

# Transformações na Reta

#### Definição 1

Definição 2

Definição 3

Definição 4

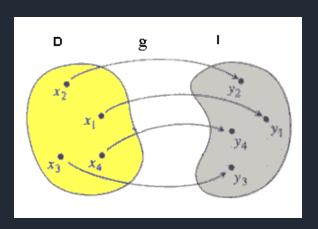
Definição 5

Referências

Fim da Apresentação

Uma transformação em um espaço métrico (X, d) é uma função  $f: X \longrightarrow X$  tal que f(x) pertence a X a cada ponto X pertencente a X.

Uma transformação em f é chamada "injetiva" se para dois pontos x e y pertencentes a X as imagens forem idênticas, f(x) = f(y), apenas quando x = y, ou seja, para cada valor de x, existe um valor exclusivo de f(x), de forma a existir uma promorção de 1 para 1.



## Transformações na Reta

### Definição 1

Definição 2

Definição 3

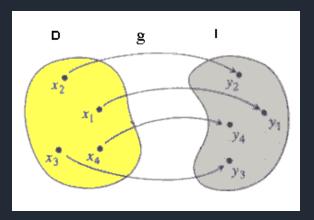
Definição 4

Definição 5

Referências

Fim da Apresentação

Uma transformação f é chamada sobrejetora se seu contra-domínio é igual à sua imagem, ou seja, sua imagem é o próprio conjunto.



## Transformações na Reta

Definição 1

Definição 2

Definição 3

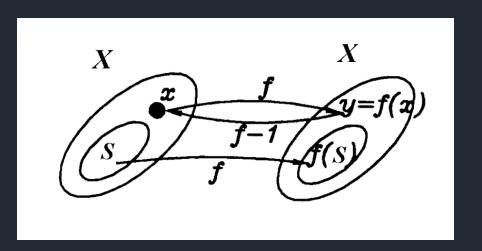
Definição 4

Definição 5

Referências

Fim da Apresentação

Se uma função for Injetora e Sobrejetora, chamamos-na de Bijetora ou inversível. O que significa que a função possui inversa, ou seja, para cada valor do domínio, existe um, e somente um, valor da imagem associado, e para cada valor da imagem, existe um, e somente um, valor do domínio associado.



## Transformações na Reta

Definição 1

Definição 2

Definição 3

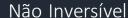
Definição 4

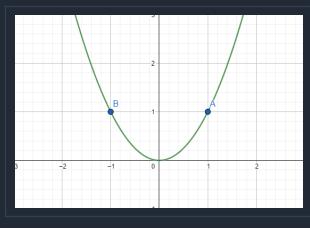
Definição 5

Referências

Fim da Apresentação

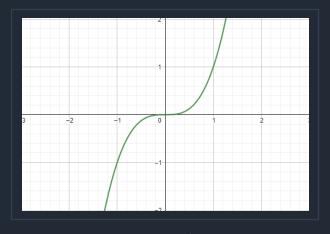
Se uma função for Injetora e Sobrejetora, chamamos-na de Bijetora ou inversível. O que significa que a função possui inversa, ou seja, para cada valor do domínio, existe um, e somente um, valor da imagem associado, e para cada valor da imagem, existe um, e somente um, valor do domínio associado.





$$f(x) = x^2$$

#### Inversível



$$f(x) = x^3$$

## Transformações na Reta

#### Definição 1

#### Definição 2

Definição 3

Definição 4

Definição 5

Referências

Fim da Apresentação

Se f : X —> X é uma transformação em (X, d), então, iterações progressivas de f são transformações do tipo  $f^{\circ n}: X \longrightarrow X$  definidas como:

$$f \circ o (x) = x$$
  
 $f \circ o (x) = f(x)$   
 $f \circ o (x) = f (x)$   
 $f \circ o (x) = f (x)$   
...  
...  
 $f \circ o (x) = f (x)$   
...  
 $f \circ o (x) = f (x)$ 

Para n = 0, 1, 2, 3...

