pair < int, vector < int >> bigSub(const pair < int, vector < int >> & a, const pair <
                                                                                       êocorrncias de uma substring em uma string.
      int, vector < int >> & b) {
                                                                                 2 // Complexidade: O(n * m) onde n é o tamanho da string e m é o tamanho da
      return bigSum(a, {-b.first, b.second});
                                                                                       substring.
35 }
                                                                                 vector<int> ocorrencias(string str,string sub){
```

```
vector < int > ret;
      int index = str.find(sub);
                                                                              16
      while (index!=-1) {
                                                                                    return str;
          ret.push_back(index);
          index = str.find(sub,index+1);
                                                                                      Chaves Colchetes Parenteses
      }
      return ret;
11
                                                                              1 # Descricao: Funcao que verifica se uma string contendo chaves, colchetes
                                                                                    e parenteses esta balanceada.
                                                                              2 def balanced(string) -> bool:
        Palindromo
                                                                                   stack = []
1 // Descricao: Funcao que verifica se uma string eh um palindromo.
                                                                                   for i in string:
                                                                                       if i in '([{': stack.append(i)
2 // Complexidade: O(n) onde n eh o tamanho da string.
3 bool isPalindrome(string str) {
      for (int i = 0; i < str.length() / 2; i++) {</pre>
                                                                                       elif i in ')]}':
          if (str[i] != str[str.length() - i - 1]) {
                                                                                           if (not stack) or ((stack[-1],i) not in [('(',')'), ('[',']'),
                                                                                    ('{','}')]):
              return false;
                                                                                               return False
      }
                                                                                           else:
      return true:
                                                                                                stack.pop()
                                                                              12
                                                                                   return not stack
       Split Cria
                                                                                7.6 Lower Iupper
1 // Descrição: Função que divide uma string em um vetor de strings.
2 // Complexidade: O(n * m) onde n eh o tamanho da string e m eh o tamanho 1 // Description: çãFuno que transforma uma string em lowercase.
      do delimitador.
                                                                              2 // Complexidade: O(n) onde n é o tamanho da string.
3 vector<string> split(string s, string del = " ") {
                                                                              3 string to lower(string a) {
     vector<string> retorno;
                                                                                   for (int i=0;i<(int)a.size();++i)</pre>
     int start. end = -1*del.size():
                                                                                      if (a[i]>='A' && a[i]<='Z')
                                                                                         a[i]+='a'-'A';
         start = end + del.size();
                                                                                   return a;
         end = s.find(del, start);
         retorno.push_back(s.substr(start, end - start));
     } while (end != -1);
                                                                              10 // para checar se é lowercase: islower(c);
     return retorno:
                                                                              12 // Description: cal{q}Funo que transforma uma string em uppercase.
                                                                              13 // Complexidade: O(n) onde n é o tamanho da string.
  7.4 Remove Acento
                                                                              14 string to_upper(string a) {
                                                                                   for (int i=0;i<(int)a.size();++i)</pre>
                                                                                      if (a[i]>='a' && a[i]<='z')
1 // Descricao: Funcao que remove acentos de uma string.
                                                                                         a[i]-='a'-'A';
2 // Complexidade: O(n * m) onde n eh o tamanho da string e m eh o tamanho
                                                                                   return a:
      do alfabeto com acento.
                                                                              19 }
3 string removeAcentro(string str) {
                                                                              21 // para checar se e uppercase: isupper(c);
      string comAcento = "áéióúâêôãõà";
      string semAcento = "aeiouaeoaoa";
                                                                                     Lexicograficamente Minima
      for(int i = 0; i < str.size(); i++){</pre>
          for(int j = 0; j < comAcento.size(); j++){</pre>
                                                                              1 // Descricao: Retorna a menor rotacao lexicografica de uma string.
              if(str[i] == comAcento[i]){
                                                                              2 // Complexidade: O(n * log(n)) onde n eh o tamanho da string
                  str[i] = semAcento[j];
                                                                              3 string minLexRotation(string str) {
```

int n = str.length();

string arr[n], concat = str + str;

11

break;

}

}

```
for (int i = 0; i < n; i++)</pre>
          arr[i] = concat.substr(i, n);
      sort(arr, arr+n);
11
      return arr[0];
13
14 }
       Numeros E Char
1 char num_to_char(int num) { // 0 -> '0'
      return num + '0';
3 }
5 int char_to_num(char c) { // '0' -> 0
      return c - '0';
7 }
9 char int_to_ascii(int num) { // 97 -> 'a'
      return num;
10
11 }
12
int ascii_to_int(char c) { // 'a' -> 97
      return c:
       Vector
  8.1 Remove Repetitive
vector<int> removeRepetitive(const vector<int>& vec) {
      unordered_set < int > s;
      s.reserve(vec.size());
      vector < int > ans;
      for (int num : vec) {
          if (s.insert(num).second)
              v.push_back(num);
10
      }
11
12
13
      return ans;
14 }
        Troco
vector<int> troco(vector<int> coins, int n) {
      int first[n];
      value[0] = 0:
      for(int x=1; x<=n; x++) {
          value[x] = INF;
```

for(auto c : coins) {

 $if(x-c \Rightarrow 0 \text{ and } value[x-c] + 1 < value[x]) {$

```
value[x] = value[x-c]+1;
                    first[x] = c;
               }
10
           }
11
      }
13
      vector < int > ans:
14
      while(n>0) {
           ans.push_back(first[n]);
           n -= first[n];
17
18
      return ans;
20 }
```

8.3 Contar Soma Subarray Igual K

