

1. fejezet

Algoritmus

A Structure from motion (SfM) folyamat segítségével 3D rekonstrukciót hajthatunk végre egy képpár segítségével.

- 1. Két kép közötti ritka ponthalmazok megfeleltetése (pontmegfeleltetés): az első kép sarokpontjainak azonosítása a detectMinEigenFeatures függvénnyel, majd azok követése a második képre a vision.PointTracker segítségével.
- 2. Az esszenciális mátrix becslése estimateEssentialMatrix használatával.
- 3. Kamera elmozdulásának kiszámítása estrelpose függvénnyel.
- 4. Két kép közötti sűrű ponthalmazok megfeleltetése (pontmegfeleltetés): több pont kinyeréséhez újra kell detektálni a pontokat a detectMinEigenFeatures függvény segítségével a 'MinQuality' opciót használva. Ezt követi a sűrű ponthalmaz követése a második képre a vision. PointTracker használatával.
- 5. Az illeszkedő pontok 3D helyzeteinek meghatározása a *triangulate* segítségével (háromszögelés).

2. fejezet

Kód magyarázata

2.1. Képpár betöltése

1. fullfile(string1, string2, ...) = az argumentumként kapott stringekből összeállít egy elérési útvonalat, pl.:

```
path = fullfile('myfolder', 'mysubfolder')
path = 'myfolder\mysubfolder\'
```

toolboxdir(toolbox) = visszaadja az argumentumként kapott toolbox abszolút elérési útvonalát.

- 2. imageDatastore(path) =létrehoz egy ImageDatastore objektumot a kapott elérési útvonallal meghatározott képekből. Az ImageDatastore objektum segítségével egy mappában található összes képet össze lehet gyűjteni egy változóba (de alapból nem lesz az összes kép egyszerre betöltve).
- 3. readimage(datastore, n) = betölti az n. képet a megadott datastoreból.
- 4. figure = létrehoz egy új, üres ábra ablakot.
- 5. imshowpair(image1, image2, 'montage') = a meghatározott két képet egymás mellé helyezi a legutolsó ábrán.
- 6. title('string') = hozzáad egy címet a legutolsó ábrához.

2.2. A Camera Calibrator alkalmazás segítségével előre kiszámolt kamera paraméterek betöltése.

1. load(file_name.mat) = betölti egy korábban elmentett workspace adatait a jelenlegi workspace-be. A workspace egy ideiglenes tároló amely a MATLAB elindítása óta létrehozott változókat tárolja. Alapértelmezetten a MATLAB ablak jobb oldalán látható. A workspace-t el lehet menteni, így a benne tárolt változókat később vissza lehet tölteni a MATLAB-ba.

2.3. Lencse által okozott torzítás eltávolítása.

1. undistortImage(image, intrinsics) = a második argumentumként megadott kamera paramétereket felhasználva eltűnteti a kamera lencséje által okozott torzítást a megadott képről.

A kamera kalibrációja során kapott kamera paramétereket és a torzítási együtthatókat felhasználva kiszámítjuk a bemeneti kép minden pixelének eredeti pozícióját. Az egyes pixelek pozícióját az alábbi torzítások módosítják:

• Radiális torzítás = kiváltó oka, hogy a lencse szélén áthaladó fény jobban törik, mint a lencse közepén környezetében áthaladó fény. Ez kiszámolható:

$$x_r = x(1 + k_1r^2 + k_2r^4)$$
$$y_r = y(1 + k_1r^2 + k_2r^4)$$

(Ahol x_r, y_r = radiális torzulásmentes koordináták; x, y = torzított koordináták; k_1, k_2 = radiális torzítási együtthatók; $r^2 = x^2 + y^2$)

• Tangenciális fordítás = előfordul, ha a kameraszenzor és a lencse nem állnak tökéletesen párhuzamosan. Ez kiszámolható:

$$x_t = 2p_1xy + p_2(r^2 + 2x^2)$$
$$y_t = 2p_2xy + p_1(r^2 + 2y^2)$$

(Ahol x_t, y_t = tangenciális torzulásmentes koordináták; x, y = torzított koordináták; p_1, p_2 = tangenciális torzítási együtthatók; $r^2 = x^2 + y^2$)

A végső együttható értékének kiszámítása:

$$x_f = x_r + x_t$$

$$y_f = y_r + y_t$$

Az egyes pixelek korrigált helyének kiszámítása nem egész számú értékeket is előállít. Mivel a nem egész szám nem lehet pixel koordináta, ezért bilineáris interpolációt is végre kell hajtani. A bilineáris interpoláció során, a legközelebbi négy szomszédot felhasználva először lineáris interpolációt hajtunk végre az egyik irányba (pl. az x tengely mentén), majd pedig a másik irányba (az y tengely mentén):

$$out_P = I_1(1-\Delta X)(1-\Delta Y) + I_2(\Delta X)(1-\Delta Y) + I_3(1-\Delta X)(\Delta Y) + I_4(\Delta X)(\Delta Y)$$

(Ahol I_1, I_2, I_3, I_4 = a szomszédos négy koordináta intenzitása az eredeti, torzított képen; $\Delta X, \Delta Y$ = a nem egész értékű koordinátákkal rendelkező vizsgált pixel és a vizsgált pixelhez legközelebb eső, egész értékű koordinátákkal rendelkező szomszédai közötti távolság; out_P = végeredményként kapott pixel intenzitás)

A szomszédos pixelek efféle súlyzott átlagolásával, az interpoláció eredményeképp egy pixel intenzitás értéket kapunk, amely a legközelebbi egész érték koordinátával rendelkező pixel intenzitása lesz.

