

UNIVERSIDADE FEDERAL DE SANTA CATARINA  
CENTRO TECNOLÓGICO  
DEPARTAMENTO DE ENGENHARIA ELÉTRICA E ELETRÔNICA  
CONVERSÃO ELETROMECÂNICA DE ENERGIA A

DJONATHAN LUIZ DE OLIVEIRA QUADRAS (15200695)

TRABALHO 2

FLORIANÓPOLIS  
2021

## Introdução

O presente trabalho as respostas das questões 1.7, 1.8, 1.9, 1.10, 1.13, 1.14, 1.15 e 1.16 presentes na versão 6<sup>a</sup> da apostila desenvolvida pelo Professor Doutor Renato Lucas Pacheco. O trabalho foi inteiramente desenvolvido em linguagem RMarkdown. Os códigos fonte para a sua elaboração contam em anexo. Importante: o padrão de numeração utilizado é do formato americano (com separação decimal utilizando ponto e não vírgula).

## Questão 1.7

Transformador de  $2 \times 10^4 \text{VA}$ , 2400/240, 60Hz. Se três transformadores iguais ao especificado forem ligados na configuração estrela/delta ( $Y - \Delta$ ) e alimentados a partir de um gerador de tensão trifásica equilibrada de sequência positiva, com valor eficaz (de linha) igual a raiz quadrada de três vezes a tensão nominal do lado primário do transformador (lado de alta tensão), qual a tensão entre os terminais abertos (em módulo e ângulo) em cada um dos casos mostrados a seguir? Explicar cuidadosamente os resultados, concluindo se a ligação delta pode ou não ser fechada e por quê!! Para esta análise, os transformadores podem ser considerados ideais!

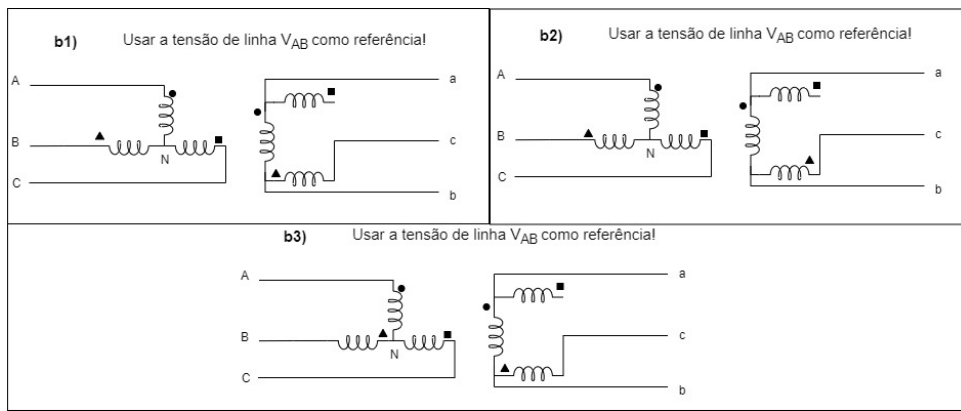


Figura 1: Enunciado

## Resolução

De acordo com o enunciado, o sistema é alimentado por um gerador com tensão eficaz (de linha) de 4156.92V. Com isso, podemos concluir que as tensões de linha em Y são

$$\begin{cases} V_{AB} = 4156.92 \angle 0^\circ V \\ V_{BC} = 4156.92 \angle -120^\circ V \\ V_{CA} = 4156.92 \angle 120^\circ V \end{cases}$$

E como para sistemas balanceados temos que  $V_L = \sqrt{3}V_P$  (com defasamento de  $30^\circ$ ), temos que

$$\begin{cases} V_{AN} = 2400 \angle -30^\circ V \\ V_{BN} = 2400 \angle -150^\circ V \\ V_{CN} = 2400 \angle 90^\circ V \end{cases}$$

Dessa forma, é possível calcular as tensões de linha no circuito em  $\Delta$ . Para cada um dos casos será feita a comparação com base nas marcas de polaridade.

