

## Лекция 4. Закон сохранения энергии в механике

Второй закон Ньютона:  $m \frac{d\vec{v}}{dt} = \vec{F}$

$$W_{\text{кин}} = \frac{mv^2}{2} \quad [W_{\text{кин}}] = \text{джоуль}$$

$$= \frac{p^2}{2m}$$

$$W_{\text{пот. грав}} = -G \frac{m_1 m_2}{R} + C$$

Обычно принимают, что  $C=0$

$$\text{Для силы упругости: } W_{\text{пот. уп}} = \frac{kx^2}{2} + C \quad (C=0)$$

ЗСМЭ

Полной мех. энергией тела (системы) наз. энергия, определяемая движением и положением тела относительно других тел, т.е. сумма  $E_{\text{п}}$  и  $E_{\text{к}}$ :

$$W_{\text{мех}} = W_{\text{кин}} + W_{\text{пот}}$$

$$W_{\text{кин}}^{\text{кон}} - W_{\text{кин}}^{\text{нач}} = A$$

$$W_{\text{пот}}^{\text{нач}} - W_{\text{пот}}^{\text{кон}} = A$$

или

$$W_{\text{кин}}^{\text{кон}} + W_{\text{пот}}^{\text{кон}} = W_{\text{пот}}^{\text{нач}} + W_{\text{кин}}^{\text{нач}}$$

Консервативные силы — силы между телами, которые зависят только от их взаимного положения.  
(сила тяготения, сила тяжести (част. сл. сила тяготения), сила упругости)

Для каждой из консервативных сил можно определить потенциальную энергию.

• Если на тело действуют консервативные силы, то механическая энергия тела или системы тел остается постоянной.



1. Элементарной механической работой  $\delta A$  силы  $\vec{F}$ , действующей на мат. точку и вызывающей малое перемещение  $d\vec{r}$  точки приложения силы наз. скалярное произведение силы  $\vec{F}$  на перемещение  $d\vec{r}$ :  $\delta A = (\vec{F}, d\vec{r}) = |\vec{F}| \cdot |d\vec{r}| \cdot \cos \alpha$  (1)

где  $\alpha$  - угол между вектором силы и вектором перемещения.

Единицы изм.: Дж (Джоуль) (Дж)

Работа переменной силы  $\vec{F}(F)$ :  $A = \int_{\text{путь}} (\vec{F}, d\vec{r}) = \int_{\text{путь}} (F_x dx + F_y dy + F_z dz)$  (2)

, где  $d\vec{r} = (dx, dy, dz)$

2. Кинетическая энергия м.т. массы  $m$ , которая движется поступательно со скоростью  $V$ , называется величиной:

$$W = \frac{mV^2}{2} \quad (3)$$

3. Теорема об изменении кинетической энергии

$$\frac{mV_{\text{кон}}^2}{2} - \frac{mV_{\text{нач}}^2}{2} = \int_{\text{путь (нач)}}^{\text{(кон)}} \delta A \quad \text{или} \quad W_{\text{кон}}^{\text{кин}} - W_{\text{нач}}^{\text{кин}} = A \quad (4)$$

Приращение кинетической энергии м.т. при некотором перемещении равно алгебраической сумме работ всех сил, действующих на нее на том же перемещении

4. Мощность силы ( $P$ ) - Ватт -  $\frac{Дж}{с}$

Средней мощностью силы наз. отношение работы этой силы к интервалу времени, за который была совершена эта работа:  $P_{\text{ср}} = \frac{A}{\Delta t}$  (5)

Мгновенной мощностью силы наз. мощность этой силы за малый промежуток времени  $dt$ :  $P = \frac{(\vec{F}, d\vec{r})}{dt} = (\vec{F}, \vec{V})$  (6) ( $P = \frac{\delta A}{dt}$ )



## 5. Кинетическая энергия механической системы

Теорема Кенига

$E_{к.ц.м.}$

отно-но ц.м.

$$W_{системы} = \frac{m V_{ц}^2}{2} + W_{кин.} \quad (7)$$

Полная кинетическая энергия тела (системы точек) равна сумме кинетической энергии, которая была бы система, движаясь поступательно со скоростью её центра масс и кинетической энергии той же системы в её движении отно-но центра масс системы.

Кинетическая энергия вращательного движения:

$$W_{вращ.} = \frac{I_z \omega^2}{2} \quad (8)$$

## 6. Потенциальная энергия

$$\delta A = -dW \quad (9)$$

элементарная работа при малом изменении координат системы.

Потенциальная энергия - это энергия, зависящая от положения тела.

Изменение потенциальной энергии равно работе соотв. силы, действующей на точку.

$$W_{пот.нач} - W_{пот.кон} = A = \int_{пути} (\vec{F}, d\vec{l})$$