

PARTE 1

String = “Esto es un string” (usamos string the python)

Ejercicio 1 (opcional)

Implementar la función que responde a la siguiente especificación.

def existChar(String, c):

Descripción: Confirma la existencia de un carácter específico en una cadena.

Entrada: String con la cadena en la cual buscar el carácter, carácter a buscar en la cadena.

Salida: Retorna True si el carácter se encuentra en la cadena, o False en caso contrario

Ejercicio 2 (opcional)

Implementar una función que detecte si una cadena es un Palíndromo. La implementación debe responder a la siguiente especificación:

def isPalindrome(String):

Descripción: Determina si la cadena es un palíndromo

Entrada: String con la cadena a evaluar.

Salida: Retorna True si la cadena es palíndromo, o False en caso contrario

La función es Palíndromo que devuelve True si una cadena es Palíndromo y Falso en caso contrario. Nota: Una cadena es un palíndromo si se lee igual en ambos sentidos ej. anitalavalatina, radar.

Ejercicio 3 (opcional)

Implementar la función que responde a la siguiente especificación.

def mostRepeatedChar(String):

Descripción: Encuentra el carácter que más se repite en una cadena.

Entrada: String con la cadena a ser evaluada.

Salida: Retorna el carácter que más se repite. En caso que haya más de un carácter con mayor ocurrencia devuelve el primero de ellos.

Ejercicio 4 (opcional)

Implementar la función que dado un String S devuelve la longitud de la isla de mayor tamaño. Una isla es una secuencia consecutiva de un mismo carácter dentro de S. Por

ejemplo S = “**cdaaaaaasssbbb**” su mayor isla es de tamaño 6 (aaaaaa) y además tiene dos islas de tamaño 3 (sss, bbb) el resto de las islas en s son de tamaño 1.

def getBiggestIslandLen(String):

Descripción: Determina el tamaño de la isla de mayor tamaño en una cadena.

Entrada: **String** con la cadena a ser evaluada.

Salida: Retorna un **entero** con la dimensión de la isla más grande dentro de la cadena.

Ejercicio 5 (opcional)

Implementar la función que responde a la siguiente especificación.

def isAnagram(String, String):

Descripción: Determina si una cadena es un anagrama de otra.

Entrada: Un **String** con la cadena original, y otro **String** con el posible anagrama a evaluar.

Salida: Retorna un **True** si la segunda cadena es anagrama de la primera, en caso contrario devuelve **False**.

Nota: Una cadena **s** es anagrama de otra cadena **p** si existe alguna ordenación de los elementos de **s** con lo cual se obtenga la cadena **p**

Ejercicio 6 (opcional)

Implementar la función que responde a la siguiente especificación.

def verifyBalancedParentheses(String):

Descripción: Verifica si los paréntesis contenidos en una cadena se encuentran balanceados y en orden.

Entrada: Un **String** con la cadena a ser evaluada.

Salida: Retorna un **True** si la cadena posee sus paréntesis correctamente balanceados, en caso contrario devuelve **False**.

Ejemplo: “(ccc(ccc)cc((ccc(c))))” es correcto, pero “)ccc(ccc)cc((ccc(c)))(“ no lo es, aunque tenga el mismo número de paréntesis abiertos que cerrados.

Ejercicio 7

Se tiene una cadena de caracteres y se quiere reducir a su longitud haciendo una serie de operaciones. En cada operación se selecciona **un par** de caracteres adyacentes que coinciden, y se los borra. Por ejemplo, la cadena “**aab**” puede ser acortada a “**b**” en una sola operación. Implementar una función que borre tantos caracteres como sea posible y devuelva la cadena resultante.

def reduceLen(String):

Descripción: Reduce la longitud de una cadena removiendo iterativamente pares de caracteres repetidos.

Entrada: Un **String** con la cadena a ser reducida.

Salida: Retorna un **String** con la cadena resultante tras haber aplicado las remociones.

Ejemplo: “aaabccddd” se puede reducir a “abd” de la siguiente manera:
“aaabccddd” → “abccddd” → “abddd” → “abd”

```
4  #--EJERCICIO 7--
5  def reduceLen(string):
6      pila = []
7
8      for char in string:
9          if pila and pila[-1] == char:
10             pila.pop() # Remueve el último elemento del stack si es igual al
                actual
11         else:
12             pila.append(char) # Agrega el caracter actual al stack
13
14     return ''.join(pila) # Convierte la lista a una cadena
15
```

Ejercicio 8

Implementar una función que dadas dos palabras determine si la segunda está contenida dentro de la primera bajo la siguiente premisa. Una cadena *s* contiene la palabra “**amarillo**” si un subconjunto ordenado de sus caracteres deletrea la palabra **amarillo**. Por ejemplo, la cadena *s* = “aaaffmmmarillzzllhooo” contiene **amarillo**, pero *s* = “aaaffmmmmarrilzzzhooo” no (debido a que le falta una l). Si ordenamos la primera cadena como *s* = “aaaailllfffzzzhrrmmmo”, ya no contiene la subsecuencia debido al ordenamiento.

def isContained(String,String):

Descripción: Determina si los caracteres de una cadena se encuentran contenidos y en el mismo orden dentro de otra cadena.