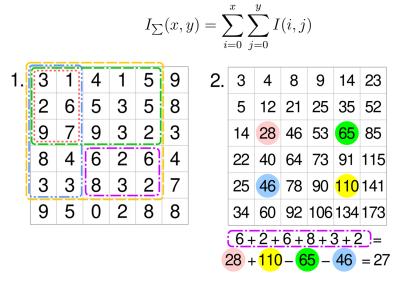
Az előállított, torzítatlan képen néhány pixel (leginkább a kép szélein) nem rendelkezik megfelelő pixel párral az eredeti, torzított képről (ezek azok a területek, ahol az eredeti képből nincs információ). Ezek a pixelek alapértelmezetten 0 értéket kapnak (feketék lesznek).

2.4. Pontmegfeleltetés a képek között.

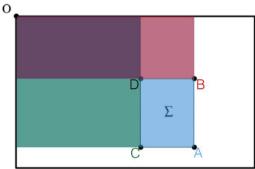
1. detectSURFFeatures(grayImage, "MetricThreshold", value) = A Speeded Up Robust Features (SURF) a SIFT algoritmus továbbfejlesztésé-

nek is tekinthető.

(a) Integrál kép létrehozása = A számítások gyorsítása érdekében létrehozzuk a bementi kép integrál képét. Az integrál kép egy olyan reprezentáció, amely minden pontban a bal felső saroktól addig a pontig lévő intenzitásértékek összegét tárolja:



Az integál kép felhasználásával gyorsan ki lehet a pixelértékek összegét az adott képen vagy annak egy meghatározott részterületén. Pl.:



$$\sum = A - B - C + D$$

A kulcspontok megkeresésére a teljesítmény optimalizálása érde-

kében SURF algoritmus a Hess-mátrixot használja. A kulcspontok pozícióját és a skáláját is a Hess mátrix determinánsának közelítésével számoljuk. A Hess determináns approximálásához a SURF a további teljesítménynövelés eléréséhez ún. dobozszűrőt (box filter) használ. A doboz szűrő egy olyan szűrő, amely minden, egy előre meghatározott ablakon belüli képpontok értékét a környező pixelek átlagaival helyettesíti. Ennél a folyamatnál nagyon hasznos az integrált kép, ugyanis bármely képpontra meg tudjuk mondani az őt megelőző pixelek értékeinek összegét (gyorsítva a számolást). Ezen lépés után a Hess mátrix determinánsának approximáltja:

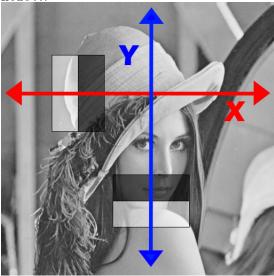
$$det(\mathcal{H}_{approx}) = D_{xx}D_{yy} - (wD_{xy})^2$$

ahol:

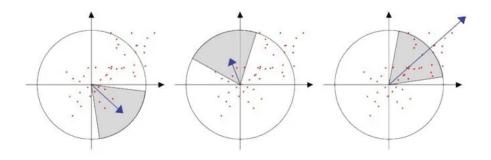
- D_{xx} , D_{yy} , D_{xy} = másodrendű képpont deriváltak horizontális, vertikális és keresztirányban
- w = dobozszűrő ablakára vonatkozó súly (általában 0.9)
- (b) Skálatér felépítése = A SIFT algoritmushoz hasonlóan egy piramisszerű skálateret építünk. Jelentős különbség azonban, hogy a dobozszűrő alkalmazásának és az integrál kép használatának köszönhetően nem kell az oktávokban a kép méretét csökkenteni, hanem elég a szűrő méretét növelni, valamint a mintavételi intervallum is oktávonként duplázható (ezek gyorsabb számítást eredményeznek). A kulcspontok lokalizációjához ún. nem maximális elnyomást (Non-Maximum Suppression) használ. Az NMS egy 3×3×3 térbeli szomszédságot vizsgál (két szomszédos skálán és a képen belül), és eltávolít minden olyan pontot, amely nem maximum. Csak a lokális maximumokat hagyja meg, mivel ezek számítanak potenciális kulcspontoknak. Az így kapott Hess-mátrix determináns maximumok pozícióját és skáláját interpoláljuk a képtérben és a skálatérben, megkapva a kulcspont végső pozícióját és skáláját.
- (c) **Kulcspontorientációk meghatározása** = A forgatás invariancia érdekében reprodukálható orientációkat keresünk (tehát könnyen és megbízhatóan azonosíthatók kép változtatásától függetlenül). Először ún. *Haar-wavelet response*-t számolunk az x, valamint az y irányban a kulcspont körüli 6s sugarú szomszédságban (az s a

kulcspont skálájával közvetlenül arányos). Ehhez egy Haar szűrőt használunk, amely egy fekete és egy fehér részből álló négyszögletes "ablak". Ezt az ablakot végighúzzuk a vizsgált tengely mentén miközben intenzitáskülönbség mérünk a fehér és a fekete területek

között.



