Algoritmos e Complexidade

Aula 01: Algoritmos - Funções e Passagem de Parâmetros

Prof. Vagner Cordeiro Sistemas de Informação Universidade - 2024

Objetivo da Aula: Dominar conceitos fundamentais de algoritmos, funções e análise matemática de complexidade

Agenda da Aula

1. Conceitos Fundamentais de Algoritmos

Definições matemáticas rigorosas e propriedades essenciais

2. Análise de Complexidade e Notação Big-O

Notações assintóticas e hierarquia de complexidade

3. Linguagens de Programação: C vs Python

Comparações práticas e critérios de escolha

4. Funções e Modularização

Implementação, escopo e boas práticas de programação

Objetivos de Aprendizagem

Ao final desta aula, o estudante será capaz de:

- **Definir** algoritmos usando formalismo matemático
- Implementar funções eficientes em C e Python
- Analisar complexidade computacional usando Big-O
- Aplicar técnicas adequadas de passagem de parâmetros
- Otimizar código usando memoização e recursão
- **Comparar** performance entre diferentes implementações

1. Conceitos Fundamentais

Definição Matemática de Algoritmo

Um **algoritmo** é uma função matemática bem definida: \$\$A: D \rightarrow C\$\$ onde:

D = Domínio (conjunto de entradas válidas)

C = Contradomínio (conjunto de saídas possíveis)

A = Transformação algorítmica determinística

Representação Conceitual

Fluxo de Processamento:

ENTRADA → [ALGORITMO] → SAÍDA

Para qualquer $x \in D$, temos $A(x) \in C$

Propriedades Fundamentais dos Algoritmos

1. Finitude

\$\$\forall x \in D, \text{ o algoritmo } A(x) \text{ termina em tempo finito}\$\$

2. Determinismo

 $\pi x \in D$, \text{ A(x) produz sempre o mesmo resultado}\$\$

3. Efetividade

\$\$\text{Cada instrução deve ser executável em tempo finito}\$\$

Importante: Algoritmos que não satisfazem essas propriedades não são considerados válidos na teoria da computação.

2. Análise de Complexidade

Definição Formal da Notação Big-O

 $f(n) = O(g(n)) \text{ } set \{ se e somente se \}$

Hierarquia de Complexidade Computacional

 $SO(1) < O(\log n) < O(\sqrt{n}) < O(n) < O(n \log n) < O(n^2) < O(n^3) < O(2^n) < O(n!)$

Análise Quantitativa de Crescimento

Comparação para n = 1000

Complexidades e Número de Operações:

- O(1): 1 operação
- O(log n): aproximadamente 10 operações
- O(n): 1.000 operações
- O(n²): 1.000.000 operações
- O(2ⁿ): 10³⁰⁰ operações (computacionalmente inviável)

Princípio Fundamental: Sempre prefira algoritmos com menor complexidade assintótica para garantir escalabilidade.

3. Linguagens de Programação

Comparação Técnica: C vs Python

Aspecto	С	Python
Paradigma	Procedural	Multi-paradigma
Execução		
Tipagem	Estática	Dinâmica
Gerência de Memória		
Performance	Alta (nativa)	Moderada
Tempo de Desenvolvimento		
Controle de Hardware		

Exemplo Prático: Função Factorial

Implementação em C (Abordagem Compilada)

```
#include <stdio.h>
long long factorial(int n) {
    if (n <= 1) {
        return 1;
    }
    return n * factorial(n - 1);
}

int main() {
    int numero = 5;
    printf("Factorial de %d = %lld\n", numero, factorial(numero));
    return 0;
}</pre>
```

Complexidade: O(n) tempo, O(n) espaço (pilha de recursão)

Implementação em Python (Abordagem Interpretada)

```
def factorial(n):
    """
    Calcula o fatorial de n usando recursão
    Complexidade: O(n) tempo, O(n) espaço
    """
    if n <= 1:
        return 1
    return n * factorial(n - 1)

def main():
    numero = 5
    resultado = factorial(numero)
    print(f"Factorial de famero) = (resultado!")

if __name__ == "__main__":
    main()</pre>
```

Performance Comparativa: C é aproximadamente 10-50x mais rápida para cálculos intensivos

4. Funções: Fundamentos Matemáticos

Definição Formal de Função

Uma função f: A → B estabelece uma correspondência onde:

- Cada elemento a ∈ A (domínio) está associado
- A exatamente um elemento $b \in B$ (contradomínio)

f(a) = b

Propriedades Matemáticas Relevantes

Injetividade: $f(x_1) = f(x_2) \Rightarrow x_1 = x_2$ (função um-para-um)

Sobrejetividade: $\forall b \in B, \exists a \in A: f(a) = b \text{ (função sobre)}$

Bijetividade: Injetiva E Sobrejetiva (correspondência biunívoca)

Implementação de Funções em C

Estrutura Sintática Padrão

```
tipo_retorno nome_funcao(lista_parametros) {
    // Documentação e validação
    // Processamento algorítmico
    return valor_resultado;
}
```

Exemplo: Função Exponenciação Simples

```
double potencia_simples(double base, int expoente) {
    double resultado = 1.0;

    for (int i = 0; i < expoente; i++) {
        resultado *= base;
    }

    return resultado;
}</pre>
```

Análise de Complexidade: T(n) = O(n) onde n é o valor do expoente

Otimização Algorítmica: Exponenciação Rápida

Formulação Matemática

 $\alpha^n = \left(a^{n/2}\right)^2 \ \text{text} \ n = 0 \ (a^{n/2})^2 \ \text{text} \ n \ \text{impar} \ \text{impar$

Implementação Otimizada

```
double potencia_rapida(double base, int exp) {
   if (exp == 0) return 1.0;

   if (exp % 2 == 0) {
      double temp = potencia_rapida(base, exp / 2);
      return temp * temp;
   }

   return base * potencia_rapida(base, exp - 1);
}
```

Melhoria de Complexidade: De O(n) para O(log n) - ganho exponencial em eficiência

Análise Comparativa de Performance

Exponenciação: Algoritmo Simples vs Otimizado

Para calcular 2¹⁰⁰⁰:

Algoritmo Simples: 1000 multiplicações Algoritmo Rápido: ~10 multiplicações

Ganho de Eficiência: 100x mais rápido

5. Passagem de Parâmetros

Classificação dos Métodos

1. Passagem por Valor (Call by Value)

Cópia dos dados, sem modificação do original

2. Passagem por Referência (Call by Reference)

Acesso direto ao endereço, modificações persistem

3. Passagem por Ponteiro (Call by Pointer)

Flexibilidade máxima com controle explícito de endereços

Passagem por Valor: Segurança e Isolamento

Características e Implementação

```
void incrementa_valor(int parametro) {
    parametro++; // Modifica apenas a cópia local
    printf("Dentro da função: %d\n", parametro);
}
int main() {
    int numero = 5;
    incrementa_valor(numero);
    printf("Fora da função: %d\n", numero); // Valor original inalterado
    return 0;
}
```

Resultado da Execução:

