常见的数据结构维护技巧

Claris

Hangzhou Dianzi University

2017年8月7日

■本节讨论一些常见的数据结构维护技巧。

- ■本节讨论一些常见的数据结构维护技巧。
- 例题涉及少量树链剖分或平衡树。

- ■本节讨论一些常见的数据结构维护技巧。
- 例题涉及少量树链剖分或平衡树。
- 例题涉及大量线段树。

- ■本节讨论一些常见的数据结构维护技巧。
- 例题涉及少量树链剖分或平衡树。
- 例题涉及大量线段树。
- 建议学会线段树后再来学习。

给定 n 个球员,第 i 个球员年龄为 age_i ,水平为 $skill_i$ 。没有任何两个球员的水平相同。

给定 n 个球员,第 i 个球员年龄为 age_i ,水平为 $skill_i$ 。没有任何两个球员的水平相同。

将这些球员按水平排序,对于一次比赛,你需要选择若干个球员去比赛,但不能同时选择两个水平相邻的球员。

给定 n 个球员,第 i 个球员年龄为 age_i ,水平为 $skill_i$ 。没有任何两个球员的水平相同。

将这些球员按水平排序,对于一次比赛,你需要选择若干个球员去比赛,但不能同时选择两个水平相邻的球员。

m 次询问,每次给定 a 和 k,表示要在年龄不超过 a 的球员中选择不超过 k 个球员,请计算 skill 和的最大值。

给定 n 个球员,第 i 个球员年龄为 age_i ,水平为 $skill_i$ 。没有任何两个球员的水平相同。

将这些球员按水平排序,对于一次比赛,你需要选择若干个球员去比赛,但不能同时选择两个水平相邻的球员。

m 次询问,每次给定 a 和 k,表示要在年龄不超过 a 的球员中选择不超过 k 个球员,请计算 skill 和的最大值。

■ $1 \le n, m \le 300000_{\circ}$

给定 n 个球员,第 i 个球员年龄为 age_i ,水平为 $skill_i$ 。没有任何两个球员的水平相同。

将这些球员按水平排序,对于一次比赛,你需要选择若干个球员去比赛,但不能同时选择两个水平相邻的球员。

m 次询问,每次给定 a 和 k,表示要在年龄不超过 a 的球员中选择不超过 k 个球员,请计算 skill 和的最大值。

- $1 \le n, m \le 300000_{\circ}$
- $1 \leq age_i, skill_i \leq 10^9$ 。

给定 n 个球员,第 i 个球员年龄为 age_i ,水平为 $skill_i$ 。没有任何两个球员的水平相同。

将这些球员按水平排序,对于一次比赛,你需要选择若干个球员去比赛,但不能同时选择两个水平相邻的球员。

m 次询问,每次给定 a 和 k,表示要在年龄不超过 a 的球员中选择不超过 k 个球员,请计算 skill 和的最大值。

- $1 \le n, m \le 300000_{\circ}$
- $1 \leq age_i, skill_i \leq 10^9$ 。
- Source : Balkan Olympiad In Informatics 2012

■ 将球员和询问按照年龄排序,即可去掉年龄的限制。

- 将球员和询问按照年龄排序,即可去掉年龄的限制。
- 将球员按水平排序后维护线段树,显然最优解一定是从大到小贪心选择。

- 将球员和询问按照年龄排序,即可去掉年龄的限制。
- 将球员按水平排序后维护线段树,显然最优解一定是从大到小贪心选择。
- 线段树上每个节点维护:

g[0/1]: r+1 不选/选的时候, / 选不选。

c[0/1]: r+1 不选/选的时候,中间选了几个。

s[0/1]: r+1 不选/选的时候,中间选的和。

- 将球员和询问按照年龄排序,即可去掉年龄的限制。
- 将球员按水平排序后维护线段树,显然最优解一定是从大到小贪心选择。
- 线段树上每个节点维护:

g[0/1]: r+1 不选/选的时候, / 选不选。

c[0/1]: r+1 不选/选的时候,中间选了几个。

s[0/1]: r+1 不选/选的时候,中间选的和。

■ 查询的时候在线段树上二分即可。

- 将球员和询问按照年龄排序,即可去掉年龄的限制。
- 将球员按水平排序后维护线段树,显然最优解一定是从大到小贪心选择。
- 线段树上每个节点维护:
 - g[0/1]: r+1 不选/选的时候, / 选不选。
 - c[0/1]: r+1 不选/选的时候,中间选了几个。
 - s[0/1]: r+1 不选/选的时候,中间选的和。
- 查询的时候在线段树上二分即可。
- 时间复杂度 *O*((*n* + *m*) log *n*)。

一个 n 位数是 Handsome 的,当且仅当其中只有 0/1/2,而且相邻的两个数构成的数对不在危险集合中。

一个 n 位数是 Handsome 的,当且仅当其中只有 0/1/2,而且相邻的两个数构成的数对不在危险集合中。

n 位数 A 在排列 P 的意义下字典序小于 B ,则存在一个 $k(1 \le k < n)$ 使得:

一个 n 位数是 Handsome 的,当且仅当其中只有 0/1/2,而且相邻的两个数构成的数对不在危险集合中。

n 位数 A 在排列 P 的意义下字典序小于 B ,则存在一个 $k(1 \le k < n)$ 使得:

$$A_{P_1} = B_{P_1}, A_{P_2} = B_{P_2}...A_{P_k} = B_{P_k}, A_{P_{k+1}} < B_{P_{k+1}}$$

一个 n 位数是 Handsome 的,当且仅当其中只有 0/1/2,而且相邻的两个数构成的数对不在危险集合中。

n 位数 A 在排列 P 的意义下字典序小于 B ,则存在一个 $k(1 \le k < n)$ 使得 :

$$A_{P_1} = B_{P_1}, A_{P_2} = B_{P_2}...A_{P_k} = B_{P_k}, A_{P_{k+1}} < B_{P_{k+1}}$$

给定 n , 危险集合 , 排列 P , 以及一个 Handsome 数 T , 统 计在排列 P 意义下小于 T 的 Handsome 数的个数。答案模 10^9+7 。

一个 n 位数是 Handsome 的,当且仅当其中只有 0/1/2,而 目相邻的两个数构成的数对不在危险集合中。

n 位数 A 在排列 P 的意义下字典序小干 B ,则存在一个 k(1 < k < n) 使得:

$$A_{P_1} = B_{P_1}, A_{P_2} = B_{P_2}...A_{P_k} = B_{P_k}, A_{P_{k+1}} < B_{P_{k+1}}$$

给定 n, 危险集合, 排列 P, 以及一个 Handsome 数 T, 统 计在排列 P 意义下小于 T 的 Handsome 数的个数。答案模 $10^9 + 7_{\circ}$

 $1 < n < 400000_{\rm o}$

一个 n 位数是 Handsome 的,当且仅当其中只有 0/1/2,而且相邻的两个数构成的数对不在危险集合中。

n 位数 A 在排列 P 的意义下字典序小于 B ,则存在一个 $k(1 \le k < n)$ 使得:

$$A_{P_1} = B_{P_1}, A_{P_2} = B_{P_2}...A_{P_k} = B_{P_k}, A_{P_{k+1}} < B_{P_{k+1}}$$

给定 n , 危险集合 , 排列 P , 以及一个 Handsome 数 T , 统 计在排列 P 意义下小于 T 的 Handsome 数的个数。答案模 10^9+7 。

- $1 \le n \le 400000_{\circ}$
- Source : Balkan Olympiad In Informatics 2012

■ DP 求出 $f_{i,j,k}$ 表示长度为 i 的序列,第一个位置是 j,最后一个位置是 k 时合法的方案数。

- DP 求出 $f_{i,j,k}$ 表示长度为 i 的序列,第一个位置是 j,最后一个位置是 k 时合法的方案数。
- 从后往前枚举与 T 的 LCP 以及那个位置应该改成什么。

