

Análise da Heurística de Busca Auto-Organizável (Move-to-Front)

Marcos Vinícius Cardoso Moreira Nascimento

Instituto Federal do Maranhão - Campus Monte Castelo

1. Introdução

Listas auto-organizáveis são estruturas de dados que ajustam sua ordem interna com base nos padrões de acesso. O objetivo é manter os elementos mais frequentemente buscados próximos ao início da lista, reduzindo o tempo médio de busca. A heurística Move-to-Front (MTF) segue uma ideia simples: sempre que um elemento é encontrado, ele é movido para o início da lista. Assim, elementos acessados repetidas vezes permanecem nas posições iniciais, acelerando futuras buscas.

2. Funcionamento do Algoritmo

O algoritmo MTF realiza uma busca linear sobre o vetor. A cada passo, o elemento atual é comparado com a chave procurada. Se a chave for encontrada na posição i , o valor é salvo e os elementos das posições 0 até $i-1$ são deslocados uma posição para a direita. Em seguida, o item encontrado é movido para a posição inicial. Caso a chave não seja encontrada, a lista não é modificada. A complexidade teórica da operação é $O(n)$ no pior caso e também $O(n)$ no caso médio (para dados aleatórios). O melhor caso ocorre quando o elemento está na primeira posição, resultando em custo $O(1)$.

3. Pseudocódigo Anotado com Custos Assintóticos

Algoritmo 1 – Busca Auto-Organizável (Move-to-Front)

Entrada: Vetor $V[0..n-1]$, Chave k

Saída: Vetor possivelmente reorganizado, posição original ou -1

1. para $i \leftarrow 0$ até $n-1$ faça // $O(n)$
2. se $V[i] == k$ então // $O(1)$
3. elemento $\leftarrow V[i]$ // $O(1)$
4. para $j \leftarrow i$ até 1 faça // $O(i)$
5. $V[j] \leftarrow V[j-1]$ // $O(1)$
6. fim-para
7. $V[0] \leftarrow$ elemento // $O(1)$
8. retorne i // $O(1)$
9. fim-se
10. fim-para
11. retorne -1 // $O(n)$

Tabela 1 – Análise de Big-O por Linha

Linha	Operação Principal	Custo Total
1	Loop externo	$O(n)$
2	Comparação de igualdade	$O(n)$
3	Atribuição	$O(1)$
4–6	Loop de deslocamento	$O(i)$
7	Inserção no início	$O(1)$

8	Retorno	$O(1)$
11	Retorno final	$O(1)$
Total	—	$O(n)$

4. Implementação em C com Custos Assintóticos

```
for (int i = 0; i < n; i++) { // O(n)
    if (vetor[i] == chave) { // O(1)
        int item = vetor[i]; // O(1)
        for (int j = i; j > 0; j--) { vetor[j] = vetor[j - 1]; } // O(i)
        vetor[0] = item; // O(1)
        return i; // O(1)
    }
}
return -1; // O(n)
```

5. Implementação em Java com Custos Assintóticos

```
for (int i = 0; i < n; i++) { // O(n)
    if (vetor.get(i) == chave) {
        int item = vetor.remove(i); // O(n)
        vetor.add(0, item); // O(n)
        return i;
    }
}
return -1; // O(n)
```

6. Implementação em Python com Custos Assintóticos

```
idx = vetor.index(chave) # O(n)
item = vetor.pop(idx) # O(n)
vetor.insert(0, item) # O(n)
return idx
```

7. Comparação Entre Implementações

Linguagem	Operações mais caras	Complexidade	Observações
C	Loop interno manual	$O(n)$	Menor custo real, sem overhead
Java	remove(i), add(0,x)	$O(n)$	Maior overhead da JVM
Python	index(), pop(), insert()	$O(n)$	Funções otimizadas em C

8. Conclusão

A heurística Move-to-Front mantém a complexidade linear $O(n)$ em todos os casos assintóticos. As implementações em C, Java e Python refletem o mesmo comportamento do pseudocódigo teórico. A linguagem C apresenta o melhor desempenho prático por operar diretamente sobre a memória. Python mostra bom equilíbrio devido a otimizações internas, e Java tende a apresentar maior variação de tempo devido ao garbage collector. O MTF é indicado em contextos de repetição de acessos, como

caches, compressão de dados e otimização de buscas em listas.

9. Referências

- [1] Knuth, D. E. (1984). *The Art of Computer Programming*.
- [2] Sedgewick, R. & Wayne, K. (2011). *Algorithms*, 4th Edition.
- [3] Weiss, M. A. (2012). *Data Structures and Algorithm Analysis*.
- [4] IFMA - Algoritmos e Estruturas de Dados II, 2025.