A vizsgált szomszédság, a mintavételezés intervalluma és a filter mérete is a kulcspont skálájától függ. Nagy skála esetén az ablak mérete is nagy, így ezeket a számításokat ismét jelentősen felgyorsítja az integrál képek használata. Miután megkaptuk az x irányú és az y irányú intenzitáskülönbségeket, Gauss súlyozzuk őket. Ezt követően lesznek különböző irányba mutató vektoraink. Ezeket a vektorokat egy előre meghatározott szögtartományt $(\frac{\pi}{3})$ lefedő, forgatható csúszó ablak területén belül összegezük. Az előző lépést ismételjük, míg le nem fedtük a teljes teret. Ezen összegzések új vektorokat hoznak létre, amelyek közül a maximális összegzett vektor nagysága és iránya fogja meghatározza a kulcspont orientációját.



- (d) Kulcspont leírók létrehozása = A deszkriptorok létrehozásához az első lépés egy olyan, skálázástól függő méretű (20s),négyszögletes terület meghatározása, amelynek középpontjában a vizsgált kulcspont található és az orientációja is megegyezik az említett kulcsponttal. Ezt a négyszöget felosztjuk további 4x4-es alrégiókra. Minden alrégióhoz néhány egyszerű jellemzőt számolunk ki 5×5 ös szabályos mintavételi pontokon. Ezekhez ismét Haar-wavelet response-t számolunk: Legyen d_x az x-tengely mentén, d_y az y-tengely mentén (a tengelyek a négyzet orientációjához van viszonyítva). Ezeket Gauss súlyozzuk (segít a különböző hibák elleni robosztusságban) a kulcsponttal a középpontban. A d_x és d_y értékeket összegezzük az egyes alrégiókban, ezek alkotják majd a deszkriptor vektor első részét. (FOLYTATÁS ELŐTT ELLEN-ŐRZÉS)
- 2. imshow(image, InitialMagnification = value) = a meghatározott kép megjelenítése value%-os megnagyításban.
- 3. $hold\ on =$ a következőkben végrehajtott grafikus (pl.: grafikonok kirajzolása, stb.) parancsokat a legutolsó, aktuális ábrára fogja rárajzolni.
- 4. plot =létrehoz kétdimenziós grafikont.
- 5. selectStrongest(featurePoints, N) = visszaadja az N legerősebb (talán ez az intenzitások különbségének nagyságát jelenti) jellemzőpontot (nálunk sarokpontok lesznek) a megadott featurePoints változóból.
- 6. tracker = vision.PointTracker(MaxBidirectionalError=value1, NumPyra-midLevels=value2) = létrehoz egy Kanade-Lucas-Tomasi (KLT) algoritmus szerint működő pontkövető objektumot.

A KLT algoritmus kifejezetten jól működik olyan objektumok követésére, amely nem változtat alakot, valamint egyedi és részletes textúrával rendelkezik. A KLT algoritmus a Lucas-Kanade (LK) optikai áramlás becslés algoritmuson alapul. Az optikai áramlás az objetumok egy látszólagos/vizuális elmozdulása (nem feltétlenül egyezik meg a valós elmozdulással). Általános feltételezése, hogy egy objektum megfigyelt pixeleinek intenzitása elmozdulástól függetlenül állandó:

$$I(x, y, t) = I(x + u, y + v, t + 1)$$

Ahol:

- I(x,y,t)=(x,y) pozíción lévő pixel intenzitása t időben
- $u = \text{elmozdul\'{a}s az x tengelyen}$
- $\bullet v = \text{elmozdulás az y tengelyen}$

Ebből kifejezhető az optikai áramlás egyenlete Taylor sort alkalmazva:

$$I(x+u, y+v, t+1) \approx I(x, y, t) + I_x u + I_y v + I_t$$

 $I(x+u, y+v, t+1) - I(x, y, t) = I_x u + I_y v + I_t$
 $0 \approx I_x u + I_y v + I_t$

Ahol:

- $I_x u = az$ intenzitás változása az x tengelyen.
- $I_y v =$ az intenzitás változása az y tengelyen.
- $I_t = az$ intentizás idő szerinti változása.

Tehát, ha az u és v elmozdulások helyesen vannak meghatározva, akkor az intenzitások különbsége megközelítőleg 0. Azonban u és v ismeretlenek és meghatározásukat nehezíti a **nyílás/rekesz/apertúra probléma (aperture problem)**, azaz amikor a tényleges mozgást egy kicsi rekeszen keresztül figyelve próbáljuk meghatározni. Egy objektum tényleges elmozdulásának kiszámítása nehéz, ha csak egy kis területet látunk belőle a résen keresztül.