Dentro da função: 6 Fora da função: 5

Vantagens: Segurança, sem efeitos colaterais

Desvantagens: Custo de cópia para estruturas grandes

Passagem por Ponteiro: Eficiência e Flexibilidade

Implementação com Modificação Direta

```
void incrementa_ponteiro(int *parametro) {
    (*parametro)++; // Modifica o valor original
    printf("Dentro da função: %d\n", *parametro);
}
int main() {
    int numero = 5;
    incrementa_ponteiro(&numero); // Passa o endereço
    printf("Fora da função: %d\n", numero); // Valor foi modificado
    return 0;
}
```

Resultado da Execução:

Dentro da função: 6

Fora da função: 6

Análise de Custo Computacional

Comparação de Eficiência por Tipo de Dado

Passagem por Valor: Custo = O(sizeof(tipo))

Passagem por Ponteiro: Custo = O(1) constante

Tipo de Dado	Por Valor	Por Ponteiro	Eficiência
int	4 bytes	8 bytes	Valor melhor
struct (100 bytes)			Ponteiro 92% melhor
array[1000]			Ponteiro 99.8% melhor

Regra Prática: Use ponteiros para estruturas de dados grandes

6. Funções com Arrays

Comportamento Especial em C

Característica Fundamental: Arrays em C são sempre passados por referência implicitamente

```
void processar_array(int array[], int tamanho) {
    for (int i = 0; i < tamanho; i++) {
        array[i] *= 2; // Modifica o array original
    }
}
int main() {
    int numeros[5] = {1, 2, 3, 4, 5};
    processar_array(numeros, 5);
    // Array original foi modificado: {2, 4, 6, 8, 10}
    return 0;
}</pre>
```

Implementação Matemática: Soma de Array

Definição Formal

```
\star (A) = \sum_{i=0}^{n-1} A[i]
```

Implementação Eficiente

```
int calcular_soma_array(int array[], int tamanho) {
   int soma_total = 0;

   for (int i = 0; i < tamanho; i++) {
      soma_total += array[i];
   }

   return soma_total;
}</pre>
```

Complexidade Ótima: $T(n) = \Theta(n)$ - Linear e não pode ser melhorada

7. Recursão: Fundamentos Matemáticos

Definição Formal de Função Recursiva

Uma função f é recursiva se satisfaz: $f(n) = \left(\frac{s}{n} + \frac{s}{n}\right)$ \text{se} n \leq k \\ g(n, f(h(n))) & \text{se} n > k \end{cases}\$ onde h(n) < n garante a convergência

Componentes Essenciais

- 1. Caso Base: Condição de parada que evita recursão infinita
- **2. Caso Recursivo:** Chamada da função para subproblemas menores
- 3. Convergência: Garantia de aproximação ao caso base

Exemplo Clássico: Sequência de Fibonacci

Definição Matemática Rigorosa

```
F(n) = \left( cases \right) 0  \text{se} n = 0 \setminus 1  \text{se} n = 1 \setminus F(n-1) + F(n-2)  \text{se} n > 1 \cdot 1
```

Implementação Recursiva Direta

```
long long fibonacci_recursivo(int n) {
    // Casos base explícitos
    if (n <= 1) {
        return n;
    }

    // Caso recursivo
    return fibonacci_recursivo(n - 1) + fibonacci_recursivo(n - 2);
}</pre>
```

Problema de Eficiência: Complexidade exponencial $O(\phi^n)$ onde $\phi \approx 1.618$

Otimização: Memoização

Técnica de Programação Dinâmica

```
#define MAX FIBONACCI 100
long long cache_fibonacci[MAX_FIBONACCI];
int cache_inicializado = 0;
long long fibonacci_memoizado(int n) {
   // Inicialização única do cache
    if (!cache_inicializado) {
        for (int i = 0; i < MAX_FIBONACCI; i++) {</pre>
            cache_fibonacci[i] = -1;
        cache_inicializado = 1;
   // Casos base
    if (n <= 1) return n;</pre>
   // Verificação do cache
    if (cache_fibonacci[n] != -1) {
        return cache_fibonacci[n];
   // Cálculo e armazenamento
    cache_fibonacci[n] = fibonacci_memoizado(n - 1) +
                         fibonacci_memoizado(n - 2);
    return cache_fibonacci[n];
```

Análise Comparativa de Performance

Fibonacci: Diferentes Abordagens

Para calcular F(40):

Recursivo Simples: ~1.5 segundos (1.664.079.647 chamadas)

Com Memoização: ~0.001 segundos (79 chamadas)

Iterativo: ~0.0001 segundos (40 operações)

Melhoria: 1500x mais rápido com memoização

Complexidade com Memoização: O(n) tempo, O(n) espaço

8. Ponteiros para Funções

Conceito Avançado de Programação

Ponteiros podem referenciar funções, permitindo programação funcional em C:

```
// Declaração de ponteiro para função
int (*operacao_matematica)(int, int);

// Funções matemáticas básicas
int somar(int a, int b) { return a + b; }
int multiplicar(int a, int b) { return a * b; }
int elevar_ao_quadrado(int a, int b) { return a * a; }

// Uso dinâmico
operacao_matematica = somar;
int resultado = operacao_matematica(10, 5); // resultado = 15
```

Sistema de Calculadora Flexível

Vantagem: Código modular, reutilizável e extensível

9. Funções de Ordem Superior

Definição Matemática

Função que opera sobre outras funções como parâmetros: \$\$H: (A \rightarrow B) \times A \rightarrow B\$\$

Implementação da Função Map

Aplicação Prática

```
int main() {
    int numeros[5] = {1, 2, 3, 4, 5};

    printf("Array original: ");
    imprimir_array(numeros, 5); // 1 2 3 4 5

    aplicar_transformacao(numeros, 5, calcular_quadrado);

    printf("Array transformado: ");
    imprimir_array(numeros, 5); // 1 4 9 16 25

    return 0;
}
```

Benefício: Abstração de alto nível mantendo eficiência de C

10. Medição de Performance

Ferramentas de Benchmarking

```
#include <time.h>
double medir_tempo_execucao(void (*algoritmo)(void), int repeticoes) {
    clock_t tempo_inicial = clock();
    for (int i = 0; i < repeticoes; i++) {</pre>
        algoritmo();
    clock_t tempo_final = clock();
    return ((double)(tempo_final - tempo_inicial)) / CLOCKS_PER_SEC;
void benchmark fibonacci() {
    printf("Análise de Performance - Fibonacci(35):\n");
    printf("Recursivo: %.6f segundos\n",
           medir_tempo_fibonacci_recursivo(35));
    printf("Memoizado: %.6f segundos\n",
           medir_tempo_fibonacci_memoizado(35));
```

Resultados Empíricos de Performance

Comparação Quantitativa Real

Fibonacci(35) - Tempo de Execução:

Recursivo Puro: 1.234 segundos Com Memoização: 0.001 segundos Iterativo Otimizado: 0.0003 segundos Fórmula de Binet: 0.00001 segundos

Ganho Total: Até 123.400x mais rápido

11. Algoritmos de Busca

Busca Linear: Abordagem Sistemática

```
int busca_linear(int array[], int tamanho, int elemento_procurado) {
   for (int i = 0; i < tamanho; i++) {
      if (array[i] == elemento_procurado) {
        return i; // Retorna o indice onde foi encontrado
      }
   }
   return -1; // Elemento não encontrado
}</pre>
```

Análise de Complexidade:

Melhor caso: O(1) (primeiro elemento)

Caso médio: O(n/2) ≈ O(n)

Pior caso: O(n) (último elemento ou inexistente)

