

离散数学 Discrete Mathematics



助教

• 董文翔 dongwx19@mails.tsinghua.edu.cn 中央主楼627C



主讲教师:赵虹

- 1993.9 1999.7 清华大学自动化系,本科、硕士研究生
- 1999.7 2006.7 美国马里兰大学电子与计算机工程系,博士、博士后
- 2006.8 2016.2 加拿大阿尔伯塔大学电子与计算机工程系,助理教授、副教授
- 2016.5 至今,清华大学自动化系,长聘副教授
- 研究方向: 信号处理、社交网络、大数据、机器学习
- 联系方式:中央主楼627D,62781489(办公室) vzhao@tsinghua.edu.cn,hhongzhao(微信号)
- · 答疑时间:课后/周五上午9-10(00H)/提前预约/线上

教材

教材

• 离散数学, 屈婉玲等, 高等教育出版社, 2015年第 二版 ISBN: 9787040419085

教参

- 图论与代数结构,戴一奇等,清华大学出版社, 1995年第一版
- 数理逻辑与集合论,石纯一等,清华大学出版社, 2000年第二版

以上教材及教参在学校教参服务平台均可直接访问。

1

教材









课程安排

- 面对面建课程群
- 成绩评定:
 小作业(20%),期中考试(30%),期末考试(50%)期中考试时间随后通知
- 注意事项:
 - 按时交作业,不允许补交作业
 - 抄一次作业:本次作业按照0分计算。有多次 抄袭行为者,总成绩酌情扣分。情节严重的, 提交教务处处理。

绪论



离散数学

- 什么是离散数学?
- "离散数学是研究离散结构及其性质的学科。"

"Discrete mathematics is the study of mathematical structures that are fundamentally discrete rather than continuous. In contrast to real numbers that have the property of varying "smoothly", the objects studied in discrete mathematics – such as integers, graphs, and statements in logic – do not vary smoothly in this way, but have distinct, separated values." -- Wikipedia

离散数学

• 为什么要学离散数学?

随着信息时代的到来, 离散数学的重要性逐渐提升。

"离散数学大量应用于计算机科学与技术(及相关) 领域的建模与分析,在自然科学(如物理、化学、生物)、工程技术(如电子工程)、社会科学、经济管理等领域都有广泛的应用。"

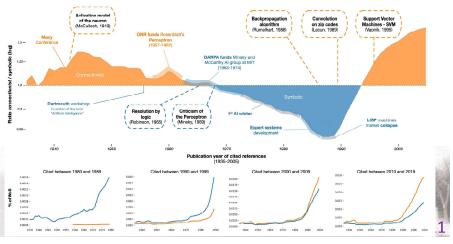
离散数学是计算机及相关专业的<mark>基础课程</mark>,是数据结构、人工智能、数据库、算法与设计等课程的先修课程。



离散数学

• 离散数学都用在什么地方?

人工智能: 符号主义 vs 连接主义



离散数学

• 离散数学都包括什么?

"Discrete mathematics is described less by what is included than by what is excluded: continuously varying quantities and related notions." – Wikipedia

离散数学是包含逻辑学,集合论(包括函数),数论基础,算法设计,组合分析,离散概率,关系理论,图论与树,抽象代数(包括代数系统,群、环、域等),布尔代数计算模型(语言与自动机)等汇集起来的一门综合学科。

离散数学

• 离散数学都用在什么地方?

关系型数据库:使用了关系模型的数据库系统

- ▶数据结构简单,表示数据及其数据之间的联系均采 用关系(二维表)
- ▶ 关系模型有<mark>扎实的数学理论</mark>做基础,使得数据的操作可以通过关系的运算来完成



学生信息 课程信息



(张三,离散数学,90)

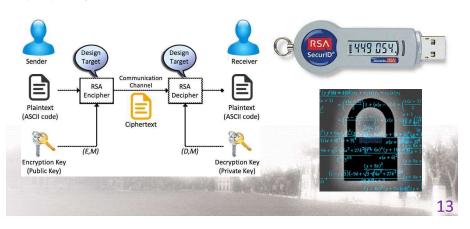
学生	课程	成绩	
张三	离散数学	90	1000
李四	微积分	84	記る機
100	The state of the s		

