

Lógica Computacional - TP1 Exercício 2 - G01

Bruno Dias da Gíão A96544, João Luis da Cruz Pereira A95375, David Alberto Agra A95726

October 1, 2023

0.1 Exercício 2 - Enunciado

2. Um sistema de tráfego é representado por um grafo orientado ligado. Os nodos denotam pontos de acesso e os arcos denotam vias de comunicação só com um sentido . O grafo tem de ser ligado: entre cada par de nodos $\langle n_1, n_2 \rangle$ tem de existir um caminho $n_1 \rightsquigarrow n_2$ e um caminho $n_2 \rightsquigarrow n_1$.
 1. Gerar aleatoriamente o grafo com $N \in \{8..15\}$ nodos e com ramos verificando:
 1. Cada nodo tem um número aleatório de descendentes $d \in \{0..3\}$ cujos destinos são também gerados aleatoriamente.
 2. Se existirem “loops” ou destinos repetidos, deve-se gerar outro grafo.
 2. Pretende-se fazer manutenção interrompendo determinadas vias. Determinar o maior número de vias que é possível remover mantendo o grafo ligado.

```
[5]: from ortools.sat.python import cp_model
import matplotlib.pyplot as plt
import networkx as nx
import random
```

Geramos um grafo aleatório fortemente conexo em que cada nodo tem no máximo 3 descendentes

```
[6]: N = 15
max_neighbors = 3
G = nx.DiGraph()
G.add_nodes_from(range(N))
nodes = list(G.nodes())

if max_neighbors == 1:
    random.shuffle(nodes)
    for i in range(N):
        G.add_edge(nodes[i], nodes[(i+1)%N])

while not nx.is_strongly_connected(G):
    G.clear_edges()
    for node in nodes:
        neighbors = set(G.neighbors(node))
        rnd = random.randint(1, max_neighbors)
        rnd = min(rnd, N-1)
        while len(neighbors) < rnd:
```

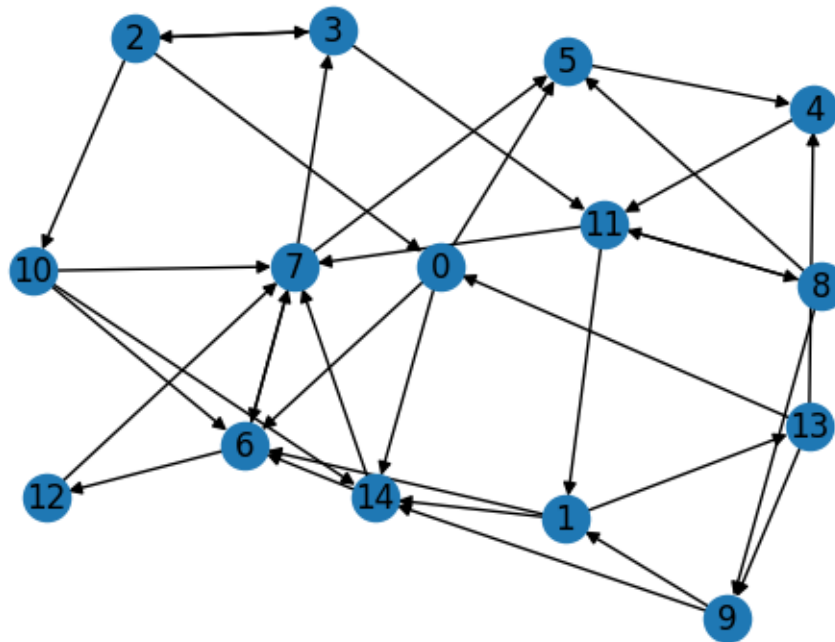
```

target_node = random.choice(nodes)
if target_node != node and target_node not in neighbors:
    G.add_edge(node, target_node)
    neighbors.add(target_node)

pos = nx.kamada_kawai_layout(G)
plt.title(f'Original | #edges -> {len(G.edges())}')
nx.draw(G, pos, with_labels=True, node_size=300)
plt.show()

```

Original | #edges -> 35)



Associamos a cada aresta uma variável que pode tomar valores 0 ou 1 em que 1 significa que a aresta foi removida

```

[7]: model = cp_model.CpModel()

edge_vars = {}

for u, v in G.edges():
    edge_vars[u, v] = model.NewIntVar(0, 1, f'edge_{u}_{v}')

```

Adicionamos uma restrição para garantir que existe pelo menos um caminho entre cada par de nodos em que as arestas desse caminho não são removidas

```
[8]: for i in range(N):
      for j in range(N):
          if i != j:
              paths = nx.all_simple_edge_paths(G, i, j)
              vals = [sum(edge_vars[x] for x in k) for k in paths]
              model.AddMinEquality(0, vals)
```

Maximizamos o número de arestas removidas e iniciamos o solver

```
[9]: model.Maximize(sum(edge_vars.values()))

solver = cp_model.CpSolver()
s = solver.Solve(model)
```

Removemos as arestas que estão com o valor 1 e temos o resultado

```
[10]: for u, v in edge_vars:
        if solver.Value(edge_vars[u, v]) == 1:
            G.remove_edge(u, v)

plt.title(f'Minimal | #edges -> {len(G.edges())}')
pos = nx.kamada_kawai_layout(G)
nx.draw(G, pos, with_labels=True, node_size=300)
plt.show()
```

Minimal | #edges -> 16