Entrada: Un **String** con la cadena a evaluar, y otro **String** con la cadena posiblemente contenida en la primera.

Salida: Retorna un **True** si la segunda cadena se encuentra contenida en la primera, o **False** en caso contrario.

```
16  #--EJERCICIO 8--
17  def isContained(main_str, sub_str):
18      m, n = len(main_str), len(sub_str)
19      i, j = 0, 0
20
21      # Recorre los caracteres de main_str
22      while i < m and j < n:
23          if main_str[i] == sub_str[j]:
24              j += 1 # Avanza el puntero de sub_str
25              i += 1 # Avanza el puntero de main_str
26
27      # Si hemos recorrido toda la sub_str, significa que
28      return j == n
29
```

Ejercicio 9

Suponga que se quiere encontrar si existe la ocurrencia exacta de una cadena **p** dentro de una cadena **s**. Suponga que se permite que el patrón tenga caracteres comodín que pueden matchear con cualquier cadena de caracteres (incluso de longitud 0). Por ejemplo, el patrón “**ab◇ba◇c**” ocurre en el texto “**cabccbacbacab**” como sigue:

c ab cc ba cba c ab
 └──┘ └──┘ └──┘ └──┘ └──┘
 ab ◇ ba ◇ c

Y también como

c ab ccbac ba c ab .
 └──┘ └──┘ └──┘ └──┘
 ab ◇ ba ◇ c

Note que el carácter comodín (◇) puede aparecer un número arbitrario de veces en el patrón **p**, pero se asume que no aparecerá en la cadena **s**. Proponga un algoritmo en tiempo polinomial para determinar si un patrón **p** aparece en un texto **s** dado.

def isPatternContained(String,String,c):

Descripción: Determina en tiempo polinomial si un patrón de caracteres conformado por caracteres fijos y comodines se encuentra en otra cadena.

Entrada: Un **String** con la cadena a evaluar, un **String** con el patrón a buscar, y un carácter **c** que especifica el carácter comodín dentro del patrón.

Salida: Retorna un **True** si el patrón proporcionado se encuentra en la cadena, o **False** en caso contrario.

PARTE 2

Ejercicio 10

Construir un Autómata de Estados Finitos para el patrón **P="aabab"** y demostrar su funcionamiento en la cadena de texto **T="aaababaabaababaab"**. **No es necesario implementar.**

state	a	b	P:
0	1	0	a
1	2	0	a
2	1	3	b
3	4	0	a
4	1	5	b

Ejercicio 11

Sean el texto T y el patrón P de longitudes m y n respectivamente. Plantee un algoritmo para encontrar el mayor prefijo de P que se encuentra en T en $O(n+m)$.

Ejercicio 12

Implementar en pseudo-python un autómata de estados finitos para buscar cualquier patrón P (consecutivo) en una cadena de texto T.

```

30  #--EJERCICIO 12--
31  def construirAEF(patron):
32      m = len(patron)
33      aef = [{} for _ in range(m + 1)] #lista con diccionarios {caracter: estado}
34
35      # defino el estado inicial
36      aef[0][patron[0]] = 1
37      X = 0 # Estado de fallo
38
39      for j in range(1, m):
40          for c in set(patron):
41              aef[j][c] = aef[X].get(c, 0)
42              aef[j][patron[j]] = j + 1
43              X = aef[X].get(patron[j], 0)
44
45      for c in set(patron):
46          aef[m][c] = aef[X].get(c, 0)
47
48      return aef
49
50  def buscar_patron(patron, texto):
51      automata = construirAEF(patron)
52      m, n = len(patron), len(texto)
53      i, j = 0, 0 # i para texto, j para patrón (estado del DFA)
54
55      while i < n:
56          j = automata[j].get(texto[i], 0)
57          if j == m:
58              print(f"Patrón encontrado en la posición {i - m + 1}")
59              j = 0 # Reiniciar para buscar más coincidencias
60          i += 1
61