- DP 求出 $f_{i,j,k}$ 表示长度为 i 的序列,第一个位置是 j,最后一个位置是 k 时合法的方案数。
- 从后往前枚举与 T 的 LCP 以及那个位置应该改成什么。
- 用线段树维护区间内最左最右的已经确定的位置,以及区间内的合法方案数。

- DP 求出 $f_{i,j,k}$ 表示长度为 i 的序列,第一个位置是 j,最后一个位置是 k 时合法的方案数。
- 从后往前枚举与 T 的 LCP 以及那个位置应该改成什么。
- 用线段树维护区间内最左最右的已经确定的位置,以及区间内的合法方案数。
- 合并的时候只需要将左右儿子的答案乘起来,然后再乘以左 儿子最右到右儿子最左这一段区间的方案数即可。

- DP 求出 $f_{i,j,k}$ 表示长度为 i 的序列,第一个位置是 j,最后一个位置是 k 时合法的方案数。
- 从后往前枚举与 T 的 LCP 以及那个位置应该改成什么。
- 用线段树维护区间内最左最右的已经确定的位置,以及区间内的合法方案数。
- 合并的时候只需要将左右儿子的答案乘起来,然后再乘以左 儿子最右到右儿子最左这一段区间的方案数即可。
- 时间复杂度 *O*(*n* log *n*)。

维护一张 n 个点 , m 条边的无向图 , q 次操作 :

维护一张 n 个点 , m 条边的无向图 , q 次操作 :

(1) 添加一条边 (u, v)。

维护一张 n 个点 n 条边的无向图 n 次操作 :

- (1) 添加一条边 (u, v)。
- (2) 删除一条边 (u, v)。

维护一张 n 个点 l m 条边的无向图 l l q 次操作 :

- (1) 添加一条边 (u, v)。
- (2) 删除一条边 (u, v)。
- (3) 询问 *u* 与 *v* 是否连通。

- (1) 添加一条边 (u, v)。
- (2) 删除一条边 (u, v)。
- (3) 询问 u 与 v 是否连通。
- $1 \le n \le 100000_{\circ}$

- (1) 添加一条边 (u, v)。
- (2) 删除一条边 (u, v)。
- (3) 询问 *u* 与 *v* 是否连通。
- $1 \le n \le 100000_{\circ}$
- $1 \le m \le 100000_{\circ}$

- (1) 添加一条边 (u, v)。
- (2) 删除一条边 (u, v)。
- (3) 询问 *u* 与 *v* 是否连通。
- $1 \le n \le 100000_{\circ}$
- $1 \le m \le 100000_{\circ}$
- $1 \le q \le 100000_{\circ}$

■ 每条边 (u,v) 存在的时间为一个区间 [I,r]。

- 每条边 (u,v) 存在的时间为一个区间 [I,r]。
- 对时间建立线段树,每条边可以看成向区间 [1, r] 打一个"插入一条边"的标记。

- 每条边 (u,v) 存在的时间为一个区间 [I,r]。
- 对时间建立线段树,每条边可以看成向区间 [*I*, *r*] 打一个"插入一条边"的标记。
- 找到线段树上对应的 $O(\log q)$ 个节点,在标记集合中加入这条边。

- 每条边 (u,v) 存在的时间为一个区间 [I,r]。
- 对时间建立线段树,每条边可以看成向区间 [/, r] 打一个"插入一条边"的标记。
- 找到线段树上对应的 $O(\log q)$ 个节点,在标记集合中加入这条边。
- 这样 q 次加边删边操作就转化为了 O(q log q) 次加边操作。

■ DFS 整棵线段树,到叶子时回答询问。

- DFS 整棵线段树,到叶子时回答询问。
- 因为只有加边和撤销操作,因此只需要维护一个带撤销的并 查集。

- DFS 整棵线段树,到叶子时回答询问。
- 因为只有加边和撤销操作,因此只需要维护一个带撤销的并 查集。
- 按秩合并的并查集单次操作复杂度为严格 $O(\log n)$, 撤销只需要将修改操作按时间倒回去。

- DFS 整棵线段树,到叶子时回答询问。
- 因为只有加边和撤销操作,因此只需要维护一个带撤销的并 查集。
- 按秩合并的并查集单次操作复杂度为严格 $O(\log n)$, 撤销只需要将修改操作按时间倒回去。
- 时间复杂度 $O(q \log q \log n)$ 。

平面上有 n 条直线 y = kx + b, q 次操作:

(1) 添加一条直线 y = kx + b。

- (1) 添加一条直线 y = kx + b。
- (2) 删除一条直线 y = kx + b。

平面上有 n 条直线 y = kx + b, q 次操作:

- (1) 添加一条直线 y = kx + b。
- (2) 删除一条直线 y = kx + b。
- (3) 给定 [L,R], 在 [L,R] 选择一个整数 x, 然后计算

y = kx + b 的最小值。请挑选最优的 x, 使得计算结果 y 最大。

- (1) 添加一条直线 y = kx + b。
- (2) 删除一条直线 y = kx + b。
- (3) 给定 [L, R], 在 [L, R] 选择一个整数 x, 然后计算
- y = kx + b 的最小值。请挑选最优的 x , 使得计算结果 y 最大。
 - $1 \le n, q \le 50000_{\circ}$

- (1) 添加一条直线 y = kx + b。
- (2) 删除一条直线 y = kx + b。
- (3) 给定 [L,R],在 [L,R] 选择一个整数 x,然后计算 y = kx + b 的最小值。请挑选最优的 x,使得计算结果 y 最大。
 - $1 \le n, q \le 50000_{\circ}$
 - $-10^9 \le k, b \le 10^9$ °

- (1) 添加一条直线 y = kx + b。
- (2) 删除一条直线 y = kx + b。
- (3) 给定 [L, R] , 在 [L, R] 选择一个整数 x , 然后计算 y = kx + b 的最小值。请挑选最优的 x , 使得计算结果 y 最大。
 - $1 \le n, q \le 50000_{\circ}$
 - $-10^9 \le k, b \le 10^9$ °
 - $-10^9 \le L \le R \le 10^9$.

- (1) 添加一条直线 y = kx + b。
- (2) 删除一条直线 y = kx + b。
- (3) 给定 [L, R] , 在 [L, R] 选择一个整数 x , 然后计算 y = kx + b 的最小值。请挑选最优的 x , 使得计算结果 y 最大。
 - $1 \le n, q \le 50000_{\circ}$
 - $-10^9 \le k, b \le 10^9$ °
 - $-10^9 \le L \le R \le 10^9$ °
 - Source : ZOJ 3967

■ 问题等价于求这些直线形成的上凸壳中 [L, R] 的最大值。

- 问题等价于求这些直线形成的上凸壳中 [L, R] 的最大值。
- 在凸壳上二分导数,找到最大值即可。

- 问题等价于求这些直线形成的上凸壳中 [L, R] 的最大值。
- 在凸壳上二分导数,找到最大值即可。
- 动态半平面交?