## Transformações na Reta

#### Definição 1

#### Definição 2

Definição 3

Definição 4

Definição 5

Referências

Fim da Apresentação

Se f : X —> X é uma transformação inversível, então, iterações regressivas de f são transformações do tipo  $f^{\circ -n}: X \longrightarrow X$  definidas como:

$$f^{\circ -1}(x) = f^{-1}(x)$$
  
 $f^{\circ -2}(x) = f^{-1} \circ f^{-1}(x) = f^{-1}(f^{-1}(x))$   
...  
 $f^{\circ -n}(x) = (f^{\circ n})^{-1}(x)$ 

Para n = 1, 2, 3...

# Transformações na Reta

Definição 1

Definição 2

Definição 3

Definição 4

Definição 5

Referências

Fim da Apresentação

```
def f(x, i, n):
    if i < n:
        f(aoCubo(x), i + 1, n)
    elif i == n:
        print(x)</pre>
```

```
def inversa(x, i, n):
    if i < n:
        inversa(raizCubica(x), i + 1, n)
    elif i == n:
        print(x)</pre>
```

fo-n

# Transformações na Reta

Definição 1

Definição 2

Definição 3

Definição 4

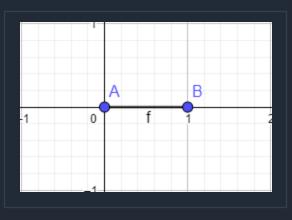
Definição 5

Referências

Fim da Apresentação

Uma transformação afim no  $\mathbb{R}$  é uma transformação na forma f(x) = ax + b, onde a e b são constantes reais.

Se X é um conjunto de intervalo [0, 1], f(X), depois de transoformado terá comprimento |a| e se moverá b em relação ao ponto zero.



$$X = [0, 1]$$

## Transformações na Reta

Definição 1

Definição 2

Definição 3

Definição 4

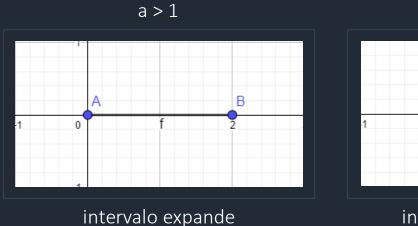
Definição 5

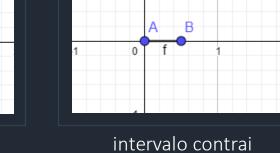
Referências

Fim da Apresentação

Uma transformação afim no  $\mathbb{R}$  é uma transformação na forma f(x) = ax + b, onde a e b são constantes reais.

Se X é um conjunto de intervalo [0, 1], f(X), depois de transoformado terá comprimento |a| e se moverá b em relação ao ponto zero.





a < 1

## Transformações na Reta

Definição 1

Definição 2

Definição 3

Definição 4

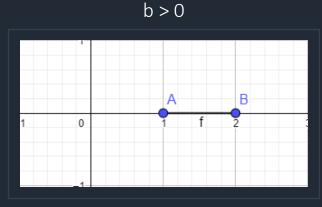
Definição 5

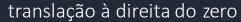
Referências

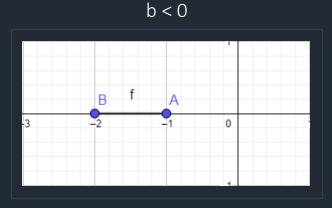
Fim da Apresentação

Uma transformação afim no  $\mathbb{R}$  é uma transformação na forma f(x) = ax + b, onde a e b são constantes reais.

Se X é um conjunto de intervalo [0, 1], f(X), depois de transoformado terá comprimento |a| e se moverá b em relação ao ponto zero.







transalação à esquerda do zero

## Transformações na Reta

Definição 1

Definição 2

Definição 3

Definição 4

Definição 5

Referências

Fim da Apresentação

Uma transformação afim no  $\mathbb{R}$  é uma transformação na forma f(x) = ax + b, onde a e b são constantes reais.

Um exemplo de implementação genérica recursiva com n transformações:

```
def transformaAfim(imagem, a, b, i, n):
    if i < n:
        imagem.resize(a)
        imagem.translate(b)
        transformaAfim(imagem, i + 1, n)
    elif i == n:
        mostraImagem(imagem)</pre>
```

É um recurso útil para representar a sensação de objeto se afastando (diminui ao se afastar) ou aproximando (aumenta ao se aproximar).