A Lucas-Kanade algoritmus feltételezi, hogy az optikai áramlás (u és v) konstans és a képen textúrázott tárgyak láthatók. A megfigyelt pixel kezdeti intenzitása a, valamint a rés mögött látható tárgy elmozdítása

után észlelt pixel intenzitása b. Ezek különbsége (b - a), azaz az időbeli intenzitáskülönbség $I_t(x,y)$. A (x,y) pozíción megfigyelt pixel intenzitásváltozás $I_x(x,y)$ az x tengelyen, valamint $I_y(x,y)$ az y tengelyen. Az x tengelyen történő u mértékű és az y tengelyen történő v mértékű elmozdulás esetén a pixel intenzitása:

$$I_x(x,y)u + I_y(x,y)v = -I_t(x,y)$$

Nem tudom miért negatív az I_t :(

Az algoritmus helyes működéséhez nem elegendő egyetlen pixelt nézni, így ezt ki kell terjeszteni egy pixelszomszédságra. Egy 3x3 szomszédság esetén az egyenlet:

$$I_x(x + \Delta x, y + \Delta y)u + I_y(x + \Delta x, y + \Delta y)v = -I_t(x + \Delta x, y + \Delta y)$$

ahol $\Delta x=-1,0,1$ (a három szomszédos pixel az x tengelyen), $\Delta y=-1,0,1$ (a három szomszédos pixel az y tengelyen) Tömör formában a képlet:

$$S\begin{bmatrix} u \\ v \end{bmatrix} = \overrightarrow{t}$$

Ahol:

- S = 9x2 mátrix amely tartalmazza: $[I_x(x + \Delta x, y + \Delta y), I_y(x + \Delta x, y + \Delta y)]$.
- \overrightarrow{t} = vektor amely tartalmazza: $-I_t(x + \Delta x, y + \Delta y)$.

Ezen két ismeretlenes egyenlet megoldása a legkisebb négyzetek módszerével történik, amihez megszorozzuk az egyenletet S^T (én sem értem miért):

$$S^T S \begin{bmatrix} u \\ v \end{bmatrix} = S^T \overrightarrow{t}$$

Ebből $\begin{bmatrix} u \\ v \end{bmatrix}$ kifejezve:

$$\begin{bmatrix} u \\ v \end{bmatrix} = (S^T S)^{-1} S^T \vec{t}$$

Röviden (ha jól fogtam fel) a Lucas-Kanade optikai áramlás becslés algoritmusa a képkockák közötti mozgást próbálja nyomon követni. Ehhez két képkockán kiválaszt egy pixelszomszédságot és azok térbeli elmozdulását elemzi. Ezután kiszámolja a pixelértékek intenzitásváltozását, amelyből próbálja kiszámolni az objektum tényleges elmozdulását. Gyorsan mozgó vagy nem ritkásan textúrázott objektumok esetén nem megbízható.

A tényleges pontmegfeleltetést a Kanade-Lucas-Tomasi (KLT) algoritmus végzi, amelyből a MATLAB vision. Point Tracker függvény a pyramid KLT továbbfejlesztett verziót használja. Először minden kiválasztott jellemzőponthoz egy kis ablakot/apertúrát illeszt. A következő lépésben létrehoz egy kép piramist: a kiinduló képből több szintet hoz létre, ahol az alsó szinten található a teljes (eredeti) felbontású kép, a piramis teteje felé haladva a vizsgált kép egyre kisebb felbontású verziója fog szerepelni. Ezután kiszámolja a kiválasztott pixelek elmozdulás vektorait a piramis legfelső szintjétől kezdve, az előbb tárgyalt Lucas-Kanade optikai áramlás becslés algoritmusát felhasználva. A becsült mozgásokat használva finomítja a jellemzőpontok pozícióit a következő alacsonyabban elhelyezkedő, magasabb felbontású piramisszinten. Ezt addig folytatja, amíg el nem éri a legalsó szintet. A piramisos módszer előnye, hogy az alacsonyabb felbontású képeken végzett kezdeti nyomkövetés javítja a teljes nyomkövetési pontosságot és akár nagyobb távolságok követését is lehetővé teszi.

A vision. Point Tracker függvényhívásnál használt két argumentum:

- MaxBidirectionalError = a funkció lényege, hogy az épp vizsgált pontot az első képről követi a második képre, majd ugyanazon pontot követi visszafelé a második képről az első képre. Ezután kiszámolja a vizsgált pont eredeti és a visszakövetés utáni, új pozíciója közötti különbséget (az első képen). Ha ez az érték nagyobb, mint az függvénynek átadott MaxBidirectionalError érték, akkor az adott pont érvénytelen. Hatékony módszer a nem megbízhatóan követhető pontok kiküszöbölésére. Az ajánlott érték 0 és 3 pixel között van.
- NumPyramidLevels = a képpiramis szintjeinek számát határozza meg. A nagyobb érték lehetővé teszi a nagyobb elmozdulások követését, viszont lassabb futási időt eredményez. Az ajánlott érték 1 és 4 között van.