■ 离线求出每条直线存在的时间区间,在时间线段树上打标记,转化成 $O(q \log q)$ 次插入。

- 离线求出每条直线存在的时间区间,在时间线段树上打标记,转化成 $O(q \log q)$ 次插入。
- DFS 整棵线段树,到叶子时回答询问。

- 离线求出每条直线存在的时间区间,在时间线段树上打标记,转化成 *O*(*q* log *q*) 次插入。
- DFS 整棵线段树,到叶子时回答询问。
- 现在需要维护一个数据结构,支持插入直线,询问单点最值。

- 离线求出每条直线存在的时间区间,在时间线段树上打标记,转化成 *O*(*q* log *q*) 次插入。
- DFS 整棵线段树,到叶子时回答询问。
- 现在需要维护一个数据结构,支持插入直线,询问单点最值。
- 利用线段树就可以解决这个问题。

■ 在线段树上每个节点维护最优直线。

- 在线段树上每个节点维护最优直线。
- 插入直线时,若它完全被当前区间最优直线 *p* 替代,或者它可以完全替代 *p* ,那么显然取最优的那个然后结束插入即可。

- 在线段树上每个节点维护最优直线。
- 插入直线时,若它完全被当前区间最优直线 *p* 替代,或者它可以完全替代 *p*,那么显然取最优的那个然后结束插入即可。
- 否则 , 插入直线必然与 p 在该区间内存在交点。

- 在线段树上每个节点维护最优直线。
- 插入直线时,若它完全被当前区间最优直线 *p* 替代,或者它可以完全替代 *p* , 那么显然取最优的那个然后结束插入即可。
- 否则 , 插入直线必然与 p 在该区间内存在交点。
- 保留优势区间较大的直线,将另一条直线递归下传到那一侧。

- 在线段树上每个节点维护最优直线。
- 插入直线时,若它完全被当前区间最优直线 p 替代,或者 它可以完全替代 p,那么显然取最优的那个然后结束插入即 可。
- 否则 , 插入直线必然与 p 在该区间内存在交点。
- 保留优势区间较大的直线,将另一条直线递归下传到那一侧。
- 单次插入时间复杂度 *O*(log *n*)。

■ 如何查询 x 点的最值?

- 如何查询 x 点的最值?
- 在线段树上找到 x 点,一路向上走到根,用 $O(\log n)$ 条直线更新答案。

- 如何查询 x 点的最值?
- 在线段树上找到 x 点,一路向上走到根,用 $O(\log n)$ 条直线更新答案。
- 单次查询时间复杂度 $O(\log n)$ 。

- 如何查询 x 点的最值?
- 在线段树上找到 x 点,一路向上走到根,用 $O(\log n)$ 条直线更新答案。
- 单次查询时间复杂度 *O*(log *n*)。
- 沿着线段树 DFS , 用栈按时间记录所有修改 , 那么可以很 方便地实现还原。

- 如何查询 x 点的最值?
- 在线段树上找到 x 点,一路向上走到根,用 $O(\log n)$ 条直线更新答案。
- 单次查询时间复杂度 *O*(log *n*)。
- 沿着线段树 DFS , 用栈按时间记录所有修改 , 那么可以很 方便地实现还原。
- 总时间复杂度 $O(n \log^2 n)$ 。

给定一张 n 个点 , m 条边的无向图 , 点 i 的颜色为 c_i 。

给定一张 n 个点 , m 条边的无向图 , 点 i 的颜色为 c_i。 q 次询问 , 每次给定 x, k , 问从 x 点出发 , 经过所有边权不 超过 k 的边走能到达的所有点中 , 哪种颜色出现次数最多。 强制在线。

给定一张 n 个点 , m 条边的无向图 , 点 i 的颜色为 c_i。 q 次询问 , 每次给定 x, k , 问从 x 点出发 , 经过所有边权不 超过 k 的边走能到达的所有点中 , 哪种颜色出现次数最多。 强制在线。

■ $1 \le c_i \le n \le 100000_{\circ}$

- $1 \le c_i \le n \le 100000_{\circ}$
- $1 \le m, q \le 200000_{\circ}$

Pandaria

给定一张 n 个点 , m 条边的无向图 , 点 i 的颜色为 c_i。 q 次询问 , 每次给定 x, k , 问从 x 点出发 , 经过所有边权不 超过 k 的边走能到达的所有点中 , 哪种颜色出现次数最多。 强制在线。

- $1 \le c_i \le n \le 100000_{\circ}$
- $1 \le m, q \le 200000_{\circ}$
- $1 \le k \le 10^6$ 。

Pandaria

给定一张 n 个点 , m 条边的无向图 , 点 i 的颜色为 c_i。 q 次询问 , 每次给定 x, k , 问从 x 点出发 , 经过所有边权不 超过 k 的边走能到达的所有点中 , 哪种颜色出现次数最多。 强制在线。

- $1 \le c_i \le n \le 100000_{\circ}$
- $1 \le m, q \le 200000_{\circ}$
- $1 \le k \le 10^6$ 。
- Source : 2016-2017 ACM-ICPC China-Final

■ 将边按权值从小到大排序,求出最小生成树。

- 将边按权值从小到大排序,求出最小生成树。
- 当以边权 w 合并 u, v 时,新建一个节点 x,左右儿子分别 为 u, v,x 的权值设为 w。

- 将边按权值从小到大排序,求出最小生成树。
- 当以边权 w 合并 u, v 时,新建一个节点 x,左右儿子分别 为 u, v,x 的权值设为 w。
- 如此一来最终会得到一个森林 , 方便起见我们可以添加 *inf* 边将森林连成树。

- 将边按权值从小到大排序,求出最小生成树。
- 当以边权 w 合并 u, v 时,新建一个节点 x,左右儿子分别 为 u, v,x 的权值设为 w。
- 如此一来最终会得到一个森林 , 方便起见我们可以添加 *inf* 边将森林连成树。
- 联想 Kruskal 的过程 / 这棵树越高层的地方权值越大。

■ 对于询问 x, k , 从 x 点开始向上走 , 找到权值不超过 k 的最高的点 y。

- 对于询问 x, k , 从 x 点开始向上走 , 找到权值不超过 k 的最高的点 y。
- 那么答案就是 y 子树内的颜色众数。

- 对于询问 x, k , 从 x 点开始向上走 x , 找到权值不超过 x 的最高的点 y。
- 那么答案就是 y 子树内的颜色众数。
- 找 y 可以使用树链剖分或者树上倍增。

- 对于询问 x, k , 从 x 点开始向上走 , 找到权值不超过 k 的最高的点 y。
- 那么答案就是 y 子树内的颜色众数。
- 找 y 可以使用树链剖分或者树上倍增。
- 如何求子树内颜色众数?

对于每个叶子,建立线段树,维护颜色区间内出现次数最多的次数。

- 对于每个叶子,建立线段树,维护颜色区间内出现次数最多的次数。
- 对于每个非叶子,需要将它的左右儿子的线段树合并起来。

- 对于每个叶子,建立线段树,维护颜色区间内出现次数最多的次数。
- 对于每个非叶子,需要将它的左右儿子的线段树合并起来。
- 合并方法:暴力递归合并,直到发现一方为空。

- 对于每个叶子,建立线段树,维护颜色区间内出现次数最多的次数。
- 对于每个非叶子,需要将它的左右儿子的线段树合并起来。
- 合并方法:暴力递归合并,直到发现一方为空。
- 考虑线段树上两个点只会在一个位置被暴力合并掉,故时间复杂度为 $O(n \log n)$ 。