**Para circuito b1** Para o circuito apresentado em **b1**, tem-se as seguintes resultados para tensão de linha.

$$\begin{cases} V_{ab} = 4156.92 \angle -30^\circ V \\ V_{bc} = 4156.92 \angle -150^\circ V \\ V_{?a} = 4156.92 \angle 90^\circ V \end{cases}$$

Com isso, a tensão no terminal aberto é

$$V_{c?} = V_{ab} + V_{bc} + V_{?a}$$

$$\boxed{V_{c?} = 0 \angle 74.4^\circ V}$$

Como  $V_{c?}$  tem magnitude nula, é possível fechar o circuito tranquilamente.

**Para circuito b2** Para o circuito apresentado em **b2**, tem-se as seguintes resultados para tensão de linha.

$$\begin{cases} V_{ab} = 4156.92 \angle -30^\circ V \\ V_{bc} = 4156.92 \angle 30^\circ V \\ V_{?a} = 4156.92 \angle 90^\circ V \end{cases}$$

Com isso, a tensão no terminal aberto é

$$V_{c?} = V_{ab} + V_{bc} + V_{?a}$$

$$\boxed{V_{c?} = 8313.8 \angle 30^\circ V}$$

Como  $V_{c?}$  tem magnitude não nula (e, num caso ainda pior, tendo o dobro da tensão de fase), **não é possível fechar o circuito de forma alguma.**

**Para circuito b3** Para o circuito apresentado em **b3**, tem-se as seguintes resultados para tensão de linha.

$$\begin{cases} V_{ab} = 4156.92 \angle -30^\circ V \\ V_{bc} = 4156.92 \angle 30^\circ V \\ V_{?a} = 4156.92 \angle 90^\circ V \end{cases}$$

Com isso, a tensão no terminal aberto é

$$V_{c?} = V_{ab} + V_{bc} + V_{?a}$$

$$\boxed{V_{c?} = 8313.8 \angle 30^\circ V}$$

Como  $V_{c?}$  tem magnitude não nula (e, num caso ainda pior, tendo o dobro da tensão de fase), **não é possível fechar o circuito de forma alguma.**

## Questão 1.8

Um transformador trifásico abaixador de  $6 \times 10^4$  VA, 4156.92/240 V, 60 Hz, ligado em  $Y/\Delta$  foi submetido a um ensaio de curto-circuito realizado pelo lado de baixa tensão (240V) de onde se obteve a seguinte impedância equivalente, por fase:  $0.0370376 + 0.0635895i$   $[\Omega]$ . Os seguintes resultados foram obtidos de um ensaio de circuito aberto, realizado pelo lado de baixa tensão, a 60 Hz:  $P_{3\phi} = 366$  W;  $I_l = 1.8$  A;  $V_l = 240$  V. O equipamento está alimentando uma carga trifásica equilibrada de  $3.6 \times 10^4$ W, com um fator de potência 0.6 adiantado. A tensão na carga foi ajustada para 240 V.

Para a sua versão, pede-se:

- A tensão na fonte, a corrente e a potência aparente fornecidas pela fonte, referidas ao primário (lado 1), e o fator de potência “visto” pela fonte, usando o modelo impedância série;
- O rendimento e a regulação do transformador, usando o modelo impedância série. Usar a potência do ensaio a vazio, se realizado com tensão nominal;
- Comentar os resultados!

## Resolução

Inicialmente, para facilitar os cálculos, será feita a conversão do formato  $\Delta$  para um formato Y. Assim,

$$Z_{eq} = \frac{0.0370376 + 0.0635895i}{3} \Rightarrow \boxed{0.0123 + 0.0212i\Omega}$$

Como é pedido o sistema referido ao lado de alta tensão (primário), será inicialmente encontrado sistema para o secundário e então convertido para o primário (uma vez que todos os valores encontrados foram para o secundário). Inicialmente determina-se o parâmetro de conversão  $a = \frac{4156.92}{(\sqrt{3})(240)} = 17.3205$ .