```
_{
m 1} // Descricao: Conta quantos subarrays de um vetor tem soma igual a k
2 // Complexidade: O(n)
int contarSomaSubarray(vector<int>& v, int k) {
      unordered_map < int , int > prevSum; // map to store the previous sum
      int ret = 0, currentSum = 0;
      for(int& num : v) {
          currentSum += num:
          if (currentSum == k) ret++; /// Se a soma atual for igual a k,
11
      encontramos um subarrav
          if (prevSum.find(currentSum - k) != prevSum.end()) // se subarray
      com soma (currentSum - k) existir, sabe que [0:n] eh um subarray com
               ret += (prevSum[currentSum - k]);
15
          prevSum[currentSum]++;
16
      }
17
18
19
      return ret;
20 }
```

8.4 Elemento Mais Frequente

```
#include <bits/stdc++.h>
using namespace std;

// Encontra o unico elemento mais frequente em um vetor
// Complexidade: O(n)
int maxFreq1(vector<int> v) {
   int res = 0;
   int count = 1;

for(int i = 1; i < v.size(); i++) {

if(v[i] == v[res])
   count++;
else</pre>
```

```
count --;
16
           if(count == 0) {
               res = i:
               count = 1;
19
           }
      }
21
22
       return v[res];
24 }
25
26 // Encontra os elemento mais frequente em um vetor
     Complexidade: O(n)
28 vector<int> maxFreqn(vector<int> v)
29 {
       unordered_map < int , int > hash;
30
       for (int i = 0; i < v.size(); i++)</pre>
31
           hash[v[i]]++;
32
33
34
       int max_count = 0, res = -1;
       for (auto i : hash) {
           if (max count < i.second) {</pre>
               res = i.first;
               max_count = i.second;
39
      }
40
41
       vector < int > ans;
42
       for (auto i : hash) {
43
           if (max_count == i.second) {
44
               ans.push_back(i.first);
           }
      }
47
49
       return ans;
50 }
```

8.5 Maior Sequencia Subsequente

```
1 // Maior sequencia subsequente
_{2} // {6, 2, 5, 1, 7, 4, 8, 3} => {2, 5, 7, 8}
4 int maiorCrescente(vector<int> v) {
       vector < int > lenght(v.size());
       for(int k=0; k<v.size(); k++) {</pre>
           lenght[k] = ;
           for(int i=0; i<k; i++) {</pre>
                if(v[i] < v[k]) {</pre>
                    lenght[i] = max(lenght[k], lenght[i]+1)
               }
11
           }
12
13
       return lenght.back();
14
15 }
```

9 Outros

9.1 Binario

```
1 // Descicao: conversao de decimal para binario
2 // Complexidade: O(logn) onde n eh o numero decimal
3 string decimal_to_binary(int dec) {
      string binary = "";
      while (dec > 0) {
          int bit = dec % 2;
          binary = to_string(bit) + binary;
          dec /= 2:
      return binary;
11 }
13 // Descicao: conversao de binario para decimal
14 // Complexidade: O(logn) onde n eh o numero binario
int binary_to_decimal(string binary) {
      int dec = 0:
17
      int power = 0;
      for (int i = binary.length() - 1; i >= 0; i--) {
18
          int bit = binary[i] - '0';
19
          dec += bit * pow(2, power);
          power++;
21
      }
22
      return dec;
24 }
```

9.2 Horario

```
1 // Descricao: Funcoes para converter entre horas e segundos.
2 // Complexidade: O(1)
3 int cts(int h, int m, int s) {
4    int total = (h * 3600) + (m * 60) + s;
5    return total;
6 }

7    stuple<int, int, int> cth(int total_seconds) {
9    int h = total_seconds / 3600;
10    int m = (total_seconds % 3600) / 60;
11    int s = total_seconds % 60;
12    return make_tuple(h, m, s);
13 }
```

9.3 Max Subarray Sum

```
1 // Maximum Subarray Sum
2 // Descricao: Retorna a soma maxima de um subarray de um vetor.
3 // Complexidade: O(n) onde n eh o tamanho do vetor
4 int maxSubarraySum(vector<int> x) {
5    int best = 0, sum = 0;
6    for (int k = 0; k < n; k++) {
7       sum = max(x[k],sum+x[k]);
8       best = max(best,sum);</pre>
```

```
return best;
10
  9.4 Binary Search
1 // Description: çãImplementao do algoritmo de busca ábinria.
2 // Complexidade: O(logn) onde n eh o tamanho do vetor
3 int BinarySearch(<vector>int arr, int x){
      int k = 0;
      int n = arr.size();
      for (int b = n/2; b \ge 1; b \ne 2) {
          while (k+b < n \&\& arr[k+b] <= x) k += b;
      }
      if (arr[k] == x) {
10
11
          return k;
      }
13 }
```

9.5 Fibonacci

}

```
1 // Descricao: Funcao que retorna o n-esimo termo da sequencia de Fibonacci
_2 // Complexidade: O(2^n) onde n eh o termo desejado
3 int fib(int n){
      if(n <= 1){
          return n;
      return fib(n - 1) + fib(n - 2);
8 }
10 vector < int > memo(MAX, -1);
12 // Descricao: Funcao que retorna o n-esimo termo da sequencia de Fibonacci
       utilizando programacao dinamica.
13 // Complexidade: O(n) onde n eh o termo desejado
14 int fibPD(int n) {
      if (n <= 1) return n;</pre>
      if (memo[n] != -1) return memo[n];
      return memo[n] = fibPD(n - 1) + fibPD(n - 2);
18 }
```