- 7. imagePoints1 = imagePoints1.Location = a sarokpont objektumok pozícióinak kiolvasása.
- 8. initialize(pointTracker, points, image1) = inicializálja az első argumentumként kapott pontkövető objektumot, inicializálja a második argumentumként kapott követendő pontokat, valamint beállítja az utolsó argumentumként kapott képet a kezdeti képkockának.
- 9. [return Value1, return Value2] = step(tracker, image2) = a step függvény indítja el az első argumentumként kapott pontkövető objektumot. A függvény második argumentum a második képkocka, amelyen el kell végeznie a pontkövetést az objektumnak. Az első visszatérési érték a korábban meghatározott jellemzőpontok koordinátái a második képkockán. A második visszatérési érték egy logikai indexvektor, amely azt jelzi, hogy mely pontokat sikerült nyomon követni. A megbízhatóan követhető pontok true, míg ellenkező esetben false értéket kapnak.
- 10. matchedPoints = imagePoints(validIdx, :) = a megbízhatóan követhető pontok lementése. Az imagePoints egy mátrix, melynek sorai tartalmazzák a jellemzőpontokat, két oszlopai pedig a jellemzőpontok x és y koordinátáit. A imagePoints(validIdx, :) rész egy mátrix címzés, amely visszaadja mátrix azon sorait ahol validIdx = 1 vagy true, valamint a mátrix összes oszlopát (: jelentése összes index).
- 11. showMatchedFeatures(image1, image2, matchedPoints1, matchedPoints2) = a pontmegfeleltetés eredményének kirajzolása. A két agumentumként kapott kép színkódolást kap, valamint a másik két, argumentumként kapott jellemzőpontok is kirajzolódnak és egy vonallal lesznek összekötve a hozzájuk tartozó párjukkal.
- 12. [returnValue1, returnValue2] = estimateEssentialMatrix(matchedPoints1, matchedPoints2, intrinsics) = az esszenciális mátrix becslése egy képpár megfeleltetett pontjaiból.

 Az esszenciális mátrix két kamera közötti mozgást kapcsolja össze, megfeleltetett pontpárok közötti geometriai kapcsolatok leírásával. Tehát a különböző szögből készült képekhez használt kamerák relatív helyzetét

és orientációját segít meghatározni, ha ismertek a kamera paraméterek

(amiket a kamera kalibrációjakor kapunk meg).

Az esszenciális mátrix egy 3x3 szerkezetű, homogén, 2-es rangú mátrix, amely az alábbi alapján írja le a két képkocka közötti kapcsolatot (koplanaritási egyenlet):

$$x_1^T E x_2 = 0$$

Az x_1 egy adott pont homogén koordinátája az első képen, míg az x_2 ugyanazon pont homogén koordinátája a második képen (mindkét esetben a kamera koordináta rendszerében, nem pedig pixel koordináta rendszerben):

$$x_1 = \begin{bmatrix} x_1 \\ y_1 \\ 1 \end{bmatrix}, x_2 = \begin{bmatrix} x_2 \\ y_2 \\ 1 \end{bmatrix}$$

A két képpont kapcsolatát leíró egyenlőség szerint, ha a két képpont ugyanazon pontot írják le, akkor az esszenciális mátrix (E) segítségével kifejezhető a köztük lévő kapcsolat. A képlet szétbontva:

$$\begin{bmatrix} x_1 & y_1 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} E_{11} & E_{12} & E_{13} \\ E_{21} & E_{22} & E_{23} \\ E_{31} & E_{32} & E_{33} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_2 \\ y_2 \\ 1 \end{bmatrix} = 0$$

$$\downarrow \uparrow \qquad \uparrow \qquad \uparrow$$

$$\downarrow ismert \qquad ismeretlen \qquad ismert$$

Ha elvégezzük az ismert elemek szorzatát, majd szétválasztjuk az ismeretlen az ismert részektől:

$$A \begin{bmatrix} E_{11} \\ \vdots \\ E_{33} \end{bmatrix} = 0$$

Ezt szinguláris érték felbontással végezhetjük el, megkapva az esszenciális mátrixot. Ezt a módszert 8 pont algoritmusnak hívják, amely minimum 8 pontpárt és normalizált koordinátákat követel meg. Az esszenciális mátrix két alapvető elemből áll:

$$E = [t]_x R$$

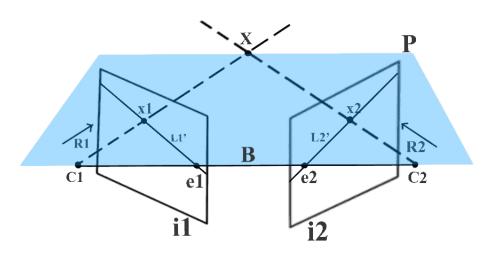
Ahol:

• R= egy ortogonális 3x3-as rotációs mátrix amely a kamerák közötti forgást írja le: $R=\begin{bmatrix}r_{11}&r_{12}&r_{13}\\r_{21}&r_{22}&r_{23}\\r_{31}&r_{32}&r_{33}\end{bmatrix}$

• $[t_x]$ = a t egy transzlációs vektor, amely a kamera két pozíciójának közötti eltolást írja le: $t = \begin{bmatrix} t_x \\ t_y \\ t_z \end{bmatrix}$. $[t_x]$ = a transzlációs vektor ferde mátrixa (skew-symmetric matrix, én sem tudom mi az), amely biztosítja, hogy a vektorok közötti keresztszorzat mátrixművelettel leírható legyen: $[t]_x = \begin{bmatrix} 0 & -t_z & t_y \\ t_z & 0 & -t_x \\ -t_y & t_x & 0 \end{bmatrix}$

Ez a rész valószínűleg erősen hiányos, de nem teljesen értem, hogy hogyan történik az esszenciális mátrix becslése.

A második visszatérési érték, az *epipolarInliers* megadja, hogy a megfeleltetett pontok mennyire esnek közel az epipoláris síkhoz. (Ha jól értelmeztem) az epipoláris sík magyarázata:



Az X pontról készítünk egy-egy képet két különböző szemszögből (a kamera középpontja az első pozícióban C_1 , míg a második pozícióban lévő kamera középpontja C_2). Az első képen az X pont x_1 pontban, míg a második képen x_2 pontban lett megörökítve. Ha húzunk egy vonalat a C_1 középpontból a képen szereplő x_1 ponton túl, a vonal át fog haladni a lefényképezett X ponton, azaz az első képen x_1 pont a C_1 kamerakö-

zéppont és a lefényképezett X pont közé húzott vonalon helyezkedik el (ez a vonal az R_1). Ha ez a vonal látható lenne, akkor a második képen látható részlete lenne a második képhez tartozó epipoláris vonal (L_2) . Ahogy az első képen az x_1 az R_1 vonalon helyezkedik el, úgy a második képen az x_2 pontnak is az L_2 epipoláris vonalon kell elhelyezkednie. A MATLAB estimateEssentialMatrix függvény egy MSAC elnevezésű algoritmust használ, hogy eldöntse mely pontok outlierek (az epipoláris síktól messze találhatóak) és melyek az inlierek (az epipoláris síkhoz közel találhatóak). Mivel a megfeleltetett képpontoknak az epipoláris síkon kellene elhelyezkedniük, az outlierek rosszul lettek párosítva a pontmegfeleltetés során, így ezeket kiszűrjük.

- 13. inlierPoints = matchedPoints(epipolarInliers, :) = lementsük az epipoláris vonalhoz közel eső (tehát a valószínűleg helyesen párosított) pontokat.
- 14. estrelpose(essentialMatrix,intrinsics,inlierPoints1,inlierPoints2) = kiszámítja a második kamera relatív pozícióját az elsőhöz képest az esszenciális mátrixból kinyert rotációs mátrix és transzlációs vektor alapján. Nem találtam meg, hogy pontosan hogyan teszi ezt :(
- 15. camProjection = cameraProjection(intrinsics,tform) = a visszatérési értéke egy kamera vetítési mátrix. Homogén koordinátával rendelkező, 3D pontok képre való vetítésére szolgál az argumentumként kapott tform transzformáció szerint, valamint a kamera belső paramétereit is figyelembe véve.

A vetítési mátrix egy 3x4 szerkezetű mátrix, amely leírja a kamera valóvilágbéli, 3D pontok leképezését 2D pontokra a képsíkra/elkészült képre:

$$x = PX$$

Ahol:

$$ullet \ x = 2 D \ ext{k\'eppont} = egin{bmatrix} X \ Y \ Z \end{bmatrix}$$

• P = kamera mátrix = K[R|t], ahol K = a kamera belső paraméterei, R = rotációs mátrix, t = transzlációs mátrix.

•
$$X = 3$$
D pont a valóvilágban =
$$\begin{bmatrix} X \\ Y \\ Z \\ 1 \end{bmatrix}$$

Az alkalmazott merev transzformáció (rigidtform3d) egy olyan transzformáció, amelybe beletartozik a forgatás és eltolás, de nem változtatja meg az objektum méretét és formáját. Ha nem adunk meg semmilyen argumentumot, akkor a rigidtform3d egy identitás transzformációt hajt végre, amely semmilyen módon nem változtatja meg az objektumot a leképezés során (forgatást és eltolást is beleértve). Mivel az első kamera a referenciapontunk (tehát az első kamera az origón található), ezért csak egységtranszformációt hajtunk végre. A kamera mátrix kiszámítása a meghatározott transzformációval:

$$P = K \left[rigidt form 3d.R | rigidt form 3d.t \right]$$

A mátrix tartalmazza a képre vetített 3D pontokat homogén koordinátákban.