Define-se a tensão de fase na carga como  $V_s = \frac{V_l}{\sqrt{3}} = 138.56V$ . Também é possível determinar o ângulo de defasagem como  $\phi = \arccos 0.6 = -0.9272952^\circ$ . Como  $P_{3\phi} = (\sqrt{3})(V_l)(I_l)(fp)$ , pode-se determinar a corrente de saída (no secundário).

$$I_s = \frac{P_{3\phi}}{(\sqrt{3})(V_l)(fp)} = \frac{3.6 \times 10^4}{(\sqrt{3})(240)(0.6)}$$

Assim,

$$I_s = 86.6 + 115.47iA \quad \text{ou} \quad I_s = 144.34 \angle 53.13^\circ A$$

Com a corrente de saída, tensão na carga e impedâncias do circuito, é possível agora

calcular a tensão na fonte (pelo lado secundário) por meio das Tensões de Kirchhoff.

$$V_e = (Z_T)(I_s) + V_s = (0.01 + 0.02i)(86.6 + 115.47i) + 138.56$$

Assim,

$$V_e = 137.19 + 3.26i = 137.22 \angle 1.36^\circ V$$

Considerando a Figura 2, podemos encontrar os valores para o lado primário.

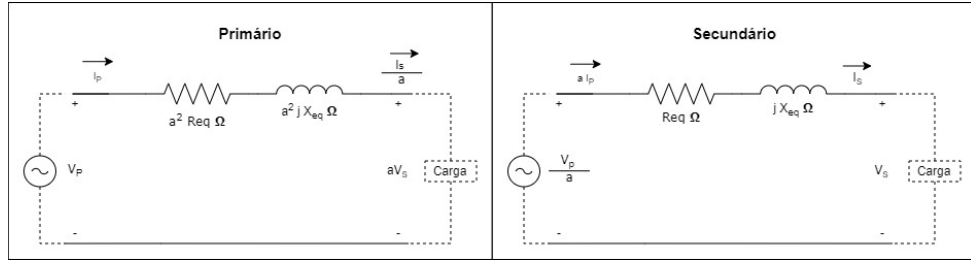


Figura 2: Relações entre Primário e Secundário

Assim, temos:

Tabela 1: Valores para Primário e Secundário

Parâmetro	Primário
$V_e$	$2400.62 \angle (1.36)^\circ V$
$I_e$	$1.47 \angle (53.13)^\circ A$
$S_T$	6101.57 VA
$fp$	0.6

O rendimento é calculado como

$$\Re = \frac{|V_e| - |V_s|}{|V_s|} = \frac{137.22 - 138.56}{138.56} = -0.01 \implies \Re = -0.97\%$$

A regulação é definida por

$$\eta = \frac{P_{s3\phi}}{P_{e3\phi}} = \frac{P_{s3\phi}}{P_{s3\phi} + P_{f3\phi} + P_{j3\phi} + P_{sup3\phi}}$$

Assim,

$$\eta = \frac{3.6 \times 10^4}{3.6 \times 10^4 + 366 + 771.6166667 + 0} \implies \eta = 96.94\%$$

## Questão 1.9

### Enunciado

Para a sua versão, no exemplo anterior, ajustando a tensão na entrada do transformador para o seu valor nominal, se o transformador está fornecendo corrente nominal a fator de potência 0,6 capacitivo, pede-se:

- A tensão sobre a carga, corrente e a potência aparente fornecidas pela fonte, referidas ao primário (lado 1), e o fator de potência “visto” pela fonte, usando o modelo impedância série;
- O rendimento e a regulação do transformador, usando o modelo impedância série. Usar a potência do ensaio a vazio, se realizado com tensão nominal;
- Comparar com os resultados do Exemplo 1.8: Transformador trifásico abaixador com tensão especificada na carga. Comentar os resultados!

### Resolução

Working on it :)



## Questão 1.10

### Enunciado

Os dois transformadores abaixo são ligados em paralelo para alimentar uma carga trifásica equilibrada.

**TRANSFORMADOR 1:** Um transformador trifásico abaixador de  $6 \times 10^4$  VA, 4156.92/240 V, 60 Hz, ligado em  $Y/\Delta$  foi submetido a um ensaio de curto-circuito realizado pelo lado de baixa tensão (240V) de onde se obteve a seguinte impedância equivalente, por fase:  $0.0370376 + 0.0635895i$   $[\Omega]$ . Os seguintes resultados foram obtidos de um ensaio de circuito aberto, realizado pelo lado de baixa tensão, a 60 Hz:  $P_{3\phi} = 366$  W;  $I_l = 1.8$  A;  $V_l = 240$  V.