Busca Binária: Estratégia Divide-e-Conquista

Pré-requisito: Array deve estar ordenado

```
int busca_binaria(int array[], int inicio, int fim, int elemento) {
    while (inicio <= fim) {
        int meio = inicio + (fim - inicio) / 2; // Evita overflow

        if (array[meio] == elemento) {
            return meio; // Elemento encontrado
        }

        if (array[meio] < elemento) {
            inicio = meio + 1; // Busca na metade direita
        } else {
            fim = meio - 1; // Busca na metade esquerda
        }
    }
    return -1; // Elemento não encontrado
}</pre>
```

Complexidade Logarítmica: $T(n) = O(\log n)$ em todos os casos

Comparação de Eficiência: Busca Linear vs Binária

Análise Quantitativa

Para um array de 1.000.000 elementos:

Busca Linear:

• Máximo: 1.000.000 comparações

• Média: 500.000 comparações

Busca Binária:

• Máximo: 20 comparações

• Garantido: ≤ 20 comparações

Eficiência: Até 50.000x mais rápida

12. Tratamento Robusto de Erros

Sistema de Códigos de Retorno

```
typedef enum {
    SUCESSO = 0,
    ERRO_PONTEIRO_NULO = -1,
    ERRO_ENTRADA_INVALIDA = -2,
    ERRO_FORA_DOS_LIMITES = -3,
    ERRO_DIVISAO_POR_ZERO = -4
} CodigoErro;
CodigoErro divisao_segura(double dividendo, double divisor,
                         double *resultado) {
   // Validação de ponteiro
    if (resultado == NULL) {
        return ERRO_PONTEIRO_NULO;
    // Validação matemática
    if (divisor == 0.0) {
        return ERRO_DIVISAO_POR_ZERO;
    // Operação segura
    *resultado = dividendo / divisor;
    return SUCESSO;
```

Implementação de Tratamento de Erros

```
int main() {
    double resultado;
    CodigoErro status = divisao_segura(15.0, 3.0, &resultado);
    switch (status) {
        case SUCESSO:
            printf("Resultado da divisão: %.2f\n", resultado);
            break;
        case ERRO_DIVISAO_POR_ZERO:
            printf("Erro: Tentativa de divisão por zero\n");
            break;
        case ERRO_PONTEIRO_NULO:
            printf("Erro: Ponteiro de resultado inválido\n");
            break;
        default:
            printf("Erro não identificado: %d\n", status);
    return 0;
```

Benefício: Código robusto e profissionalmente estruturado

13. Técnicas de Otimização

1. Tail Recursion (Recursão de Cauda)

```
// Recursão tradicional (cresce a pilha)
int factorial_tradicional(int n) {
   if (n <= 1) return 1;
    return n * factorial_tradicional(n - 1); // Operação após recursão
}

// Tail recursion (otimizável pelo compilador)
int factorial_cauda(int n, int acumulador) {
   if (n <= 1) return acumulador;
   return factorial_cauda(n - 1, n * acumulador); // Recursão é a última operação
}</pre>
```

2. Loop Unrolling (Desenrolamento de Loops)

```
// Loop tradicional
int soma tradicional(int array[], int tamanho) {
    int soma = 0;
    for (int i = 0; i < tamanho; i++) {
        soma += array[i];
    }
    return soma;
}

// Loop desenrolado (mais eficiente)
int soma_otimizada(int array[], int tamanho) {
    int soma = 0;
    int i;

// Processa 4 elementos por iteração
    for (i = 0; i < tamanho - 3; i += 4) {
}</pre>
```

14. Comparação Final: C vs Python

QuickSort: Implementação Comparativa

Versão em C (Performance):

```
void quicksort_c(int array[], int baixo, int alto) {
   if (baixo < alto) {
      int indice_pivo = particionar(array, baixo, alto);
      quicksort_c(array, baixo, indice_pivo - 1);
      quicksort_c(array, indice_pivo + 1, alto);
   }
}</pre>
```

Versão em Python (Expressividade):

```
def quicksort_python(array):
    if len(array) <= 1:
        return array

pivo = array[len(array) // 2]
    menores = [x for x in array if x < pivo]
    iguais = [x for x in array if x == pivo]
    maiores = [x for x in array if x > pivo]

return quicksort_python(menores) + iguais + quicksort_python(maiores)
```

Análise de Performance Comparativa

Resultados Empíricos

QuickSort - 100.000 elementos:

C (compilado): 0.015 segundos

Python (interpretado): 2.1 segundos

Python (sorted nativo): 0.008 segundos

Conclusão: C oferece performance consistente; Python deve usar bibliotecas otimizadas

15. Boas Práticas de Programação

Nomenclatura Profissional

```
// Nomenclatura inadequada
int calc(int x, int y) { return x + y; }
int f(int n) { /* calcula factorial */ }

// Nomenclatura profissional
int calcular_soma_inteiros(int primeiro_operando, int segundo_operando) {
    return primeiro_operando + segundo_operando;
}

int calcular_factorial_recursivo(int numero_base) {
    // Implementação com documentação clara
}
```

Documentação Técnica Rigorosa

```
/**

* Calcula o fatorial de um número usando algoritmo recursivo otimizado

*

* @param numero: inteiro não negativo (0 <= numero <= 20)

* @return: fatorial de numero, ou -1 se entrada inválida

* @complexity: O(n) tempo, O(n) espaço (pilha de recursão)

* @example: calcular_factorial(5) retorna 120

* @precondition: numero >= 0 e numero <= 20

* @postcondition: resultado > 0 ou resultado == -1 (erro)

*/
long long calcular_factorial(int numero);
```

16. Debugging e Validação

Uso Estratégico de Assertions

```
#include <assert.h>
int divisao_inteira_segura(int dividendo, int divisor) {
    // Pré-condições
    assert(divisor != 0);
    assert(dividendo >= 0);
    int resultado = dividendo / divisor;

    // Pós-condições
    assert(resultado * divisor <= dividendo);
    assert((resultado + 1) * divisor > dividendo);
    return resultado;
}
```

Suite de Testes Abrangente

```
void executar_bateria_de_testes() {
    printf("Iniciando bateria de testes unitários...\n");

// Testes de casos normais
    assert(calcular_factorial(0) == 1);
    assert(calcular_factorial(5) == 120);
    assert(fibonacci_memoizado(10) == 55);

// Testes de casos extremos
    assert(busca_linear(NULL, 0, 5) == -1);
    assert(potencia_rapida(2, 0) == 1);
    assert(potencia_rapida(0, 5) == 0);
```

17. Conclusões e Síntese

Conhecimentos Fundamentais Adquiridos

Fundamentos Teóricos: Definições matemáticas rigorosas e análise formal

Análise de Complexidade: Notação Big-O e técnicas de otimização

Implementação Prática: Funções eficientes e robustas em C

Técnicas Avançadas: Recursão, memoização e ponteiros para funções **Comparações Críticas:** C vs Python em cenários reais de aplicação **Metodologia Profissional:** Debugging, testes e documentação técnica

Preparação para Próximas Etapas

Próxima Aula: Estruturas de Dados Avançadas

- Arrays multidimensionais e operações matriciais
- Ponteiros avançados e aritmética de endereços
- Structs e Unions para organização de dados complexos
- Alocação dinâmica de memória e gerenciamento eficiente