A második kamera esetében az első kamera szerinti relatív elhelyezkedést és orientációt (relPose) átadjuk a pose2extr függvénynek, amely visszaadja a kamera külső paramétereit (extrinsic mátrix). A kamera külső paraméterei azt mutatják meg, hogyan kell a kamera koordinátarendszeréből a világ koordináta-rendszerébe végrehajtani a transzformációt. Ez azt jelenti, hogy ha van egy pont a kamera koordinátarendszerében, akkor a pose2extr által visszaadott extrinsic mátrix segítségével átalakíthatjuk ezt a pontot a világ koordináta-rendszerébe. Innentől fogva a cameraProjection függvény a belső és külső paramétereket felhasználva leírja a második kamerához tartozó kamera vetítési mátrixot. (Nem tudom mennyire helyes ez a bekezdés).

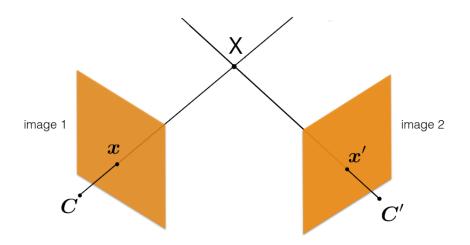
16. triangulate(matchedPoints1, matchedPoints2, camProjection1, camProjection2) = Az argumentumként kapott pontpárok és kamera vetítési mátrixok segítségével háromszögelést végez. Visszatérési értéke a megfeleltetett pontpárok világkoordináta-rendszerbeli koordinátái.

Az előző pontokban említettük, hogy a kamera mátrix megadja a 3D pont képsíkra történő 2D leírását:

$$x = PX$$

Mivel ismert az x és a P elméletben ebből az X könnyen meghatározható:

Triangulation



- \bullet C = az első kamera középpontja.
- C' = a második kamera középpontja.
- \bullet x=az első kamera Xobjektumról készített leképezése az első képsíkra.
- \bullet x' = a második kamera X objektumról készített leképezése a második képsíkra.
- X = az eredeti 3D objektum.

Elméletben tehát ha húzunk egy vetítősugarat az első kamera középpontjából kezdve, át az x ponton, valamint húzunk még egy vetítősugarat a második kamera középpontjától kezdve, át az x' ponton, a két egyenes metszéspontja meg kell határoznia X pontot. A probléma, hogy ehhez tökéletes mérések kellenek, a valóságban viszont a különböző zajok és mérési pontatlanságok miatt a két vetítősugár nem fogja

metszeni egymást. Ennek következtében a valóságban csak közelítő eredményt keresünk. A háromszögelés lináris megoldása: Szétbontjuk az alábbi egyenletet:

$$x = PX$$

$$\begin{bmatrix} x \\ y \\ z \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} p_{11} & p_{12} & p_{13} & p_{14} \\ p_{21} & p_{22} & p_{23} & p_{24} \\ p_{31} & p_{32} & p_{33} & p_{34} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} X \\ Y \\ Z \\ 1 \end{bmatrix}$$

Vesszük a P mátrix sorait és transzponáljuk:

$$\begin{bmatrix} x \\ y \\ z \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} ---- & p_1^T & ---- \\ ---- & p_2^T & ---- \\ ---- & p_3^T & ---- \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 \\ X \\ 1 \end{bmatrix}$$

A mátrix egyes sorait szorozzuk az X vektorral:

$$\begin{bmatrix} x \\ y \\ z \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} p_1^T X \\ p_2^T X \\ p_3^T X \end{bmatrix}$$

Vesszük az egyenlőség két oldalának keresztszorzatát:

$$\begin{bmatrix} x \\ y \\ z \end{bmatrix} \times \begin{bmatrix} p_1^T X \\ p_2^T X \\ p_3^T X \end{bmatrix} = 0$$

(Két párhuzamos vektor keresztszorzata 0. Keresztszorzatot az alábbi minta szerint végzünk:

$$a \times b = \begin{bmatrix} a_2b_3 - a_3b_2 \\ a_3b_1 - a_1b_3 \\ a_1b_2 - a_2b_1 \end{bmatrix}$$

)

$$\begin{bmatrix} yp_3^T X - p_2^T X \\ p_1^T X - xp_3^T X \\ xp_2^T X - yp_1^T X \end{bmatrix} = 0$$

A harmadik sor az első két sor kombinációja (az első sor x-szer, és a második sor y-szor), az a sor jelenleg nem jelentős, így azt elhagyjuk. Az eddigi eljárást megcsináljuk mindkét kamera esetében:

$$\begin{bmatrix} yp_3^T X - p_2^T X \\ p_1^T X - xp_3^T X \end{bmatrix} = 0, \begin{bmatrix} y'p_3^{'T} X - p_2^{'T} X \\ p_1^{'T} - x'p_3^{'T} X \end{bmatrix} = 0$$

A két mátrixot összeillesztjük és kiemeljük az X-et:

$$\begin{bmatrix} yp_3^T - p_2^T \\ p_1^T - xp_3^T \\ y'p_3^{'T} - p_2^{'T} \\ p_1^{'T} - x'p_3^{'T} \end{bmatrix} X = 0$$

A mátrixot egy A-val jelöljük:

$$AX = 0$$

Ez az egyenlőség pedig szinguláris értékek felbontásával (SVD) oldható, megkapva a pont közelítő, 3D koordinátáját.