给定一个长度为 n 的序列 $a_1, a_2, ..., a_n$, 定义一个区间的价值为区间内所有数字的和 (重复数字只计算一次)。

给定一个长度为 n 的序列 $a_1, a_2, ..., a_n$,定义一个区间的价值为区间内所有数字的和 (重复数字只计算一次)。

给定 k , 将所有区间按价值从大到小排序 , 求第 k 大的价值。

给定一个长度为 n 的序列 $a_1, a_2, ..., a_n$, 定义一个区间的价值为区间内所有数字的和 (重复数字只计算一次)。

给定 k , 将所有区间按价值从大到小排序 , 求第 k 大的价值。

■ $1 \le n \le 100000_{\circ}$

给定一个长度为 n 的序列 $a_1, a_2, ..., a_n$,定义一个区间的价值为区间内所有数字的和 (重复数字只计算一次)。

给定 k , 将所有区间按价值从大到小排序 , 求第 k 大的价值。

- $1 \le n \le 100000_{\circ}$
- $1 \le k \le 200000_{\circ}$

给定一个长度为 n 的序列 $a_1, a_2, ..., a_n$, 定义一个区间的价值为区间内所有数字的和 (重复数字只计算一次)。

给定 k,将所有区间按价值从大到小排序,求第 k 大的价值。

- $1 \le n \le 100000_{\circ}$
- $1 \le k \le 200000_{\circ}$
- $|a_i| \le 10^9$ °

给定一个长度为 n 的序列 $a_1, a_2, ..., a_n$, 定义一个区间的价值为区间内所有数字的和 (重复数字只计算一次)。

给定 k,将所有区间按价值从大到小排序,求第 k 大的价值。

- $1 \le n \le 100000_{\circ}$
- $1 \le k \le 200000_{\circ}$
- $|a_i| \le 10^9$ °
- Source : HihoCoder 1046

■ 如何求一个区间的价值?

- 如何求一个区间的价值?
- 从左往右枚举右端点,用线段树维护每个左端点的去重后的 区间和。

- 如何求一个区间的价值?
- 从左往右枚举右端点,用线段树维护每个左端点的去重后的 区间和。
- 对于 *a_r* , 需要在 [*pre_{ar}* + 1, *r*] 里区间加上 *a_r*。

- 如何求一个区间的价值?
- 从左往右枚举右端点,用线段树维护每个左端点的去重后的 区间和。
- 对于 *a_r* , 需要在 [*pre_{ar}* + 1, *r*] 里区间加上 *a_r*。
- 将线段树可持久化,并维护区间最大值,就可以在线回答形如"给定 r 以及 a, b",问 I 在 [a,b] 里 [I,r] 的区间和的最大值的问题。

■ 用一个大根堆维护五元组 (v, x, l, r, m) , 表示区间和为 v , 所在线段树根节点为 x , 所选左端点范围为 [l, r] , 选了 m。

- 用一个大根堆维护五元组 (v, x, l, r, m) , 表示区间和为 v , 所在线段树根节点为 x , 所选左端点范围为 [l, r] , 选了 m。
- 重复 k 次,每次取出堆顶,扩展出 [l, m-1] 以及 [m+1, r] 两个新状态。

- 用一个大根堆维护五元组 (v, x, l, r, m) , 表示区间和为 v , 所在线段树根节点为 x , 所选左端点范围为 [l, r] , 选了 m。
- 重复 k 次,每次取出堆顶,扩展出 [l, m-1] 以及 [m+1, r] 两个新状态。
- 时间复杂度 O((n+k) log n)。

给定一个长度为 n 的序列 $a_1, a_2, ..., a_n$ n 次操作:

给定一个长度为 n 的序列 $a_1, a_2, ..., a_n$ n 次操作:

(1) 修改 a_x 的值。

给定一个长度为 n 的序列 $a_1, a_2, ..., a_n$ n 次操作:

- (1) 修改 a_x 的值。
- (2) 给定区间 [L,R] , 令 f_i 表示区间 [L,i] 的最大值 , 求 $f_L, f_{L+1}, ..., f_R$ 中不同元素的个数。

给定一个长度为 n 的序列 $a_1, a_2, ..., a_n$ m 次操作:

- (1) 修改 a_x 的值。
- (2) 给定区间 [L,R] , 令 f_i 表示区间 [L,i] 的最大值 , 求 $f_L,f_{L+1},...,f_R$ 中不同元素的个数。
 - $1 \le n \le 100000_{\circ}$

给定一个长度为 n 的序列 $a_1, a_2, ..., a_n$, m 次操作:

- (1) 修改 a_x 的值。
- (2) 给定区间 [L,R] , 令 f_i 表示区间 [L,i] 的最大值 , 求 $f_L,f_{L+1},...,f_R$ 中不同元素的个数。
 - $1 \le n \le 100000_{\circ}$
 - $1 \le m \le 100000_{\circ}$

给定一个长度为 n 的序列 $a_1, a_2, ..., a_n$ n 次操作:

- (1) 修改 a_x 的值。
- (2) 给定区间 [L,R] , 令 f_i 表示区间 [L,i] 的最大值 , 求 $f_L, f_{L+1}, ..., f_R$ 中不同元素的个数。
 - $1 \le n \le 100000_{\circ}$
 - $1 \le m \le 100000_{\circ}$
 - $1 \le a_i \le 10^9$ °

■ 对序列 a 建立线段树,设 query(x,t) 表示在节点 x 询问, 之前的最大值为 t 的答案。

- 对序列 a 建立线段树,设 query(x,t) 表示在节点 x 询问, 之前的最大值为 t 的答案。
- 设 ans_x 表示 query(x,0) 的结果 , val_x 表示 x 的区间最大值。

- 设 ans_x 表示 query(x,0) 的结果 , val_x 表示 x 的区间最大值。
- 若 x 为叶子节点 , 那么 $ans_x = 1$ 。

- 对序列 a 建立线段树,设 query(x,t) 表示在节点 x 询问,
 之前的最大值为 t 的答案。
- 设 ans_x 表示 query(x,0) 的结果 , val_x 表示 x 的区间最大值。
- 若 x 为叶子节点 , 那么 $ans_x = 1$ 。
- 若 $val_{left_x} \ge val_{right_x}$, 那么右儿子不会新增答案 , 故 $ans_x = ans_{left_x}$ 。

- 设 ans_x 表示 query(x,0) 的结果 , val_x 表示 x 的区间最大值。
- 若 x 为叶子节点 , 那么 $ans_x = 1$ 。
- 若 $val_{left_x} \ge val_{right_x}$, 那么右儿子不会新增答案 , 故 $ans_x = ans_{left_x}$ 。
- 否则 , 经过左儿子的询问之后 , t 一定会变成 val_{leftx} , 故 ans_x = ans_{leftx} + query(right_x, val_{leftx})。

- 对序列 a 建立线段树 , 设 query(x,t) 表示在节点 x 询问 , 之前的最大值为 t 的答案。
- 设 ans_x 表示 query(x,0) 的结果 $, val_x$ 表示 x 的区间最大值。
- 若 x 为叶子节点 , 那么 $ans_x = 1$ 。
- 若 $val_{left_x} \ge val_{right_x}$, 那么右儿子不会新增答案 , 故 $ans_x = ans_{left_x}$ 。
- 否则,经过左儿子的询问之后,t 一定会变成 val_{left_x} ,故 $ans_x = ans_{left_x} + query(right_x, val_{left_x})$ 。
- 计算单个 val_x 的时间复杂度为 O(log n)。

- 设 ans_x 表示 query(x,0) 的结果 , val_x 表示 x 的区间最大值。
- 若 x 为叶子节点 , 那么 $ans_x = 1$ 。
- 若 $val_{left_x} \ge val_{right_x}$,那么右儿子不会新增答案 ,故 $ans_x = ans_{left_x}$ 。
- 否则,经过左儿子的询问之后,t 一定会变成 val_{left_x} ,故 $ans_x = ans_{left_x} + query(right_x, val_{left_x})$ 。
- 计算单个 val_x 的时间复杂度为 O(log n)。
- 单点修改 a_x 的时间复杂度为 $O(\log^2 n)$ 。