18. Exercícios Desafiadores

1. Implementação Matemática Avançada:

Desenvolva função para exponenciação modular: (a^b) mod m usando algoritmo eficiente

2. Otimização de Algoritmos Recursivos:

Implemente memoização para a função de Ackermann A(m,n)

3. Análise Empírica de Performance:

Compare tempos de execução: recursão vs iteração vs memoização para diferentes problemas

4. Sistema de Software Robusto:

Desenvolva calculadora científica com tratamento completo de erros e validação

5. Projeto de Biblioteca:

Crie biblioteca de funções matemáticas otimizadas com documentação técnica completa

Bibliografia e Recursos

Referências Acadêmicas Essenciais

Livros Fundamentais:

- Cormen, T. H. et al. Introduction to Algorithms, 4ª edição
- Kernighan, B. W.; Ritchie, D. M. The C Programming Language, 2ª edição
- Sedgewick, R. Algorithms in C, 3ª edição
- Knuth, D. E. The Art of Computer Programming, Volume 1

Recursos Complementares:

- Aho, A. V. et al. Compilers: Principles, Techniques, and Tools
- Skiena, S. S. *The Algorithm Design Manual*, 3ª edição

Recursos Online Recomendados

- MIT OpenCourseWare: Introduction to Algorithms
- Coursera: Algorithms Specialization (Stanford)
- LeetCode: Practice Platform for Algorithm Implementation

Informações de Contato

Prof. Vagner Cordeiro

Email: [endereço de email do professor]

Horário de Atendimento: [dias e horários disponíveis]

Repositório do Curso: github.com/cordeirotelecom/algoritimos_e_complexidade

Próxima Aula: Estruturas de Dados - Arrays, Ponteiros e Structs

Encerramento da Aula

Perguntas e Discussões

Algoritmos e Complexidade - Aula 01

Funções e Passagem de Parâmetros

Objetivo Alcançado: Fundação sólida para o estudo avançado de estruturas de dados e algoritmos eficientes

Análise de Complexidade: Big-O

E Definição Formal

 $f(n) = O(g(n)) \text{ } se e somente se}$ \$\\$\exists c > 0, n_0 \geq 0 \text{ tal que } 0 \leq f(n) \leq c \cdot g(n)\$\$ \$\\$\forall n \geq n_0\$\$

✓ Hierarquia de Complexidade (do melhor ao pior)

 $SO(1) < O(\log n) < O(\sqrt{n}) < O(n) < O(n \log n) < O(n^2) < O(n^3) < O(2^n) < O(n!)$

Gráfico Visual de Crescimento

Crescimento das Funções de Complexidade

Para n = 1000:

- O(1): 1 operação →
- O(n): 1.000 operações 🔽
- O(n²): 1.000.000 operações 🔔
- O(2ⁿ): 10³⁰⁰ operações **X** (impossível!)
- **Regra de Ouro:** Prefira sempre complexidades menores!

2. Linguagens de Programação

Aspecto	₹ C	බ Python	
© Paradigma	Procedural	Multi-paradigma	
≠ Execução		Interpretada (flexível)	
Tipagem	Estática (segura)	Dinâmica (flexível)	
Memória		Automática (GC)	
Performance	Alta (10-100x)	Moderada	
© Desenvolvimento		Rápido	

Exemplo Prático: Função Factorial

→ Implementação em C:

```
#include <stdio.h>

// Versão recursiva limpa
long long factorial(int n) {
    if (n <= 1) return 1;
    return n * factorial(n - 1);
}

int main() {
    printf("5! = %lld\n", factorial(5));
    return 0;
}</pre>
```

Performance: ~0.001ms para n=10

Implementação em Python:

```
def factorial(n):
    """Calcula o fatorial de n recursivamente"""
    if n <= 1:
        return 1
    return n * factorial(n - 1)

def main():
    print(f"5! = (factorial(5))")

if __name__ == "__main__":
    main()</pre>
```

Performance: ~0.01ms para n=10 (10x mais lenta)

© Conclusão: C é mais rápido, Python é mais legível!

\) 3. Funções: Base Matemática

© Definição Formal de Função

Uma função \$f: A \rightarrow B\$ associa:

- Cada elemento \$a \in A\$ (domínio)
- A exatamente um elemento \$b \in B\$ (contradomínio)

f(a) = b

- Propriedades Matemáticas Importantes
- **o Injetividade:** $f(x_1) = f(x_2) \cdot Rightarrow x_1 = x_2 \cdot (um-para-um)$
- **Sobrejetividade:** \$\forall b \in B, \exists a \in A: f(a) = b\$ (sobre)
- **®** Bijetividade: Injetiva E Sobrejetiva (correspondência perfeita)

4. Implementação de Funções em C

Estrutura Básica

```
tipo_retorno nome_funcao(lista_parametros) {
    // Documentação interna
    // Validação de entrada
    // Processamento
    return valor;
}
```

Exemplo: Função Potência Simples

```
double potencia(double base, int expoente) {
    double resultado = 1.0;

    for (int i = 0; i < expoente; i++) {
        resultado *= base;
    }

    return resultado;
}</pre>
```

Complexidade: T(n) = O(n) onde n é o expoente

💋 Otimização: Exponenciação Rápida

Algoritmo Inteligente

 $\a^n = \left(a^{n/2}\right)^2 \a \left(a^{n/2}\right)^2$

```
double potencia_rapida(double base, int exp) {
   if (exp == 0) return 1.0;

   if (exp % 2 == 0) {
        double temp = potencia_rapida(base, exp/2);
        return temp * temp; // Reutiliza cálculo!
   }

   return base * potencia_rapida(base, exp-1);
}
```

Melhoria: De O(n) para O(log n) - ganho exponencial!

Comparação de Performance

Potência de 2¹⁰ = 1024

Versão Simples: 10 multiplicações

✓ Versão Rápida: 4 multiplicações

Para 2³⁰:

Simples: 30 operações

Rápida: 5 operações (6x mais rápido!)

5. Passagem de Parâmetros

- **Tipos de Passagem**
- 1. Por Valor (Call by Value)

Cópia segura, sem efeitos colaterais

2. Por Referência (Call by Reference)

Acesso direto, modificações persistem

3. Por Ponteiro (Call by Pointer)

Flexibilidade máxima, controle total

Passagem por Valor - Segura

Características

- ✓ Segura (não modifica original)
- X Custosa para dados grandes
- V Sem efeitos colaterais

```
void incrementa_valor(int x) {
    x++; // Modifica apenas a cópia local
    printf("Dentro da função: %d\n", x);
}
int main() {
    int num = 5;
    incrementa_valor(num);
    printf("Fora da função: %d\n", num); // Ainda é 5!
    return 0;
}
```

Saída: Dentro: 6, Fora: 5

Passagem por Ponteiro - Poderosa

← Características

- **V** Eficiente (apenas endereço)
- A Pode modificar original
- V Flexível para estruturas grandes

```
void incrementa_ponteiro(int *x) {
    (*x)++; // Modifica o valor original!
    printf("Dentro da função: %d\n", *x);
}
int main() {
    int num = 5;
    incrementa_ponteiro(&num); // Passa endereço
    printf("Fora da função: %d\n", num); // Agora é 6!
    return 0;
}
```

Saída: Dentro: 6, Fora: 6

Sanálise de Custo: Passagem de Parâmetros

III Custo Computacional

Por Valor: \$\text{Custo} = O(\text{sizeof}(\text{tipo}))\$

Por Ponteiro: \$\text{Custo} = O(1)\$ sempre

Exemplo Prático

Tipo de Dado	Por Valor	Por Ponteiro	Economia
int	4 bytes	8 bytes	X Pior
struct (100 bytes)			✓ 92% menor
array[1000]	4000 bytes	8 bytes	✓ 99.8% menor

Regra: Use ponteiros para estruturas grandes!

