Relatório 3º projecto ASA 2023/2024

Grupo: AL117

Aluno(s): Pedro Silveira (106642) e Gonçalo Aleixo (106900)

Descrição do Problema e da Solução

Formalização do Modelo Linear:

1. Identificação das Variáveis do Problema:

- x[i]: Representa a quantidade de brinquedos do tipo i produzidos. Estas são variáveis contínuas que podem assumir valores no intervalo de 0 até a capacidade máxima de produção de cada brinquedo.
- y[i]: Indica se o pacote especial i é produzido. Estas são variáveis binárias que podem assumir valores 0 (pacote não produzido) ou 1 (pacote produzido).

2. Especificação do Programa Linear:

Função Objetivo: Maximizar o lucro total, que é a soma do lucro obtido pela venda dos brinquedos individuais e dos pacotes especiais. Matematicamente, é

dada por: Maximizar
$$\sum_{i=1}^{n} (\mathbf{x}[i] * lucro_i) + \sum_{i=1}^{p} y[i] * (lucro_pacote_i - \sum_{bringuedos\ em\ pacote_i} (lucro_brinquedo_i))$$

o Restricões:

- 1. A soma total dos brinquedos produzidos individualmente e nos pacotes não deve exceder o limite máximo diário: $\sum_{i=1}^{n} x[i] = < \max_{i=1}^{n} x[i]$
- Para cada brinquedo, a produção individual deve ser suficiente para atender à demanda dos pacotes em que está incluído. Para cada brinquedo i:

$$x[i] >= \sum_{todos\ os\ pacotes\ contendo\ bringuedo\ i} y[j]$$

Análise Teórica

Complexidade da Codificação em Função dos Parâmetros do Problema:

- Número de Brinquedos (n) e Número de Pacotes (p):
 - Número de Variáveis do Programa Linear:
 - Há n variáveis x[i] para os brinquedos e p variáveis y[i] para os pacotes.
 - Portanto, o número total de variáveis é n+p que é O(n+p).
 - o Número de Restrições do Programa Linear:
 - Há uma restrição para o limite máximo de brinquedos.
 - Além disso, para cada brinquedo, há uma restrição que garante que a produção do brinquedo atenda à demanda dos pacotes. Portanto, existem n restrições desse tipo.
 - Isso resulta em um total de 1+n restrições, que é O(n).

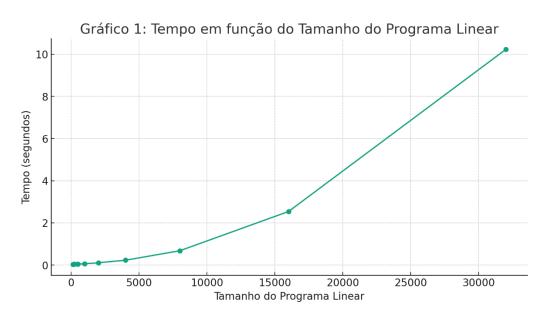
Esta análise mostra que a complexidade do modelo está principalmente ligada ao número de brinquedos e pacotes, influenciando tanto o número de variáveis quanto o número de restrições no modelo de programação linear.

Relatório 3º projecto ASA 2023/2024

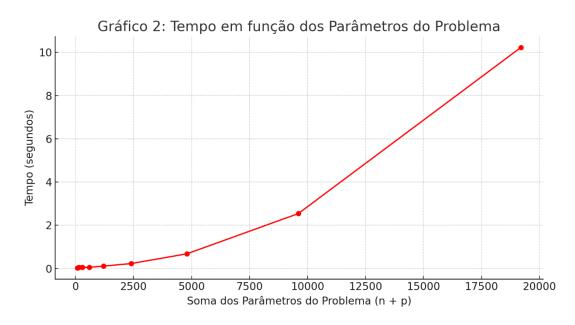
Grupo: AL117

Aluno(s): Pedro Silveira (106642) e Gonçalo Aleixo (106900)

Avaliação Experimental dos Resultados



• **Gráfico 1**: Mostra o tempo de execução (eixo Y) em função do tamanho do programa linear (eixo X), onde o tamanho do programa linear corresponde à soma do número de variáveis com o número de restrições.



• **Gráfico 2**: Apresenta o tempo de execução (eixo Y) em relação à soma dos parâmetros do problema, ou seja, número de brinquedos (n) e número de pacotes (p) (eixo X).

Ambos os gráficos sugerem que o tempo de execução aumenta à medida que o tamanho do problema cresce, o que está alinhado com a análise teórica de que a complexidade do modelo é afetada pelo número de brinquedos e pacotes.