■ 对于询问 [L,R] ,可以在线段树上分裂成 $O(\log n)$ 个 query(x,t)。

- 对于询问 [L,R] ,可以在线段树上分裂成 $O(\log n)$ 个 query(x,t)。
- 若 x 为叶子节点 , 那么做法显然。

- 对于询问 [L,R] ,可以在线段树上分裂成 $O(\log n)$ 个 query(x,t)。
- 若 x 为叶子节点,那么做法显然。
- 若 $t \ge val_{left_x}$, 那么显然在左儿子不会新增答案 , 直接返回 $query(right_x, t)$ 。

- 对于询问 [L,R] ,可以在线段树上分裂成 $O(\log n)$ 个 query(x,t)。
- 若 x 为叶子节点,那么做法显然。
- 若 $t \ge val_{left_x}$, 那么显然在左儿子不会新增答案 , 直接返回 $query(right_x, t)$ 。
- 否则当 *t* < *val_{leftx}* 时,经过左儿子的更新,*t* 一定会变成左 儿子的最大值,故 *query*(*x*, *t*) = *query*(*left_x*, *t*) + *val_x* − *val_{left_x}*。

- 对于询问 [L,R] ,可以在线段树上分裂成 $O(\log n)$ 个 query(x,t)。
- 若 x 为叶子节点,那么做法显然。
- 若 $t \ge val_{left_x}$, 那么显然在左儿子不会新增答案 , 直接返回 $query(right_x, t)$ 。
- 否则当 *t* < *val_{leftx}* 时,经过左儿子的更新,*t* 一定会变成左 儿子的最大值,故 *query*(*x*, *t*) = *query*(*left_x*, *t*) + *val_x* − *val_{left_x}*。
- 计算单个 *query*(*x*, *t*) 的时间复杂度为 *O*(log *n*)。

- 对于询问 [L,R] ,可以在线段树上分裂成 $O(\log n)$ 个 query(x,t)。
- 若 x 为叶子节点,那么做法显然。
- 若 $t \ge val_{left_x}$, 那么显然在左儿子不会新增答案 , 直接返回 $query(right_x, t)$ 。
- 否则当 *t* < *val_{leftx}* 时,经过左儿子的更新,*t* 一定会变成左 儿子的最大值,故 *query*(*x*, *t*) = *query*(*left_x*, *t*) + *val_x* − *val_{left_x}*。
- 计算单个 *query*(*x*, *t*) 的时间复杂度为 *O*(log *n*)。
- 区间询问的时间复杂度为 $O(\log^2 n)$ 。

n 个建筑物从左往右排成一排, 第 i 个建筑物的高度为 ai。

n 个建筑物从左往右排成一排,第 i 个建筑物的高度为 ai。 有一只怪兽会依次发动 m 次攻击,每次攻击它会指定一个 未被摧毁的建筑物 i,然后摧毁它,并向两边释放冲击波。

n 个建筑物从左往右排成一排,第 i 个建筑物的高度为 ai。 有一只怪兽会依次发动 m 次攻击,每次攻击它会指定一个 未被摧毁的建筑物 i, 然后摧毁它,并向两边释放冲击波。

往左的冲击波会从 i-1 开始一直往前扩散,若碰到已被摧毁的建筑物,则冲击波会消散。否则,假设到达了 k,若 $a_i-a_k\geq |i-k|$,则建筑物 k 被摧毁。无论有没有摧毁 k,冲击波都会继续扩散。

n 个建筑物从左往右排成一排,第 i 个建筑物的高度为 ai。 有一只怪兽会依次发动 m 次攻击,每次攻击它会指定一个 未被摧毁的建筑物 i,然后摧毁它,并向两边释放冲击波。

往左的冲击波会从 i-1 开始一直往前扩散,若碰到已被摧毁的建筑物,则冲击波会消散。否则,假设到达了 k,若 $a_i-a_k\geq |i-k|$,则建筑物 k 被摧毁。无论有没有摧毁 k,冲击波都会继续扩散。

向右的冲击波效果同理。输出每次攻击摧毁的建筑物个数。

n 个建筑物从左往右排成一排,第 i 个建筑物的高度为 ai。 有一只怪兽会依次发动 m 次攻击,每次攻击它会指定一个 未被摧毁的建筑物 i, 然后摧毁它,并向两边释放冲击波。

往左的冲击波会从 i-1 开始一直往前扩散,若碰到已被摧毁的建筑物,则冲击波会消散。否则,假设到达了 k,若 $a_i-a_k\geq |i-k|$,则建筑物 k 被摧毁。无论有没有摧毁 k,冲击波都会继续扩散。

向右的冲击波效果同理。输出每次攻击摧毁的建筑物个数。

■ $1 \le m \le n \le 100000, 1 \le a_i \le 10^9$ °

n 个建筑物从左往右排成一排,第 i 个建筑物的高度为 ai。 有一只怪兽会依次发动 m 次攻击,每次攻击它会指定一个 未被摧毁的建筑物 i,然后摧毁它,并向两边释放冲击波。

往左的冲击波会从 i-1 开始一直往前扩散,若碰到已被摧毁的建筑物,则冲击波会消散。否则,假设到达了 k,若 $a_i-a_k\geq |i-k|$,则建筑物 k 被摧毁。无论有没有摧毁 k,冲击波都会继续扩散。

向右的冲击波效果同理。输出每次攻击摧毁的建筑物个数。

- $1 \le m \le n \le 100000, 1 \le a_i \le 10^9$ °
- Source : XVII Open Cup named after E.V. Pankratiev.
 Fastern GP

■ 用 set 维护所有被摧毁的建筑物,那么可以很容易地求出冲击波的作用范围 [*L*, *R*]。

- 用 set 维护所有被摧毁的建筑物,那么可以很容易地求出冲击波的作用范围 [*L*, *R*]。
- 考虑向左的冲击波,向右的同理。

- 用 set 维护所有被摧毁的建筑物,那么可以很容易地求出冲击波的作用范围 [*L*, *R*]。
- 考虑向左的冲击波,向右的同理。
- 若 k 会被摧毁,那么有 $a_i a_k \ge i k$,即 $a_k k \le a_i i$ 。

- 用 set 维护所有被摧毁的建筑物,那么可以很容易地求出冲击波的作用范围 [*L*, *R*]。
- 考虑向左的冲击波,向右的同理。
- 若 k 会被摧毁,那么有 $a_i a_k \ge i k$,即 $a_k k \le a_i i$ 。
- 显然区间 [L,R] 内 $a_k k$ 最小的那个建筑最容易被摧毁。

- 用 set 维护所有被摧毁的建筑物,那么可以很容易地求出冲击波的作用范围 [L, R]。
- 考虑向左的冲击波,向右的同理。
- 若 k 会被摧毁 , 那么有 $a_i a_k \ge i k$, 即 $a_k k \le a_i i$,
- 显然区间 [L,R] 内 $a_k k$ 最小的那个建筑最容易被摧毁。
- 用线段树维护区间最小值,不断取出最小值,看看是否会被 摧毁。

- 用 set 维护所有被摧毁的建筑物,那么可以很容易地求出冲击波的作用范围 [*L*, *R*]。
- 考虑向左的冲击波,向右的同理。
- 若 k 会被摧毁 , 那么有 $a_i a_k \ge i k$, 即 $a_k k \le a_i i$,
- 显然区间 [L,R] 内 $a_k k$ 最小的那个建筑最容易被摧毁。
- 用线段树维护区间最小值,不断取出最小值,看看是否会被 摧毁。
- 因为每个位置只会被摧毁一次,故时间复杂度为 O(n log n)。

维护一个序列 $h_1, h_2, ..., h_n$,m 次修改。

维护一个序列 $h_1, h_2, ..., h_n$, m 次修改。 每次指定区间 [I, r], 将该区间加上一个首项为 A, 公差为 B(B>0) 的等差数列。