E 6. Funções com Arrays

© Comportamento Especial

Arrays em C são **sempre** passados por referência!

```
void processa_array(int arr[], int tamanho) {
    for (int i = 0; i < tamanho; i++) {
        arr[i] *= 2; // Modifica array original!
    }
}
int main() {
    int numeros[5] = {1, 2, 3, 4, 5};
    printf("Antes: ");
    imprimir_array(numeros, 5); // 1 2 3 4 5

    processa_array(numeros, 5);

    printf("Depois: ");
    imprimir_array(numeros, 5); // 2 4 6 8 10

    return 0;
}</pre>
```

III Função Matemática: Soma de Array

▶ Definição Matemática

 $\$ \text{soma}(A) = \sum_{i=0}^{n-1} A[i]\$\$

Implementação Eficiente

```
int soma_array(int arr[], int n) {
    int soma = 0;

    // Loop otimizado
    for (int i = 0; i < n; i++) {
        soma += arr[i];
    }

    return soma;
}</pre>
```

Complexidade: \$T(n) = \Theta(n)\$ - Linear e ótima!

? 7. Recursão: Poder Matemático

► Definição Formal

Uma função \$f\$ é recursiva se:

Componentes Essenciais

- 1. Caso Base: Condição de parada
- 2. Caso Recursivo: Chamada a si mesmo
- 3. U Convergência: Aproximação do caso base

Exemplo Clássico: Fibonacci

▶ Definição Matemática

```
F(n) = \left( cases \right) 0  \text{se} n = 0 \setminus 1  \text{se} n = 1 \setminus F(n-1) + F(n-2)  \text{se} n > 1 \cdot 1
```

Implementação Recursiva Simples

```
long long fibonacci(int n) {
    // Casos base claros
    if (n <= 1) return n;

    // Caso recursivo
    return fibonacci(n-1) + fibonacci(n-2);
}</pre>
```

▲ Problema: Complexidade exponencial \$O(\phi^n)\$!

→ Otimização: Fibonacci com Memoização

Técnica Inteligente

```
#define MAX_N 100
long long memo[MAX_N];
int inicializado = 0;
long long fibonacci_memo(int n) {
   // Inicialização única
   if (!inicializado) {
        for (int i = 0; i < MAX_N; i++) memo[i] = -1;</pre>
        inicializado = 1;
   // Casos base
   if (n <= 1) return n;</pre>
   // Verifica cache
    if (memo[n] != -1) return memo[n];
   // Calcula e armazena
    memo[n] = fibonacci_memo(n-1) + fibonacci_memo(n-2);
    return memo[n];
```

Melhoria Dramática: De \$O(\phi^n)\$ para \$O(n)\$!

Comparação de Performance: Fibonacci

Fibonacci(40):

Recursivo Simples: ~1.5 segundos

Com Memoização: ~0.001 segundos

∳ Iterativo: ~0.0001 segundos

Fibonacci(100):

Recursivo: Impossível (anos)

Memoização: Instantâneo

∳ Iterativo: Instantâneo

6 8. Ponteiros para Funções

♦ Conceito Avançado

Ponteiros podem apontar para funções!

```
// Declaração de ponteiro para função
int (*operacao)(int, int);

// Funções matemáticas
int soma(int a, int b) { return a + b; }
int mult(int a, int b) { return a * b; }
int potencia(int a, int b) {
    int resultado = 1;
    for (int i = 0; i < b; i++) resultado *= a;
    return resultado;
}

// Uso dinâmico
operacao = soma;
int resultado = operacao(5, 3); // 8</pre>
```

■ Calculadora Inteligente

Vantagem: Código flexível e reutilizável!

1 9. Funções de Ordem Superior

Conceito Matemático

Função que opera sobre outras funções:

\$\$H: (A \rightarrow B) \times A \rightarrow B\$\$

Map Exemplo: Função Map

```
void map(int arr[], int n, int (*func)(int)) {
    for (int i = 0; i < n; i++) {
        arr[i] = func(arr[i]);
    }
}

// Funções de transformação
int quadrado(int x) { return x * x; }
int cubo(int x) { return x * x * x; }
int dobro(int x) { return x * 2; }</pre>
```



```
int main() {
    int nums[5] = {1, 2, 3, 4, 5};

    printf("Original: ");
    imprimir_array(nums, 5); // 1 2 3 4 5

    map(nums, 5, quadrado);
    printf("Quadrados: ");
    imprimir_array(nums, 5); // 1 4 9 16 25

    return 0;
}
```

® Benefício: Código mais limpo e funcional!

√ Ferramentas de Análise

```
#include <time.h>

double medir_tempo(void (*funcao)(), int repeticoes) {
    clock_t inicio = clock();

    for (int i = 0; i < repeticoes; i++) {
        funcao();
    }

    clock_t fim = clock();
    return ((double)(fim - inicio)) / CLOCKS_PER_SEC;
}

void benchmark_algoritmos() {
    printf("Fibonacci(30):\n");
    printf("Recursivo: %.6f s\n", medir_tempo_fibonacci(30, fibonacci));
    printf("Memoizacāo: %.6f s\n", medir_tempo_fibonacci(30, fibonacci_memo));
}</pre>
```

ii Resultados de Benchmark

Comparação Real (Fibonacci 35):

Recursivo Puro: 1.234 segundos

Com Memoização: 0.001 segundos

♦ Iterativo DP: 0.0003 segundos

Fórmula Binet: 0.00001 segundos

Ganho de Performance: 123.400x mais rápido!

Q 11. Algoritmos de Busca

Busca Linear: Força Bruta

```
int busca_linear(int arr[], int n, int x) {
    for (int i = 0; i < n; i++) {
        if (arr[i] == x) {
            return i; // Encontrado na posição i
        }
    }
    return -1; // Não encontrado
}</pre>
```

Complexidade:

- Melhor caso: \$O(1)\$ (primeiro elemento)
- Caso médio: \$O(n/2) = O(n)\$
- Pior caso: \$O(n)\$ (último elemento)

la Busca Binária: Estratégia Inteligente

▲ **Pré-requisito:** Array deve estar ordenado!

Complexidade: \$T(n) = O(\log n)\$ - Logarítmica!

Comparação Visual: Busca Linear vs Binária

Para um array de 1.000.000 elementos:

Busca Linear:

• Máximo: 1.000.000 comparações

• Média: 500.000 comparações

© Busca Binária:

• Máximo: 20 comparações

• Sempre: ~20 comparações

Eficiência: 50.000x mais rápida!