12

离散数学

• 离散数学都用在什么地方? 公银家母PSA 算法, 其实会性依赖于太

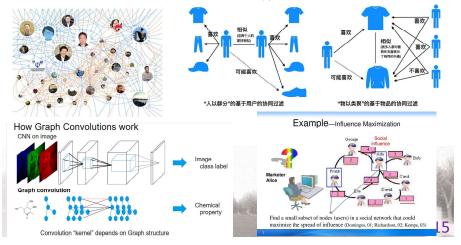
公钥密码RSA算法: 其安全性依赖于大数因式分解的困难(数论)



离散数学

• 离散数学都用在什么地方?

图论: 社交网络分析、GNN、推荐系统、生物医疗

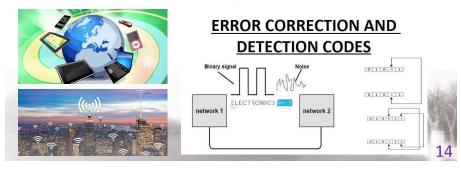


离散数学

• 离散数学都用在什么地方?

纠错编码:基于代数系统设计纠错码,以检测并矫正 网络传输中数字信号错误的发生。

- ▶一致校验矩阵是根据代数系统中的群概念设计的。
- > 在群码的校正中用到了代数系统中的陪集。



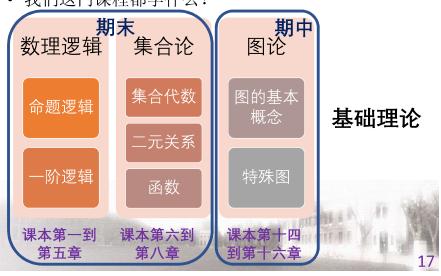
离散数学

- 离散数学的难点是什么?
- ▶定义和定理多:注意概念之间的联系
- ▶方法性强:善于总结和归纳规律
- ▶抽象性强: 注重抽象思维能力、逻辑推理能力的培养和训练





• 我们这门课程都学什么?



离散数学

- 教学目标是什么?
- ▶掌握离散数学的基本概念、基本理论及方法
- ▶培养抽象思维分析能力和严谨逻辑推理能力
- ▶ 为后续课程及科研打下良好基础
- 后续课程还有什么?
- ▶组合数学、抽象代数、数论、(离散)概率等
- ▶数据结构、人工智能基础
- ▶通智课程系列(专业选修课)
- →研究生课程

15

预备知识



预备知识

- 逻辑运算: 与A, 或V, 非¬
- 集合

集合是数学中最基本的概念,没有严格的定义 理解成某些个体组成的整体,常用*A,B,C*等表示

元素:集合中的个体

列举法 如 A={ a, b, c, d }, N={0,1,2,...}

描述法 {x / P(x)} 如N={x / x是自然数}

 $x \in A(x属于A)$: $x \in A$ 的元素

x∉A(x不属于A): x不是A的元素

20

预备知识

• 包含与相等

包含(子集) $A \subseteq B \Leftrightarrow \forall x (x \in A \rightarrow x \in B)$

不包含 $A \nsubseteq B \Leftrightarrow \exists x (x \in A \land x \notin B)$

相等 $A = B \Leftrightarrow A \subseteq B \land B \subseteq A$

不相等 $A \neq B \Leftrightarrow A \nsubseteq B \lor B \nsubseteq A$

真包含(真子集) $A \subset B \Leftrightarrow A \subseteq B \land A \neq B$



预备知识







 $A \cap B$







B-A

 $A \oplus B$

~A

预备知识

• 集合的运算

 \not $A \cup B = \{x \mid x \in A \lor x \in B\}$ \not $x \in A \land x \in B\}$

相对补 $A-B = \{x \mid x \in A \land x \notin B\}$

对称差 $A \oplus B = (A-B) \cup (B-A) = (A \cup B) - (A \cap B)$

绝对补 ~ A = E-A= { x | x ∉ A }