维护一个序列 $h_1, h_2, ..., h_n$,m 次修改。 每次指定区间 [I, r],将该区间加上一个首项为 A,公差为 B(B>0) 的等差数列。 在每次操作之后输出所有比两侧都严格大的位置的个数。

■ $1 \le n \le 100000_{\circ}$

- $1 \le n \le 100000_{\circ}$
- $1 \le m \le 100000_{\circ}$

- $1 \le n \le 100000_{\circ}$
- $1 \le m \le 100000_{\circ}$
- $-100000 \le A \le 100000$

- $1 \le n \le 100000_{\circ}$
- $1 \le m \le 100000_{\circ}$
- $-100000 \le A \le 100000_{\circ}$
- $1 \le h_i, B \le 100000_{\circ}$

- $1 \le n \le 100000_{\circ}$
- $1 \le m \le 100000_{\circ}$
- $-100000 \le A \le 100000$
- $1 \le h_i, B \le 100000_{\circ}$
- Source : ZOJ 3943

■ 将序列进行差分,即 $a_i = h_i - h_{i-1}$,若 $a_i > 0$ 且 $a_{i+1} < 0$ 则合法。

- 将序列进行差分,即 $a_i = h_i h_{i-1}$,若 $a_i > 0$ 且 $a_{i+1} < 0$ 则合法。
- 差分的好处是,区间加等差数列会变成端点单点修改,剩余部分区间加上公差。

- 将序列进行差分,即 $a_i = h_i h_{i-1}$,若 $a_i > 0$ 且 $a_{i+1} < 0$ 则合法。
- 差分的好处是,区间加等差数列会变成端点单点修改,剩余部分区间加上公差。
- 显然只有当 *a* 的正负号 (包括 0) 变化时 , 才会对答案造成 影响。

■ 线段树维护区间内 a 的最大负数、0 的个数以及答案。

- 线段树维护区间内 a 的最大负数、0 的个数以及答案。
- 区间加的时候,若最大负数或者 0 的符号变化了,那么暴力递归修改,否则直接打标记。

- 线段树维护区间内 a 的最大负数、0 的个数以及答案。
- 区间加的时候,若最大负数或者 0 的符号变化了,那么暴力递归修改,否则直接打标记。
- 因为公差为正数 , 因此每个数的状态只会变化 O(1) 次。

- 线段树维护区间内 a 的最大负数、0 的个数以及答案。
- 区间加的时候,若最大负数或者 0 的符号变化了,那么暴力递归修改,否则直接打标记。
- 因为公差为正数 , 因此每个数的状态只会变化 O(1) 次。
- 时间复杂度 $O((n+m)\log n)$ 。

有三座 n 层魔塔 A,B,C,第一次进入每层塔都需要消耗一把类型分别为 A_i,B_i,C_i 的钥匙。每层塔的经验值为 EA_i,EB_i,EC_i 。

有三座 n 层魔塔 A, B, C,第一次进入每层塔都需要消耗一把类型分别为 A_i, B_i, C_i 的钥匙。每层塔的经验值为 EA_i, EB_i, EC_i 。

一共有n种钥匙,你有 k_i 把第i种钥匙,且每座魔塔不会有两层需要的钥匙种类相同。

有三座 n 层魔塔 A, B, C,第一次进入每层塔都需要消耗一把类型分别为 A_i, B_i, C_i 的钥匙。每层塔的经验值为 EA_i, EB_i, EC_i 。

一共有 n 种钥匙 n ,你有 n ,你有 n ,把第 n ,时钥匙 n ,且每座魔塔不会有两层需要的钥匙种类相同。

每座塔都必须从底向上打,但不要求打完。

有三座 n 层魔塔 A, B, C,第一次进入每层塔都需要消耗一把类型分别为 A_i, B_i, C_i 的钥匙。每层塔的经验值为 EA_i, EB_i, EC_i 。

一共有 n 种钥匙 n ,你有 n ,你有 n ,把第 n ,种钥匙 n ,且每座魔塔不会有两层需要的钥匙种类相同。

有三座 n 层魔塔 A, B, C,第一次进入每层塔都需要消耗一把类型分别为 A_i, B_i, C_i 的钥匙。每层塔的经验值为 EA_i, EB_i, EC_i 。

一共有 n 种钥匙 n ,你有 n ,你有 n ,把第 n ,种钥匙 n ,且每座魔塔不会有两层需要的钥匙种类相同。

每座塔都必须从底向上打,但不要求打完。 求最多可以得到的经验值。

■ $1 \le n \le 100000_{\circ}$

有三座 n 层魔塔 A, B, C,第一次进入每层塔都需要消耗一把类型分别为 A_i, B_i, C_i 的钥匙。每层塔的经验值为 EA_i, EB_i, EC_i 。

一共有 n 种钥匙 n ,你有 n ,你有 n ,把第 n ,用每座魔塔不会有两层需要的钥匙种类相同。

- $1 \le n \le 100000_{\circ}$
- $1 \le k_i \le 2$ 。

有三座 n 层魔塔 A, B, C,第一次进入每层塔都需要消耗一把类型分别为 A_i, B_i, C_i 的钥匙。每层塔的经验值为 EA_i, EB_i, EC_i 。

一共有 n 种钥匙 n ,你有 n ,你有 n ,把第 n ,种钥匙 n ,且每座魔塔不会有两层需要的钥匙种类相同。

- $1 \le n \le 100000_{\circ}$
- $1 \le k_i \le 2$ 。
- $0 \le E \le 2000$

有三座 n 层魔塔 A, B, C,第一次进入每层塔都需要消耗一把类型分别为 A_i, B_i, C_i 的钥匙。每层塔的经验值为 EA_i, EB_i, EC_i 。

一共有 n 种钥匙 n ,你有 n ,你有 n ,把第 n ,种钥匙 n ,且每座魔塔不会有两层需要的钥匙种类相同。

- $1 \le n \le 100000_{\circ}$
- $1 < k_i < 2_0$
- $0 < E < 2000_{\circ}$
- Source : BZOJ 2130

■ 考虑从 0 到 n 枚举 A 的通关楼层,同时求出每座塔的经验值前缀和 sum。

- 考虑从 0 到 n 枚举 A 的通关楼层,同时求出每座塔的经验值前缀和 sum。
- 设 f_i 表示 B 通关 i 层时 C 最多能得到多少经验,因为经验 值非负,所以也可以看作最多通关多少层。

- 考虑从 0 到 n 枚举 A 的通关楼层,同时求出每座塔的经验值前缀和 sum。
- 设 f_i 表示 B 通关 i 层时 C 最多能得到多少经验,因为经验 值非负,所以也可以看作最多通关多少层。
- \blacksquare 当 A 的通关楼层往上多 1 的时候 , 这把钥匙必须给 A。

- 考虑从 0 到 n 枚举 A 的通关楼层,同时求出每座塔的经验值前缀和 sum。
- 设 f_i 表示 B 通关 i 层时 C 最多能得到多少经验,因为经验 值非负,所以也可以看作最多通关多少层。
- \blacksquare 当 A 的通关楼层往上多 1 的时候 A 这把钥匙必须给 A。
- 如果这把钥匙还剩 0 把 , 那么说明:

- 考虑从 0 到 n 枚举 A 的通关楼层,同时求出每座塔的经验 值前缀和 sum。
- 设 f; 表示 B 通关 i 层时 C 最多能得到多少经验,因为经验 值非负, 所以也可以看作最多通关多少层。
- 当 A 的诵关楼层往上多 1 的时候,这把钥匙必须给 A。
- 如果这把钥匙还剩 0 把,那么说明:
- (1)B 某些楼层 j 以上都不能到达 , 对应 f>i 变为 inf。