12. Tratamento de Erros

Sistema de Códigos de Erro

```
typedef enum {
    SUCCESS = 0,
    ERROR_NULL_POINTER = -1,
    ERROR_INVALID_INPUT = -2,
    ERROR_DIVISION_BY_ZERO = -4
} ErrorCode;

ErrorCode divisao_segura(double a, double b, double *resultado) {
    // Validação de ponteiro
    if (resultado == NULL) return ERROR_NULL_POINTER;

    // Validação matemática
    if (b == 0.0) return ERROR_DIVISION_BY_ZERO;

    // Operação segura
    *resultado = a / b;
    return SUCCESS;
}
```

© Uso Prático do Sistema

Benefício: Código robusto e profissional!

→ 13. Técnicas de Otimização

1. Memoização (Já vimos)

- Cache de resultados computados
- Troca espaço por tempo

1 2. Tail Recursion

```
// Recursão tradicional (pilha cresce)
int factorial_normal(int n) {
   if (n <= 1) return 1;
    return n * factorial_normal(n - 1); // Operação após recursão
}

// Tail recursion (otimizável)
int factorial_tail(int n, int acc) {
   if (n <= 1) return acc;
   return factorial_tail(n - 1, n * acc); // Recursão é última operação
}</pre>
```

3. Loop Unrolling

```
// Loop normal
int soma_normal(int arr[], int n) {
    int soma = 0;
   for (int i = 0; i < n; i++) {
        soma += arr[i];
    return soma;
// Loop desenrolado (mais rápido)
int soma_unrolled(int arr[], int n) {
   int soma = 0;
   int i;
   // Processa 4 elementos por vez
    for (i = 0; i < n - 3; i += 4) {
        soma += arr[i] + arr[i+1] + arr[i+2] + arr[i+3];
   // Processa elementos restantes
    for (; i < n; i++) {
        soma += arr[i];
    return soma;
```

14. Comparação Final: C vs Python

* Exemplo Completo em C

```
#include <stdio.h>
#include <time.h>
void quicksort(int arr[], int low, int high) {
    if (low < high) {</pre>
        int pi = partition(arr, low, high);
        quicksort(arr, low, pi - 1);
        quicksort(arr, pi + 1, high);
int main() {
   int arr[10000];
    // ... preencher array ...
    clock_t inicio = clock();
    quicksort(arr, 0, 9999);
    clock_t fim = clock();
    printf("Tempo C: %.6f s\n",
           ((double)(fim - inicio)) / CLOCKS_PER_SEC);
    return 0;
```

Equivalente em Python

```
import time
def quicksort(arr):
   if len(arr) <= 1:</pre>
        return arr
    pivot = arr[len(arr) // 2]
   left = [x for x in arr if x < pivot]</pre>
    middle = [x for x in arr if x == pivot]
    right = [x for x in arr if x > pivot]
    return quicksort(left) + middle + quicksort(right)
# Teste de performance
arr = list(range(10000, 0, -1)) # Array reverso
inicio = time.time()
arr_ordenado = quicksort(arr)
fim = time.time()
print(f"Tempo Python: {fim - inicio:.6f} s")
```

Resultado da Comparação

QuickSort - 10.000 elementos:

★ C (otimizado): 0.002 segundos

Q Python (puro): 0.150 segundos

Q Python (sorted): 0.001 segundos

Conclusão:

- C: Sempre rápido
- Python: Use bibliotecas otimizadas!

15. Boas Práticas Essenciais

1. Nomenclatura Clara

```
// X Ruim
int calc(int x, int y) { return x + y; }
int f(int n) { /* factorial */ }

// ☑ Bom
int calcular_soma(int primeiro, int segundo) { return primeiro + segundo; }
int calcular_factorial(int numero) { /* implementação */ }
```

2. Documentação Profissional

```
/**
 * Calcula o fatorial de um número usando recursão otimizada
 * @param n: número inteiro não negativo (0 <= n <= 20)
 * @return: fatorial de n, ou -1 se entrada inválida
 * @complexity: O(n) tempo, O(n) espaço (pilha de recursão)
 * @example: factorial(5) retorna 120
 */
long long factorial(int n);</pre>
```


Uso Estratégico de Assertions

```
#include <assert.h>
int divisao_inteira(int dividendo, int divisor) {
    // Pré-condições
    assert(divisor != 0);
    assert(dividendo >= 0);
    int resultado = dividendo / divisor;

    // Pós-condições
    assert(resultado * divisor <= dividendo);
    assert((resultado + 1) * divisor > dividendo);
    return resultado;
}
```

© Suite de Testes Abrangente

```
void executar_todos_os_testes() {
    printf(" Executando testes...\n");

// Testes de funções básicas
    assert(factorial(0) == 1);
    assert(factorial(5) == 120);
    assert(fibonacci(10) == 55);

// Testes de edge cases
    assert(busca_linear(NULL, 0, 5) == -1);
    assert(potencia(2, 0) == 1);
```

17. Conclusões e Próximos Passos

© O que Dominamos Hoje:

- ✓ Fundamentos Matemáticos: Definições formais e rigorosas
- Análise de Complexidade: Big-O e otimizações
- Implementação Prática: Funções eficientes em C
- ☑ **Técnicas Avançadas:** Recursão, memoização, ponteiros
- Comparações: C vs Python em cenários reais
- Boas Práticas: Código profissional e robusto

Próxima Aula: Estruturas de Dados

- Arrays multidimensionais e matrizes
- Ponteiros avançados e aritmética
- Structs e Unions para dados complexos
- Alocação dinâmica e gerenciamento de memória

Exercícios Desafiadores

1. 🖋 Implementação Avançada:

Crie uma função genérica de exponenciação modular: \$a^b \bmod m\$

2. Otimização Inteligente:

Implemente memoização para função de Ackermann

3. Análise Empírica:

Compare performance: recursão vs iteração vs memoização

4. Sistema Robusto:

Desenvolva calculadora com tratamento completo de erros

5. **©** Projeto Integrador:

Crie biblioteca de funções matemáticas otimizadas

E Bibliografia Essencial

Livros Fundamentais

- Cormen, T. H. et al. Introduction to Algorithms, 4ª ed.
- Kernighan, B. W.; Ritchie, D. M. The C Programming Language, 2ª ed.
- Sedgewick, R. Algorithms in C, 3a ed.
- Knuth, D. E. The Art of Computer Programming, Vol. 1

Recursos Online

- MIT OpenCourseWare: Estruturas de Dados
- Coursera: Algoritmos Especializados
- LeetCode: Prática de Implementação

Contato e Suporte

Prof. Vagner Cordeiro

- Email: [email do professor]
- Atendimento: [horários de atendimento]
- Material Completo: github.com/cordeirotelecom/algoritimos_e_complexidade
- **© Próxima Aula:** Estruturas de Dados Arrays, Ponteiros e Structs

> Obrigado!

- Dúvidas e Discussões?
- Algoritmos e Complexidade Aula 01

 Funções e Passagem de Parâmetros

Objetivo Alcançado: Base sólida para estruturas de dados avançadas!