```

Ejercicio 13

Implemente el algoritmo de Rabin-Karp estudiado. Para el mismo deberá implementarse una función de hash que dado un patrón p de tamaño m se resuelva en $O(1)$. Considerar lo detallando en la presentación del tema correspondiente a las funciones de hash en Rabin-karp.

```
64 def rabin_karp(p, t, q):
65     m = len(p) # Longitud del patrón
66     n = len(t) # Longitud del texto
67     d = 256 # Número de caracteres en el alfabeto (por ejemplo, ASCII tiene 256
caracteres)
68     hp = 0 # Hash del patrón
69     ht = 0 # Hash del texto
70     h = 1 # Valor de h usado en el cálculo del hash
71
72     # Calcular h = d^(m-1) % q
73     for i in range(m - 1):
74         h = (h * d) % q
75
76     # Calcular el hash inicial del patrón y del primer segmento del texto
77     for i in range(m):
78         hp = (d * hp + ord(p[i])) % q
79         ht = (d * ht + ord(t[i])) % q
80
81     # Buscar el patrón en el texto
82     for i in range(n - m + 1):
83         # Si los hashes coinciden, verificar carácter por carácter
84         if hp == ht:
85             match = True
86             for j in range(m):
87                 if t[i + j] != p[j]:
88                     match = False
89                     break
90             if match:
91                 print(f"{p} encontrado en la posición {i + 1}")
```

```
    # Actualizar el hash para la siguiente ventana de texto
    if i < n - m:
        ht = (d * (ht - ord(t[i]) * h) + ord(t[i + m])) % q
        if ht < 0:
            ht += q

    # Si no se encontró ninguna coincidencia
    print("Ninguna coincidencia encontrada")
```

Ejercicio 14

Implemente el algoritmo KMP estudiado.

def KMP(String,String):

Descripción: Implementa el algoritmo KMP.

Entrada: Un **String** con la cadena a evaluar, y un **String** con el patrón a buscar.

Salida: Retorna un arreglo de índices con las posiciones en donde se encuentra el patrón, o **None** en caso de no encontrar el patrón.

```
102  #--EJERCICIO 14--
103  def KMP(t, p):
104      n = len(t) # Longitud del texto
105      m = len(p) # Longitud del patrón
106      pi = computePrefixFunction(p) # Calcular la función de prefijo del patrón
107      q = 0 # Índice que indica cuántos caracteres coinciden
108
109      for i in range(0, n):
110          # Mientras exista un mismatch y q sea mayor que 0, retroceder según la
          # función de prefijo
111          while q > 0 and p[q] != t[i]:
112              q = pi[q - 1]
113
114          # Si el caracter actual del texto coincide con el caracter actual del
          # patrón
115          if p[q] == t[i]:
116              q += 1 # Incrementar q, indicando un nuevo caracter coincidente
117
118          # Si q es igual a la longitud del patrón m, se encontró una ocurrencia
          # completa
119          if q == m:
120              print("Pattern occurs with shift", i - m + 2)
121              break
122
123          # Si q no es igual a m, significa que no se encontraron ocurrencias
124          if q != m:
125              print("None")
```

```
127  def computePrefixFunction(p):
128      m = len(p) # Longitud del patrón
129      pi = [0] * m # Inicializar arreglo para la función de prefijo
130      k = 0 # Longitud del prefijo más largo que también es un sufijo
131
132      for q in range(1, m):
133          # Mientras exista un mismatch, retroceder según la función de prefijo
134          while k > 0 and p[k] != p[q]:
135              k = pi[k - 1]
136
137          # Si el caracter siguiente coincide, incrementar k
138          if p[k] == p[q]:
139              k += 1
140
141          pi[q] = k # Asignar el valor de k a la posición q de la función de
          # prefijo
142
143      return pi # Retornar la función de prefijo computada
144
```

Ejercicio 15 (opcional)

Realice una modificación al algoritmo KMP para encontrar las ocurrencias no solapadas del patrón P en el texto T. Por ejemplo: si P = aba y T = aabababaaa las ocurrencias de P aabababaaa y aabababaaa se solapan por lo que la mayor cantidad de ocurrencias no solapadas son 2, o sea aabababaaa.

def KMPmod(String,String):

Descripción: Implementa el algoritmo KMP sin solapado.

Entrada: Un **String** con la cadena a evaluar, y un **String** con el patrón a buscar.

Salida: Retorna un arreglo de índices con las posiciones en donde se encuentra el patrón sin solapado, o **None** en caso de no encontrar el patrón.

A tener en cuenta:

1. Usen lápiz y papel primero
2. ~~No se puede utilizar otra Biblioteca mas allá de algo1.py y las bibliotecas desarrolladas durante Algoritmos y Estructuras de Datos I.~~