- 考虑从 0 到 n 枚举 A 的通关楼层,同时求出每座塔的经验值前缀和 sum。
- 设 f_i 表示 B 通关 i 层时 C 最多能得到多少经验,因为经验 值非负,所以也可以看作最多通关多少层。
- \blacksquare 当 A 的通关楼层往上多 1 的时候 A 这把钥匙必须给 A。
- 如果这把钥匙还剩 0 把 , 那么说明:
- (1)B 某些楼层 j 以上都不能到达,对应 $f_{\geq j}$ 变为 $-inf_{\circ}$
- (2)C 某些楼层 j 以上都不能到达,对应 f 的某个后缀与 $sumc_{j-1}$ 取 min。

■ 如果这把钥匙还剩 1 把 , 那么说明:

- 如果这把钥匙还剩 1 把 , 那么说明:
- 当 B 的楼层在 j 以上时,C 不能到达 k 以上的楼层,对应 f 的某个 $\geq j$ 的后缀中与 $sumc_{k-1}$ 取 min。

- 如果这把钥匙还剩 1 把 , 那么说明:
- 当 B 的楼层在 j 以上时,C 不能到达 k 以上的楼层,对应 f 的某个 $\geq j$ 的后缀中与 $sumc_{k-1}$ 取 min。
- 任意时刻,随着 *i* 的增加, *f*_i 单调不上升,所以可以用线段 树维护。

- 如果这把钥匙还剩 1 把 , 那么说明:
- 当 B 的楼层在 j 以上时,C 不能到达 k 以上的楼层,对应 f 的某个 $\geq j$ 的后缀中与 $sumc_{k-1}$ 取 min。
- 任意时刻,随着 *i* 的增加, *f*_i 单调不上升,所以可以用线段 树维护。
- 线段树上每个节点维护区间内最左边、最右边的 *f* 以及区间内某个 *f* 加上 *sumb* 的最大值。

- 如果这把钥匙还剩 1 把 , 那么说明:
- 任意时刻,随着 *i* 的增加, *f*_i 单调不上升,所以可以用线段 树维护。
- 线段树上每个节点维护区间内最左边、最右边的 f 以及区间内某个 f 加上 sumb 的最大值。
- 当修改时,可以通过上下界判断是否可以打标记,否则暴力 递归左右儿子。

- 如果这把钥匙还剩 1 把 , 那么说明:
- 当 B 的楼层在 j 以上时,C 不能到达 k 以上的楼层,对应 f 的某个 $\geq j$ 的后缀中与 $sumc_{k-1}$ 取 min。
- 任意时刻,随着 *i* 的增加, *f_i* 单调不上升,所以可以用线段 树维护。
- 线段树上每个节点维护区间内最左边、最右边的 *f* 以及区间内某个 *f* 加上 *sumb* 的最大值。
- 当修改时,可以通过上下界判断是否可以打标记,否则暴力 递归左右儿子。
- 注意到每次修改的本质其实就是 f 的一段区间赋值,故时间复杂度为 $O(n \log n)$ 。



维护若干个整数集合, n 次操作:

(1) 新增一个整数集合 $\{a_1, a_2, ..., a_m\}$ 。

- (1) 新增一个整数集合 $\{a_1, a_2, ..., a_m\}$ 。
- (2) 给定 k , 找一个长度最小的区间 [l,r] , 满足 $l \ge k$ 且 [l,r] 与所有集合都有交集。

- (1) 新增一个整数集合 $\{a_1, a_2, ..., a_m\}$ 。
- (2) 给定 k , 找一个长度最小的区间 [l,r] , 满足 $l \ge k$ 且 [l,r] 与所有集合都有交集。
 - $1 \le n \le 200000_{\circ}$

- (1) 新增一个整数集合 $\{a_1, a_2, ..., a_m\}$ 。
- (2) 给定 k , 找一个长度最小的区间 [l,r] , 满足 $l \ge k$ 且 [l,r] 与所有集合都有交集。
 - $1 \le n \le 200000_{\circ}$
 - $1 \le \sum m \le 550000_{\circ}$

- (1) 新增一个整数集合 $\{a_1, a_2, ..., a_m\}$ 。
- (2) 给定 k , 找一个长度最小的区间 [l,r] , 满足 $l \ge k$ 且 [l,r] 与所有集合都有交集。
 - $1 \le n \le 200000_{\circ}$
 - $1 \le \sum m \le 550000$ °
 - $0 \le a_i, k \le 10^9$

- (1) 新增一个整数集合 $\{a_1, a_2, ..., a_m\}$ 。
- (2) 给定 k , 找一个长度最小的区间 [l,r] , 满足 $l \ge k$ 且 [l,r] 与所有集合都有交集。
 - $1 \le n \le 200000_{\circ}$
 - $1 \le \sum m \le 550000$ °
 - $0 \le a_i, k \le 10^9$
 - Source: BZOJ 3898

■ 设 f; 表示选择的 I = i 时,区间长度的最小值。

- 设 f; 表示选择的 I = i 时,区间长度的最小值。
- 每来一个新集合时,设 nxt 为 i 右边最近的一个可行决策,则 $f_i = \max(f_i, nxt i)$ 。

- 设 f; 表示选择的 I = i 时,区间长度的最小值。
- 每来一个新集合时,设 nxt 为 i 右边最近的一个可行决策,则 $f_i = \max(f_i, nxt i)$ 。
- 注意到 f 的形式是一条条斜率为 -1 的线段,且截距单调不下降,故每次修改可以转化为对截距的区间赋值。

- 设 f; 表示选择的 I = i 时,区间长度的最小值。
- 每来一个新集合时,设 nxt 为 i 右边最近的一个可行决策,则 $f_i = max(f_i, nxt i)$ 。
- 注意到 f 的形式是一条条斜率为 -1 的线段,且截距单调不下降,故每次修改可以转化为对截距的区间赋值。
- 用线段树维护 f, 对于一个区间,如果无法覆盖最左端,则返回,如果可以覆盖最右端,则打标记,否则暴力递归左右儿子。

- 设 f; 表示选择的 I = i 时,区间长度的最小值。
- 每来一个新集合时,设 nxt 为 i 右边最近的一个可行决策,则 $f_i = max(f_i, nxt i)$ 。
- 注意到 f 的形式是一条条斜率为 -1 的线段,且截距单调不下降,故每次修改可以转化为对截距的区间赋值。
- 用线段树维护 f, 对于一个区间,如果无法覆盖最左端,则返回,如果可以覆盖最右端,则打标记,否则暴力递归左右儿子。
- 本质也对应着区间赋值 , 故时间复杂度 $O(m \log m)$ 。

Subtract if Greater!

维护一个正整数序列 $a_1, a_2, ..., a_n$, m 次操作:

Subtract if Greater!

维护一个正整数序列 $a_1, a_2, ..., a_n$, m 次操作:

(1) 给定 k , 将序列 a 从小到大排序 , 输出 a_k 的值。

Subtract if Greater!