2. Linguagens de Programação

Comparação: C vs Python

Aspecto	С	Python
Paradigma	Procedural	Multi-paradigma
Compilação	Compilada	Interpretada
Tipagem	Estática	Dinâmica
Gerência Memória		
Performance	Alta	Moderada

Exemplo Comparativo: Função Factorial

Em C:

```
#include <stdio.h>
long long factorial(int n) {
    if (n <= 1) return 1;
    return n * factorial(n - 1);
}
int main() {
    printf("%lld\n", factorial(5));
    return 0;
}</pre>
```

Em Python:

```
def factorial(n):
    if n <= 1:
        return 1
    return n * factorial(n - 1)

def main():
    print(factorial(5))

if __name__ == "__main__":
    main()</pre>
```

3. Funções: Conceitos Matemáticos

Definição Formal de Função

Uma função f:A o B é uma relação que associa:

- Cada elemento $a \in A$ (domínio)
- A exatamente um elemento $b \in B$ (contradomínio)

f(a) = b onde a é argumento e b é valor de retorno

Propriedades Matemáticas

1. Injetividade

$$f$$
 é injetiva se $f(x_1)=f(x_2)\Rightarrow x_1=x_2$

2. Sobrejetividade

$$f$$
 é sobrejetiva se $orall b \in B, \exists a \in A: f(a) = b$

3. Bijetividade

f é bijetiva se é injetiva e sobrejetiva

4. Implementação de Funções em C

Estrutura Básica

```
tipo_retorno nome_funcao(lista_parametros) {
    // Corpo da função
    return valor;
}
```

Exemplo: Função Potência

```
double potencia(double base, int expoente) {
    double resultado = 1.0;
    for (int i = 0; i < expoente; i++) {
        resultado *= base;
    }
    return resultado;
}</pre>
```

Análise Matemática da Função Potência

Complexidade Temporal

$$T(n) = \Theta(n)$$
 onde n é o expoente

Versão Otimizada (Exponenciação Rápida)

```
double potencia_rapida(double base, int exp) {
   if (exp == 0) return 1.0;
   if (exp % 2 == 0) {
      double temp = potencia_rapida(base, exp/2);
      return temp * temp;
   }
   return base * potencia_rapida(base, exp-1);
}
```

Complexidade: $T(n) = O(\log n)$

5. Passagem de Parâmetros

Tipos de Passagem

- 1. Por Valor (Call by Value)
- 2. Por Referência (Call by Reference)
- 3. Por Ponteiro (Call by Pointer)

Passagem por Valor

Conceito

- Cópia do valor é enviada para a função
- Modificações não afetam a variável original

```
void incrementa_valor(int x) {
    x++; // Não modifica a variável original
}

int main() {
    int num = 5;
    incrementa_valor(num);
    printf("%d\n", num); // Saída: 5
    return 0;
}
```

Passagem por Ponteiro

Conceito

- Endereço da variável é passado
- Permite modificação da variável original

```
void incrementa_ponteiro(int *x) {
    (*x)++; // Modifica a variável original
}
int main() {
    int num = 5;
    incrementa_ponteiro(&num);
    printf("%d\n", num); // Saída: 6
    return 0;
}
```

Análise Matemática: Custo de Passagem

Por Valor

 $Custo = O(tamanho_tipo)$

Por Ponteiro

$$\mathrm{Custo} = O(1)$$

Para estruturas grandes:

sizeof(struct) >> sizeof(ponteiro)

6. Funções com Arrays

Passagem de Arrays em C

```
// Array sempre passado por referência
void processa_array(int arr[], int tamanho) {
    for (int i = 0; i < tamanho; i++) {
        arr[i] *= 2; // Modifica array original
    }
}
int main() {
    int numeros[5] = {1, 2, 3, 4, 5};
    processa_array(numeros, 5);
    // Array foi modificado
    return 0;
}</pre>
```

Função para Soma de Array

Implementação Matemática

$$\operatorname{soma}(A) = \sum_{i=0}^{n-1} A[i]$$

```
int soma_array(int arr[], int n) {
    int soma = 0;
    for (int i = 0; i < n; i++) {
        soma += arr[i];
    }
    return soma;
}</pre>
```

Complexidade: $T(n) = \Theta(n)$

7. Recursão: Definição Matemática

Função Recursiva

Uma função f é recursiva se:

$$f(n) = egin{cases} ext{caso base} & ext{se } n \leq k \ g(n, f(h(n))) & ext{se } n > k \end{cases}$$

Onde h(n) < n (convergência garantida)

Exemplo: Sequência de Fibonacci

Definição Matemática

$$F(n) = egin{cases} 0 & ext{se } n=0 \ 1 & ext{se } n=1 \ F(n-1)+F(n-2) & ext{se } n>1 \end{cases}$$

Implementação Recursiva

```
long long fibonacci(int n) {
   if (n <= 1) return n;
   return fibonacci(n-1) + fibonacci(n-2);
}</pre>
```

Análise de Complexidade do Fibonacci

Complexidade Recursiva Simples

$$T(n) = T(n-1) + T(n-2) + O(1)$$
 $T(n) = O(\phi^n) ext{ onde } \phi = rac{1+\sqrt{5}}{2}$

Versão Otimizada (Programação Dinâmica)

```
long long fibonacci_dp(int n) {
    if (n <= 1) return n;
    long long a = 0, b = 1, temp;
    for (int i = 2; i <= n; i++) {
        temp = a + b;
        a = b;
        b = temp;
    }
    return b;
}</pre>
```

Complexidade: T(n) = O(n)

8. Escopo de Variáveis

Tipos de Escopo em C

- 1. **Global -** Visível em todo o programa
- 2. **Local** Visível apenas na função
- 3. **Bloco** Visível apenas no bloco {}
- 4. Estático Persiste entre chamadas

Exemplo de Escopo

```
int global = 10; // Escopo global

void funcac() {
    static int contador = 0; // Estático
    int local = 5; // Local

    contador++;
    printf("Contador: %d\n", contador);

    {
        int bloco = 3; // Escopo de bloco
            printf("Bloco: %d\n", bloco);
      }
      // bloco não existe aqui
}
```

9. Ponteiros para Funções

Conceito

Ponteiros podem apontar para funções, permitindo:

- Passagem de funções como parâmetros
- Arrays de funções
- Implementação de callbacks

```
// Declaração de ponteiro para função
int (*operacao)(int, int);
int soma(int a, int b) { return a + b; }
int mult(int a, int b) { return a * b; }
operacao = soma;
int resultado = operacao(5, 3); // 8
```

Exemplo: Calculadora com Ponteiros

```
typedef int (*Operacao)(int, int);
int soma(int a, int b) { return a + b; }
int sub(int a, int b) { return a - b; }
int mult(int a, int b) { return a * b; }

void calculadora(int a, int b, Operacao op) {
    printf("Resultado: %d\n", op(a, b));
}

int main() {
    calculadora(10, 5, soma); // 15
    calculadora(10, 5, sub); // 5
    calculadora(10, 5, mult); // 50
    return 0;
}
```

10. Funções de Ordem Superior

Conceito Matemático

Função que recebe outras funções como parâmetros:

Exemplo: Map Function

```
void map(int arr[], int n, int (*func)(int)) {
    for (int i = 0; i < n; i++) {
        arr[i] = func(arr[i]);
    }
}
int quadrado(int x) { return x * x; }

int main() {
    int nums[5] = {1, 2, 3, 4, 5};
    map(nums, 5, quadrado);
    // nums agora é {1, 4, 9, 16, 25}
    return 0;
}</pre>
```

11. Análise de Performance

Medição de Tempo em C

```
#include <time.h>

clock_t inicio = clock();
// Código a ser medido
clock_t fim = clock();

double tempo = ((double)(fim - inicio)) / CLOCKS_PER_SEC;
printf("Tempo: %f segundos\n", tempo);
```

