FUNÇÃO CONSTANTE

São funções da forma f(x) = k, com k constante

Uma função constante tem como domínio \mathbb{R} , o gráfico é uma reta horizontal (coeficiente angular 0) que corta o eixo y no ponto k, e a imagem é $\{k\}$.

Exemplo 1. Esboçar o gráfico de f(x) = 3, indicando domínio e imagem.

Note que o sinal de uma função constante não varia.



$Dom(f) = \mathbb{R} \ \text{e} \ Im(f) = \{3\}$

Função do primeiro grau

São funções da forma $f(x) = mx + b \mod m$ e b contantes e $m \neq 0$

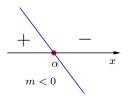
O domínio de uma função do primeiro grau é \mathbb{R} , seu gráfico é uma reta inclinada com coeficiente angular m e sua imagem é \mathbb{R} .

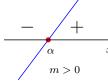
- Se m é positivo, então a função f é crescente;
- Se m é negativo, então a função f é decrescente.
- Sinais de uma função do primeiro grau.

Inicialmente calculamos a única raiz de f(x) = mx + b:

$$mx + b = 0 \iff mx = -b \iff x = -b/m$$

Em seguida esboçamos o gáfico de f e verificamos seus sinais:



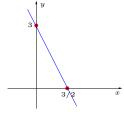


Sinais da função de primeiro grau

Exemplo 2. Esboçar o gráfico de y=-2x+3, indicando domínio, imagem e coeficiente angular.

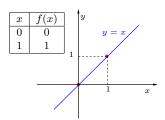
Bastam dois pontos para determinar uma reta. Assim, vamos descobrir o ponto onde a reta corta o eixo y (é o ponto em que x=0) e o ponto onde a reta corta o eixo x (é o ponto em que y=0).

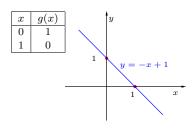




$$Dom(f) = \mathbb{R}, Im(f) = \mathbb{R} e m = -2$$

Exemplo 3. Esboçar os gráficos de f(x)=x e g(x)=-x+1, indicando domínio, imagem e coeficiente angular.

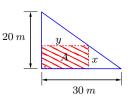




- $Dom(f) = \mathbb{R}, Im(f) = \mathbb{R} e m = 1$
- $Dom(g) = \mathbb{R}$, $Im(g) = \mathbb{R}$ e m = -1

Exercícios de revisão

- Esboce os gráficos das seguintes funções indicando domínio, imagem, intersecções com os eixos coordenados e vértices, se houver:
 - (a) y = -1
 - (b) y = 2x 5
 - (c) f(x) = -3x + 1
 - (d) 3x 2y + 4 = 0
- 2 A empresa Bits & Bytes adquiriu um lote de 30 notebooks para o departamento de desenvolvimento de software. Cada notebook custou R\$2.500,00. O departameto financeiro estimou que depreciação (perda de valor) dos valores do notebook será linear (uma reta), passando cada notebook a valer 400,00 daqui a 5 anos. Determine a equação que representa o valor de cada notebook para os próximos 5 anos.
- 3 Num terreno com a forma de triângulo retângulo cujos catetos medem 20m e 30m, deseja—se construir uma casa retangular de dimensões x e y, conforme a figura abaixo.



Escreva y em função de x.

RESPOSTAS

- 1 Todas as funções tem como domínio e imagem \mathbb{R} .
- 2 valor(t) = -420t + 2500, $0 \le t \le 5$
- $y = -\frac{3x}{2} + 30$