维护一个正整数序列 $a_1, a_2, ..., a_n$ / m 次操作:

- (1) 给定 k , 将序列 a 从小到大排序 , 输出 a_k 的值。
- (2) 给定 x , 将所有严格大于 x 的数 a_i 减去 x_o

- (1) 给定 k, 将序列 a 从小到大排序, 输出 a_k 的值。
- (2) 给定 x , 将所有严格大于 x 的数 a_i 减去 x_o
- $1 \le n \le 100000_{\circ}$

- (1) 给定 k, 将序列 a 从小到大排序, 输出 a_k 的值。
- (2) 给定 x , 将所有严格大于 x 的数 a_i 减去 x_o
- $1 \le n \le 100000_{\circ}$
- $1 \le m \le 1000000_{\circ}$

- (1) 给定 k, 将序列 a 从小到大排序,输出 a_k 的值。
- (2) 给定 x , 将所有严格大于 x 的数 a_i 减去 x_o
- $1 \le n \le 100000_{\circ}$
- $1 \le m \le 1000000_{\circ}$
- $1 \le a_i, x \le 10^9$ °

- (1) 给定 k , 将序列 a 从小到大排序 , 输出 a_k 的值。
- (2) 给定 x , 将所有严格大于 x 的数 a_i 减去 x_o
- $1 \le n \le 100000_{\circ}$
- $1 \le m \le 1000000_{\circ}$
- $1 \le a_i, x \le 10^9$ 。
- Source : Petrozavodsk Summer-2016. Ural FU Dandelion Contest

■ 对于 k 小值查询 , 只需用平衡树维护序列 a。

- 对于 k 小值查询 , 只需用平衡树维护序列 a。
- 对于每个修改操作 , [1, x] 的数无需修改。

- 对于 k 小值查询 , 只需用平衡树维护序列 a。
- 对于每个修改操作 / [1,x] 的数无需修改。
- [x+1,2x] 的数会减小至少一半,暴力修改即可。

- 对于 k 小值查询,只需用平衡树维护序列 a。
- 对于每个修改操作,[1,x]的数无需修改。
- [x+1,2x] 的数会减小至少一半,暴力修改即可。
- [2x+1, inf) 的数减小之后排名不变,故可以在平衡树上打标记实现。

- 对于 k 小值查询 , 只需用平衡树维护序列 a。
- 对于每个修改操作 / [1, x] 的数无需修改。
- [x+1,2x] 的数会减小至少一半,暴力修改即可。
- [2x+1, inf) 的数减小之后排名不变,故可以在平衡树上打标记实现。
- 每个数若被暴力修改,那么最多只会被暴力 O(log a) 次。

- 对于 k 小值查询 , 只需用平衡树维护序列 a。
- 对于每个修改操作,[1,x]的数无需修改。
- [x+1,2x] 的数会减小至少一半,暴力修改即可。
- [2x+1, inf) 的数减小之后排名不变,故可以在平衡树上打标记实现。
- 每个数若被暴力修改,那么最多只会被暴力 O(log a) 次。
- 时间复杂度 $O(n \log n \log a + m \log n)$ 。

Heavy-Light Decomposition

维护一棵 n 个点的有根二叉树,对其进行轻重链剖分,每次删除一个叶子。

L Description

Heavy-Light Decomposition

维护一棵 n 个点的有根二叉树,对其进行轻重链剖分,每次删除一个叶子。

若删除叶子之后,某个点的重儿子选择另一个点更优,那么需要改变重儿子。

Heavy-Light Decomposition

维护一棵 n 个点的有根二叉树,对其进行轻重链剖分,每次删除一个叶子。

若删除叶子之后,某个点的重儿子选择另一个点更优,那么需要改变重儿子。

求出每次删除之后每个点重儿子的编号之和。

Heavy-Light Decomposition

维护一棵 n 个点的有根二叉树,对其进行轻重链剖分,每次删除一个叶子。

若删除叶子之后,某个点的重儿子选择另一个点更优,那么需要改变重儿子。

求出每次删除之后每个点重儿子的编号之和。

 $2 \le n \le 200000_{\circ}$

└─ Description

Heavy-Light Decomposition

维护一棵n个点的有根二叉树,对其进行轻重链剖分,每次删除一个叶子。

若删除叶子之后,某个点的重儿子选择另一个点更优,那么需要改变重儿子。

求出每次删除之后每个点重儿子的编号之和。

- 2 ≤ n ≤ 200000
- Source : ASC 46

■ 首先用树状数组维护 DFS 序来快速支持一个点子树大小的 询问。

- 首先用树状数组维护 DFS 序来快速支持一个点子树大小的 询问。
- 每次删掉一个叶子时,从根开始往叶子走,显然只有 $2size_x \le size_{father}$ 的点的父亲才有可能更换重儿子。

- 首先用树状数组维护 DFS 序来快速支持一个点子树大小的 询问。
- 每次删掉一个叶子时,从根开始往叶子走,显然只有 $2size_x \le size_{father}$ 的点的父亲才有可能更换重儿子。
- 从根开始往下,找到最高的满足条件的点,从那个点开始继续迭代。

- 首先用树状数组维护 DFS 序来快速支持一个点子树大小的 询问。
- 每次删掉一个叶子时,从根开始往叶子走,显然只有 $2size_x \le size_{father}$ 的点的父亲才有可能更换重儿子。
- 从根开始往下,找到最高的满足条件的点,从那个点开始继续迭代。
- 每次点数至少减小一半,所以迭代只有 O(log n) 次。

- 首先用树状数组维护 DFS 序来快速支持一个点子树大小的 询问。
- 每次删掉一个叶子时,从根开始往叶子走,显然只有 $2size_x \le size_{father}$ 的点的父亲才有可能更换重儿子。
- 从根开始往下,找到最高的满足条件的点,从那个点开始继续迭代。
- 每次点数至少减小一半,所以迭代只有 O(log n) 次。
- 利用树链剖分配合二分查找可以很容易地在 $O(\log^2 n)$ 的时间内找到迭代点。

- 首先用树状数组维护 DFS 序来快速支持一个点子树大小的 询问。
- 每次删掉一个叶子时,从根开始往叶子走,显然只有 2size_x ≤ size_{father} 的点的父亲才有可能更换重儿子。
- 从根开始往下,找到最高的满足条件的点,从那个点开始继续迭代。
- 每次点数至少减小一半,所以迭代只有 $O(\log n)$ 次。
- 利用树链剖分配合二分查找可以很容易地在 $O(\log^2 n)$ 的时间内找到迭代点。
- 时间复杂度 $O(n \log^3 n)$, 常数很小。

■ Fan Li (HDU 5320)

- Fan Li (HDU 5320)
- Differencia (HDU 5737)

- Fan Li (HDU 5320)
- Differencia (HDU 5737)
- Bipartite Graph (HDU 5354)

- Fan Li (HDU 5320)
- Differencia (HDU 5737)
- Bipartite Graph (HDU 5354)
- [Sdoi2016] 游戏 (BZOJ 4515)

- Fan Li (HDU 5320)
- Differencia (HDU 5737)
- Bipartite Graph (HDU 5354)
- [Sdoi2016] 游戏 (BZOJ 4515)
- 七彩树 (BZOJ 4771)

- Fan Li (HDU 5320)
- Differencia (HDU 5737)
- Bipartite Graph (HDU 5354)
- [Sdoi2016] 游戏 (BZOJ 4515)
- 七彩树 (BZOJ 4771)
- dC Loves Number Theory (BZOJ 4026)

- Fan Li (HDU 5320)
- Differencia (HDU 5737)
- Bipartite Graph (HDU 5354)
- [Sdoi2016] 游戏 (BZOJ 4515)
- 七彩树 (BZOJ 4771)
- dC Loves Number Theory (BZOJ 4026)
- The Child and Sequence (Codeforces Round #250 Div. 1 D)

- Fan Li (HDU 5320)
- Differencia (HDU 5737)
- Bipartite Graph (HDU 5354)
- [Sdoi2016] 游戏 (BZOJ 4515)
- 七彩树 (BZOJ 4771)
- dC Loves Number Theory (BZOJ 4026)
- The Child and Sequence (Codeforces Round #250 Div. 1 D)
- Nice boat (HDU 4902)

L Thank you

Thank you!