**TRANSFORMADOR 2:** Um transformador trifásico abaixador de  $1.2 \times 10^5$  VA, 4156.92/240 V, 60 Hz, ligado em  $Y/\Delta$  foi submetido a um ensaio de curto-circuito realizado pelo lado de baixa tensão (240V) de onde se obteve a seguinte impedância equivalente, por fase:  $0.02337967 + 0.0432287i$   $[\Omega]$ . Os seguintes resultados foram obtidos de um ensaio de circuito aberto, realizado pelo lado de alta tensão, a 60 Hz:  $P_{3\phi} = 961.87$  W;  $I_l = 10.25$  A;  $V_l = 240$  V.

Se o conjunto está alimentando uma carga nominal (tensão e corrente nominais), sob fator de potência 0.6 capacitivo, pede-se:

- A tensão na fonte, a corrente e a potência aparente fornecidas pela fonte e por cada transformador em paralelo, referidas ao primário (lado 1), e o fator de potência “visto” pela fonte e o fator de potência de cada transformador, usando o modelo impedância série;
- O rendimento e a regulação de cada transformador;
- Comentar os resultados!

### Resolução

Para o lado primário, é considerado uma tensão de 4156.92V de linha e 2400V de fase, além de uma tensão no secundário de 240V de linha e 138.56V de fase no estrela equivalente. Assim, será utilizado um fator de conversão igual

$$a = \frac{2400}{138.56} \quad \boxed{a = 17.32}$$

Inicialmente, transforma-se as impedâncias para o seu modelo estrela equivalente (ao lado primário).

$$Z_{eq1Y} = a \frac{0.0370376 + 0.0635895i}{3} \quad Z_{eq2Y} = a \frac{0.02337967 + 0.0432287i}{3}$$

Assim,

$$\boxed{Z_{eq1} = 3.7 + 6.36i = 7.36\angle(59.78)^\circ\Omega} \quad \text{e} \quad \boxed{Z_{eq2} = 0.01 + 0.01i = 4.91\angle(61.59)^\circ\Omega}$$

Também é possível encontrar a tensão na carga fazendo-se  $V_c = aV_{c_{fase}}$ . Assim:  $V_c = 2400V$ . É possível calcular a corrente na carga por meio de  $P_{c3\phi} = \sqrt{3}V_{linha}I_{linha}fp$ . Assim:

$$I_c = 0.6 \frac{3.6 \times 10^4}{\sqrt{34156.92}} \Rightarrow \boxed{I_c = 0.08\angle(-53.13)^\circ A}$$

Com isso, é possível calcular as correntes de saída de ambos os transformadores por meio de

$$I_1 = \frac{Z_{eq2}}{Z_{eq1}} I_2 \quad \text{e} \quad I_1 + I_2 = I_c$$

Assim, tem-se

$$\boxed{I_1 = 0.02 - 0.03iA = 0.03\angle(-52.04)^\circ A} \quad \text{e} \quad \boxed{I_2 = 0.03 - 0.04i = 0.05\angle(-53.86)^\circ A}$$

Assim, é possível descobrir a potência fornecida por cada transformador fazendo-se  $S = VI$ . Tem-se, então:

$$\boxed{S_1 = 81.43VA} \quad \text{e} \quad \boxed{S_2 = 121.93VA}$$

Com o valor da corrente de saída, e sabendo que  $I_e = aI_s$ , tem-se que a corrente de entrada é de

$$\boxed{I_e = 0.88 - 1.17iA = 1.47\angle(-53.13)^\circ A}$$

## Questão 1.13

### Enunciado

Um transformador de potência de  $2 \times 10^4$  VA, 2400/240 V, 60 Hz, possui os seguintes parâmetros:

$$\begin{cases} r_1 = 1.85188[\Omega]; & x_1 = 3.17947[\Omega]; & g_m = 2.11806 \times 10^{-5}[S]; & b_m = 3.7708707 \times 10^{-5}[S] \\ r_2 = 0.01852[\Omega]; & x_2 = 0.03179[\Omega] & \text{(Referidos ao lado 2)} \end{cases}$$

Usando os valores nominais do equipamento como valores de base e **usando a técnica p.u.**, para a sua versão, Pede-se:

- A tensão na fonte e a potência aparente fornecida pela fonte se o transformador estiver alimentando carga nominal (potência aparente e tensão nominais), fator de potência 0,6 capacitivo, usando o modelo impedância série;
- O rendimento e a regulação do transformador;
- Retornar aos valores reais e comparar as grandezas obtidas com aquelas similares para o mesmo fator de potência, obtidas no Exemplo 1.5. Comentar!