- 17. numPixels = size(var, dim1) * size(var, dim2) = a size függvény visszatérési értéke a <math>var változó mérete a meghatározott dim1 dimenzióban (1 = sorok száma, 2 = oszlopok száma). A mi példánkban az egyenlettel lekérjük a kép magasságát és szélességét, ezek szorzatával pedig kiszámítsuk a kép pixeleinek számát.
- 18. allColors = reshape(I1, [numPixels, 3]) = a megadott képet átalakítjuk egy tömbbé, amelynek minden sora a kép egy pixele, az oszlopai pedig az adott sorban található pixel RGB értékét adja meg.
- 19. color Idx = sub 2 ind([size(I1, 1), size(I1, 2)], round(matched Points1(:,2)), round(matched Points1))) = A megfeleltetett pontok indexeinek kiolvasása. Az indexeket subscript (sor és oszlop indexek) típusból lineáris indexszé (az index egy darab szám, amely az oszlopok mentén haladva a legelső elemtől kezdődik) alakítjuk.
- 20. color = allColors(colorIdx, :) = kiolvassuk a megfeleltetett pontok színeit az indexvektor segítségével.
- 21. pointCloud(xyzPoints, colors) = meghatározott színekkel létrehozza a pontfelhő objektumot.

22. figure $plotCamera(Size=cameraSize,\ Color="r",\ Label="1",\ Opacity=0); \\ hold\ on \\ grid\ on \\ plotCamera(AbsolutePose=relPose,\ Size=cameraSize,Color="b",\ Label="2",\ Opacity=0) = kirajzoljuk\ az\ első\ kamerát\ az\ origóba\ piros\ színnel,\ majd\ pedig\ a\ második\ kamerát\ kék\ színnel\ az\ első\ kamera\ pozíciójától\ a\ kiszámolt\ relatív\ pozícióba.$

3. fejezet

Forrás

- https://www.mathworks.com/help/vision/ug/structure-from-motion-from-two-views.html
- https://www.mathworks.com/help/vision/ref/undistortimage.html? s_tid=doc_ta
- https://www.mathworks.com/help/visionhdl/ug/image-undistort.
- https://e-learning.ujs.sk/pluginfile.php/23441/mod_resource/ content/1/01-ProjektivKamera.pdf
- https://www.mathworks.com/help/vision/ref/detectmineigenfeatures. html
- https://aishack.in/tutorials/features/
- https://aishack.in/tutorials/harris-corner-detector/
- https://aishack.in/tutorials/shitomasi-corner-detector/
- https://docs.opencv.org/3.4/dc/d0d/tutorial_py_features_harris.
 html
- https://www.mathworks.com/help/vision/ref/vision.pointtracker-system-object. html
- https://lorenzopeppoloni.com/lkttracker/

- https://www.baeldung.com/cs/optical-flow-lucas-kanade-method
- https://www.inf.u-szeged.hu/~kato/teaching/IpariKepfeldolgozas/08-Motion.pdf
- http://www.inf.fu-berlin.de/inst/ag-ki/rojas_home/documents/tutorials/Lucas-Kanade2.pdf
- https://link.springer.com/chapter/10.1007/978-3-319-29451-3_29
- https://www.mathworks.com/help/matlab/ref/step.html
- https://www.mathworks.com/help/vision/ref/showmatchedfeatures. html
- https://www.baeldung.com/cs/fundamental-matrix-vs-essential-matrix
- https://e-learning.ujs.sk/pluginfile.php/23450/mod_resource/content/1/05-SztereoKamera.pdf
- https://learnopencv.com/introduction-to-epipolar-geometry-and-stereo-vision/
- https://www.mathworks.com/help/vision/ref/estrelpose.html
- https://www.mathworks.com/help/vision/ref/cameraprojection.
- https://ksimek.github.io/2012/08/14/decompose/
- https://www.cs.cmu.edu/~16385/s17/Slides/11.1_Camera_matrix.pdf
- https://www.mathworks.com/help/images/ref/rigidtform3d.html
- https://www.storyofmathematics.com/rigid-transformation/
- https://staff.fnwi.uva.nl/r.vandenboomgaard/ComputerVision/ LectureNotes/CV/StereoVision/triangulation.html
- https://e-learning.ujs.sk/pluginfile.php/23450/mod_resource/ content/1/05-SztereoKamera.pdf

SURF

- https://en.wikipedia.org/wiki/Summed-area_table
- https://www.cs.umd.edu/class/spring2020/cmsc426-0201/files/14_SURF.pdf
- https://link.springer.com/chapter/10.1007/11744023_32
- https://docs.opencv.org/3.4/df/dd2/tutorial_py_surf_intro.html
- https://medium.com/@deepanshut041/introduction-to-surf-speeded-up-robust-fear
- https://www.mathworks.com/help/vision/ref/detectsurffeatures. html