Comparação de Algoritmos

Exemplo: Busca Linear vs Binária

```
// Busca Linear: 0(n)
int busca_linear(int arr[], int n, int x) {
    for (int i = 0; i < n; i++) {
        if (arr[i] == x) return i;
    }
    return -1;
}

// Busca Binária: 0(log n)
int busca_binaria(int arr[], int l, int r, int x) {
    if (r >= 1) {
        int mid = 1 + (r - 1) / 2;
        if (arr[mid] == x) return mid;
        if (arr[mid] > x) return busca_binaria(arr, l, mid-1, x);
        return busca_binaria(arr, mid+1, r, x);
    }
    return -1;
}
```

12. Tratamento de Erros

Códigos de Retorno

```
typedef enum {
    SUCCESS = 0,
    ERROR_NULL_POINTER = -1,
    ERROR_INVALID_INPUT = -2,
    ERROR_OUT_OF_BOUNDS = -3
} ErrorCode;

ErrorCode divisao_segura(double a, double b, double *resultado) {
    if (resultado == NULL) return ERROR_NULL_POINTER;
    if (b == 0.0) return ERROR_INVALID_INPUT;

    *resultado = a / b;
    return SUCCESS;
}
```

13. Otimização de Funções

Técnicas de Otimização

- 1. **Memoização** Cache de resultados
- 2. Tail Recursion Recursão de cauda
- 3. **Loop Unrolling** Desenrolamento de loops
- 4. Inline Functions Funções inline

Exemplo: Memoização em Fibonacci

```
#define MAX_N 100
long long memo[MAX_N];
int inicializado = 0;

long long fibonacci_memo(int n) {
    if (!inicializado) {
        for (int i = 0; i < MAX_N; i++) memo[i] = -1;
        inicializado = 1;
    }

if (n <= 1) return n;
    if (memo[n] != -1) return memo[n];

memo[n] = fibonacci_memo(n-1) + fibonacci_memo(n-2);
    return memo[n];
}</pre>
```

14. Comparação com Python

Vantagens do C:

• **Performance:** 10-100x mais rápido

• Controle de memória: Gestão manual

• **Previsibilidade:** Comportamento determinístico

Vantagens do Python:

• **Produtividade:** Desenvolvimento mais rápido

• Expressividade: Código mais conciso

• Bibliotecas: Ecossistema rico

Exemplo Comparativo: Quick Sort

Python (Simplicidade)

```
def quicksort(arr):
    if len(arr) <= 1:
        return arr
    pivot = arr[len(arr) // 2]
    left = [x for x in arr if x < pivot]
    middle = [x for x in arr if x == pivot]
    right = [x for x in arr if x > pivot]
    return quicksort(left) + middle + quicksort(right)
```

C (Performance)

```
void quicksort(int arr[], int low, int high) {
    if (low < high) {</pre>
        int pi = partition(arr, low, high);
        quicksort(arr, low, pi - 1);
        quicksort(arr, pi + 1, high);
int partition(int arr[], int low, int high) {
    int pivot = arr[high];
    int i = (low - 1);
    for (int j = low; j <= high - 1; j++) {</pre>
        if (arr[j] < pivot) {</pre>
            i++;
            trocar(&arr[i], &arr[j]);
    trocar(&arr[i + 1], &arr[high]);
    return (i + 1);
```

15. Boas Práticas

Nomenclatura de Funções

```
• Verbos para ações: calcular(), processar()
```

- Nomes descritivos: calcular_media() vs calc()
- Consistência: get_ e set_ para acessores

Documentação

```
/**

* Calcula o fatorial de um número

* @param n: número inteiro não negativo

* @return: fatorial de n, ou -1 se n < 0

* Complexidade: O(n)

*/
long long fatorial(int n);
```

16. Debugging e Testes

Uso de Assertions

```
#include <assert.h>
int divisao(int a, int b) {
   assert(b != 0); // Garante que b não é zero
   return a / b;
}
```

Função de Teste

```
void testar_funcoes() {
    assert(fatorial(5) == 120);
    assert(fibonacci(10) == 55);
    assert(potencia(2, 3) == 8);
    printf("Todos os testes passaram!\n");
}
```

17. Considerações de Memória

Stack vs Heap

Stack (Pilha):

- Variáveis locais
- Parâmetros de função
- Endereços de retorno
- Limitado em tamanho

Heap (Monte):

- Alocação dinâmica
- malloc(), free()
- Maior flexibilidade
- Gerenciamento manual

Exemplo: Função com Alocação Dinâmica

```
int* criar_array(int tamanho) {
    int *arr = malloc(tamanho * sizeof(int));
    if (arr == NULL) {
        printf("Erro de alocação!\n");
        return NULL;
    }

    for (int i = 0; i < tamanho; i++) {
        arr[i] = i * i; // Inicializa com quadrados
    }

    return arr;
}

void liberar_array(int *arr) {
    free(arr);
}</pre>
```

18. Preprocessador e Macros

Definindo Constantes

```
#define PI 3.14159265359
#define MAX_SIZE 1000
```

Macros Funcionais

```
#define MAX(a, b) ((a) > (b) ? (a) : (b))
#define MIN(a, b) ((a) < (b) ? (a) : (b))
#define SQUARE(x) ((x) * (x))

int maior = MAX(10, 20); // 20
int quadrado = SQUARE(5); // 25</pre>
```

19. Estruturas de Controle Avançadas

Switch com Funções

```
typedef enum { SOMA, SUB, MULT, DIV } Operador;

double calcular(double a, double b, Operador op) {
    switch (op) {
        case SOMA: return a + b;
        case SUB: return a - b;
        case MULT: return a * b;
        case DIV: return (b != 0) ? a / b : 0;
        default: return 0;
    }
}
```

20. Conclusões e Próximos Passos

O que Aprendemos:

- Conceitos matemáticos de algoritmos e funções
- Implementação de funções em C
- **Mecanismos** de passagem de parâmetros
- Análise de complexidade e performance
- Boas práticas de programação

Próxima Aula:

- Estruturas de Dados homogêneas e heterogêneas
- Arrays multidimensionais
- Ponteiros avançados
- Structs e Unions

Exercícios Propostos

- 1. Implemente uma função que calcule x^n em $O(\log n)$
- 2. Crie uma função genérica de ordenação usando ponteiros
- 3. Implemente memoização para a sequência de Fibonacci
- 4. Compare performance entre recursão e iteração
- 5. Desenvolva um sistema de tratamento de erros robusto

Bibliografia

- Cormen, T. H. et al. Introduction to Algorithms, 4ª ed.
- Kernighan, B. W.; Ritchie, D. M. The C Programming Language, 2a ed.
- Sedgewick, R. Algorithms in C, 3a ed.
- Knuth, D. E. The Art of Computer Programming, Vol. 1

Contato e Dúvidas

Prof. Vagner Cordeiro

Email: [email do professor]

(*) Atendimento: [horários de atendimento]

Material: github.com/cordeirotelecom/algoritimos_e_complexidade

Próxima aula: Estruturas de Dados - Arrays, Ponteiros e Structs

Obrigado!

Perguntas?

Algoritmos e Complexidade - Aula 01

Funções e Passagem de Parâmetros