## Transformações na Reta

Definição 1

Definição 2

Definição 3

Definição 4

Definição 5

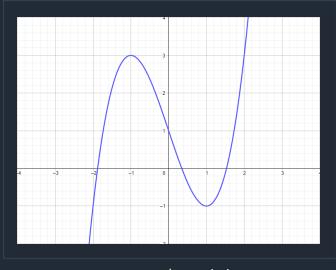
Referências

Fim da Apresentação

Uma transformação  $f: \mathbb{R} \longrightarrow \mathbb{R}$  na forma  $f(x) = a_0 + a_1 x + a_2 x^2 + a_3 x^3 + ... + a_n x^n$ , onde  $a_i$  são números reais,  $a_n \ne 0$  e n é um inteiro não negativo, é chamada **transformação polinomial**, e n é chamado de grau de transformação.

Uma transformação polinomial  $f: \mathbb{R} \longrightarrow \mathbb{R}$  pode produzir até n -1 dobras.

$$f(x) = x^3 - 3x + 1$$



$$n = 3$$

$$dobras = 2$$

# Transformações na Reta

Definição 1

Definição 2

Definição 3

Definição 4

Definição 5

Referências

Fim da Apresentação

Uma transformação  $f: \mathbb{R} \longrightarrow \mathbb{R}$  na forma  $f(x) = a_0 + a_1 x + a_2 x^2 + a_3 x^3 + ... + a_n x^n$ , onde  $a_i$  são números reais,  $a_n \ne 0$  e n é um inteiro não negativo, é chamada **transformação polinomial**, e n é chamado de grau de transformação.

Um exemplo de implementação genérica de transformação polinomial seria parecido com o seguinte:

```
def transformaPolinomial(imagem, polinomio):
    for i in range(imagem.x.size):
        if not pontoDobra(polinomio, polinomio.y[i]):
            imagem.x[i] = polinomio.y[i]
        else:
            realizaDobra(imagem.x[i], imagem.z)
```

É um recurso útil para representar a sensação de tremulação de objetos, como uma bandeira ou ondas do mar.

## Transformações na Reta

Definição 1

Definição 2

Definição 3

Definição 4

Definição 5

Referências

Fim da Apresentação

Se  $\hat{\mathbb{R}} = \mathbb{R} \cup \{\infty\}$ . Então, uma transformação:  $f: \hat{\mathbb{R}} \longrightarrow \hat{\mathbb{R}}$  definida como f(x) = (ax + b) / (cx + d), onde a, b, c, d pertencem a  $\mathbb{R}$  e ad  $\neq$  bc é chamada uma **transformação de Möbius**. Se c  $\neq$  0 a imagem de - d / c é  $\infty$  e  $f(\infty) = a$  / c. Se c = 0, então  $f(\infty) = \infty$ .

Transformações de Möbius são inversíveis. Por exemplo f(x) = 1/x, x pertencente a  $\mathbb{R}$ .

## Transformações na Reta

Definição 1

Definição 2

Definição 3

Definição 4

Definição 5

Referências

Fim da Apresentação

Funções Espaciais: IM - UFRJ

http://www.dmm.im.ufrj.br/projeto/projetoc/precalculo/sala/conteudo/capitulos/cap51 s4.html

Transformações em Espaços Métricos, Contrações e Construção de Fractais

Aura Conci – Apostila Generalizando Transformações Cap 3

Transformação de Möbius - Marcela F. Silva, Marcos T. Alves https://siseve.apps.uepg.br/storage/sigmat/3\_MARCELA\_FERREIRA\_DA\_SILVA-153883673067147.pdf

Moebius Transformations Reveled - jonathanrogness https://www.youtube.com/watch?v=JX3VmDgiFnY&ab\_channel=3Blue1Brown

# Transformações na Reta

Definição 1

Definição 2

Definição 3

Definição 4

Definição 5

Referências

Fim da Apresentação

#### Aluno

Pedro Henrique Mendes Pereira

### Disciplina

Computação Gráfica - 2021.1

#### Professora

**Aura Conci** 

#### Curso

Ciência da Computação UFF – Niterói