### Resolução

Working on it :)

## Questão 1.14

### Enunciado

Um transformador de potência de  $2 \times 10^4$  VA, 2400/240 V, 60 Hz, possui os seguintes parâmetros:

$$\begin{cases} r_1 = 1.85188[\Omega]; & x_1 = 3.17947[\Omega]; & g_m = 2.11806 \times 10^{-5}[S]; & b_m = 3.7708707 \times 10^{-5}[S] \\ r_2 = 0.01852[\Omega]; & x_2 = 0.03179[\Omega] & \text{(Referidos ao lado 2)} \end{cases}$$

Três transformadores idênticos, dentro de cada da versão, são ligado formando um banco trifásico  $\Delta/Y$ . Usando os valores nominais do banco trifásico como valores de base (valores trifásicos!) e **usando a técnica p.u.**, pede-se:

- A tensão na fonte e a potência aparente fornecida pela fonte se o transformador estiver alimentando carga nominal (potência aparente e tensão nominais), fator de potência 0,6 capacitivo, usando o modelo impedância série;
- O rendimento e a regulação do transformador;
- Retornar aos valores reais e comparar as grandezas de fase obtidas com aquelas similares para o mesmo fator de potência, obtidas no Exemplo 1.13. Comentar!

### Resolução

Working on it :)

## Questão 1.15

### Enunciado

Um transformador de potência monofásico, de  $2.75 \times 10^4 \text{VA}$ , 4400/440 V, 60Hz, deve ser usado como autotransformador para alimentar um circuito de 4400V a partir de um gerador de 4840V. Sob carga nominal e fator de potência 0.6 indutivo, o rendimento do transformador monofásico foi calculado como de 94.5%. Para o autotransformador, pede-se:

- O diagrama de suas ligações (incluir as marcas de polaridade!);
- Sua potência aparente nominal, separando em potência transformada, potência passante e potência total;
- Seu rendimento a plena carga, com fatores de potência 0.6 indutivo e 0.8 indutivo. COMENTAR!

### Resolução

Working on it :)

## Questão 1.16

### Enunciado

Um transformador de três enrolamentos foi ensaiado para a obtenção de suas impedâncias de curto-circuito (parâmetros longitudinais). Percebeu-se que as componentes reativas em cada impedância, em módulo, foram maiores que dez vezes as respectivas componentes resistivas. As características nominais de cada enrolamento são:

- Primário:  $2.97 \times 10^4 \text{V}$ ,  $3 \times 10^7 \text{VA}$ ;
- Secundário:  $1.32 \times 10^5 \text{V}$ ,  $3 \times 10^7 \text{VA}$ ;
- Terciário:  $9600 \text{V}$ ,  $1.05 \times 10^7 \text{VA}$ ;

Após os ensaios em laboratório, os dados foram trabalhados e transformados em valores percentuais, como segue:

- Ensaio 1:  $Z_{ps} = 6.9\%$ , na base  $2.97 \times 10^4 \text{V}$  e  $3 \times 10^7 \text{VA}$ ;
- Ensaio 2:  $Z_{ps} = 5.6\%$ , na base  $2.97 \times 10^4 \text{V}$  e  $1.05 \times 10^7 \text{VA}$ ;
- Ensaio 3:  $Z_{ps} = 3.8\%$ , na base  $1.32 \times 10^5 \text{V}$  e  $1.05 \times 10^7 \text{VA}$ ;

Pede-se:

- Desenhar o circuito elétrico equivalente completo em por unidade (pu) com os cálculos e as indicações numéricas de cada parâmetro, usando como base potência nominal do enrolamento primário e as tensões nominais;
- Desenhar o circuito elétrico equivalente completo em Ohms ( $\Omega$ ) com os cálculos e as indicações numéricas de cada parâmetro, referido ao terciário.

### Resolução

Working on it :)